Inteligência Artificial

Prof. Rafael Stubs Parpinelli DCC / UDESC-Joinville rafael.parpinelli@udesc.br

www.joinville.udesc.br/portal/professores/parpinelli



<u>Busca Heurística ou Busca</u> <u>Informada</u>

- Estratégias de Busca Exaustiva
 - Encontram soluções para problemas pela geração sistemática de novos estados, que são comparados ao objetivo
 - São ineficientes na maioria dos problemas do mundo real
 - são capazes de calcular apenas o custo de caminho do nó atual ao nó inicial (função g(n)) para decidir qual o próximo nó da fronteira a ser expandido
 - essa medida n\u00e3o necessariamente conduz a busca na dire\u00e7\u00e3o do objetivo. Olha s\u00e3 para o passado!

<u>Busca Heurística</u>

- Estratégias de Busca Heurística
 - utilizam conhecimento específico do problema na escolha do próximo nó a ser expandido
- Aplicação de uma função de avaliação a cada nó na fronteira do espaço de estados
 - essa função estima o custo de caminho do nó atual ao objetivo mais próximo utilizando uma função heurística.
 - Qual dos nós supostamente é o mais próximo do objetivo?
- Classes de algoritmos para busca heurística:
 - 1.Busca pela melhor escolha (*Best-First Search*)
 - 2. Busca com limite de memória
 - 3. Busca com melhora iterativa

Funções Heurísticas

- Função heurística h(n)
 - estima o custo do caminho entre o nó n e o objetivo
 - depende o problema
- Exemplo
 - encontrar a rota de caminho mínimo entre duas localidades
 - hdd(n) = distância direta (em linha reta) entre o nó n e o nó final
- Como escolher uma boa função heurística?
 - ela deve ser <u>admissível</u> i.e., nunca superestimar o custo real da solução
 - Distância direta (hdd) é admissível porque o caminho mais curto entre dois pontos é sempre uma linha reta

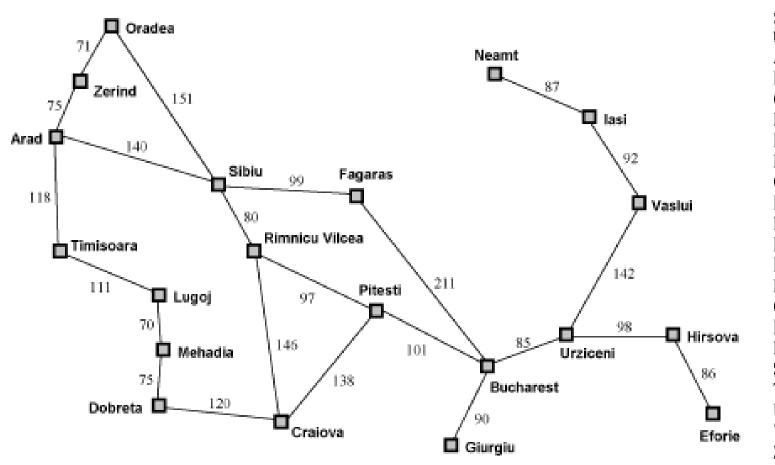
Busca pela Melhor Escolha (Best-First Search)

- Busca genérica onde o nó de menor custo "aparente" na fronteira do espaço de estados é expandido primeiro
- Duas abordagens básicas:
 - 1. Busca Gulosa (Greedy Search)
 - 2. Algoritmo A*
- Busca gulosa
 - Semelhante à busca em profundidade com backtracking
 - Tenta expandir o nó mais próximo ao nó final com base na estimativa feita pela função heurística h.

