

Mecânica

(Estudo do movimento)



Cinemática





Descrição do movimento



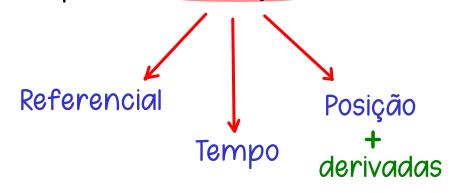
Causas do movimento

Cinemática

1. Introdução

-> Cinemática estuda apenas a descrição do mov.

de objetos.



Obs: As derivadas da posição são:

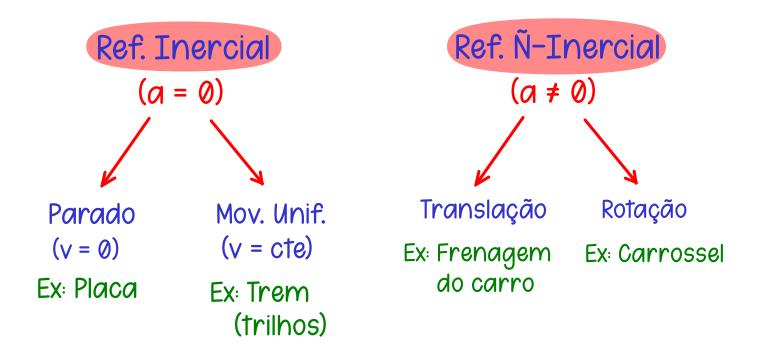
- Velocidade (derivada primeira)
- Aceleração (derivada segunda)

2. Referencial

-> Qualquer coisa capaz de fornecer uma orientação, uma referência

Ex: Placa, IFCE, Posto, Igreja, Pessoa, etc.

- -> Importância: fazer comparações
- -> Tipos de Referenciais:



Observação Importante:

"O movimento é um conceito relativo, depende do referencial adotado"

Veja:

"Você tá parado em relação a cadeira, mas está em movimento em relação ao sol em alta velocidade"

 $V_{P/S} \approx 107.000 \text{ km/h} \text{ ou } 30 \text{ km/s}$

 \downarrow

Velocidade extremamente alta

3. Tempo

- -> marca um acontecimento (evento)
- -> tem valor absoluto



conceito geográfico

OBS: Despreza-se questões de fuso horário

- -> medição: cronômetro
- -> unidade (S.I): segundo

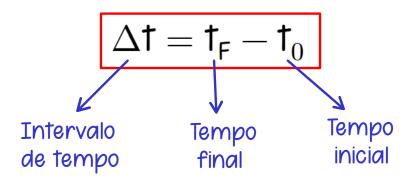
Ex: Bomba Hiroshima (06/08/1945)

t = 8h 15min

(horário local)

Intervalo de Tempo

-> Variação entre dois instantes de tempo



EX: Um carro parte do km 73 da Br-222 as 6h45min e chega ao km 59 as 6h55min. Calcule o intervalo de tempo no SI.

$$\Delta t = t_F - t_0$$

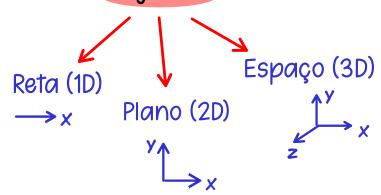
$$\Delta t = 6h55min - 6h45min$$

$$\Delta t = 10min$$

$$\Delta t = 10.60s \Rightarrow \Delta t = 600s$$

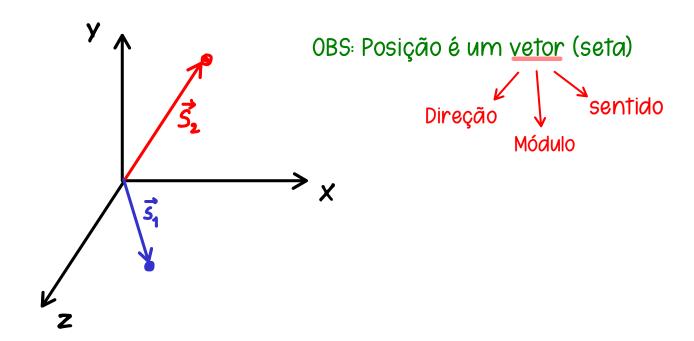
4. Posição

-> Localização do obj. em uma trajetória



-> unidade (S.I): metro

Representação:



