SME 0121 Processos Estocásticos ICMC-USP, Ricardo Ehlers Lista 6

1. Sejam X_1, \ldots, X_n variáveis aleatórias independentes tais que,

$$X_i \sim \text{Exponencial}(\lambda_i), i = 1, \dots, n.$$

Seja a variável aleatória,

$$S = \sum_{i=1}^{n} X_i,$$

e deseja-se simular valores do vetor aleatório $\mathbf{X} = (X_1, \dots, X_n)$ dado que S > c para uma constante positiva c. A função de densidade conjunta é dada por,

$$p(\mathbf{x}|S > c) = \frac{1}{P(S > c)} \prod_{i=1}^{n} \lambda_i \exp(-\lambda_i x_i), \ x_i > 0, \ \sum_{i=1}^{n} x_i > c.$$

Explique como simular valores de $\boldsymbol{X}|S>c$ (Veja o exemplo 4.41).

- 2. Descreva um possivel algoritmo de Metropolis-Hastings para simular valores de X com distribuição Gama.
- 3. Estude o algoritmo de Viterbi na Seção 4.11.1 do livro texto.
- 4. Exercícios do Cap. 4 de Sheldon Ross: 78 e 79.