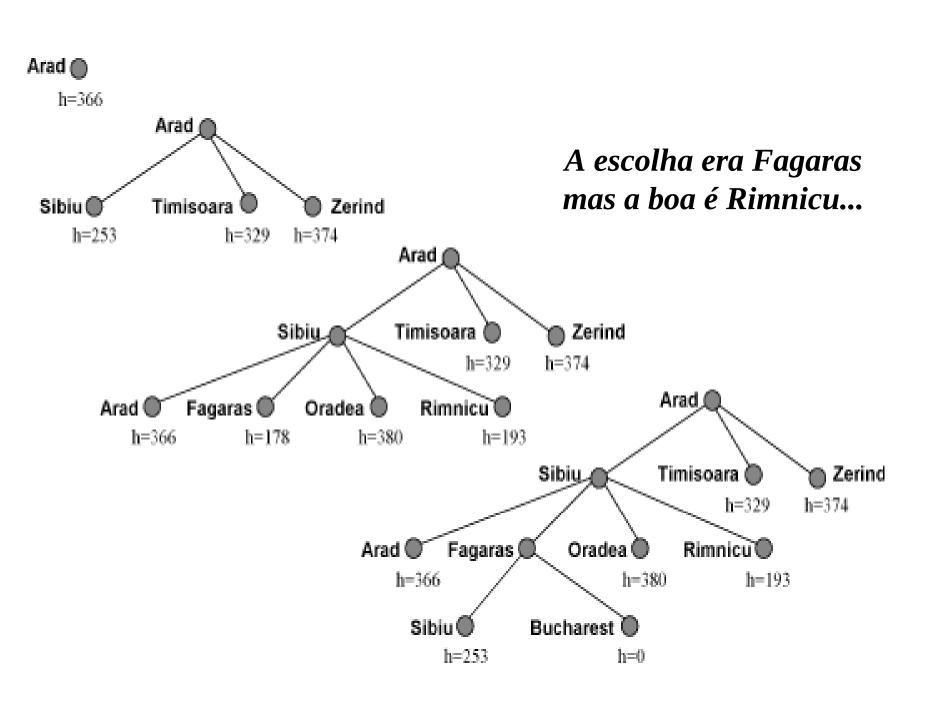
Busca Gulosa

Exemplo:

- encontrar a rota mais curta de Arad a Bucharest
- hdd(n) = distância direta entre o nó <math>n e o nó final
- hdd é admissível!



Straight ☐ line distand	36
to Bucharest	
Arad	366
Bucharest	-0
Craiova	160
Dobreta	242
Eforie	161
Fagaras	178
Giurgiu	77
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	98
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

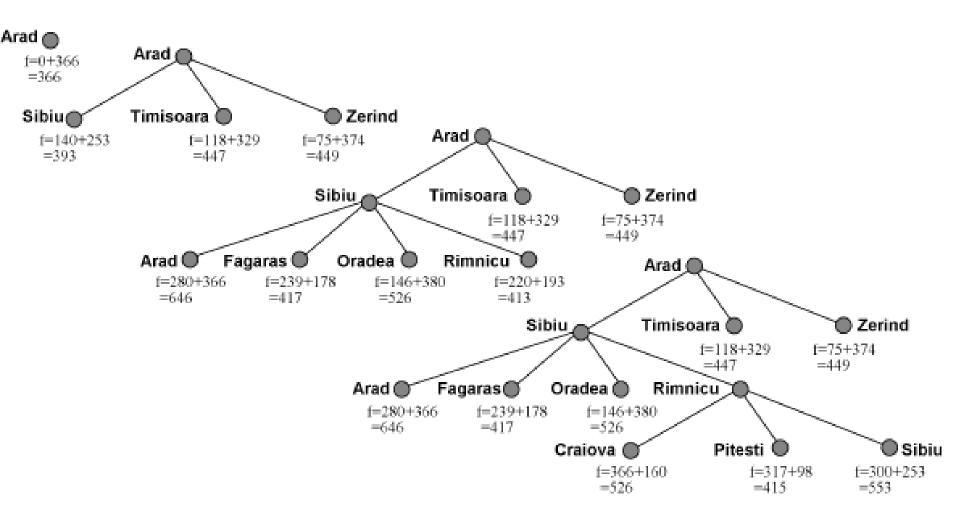


Busca Gulosa: conclusões

- Não é ótima... (semelhante à busca em profundidade)
 - porque só olha para o futuro!
- Não é completa:
 - pode entrar em "loop" se não detectar a expansão de estados repetidos
 - pode tentar desenvolver um caminho infinito
- Custo de busca é minimizado
 - não expande nós fora do caminho
- Porém... escolhe o caminho que é mais econômico à primeira vista
- E no entanto, podem existir caminhos mais curtos...