Para 1 Dimensão (Reta):

Posição

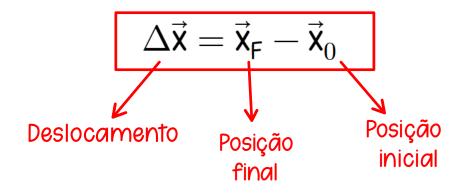
Ex:

$$\begin{array}{c|c}
\overrightarrow{X} \\
\hline
0 & 5 & 10
\end{array}$$

Posição do carro: x = 5 km (em módulo)

Deslocamento

-> variação do posição do objeto:

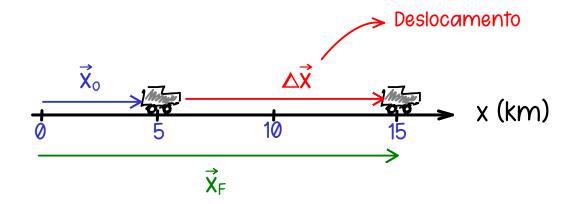


Ex: Calcule o módulo do deslocamento do carro na situação abaixo e o represente na forma de vetor.

$$x_0 = 5 \text{ km}$$
 $x_F = 15 \text{ km}$ $x_F = 15 \text{$

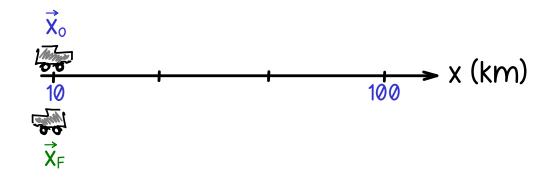
$$\Delta \mathbf{x} = \mathbf{x_F} - \mathbf{x_0} = 15 - 5 \rightarrow \Delta \mathbf{x} = 10 \; \mathrm{km}$$

Representação Vetorial:



Ex: Um carro sai do km 10 vai até o km 100 e volta para o km 10. Calcule:

a) Deslocamento do carro



$$\Delta \mathbf{x} = \mathbf{x_F} - \mathbf{x_0} = 10 - 10 \rightarrow \Delta \mathbf{x} = 0 \text{ km}$$

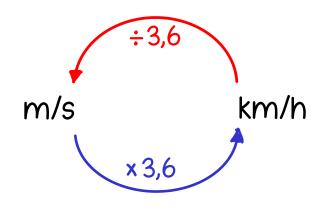
b) Distância Percorrida

OBS: A distância percorrida é o quanto efetivamente o objeto percorreu -> grandeza escalar.

5. Velocidade

- -> o quão rápido o objeto muda de posição com o passar do tempo.
- -> é um vetor.
- -> unidade (S.I): m/s