- Tenta minimizar o custo total da solução combinando:
 - Busca Gulosa
 - econômica, porém não é completa nem ótima
 - Busca de Custo Uniforme
 - ineficiente, porém completa e ótima
- Função de avaliação:
 - f(n) = g(n) + h(n)
 - -g(n) = distância de**n**ao nó inicial
 - h(n) = distância estimada de <math>n ao nó final
- A* expande o nó de menor valor de **f** na fronteira do espaço de estados.
 - Olha o futuro sem esquecer do passado!

 Qual seria a rota desenvolvida pelo A* entre as cidades de Arad e Bucharest?



- O algoritmo é monotônico
 - o custo de cada nó gerado no mesmo caminho nunca diminui
 - mas pode haver problemas: f(n') < f (n), onde n é o pai de
 n'
 - f(n) = g(n) + h(n) = 3 + 4 = 7 e f(n') = g(n') + h(n') = 4 + 2 = 6
- Para se garantir a monotonicidade de f
 - quando usa-se f(n') = max(f(n), g(n') + h(n'))
 - uma vez que todo caminho que passa por n' passa também por n (seu pai)
- Semelhante à busca em largura
 - mas ao invés de geração (profundidade) da árvore o que conta é o contorno f=g+h

- A* completa e ótima
 - como a busca em largura...
- A* é otimamente eficiente:
 - não existem algoritmos expandindo menos nós com a mesma f

Busca Limitada pela Memória (Memory Bounded Search)

- IDA* (Iterative Deepening A*)
 - igual ao aprofundamento iterativo, porém com limite na função de avaliação (f) no lugar da profundidade (d).
 - necessita menos memória do que A*
- SMA* (Simplified Memory-Bounded A*)
 - O número de nós guardados em memória é fixado previamente

Definindo Funções Heurísticas

- Como escolher uma boa função heurística h?
 - h depende de cada problema particular
 - h deve ser admissível
 - Uma heurística é admissível se para cada nodo, o valor retornado por esta heurística nunca ultrapassa o custo real do melhor caminho desse nodo até o objetivo. Não superestima o custo real da solução.
- Existem estratégias genéricas para definir h
 - 1) Relaxar restrições do problema
 - 2) Usar informação estatística

(1) Relaxando o problema

- Problema Relaxado
 - -versão simplificada do problema original, onde os operadores são menos restritivos
- Exemplo: jogo dos 8 números operador original

8

6

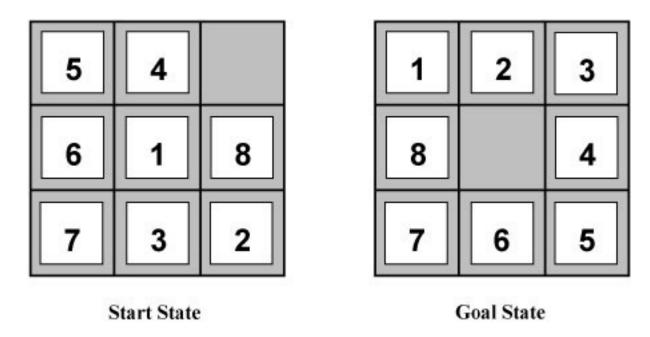
–um número pode mover-se de A para B se A é adjacente a B e B está vazio

•	Operadores	re	laxad	los:
---	------------	----	-------	------

1.	um número	pode	mover-se	de	Α	para	В	se	A	é
а	djacente a E	3								

- 2. um número pode mover-se de A para B se B está vazio
- 3. um número pode mover-se de A para B

Heurísticas para jogo 8 números



- Heurísticas possíveis
 - h1 = no. de elementos fora do lugar (h1=7)
 - h2 = soma das distâncias de cada número à posição final (distância Manhatan) (h2=2+3+3+2+4+2+0+2=18)

(2) Usando informação estatística

- Funções heurísticas podem ser "melhoradas" com informação estatística:
 - executar a busca com um conjunto de treinamento (e.g., 100 configurações diferentes do jogo), e computar os resultados.
 - se, em 90% dos casos, quando h(n) = 14, a distância real da solução é 18,
 - então, quando o algoritmo encontrar 14 para o resultado da função, vai substituir esse valor por 18.

Escolhendo Funções Heurísticas

- É sempre melhor usar uma função heurística com valores mais altos, contanto que ela seja admissível.
 - Isto traz mais informação na escolha do operador (ex. h, melhor que h₁)
- h_i domina $h_k \Rightarrow h_i(n) \ge h_k(n) \ \forall \ n$ no espaço de estados
 - $-h_2$ domina h_1 no exemplo anterior
- Caso existam muitas funções heurísticas para o mesmo problema, e nenhuma delas domine as outras, usa-se uma heurística composta:
 - $-h(n) = max (h_1(n), h_2(n), ..., h_m(n))$
- Assim definida, h é admissível e domina cada função h; individualmente

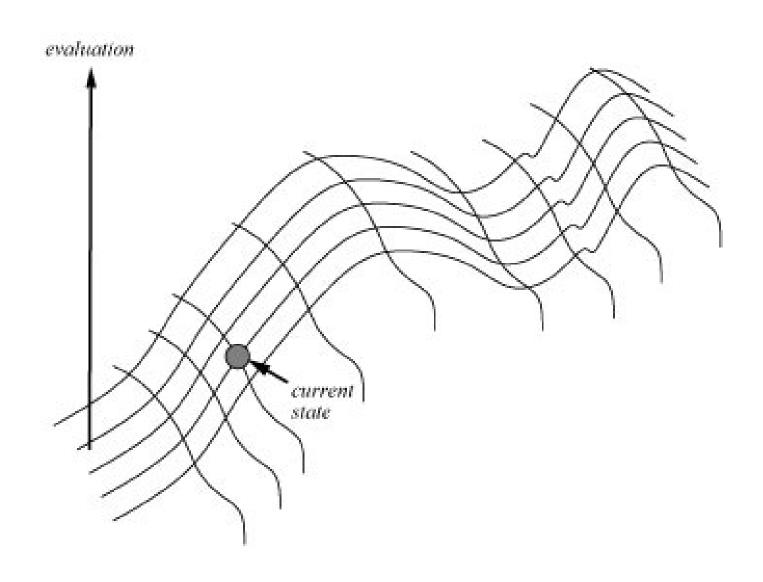
Qualidade da função heurística

 Qualidade da função heurística: medida através do fator de expansão efetivo (b*).

```
-N = 1 + b^* + (b^*)^2 + ... + (b^*)^d, onde
```

- N = total de nós expandidos para uma instância de problema
- d = profundidade da solução
- Mede-se empiricamente a qualidade de h a partir do conjunto de valores experimentais de N e d.
- Se o custo de execução da função heurística for maior do que expandir nós, então ela não deve ser usada.
 - uma boa função heurística deve ser eficiente e econômica.

Algoritmos de Melhorias Iterativas



Algoritmos de Melhorias Iterativas (Iterative Improvement Algorithms)

- A idéia é começar com o *estado inicial* (= configuração completa, solução aceitável), e melhorá-lo iterativamente.
- Os estados estão representados sobre uma superfície
 - a altura de qualquer ponto na superfície corresponde à função de avaliação do estado naquele ponto
- O algoritmo se "move" pela superfície em busca de pontos mais altos/baixos (objetivos)
 - o ponto mais alto (máximo global) corresponde à solução ótima
 - nó onde a função de avaliação atinge seu valor máximo
- Aplicações: problemas de otimização
 - por exemplo, linha de montagem

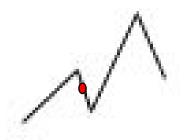
Algoritmos de Melhorias Iterativas

- Esses algoritmos guardam apenas o estado atual, e não vêem além dos vizinhos imediatos do estado.
- Contudo, muitas vezes são os melhores métodos para tratar problemas reais muito complexos.
- Duas classes de algoritmos:
 - Hill-Climbing: Gradiente Ascendente ou Subida da Encosta
 - só faz modificações que melhoram o estado atual.
 - Simulated Annealing: Anelamento Simulado ou Recozimento Simulado ou Têmpera Simulada
 - pode fazer modificações que pioram o estado temporariamente para possivelmente melhorá-lo no futuro.

Subida de Encosta

- O algoritmo não mantém uma árvore de busca:
 - Guarda apenas o estado atual e sua avaliação
 - É simplesmente um "loop" que fica se movendo na direção que está crescendo.
- Quando existe mais de um "melhor" sucessor para o nó atual, o algoritmo faz uma escolha aleatória
- Isso pode acarretar em 3 problemas, que podem levar ao desvio do caminho à solução:
 - 1. Máximos locais
 - 2. Planícies
 - 3. Encostas

Máximos locais



Máximos Locais:

- em contraste com máximos globais, são picos mais baixos do que o pico mais alto no espaço de estados (solução ótima).
- a função de avaliação leva a um valor máximo para o caminho sendo percorrido: essa função utiliza informação "local".
- porém, o nó final está em outro ponto mais "alto".
- isto é uma conseqüência das decisões irrevogáveis do método
 - e.g., xadrez: eliminar a Rainha do adversário pode levar o jogador a perder o jogo.

Platôs e Picos

Platôs:

 uma região do espaço de estados onde a função de avaliação dá o mesmo resultado.

Encostas:

- encostas podem ter lados muito íngremes e o algoritmo chega ao topo com facilidade,
- mas, o topo pode se mover ao pico vagarosamente
- na ausência de operadores que se movam pelo topo, o algoritmo oscila entre dois pontos sem fazer grande progresso.

Subida de Encosta

- Nos casos acima, o algoritmo chega a um ponto onde não fez progresso.
- Solução: random restart hill-clibing
 - O algoritmo realiza uma série de buscas a partir de estados iniciais gerados aleatoriamente.
- Cada busca é executada
 - até que um número máximo de iterações estipulado seja atingido, ou
 - até que os resultados encontrados não apresentem melhora significativa.
- O algoritmo escolhe o melhor resultado obtido com as diferentes buscas.

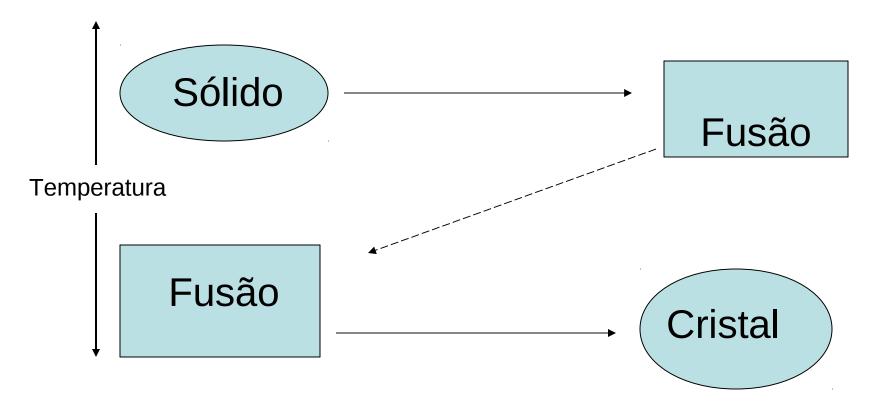
Subida de Encosta

- Pode chegar a uma solução ótima quando iterações suficientes forem permitidas.
- O sucesso deste método depende muito do formato da superfície do espaço de estados:
 - se há poucos máximos locais, o reinício aleatório encontra uma boa solução rapidamente
 - porém, para problemas NP-completos, o custo de tempo é exponencial

- <u>Sinônimos</u>: Anelamento Simulado ou Recozimento Simulado ou Têmpera Simulada
- Analogia com cozimento de vidros ou metais:
 - processo de resfriar um líquido (amálgama) gradualmente até ele se solidificar
- O algoritmo utiliza um *mapeamento de resfriamento* de instantes de tempo (*t*) em temperaturas (*T*).
- Este algoritmo é semelhante à Subida da Encosta, porém oferece meios para se escapar de máximos locais.
 - quando a busca fica "presa" num máximo local, o algoritmo não reinicia a busca aleatoriamente
 - ele retrocede probabilisticamente para escapar desse máximo local.

Annealing

- Processo térmico de resfriamento de um material a uma alta temperatura
- Com uma lenta e gradativa diminuição de sua temperatura, o material apresenta gradualmente um nível de energia
- O processo termina quando o ponto de solidificação é atingido, apresentando uma configuração de energia mínima.
- A maneira pela qual a temperatura irá decrescer é muito importante:
 - Em um cristal muito grande, por exemplo, se a temperatura for reduzida muito rápida, o cristal conterá inúmeras imperfeições



- Analogia com um problema combinatorial:
 - Os estados possíveis de um metal correspondem a soluções do espaço de busca;
 - A energia em cada estado corresponde ao valor da função objetivo;
 - A energia mínima corresponde ao valor da solução ótima.

uma configuração ⇔ uma solução configuração de energia mínima ⇔ solução ótima

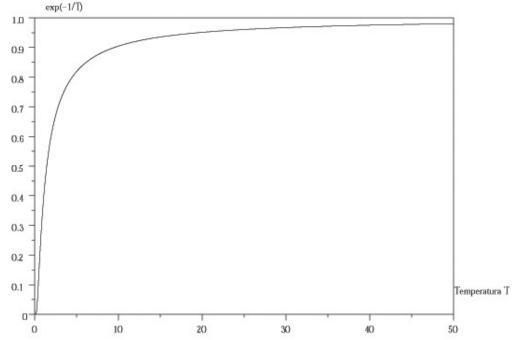
nível de energia ⇔ função objetivo temperatura ⇔ parâmetro de controle

- A cada iteração do método, um novo estado é gerado a partir do estado corrente por uma modificação aleatória.
- Se o novo estado é de energia menor que o estado corrente, esse novo estado passa a ser o estado corrente.
- Se o novo estado tem uma energia **maior** que o estado corrente em Δ unidades, a probabilidade de se mudar do estado corrente para o novo estado é:
 - $e^{-\Delta/T}$.
- Este procedimento é repetido até se atingir o equilíbrio térmico.

Probabilidade de aceitação de um movimento de piora

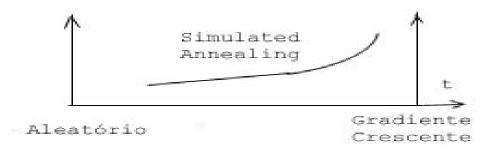
• Baseada na fórmula: P(aceitação) = e-△/T

 $\forall \Delta = Valor[pr\'oximo-n\'o] - Valor[n\'o-atual]; T = temperatura$



- Temperatura $\uparrow \Rightarrow$ Probabilidade de aceitação \uparrow
- Temperatura $\downarrow \Rightarrow$ Probabilidade de aceitação \downarrow

- Com o tempo, este algoritmo passa a funcionar como Subida da Encosta.
- O algoritmo é ótimo e completo se o mapeamento de resfriamento tiver muitas entradas com variações suaves
 - isto é, se o mapeamento diminui T
 suficientemente devagar no tempo, o algoritmo vai encontrar um máximo global ótimo.



```
candidato \leftarrow s<sub>0</sub>;
T \leftarrow T_0;
repita
     próximo \leftarrow vizinho de 'candidato' tomado <u>aleatoriamente</u>;
     deltaE \leftarrow energia(próximo) - energia(candidato);
     se deltaE \leq 0
        então candidato ← próximo
        senão faça candidato \leftarrow próximo com probabilidade e^{-\Delta/T};
     T \leftarrow \text{próximaTemperatura(T)};
até T < T_{final}
retorna candidato:
onde:
     •s<sub>0</sub>: estado (candidato a mínimo) inicial;
     •T<sub>0</sub>/T<sub>final</sub>: temperatura inicial/final;

    próximaTemperatura: função que calcula a temperatura vigente na próxima

     iteração;
```

- Apesar de convergir para a solução ótima, a velocidade de redução de temperatura exigida implica em visitar um número exponencial de soluções.
- A princípio é necessário um processo lento de redução da temperatura e isso resulta em tempos de processamento elevados.
- Pouco "inteligente", pois utiliza como informação do problema somente a variação do valor da função objetivo.

- Muitos parâmetros para "calibrar".
- Pela simplicidade de implementação, pode ser utilizado em conjunto com alguma outra heurística ou outra meta-heurística.
- Existem implementações, onde apenas a idéia de simulated annealing é utilizado para melhorar o desempenho de outra heurística/meta-heurística, como por exemplo, embutir a estratégia de aceitar soluções ruins com certa probabilidade.

Comentários Gerais

- Solução de problemas usando técnicas de busca heurística:
 - dificuldades em definir e usar a função de avaliação
 - não consideram conhecimento genérico do mundo (ou "senso comum")
- Função de avaliação: compromisso entre
 - tempo gasto na seleção de um nó
 - redução do espaço de busca
- Achar o melhor nó a ser expandido a cada passo pode ser tão difícil quanto o problema da busca em geral.