Conversão de Unidades

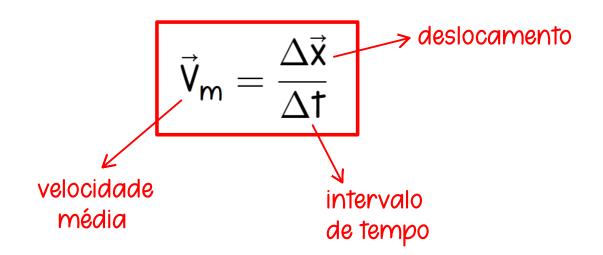


 \div 3,6 Ex: 180 km/h = 50 m/s

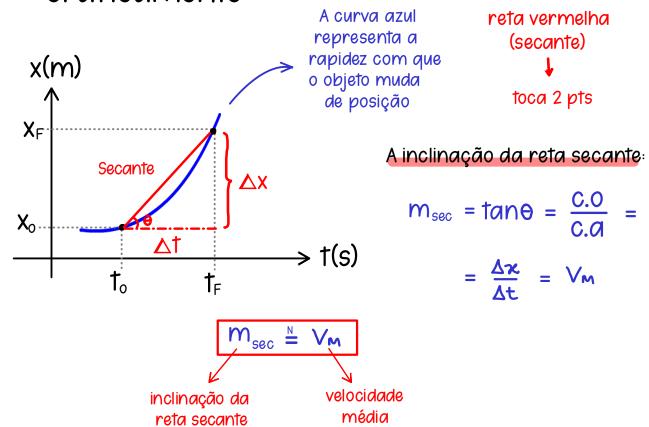
x3,6 Ex: 20 m/s = 72 km/h

Velocidade Média

-> a razão entre o deslocamento do objeto e o intervalo de tempo.

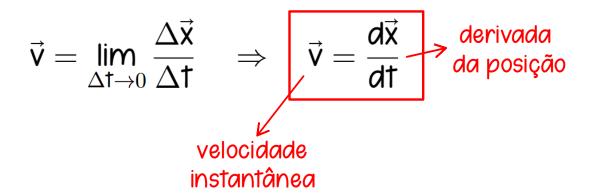


-> Graficamente

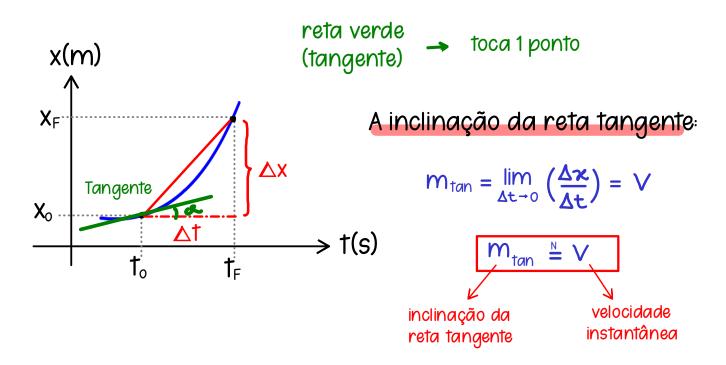


Velocidade Instantânea

- -> valor da velocidade em um instante específico (to)
- -> limite da vel. média quando o intervalo de tempo tende a zero



-> Graficamente



Vel. Média vs ↓ Vel. Instantânea

 \downarrow

reta: secante

generalista

descrição: fraca

reta: tangente específica

descrição: forte

Ex: Se a posição de um objeto é dada por:

$$x(†) = †^2 + 2†$$

Qual é a velocidade do objeto no instante t = 3s?

Resposta:

$$v = \frac{d}{dt}(t^2 + 2t)$$
 \rightarrow $v = 2t + 2$

6. Aceleração

- -> o quão rápido a velocidade de um objeto muda com o passar do tempo
- -> é um vetor
- -> unidade (S.I): m/s2

#Aceleração Média

-> a variação da velocidade em um intervalo de tempo.

$$ec{a}_{\mathsf{m}} = rac{\Delta ec{\mathsf{v}}}{\Delta \mathsf{t}}$$

#Aceleração Instantânea

-> limite da aceleração média quando o intervalo de tempo tende a zero

$$ec{\mathbf{a}} = \lim_{\Delta \mathsf{t} o 0} rac{\Delta ec{\mathsf{v}}}{\Delta \mathsf{t}} \qquad o \qquad ec{\mathbf{a}} = rac{\mathsf{d} ec{\mathsf{v}}}{\mathsf{d} \mathsf{t}}$$

$$\vec{a} = \frac{d}{dt} \left(\frac{d\vec{x}}{dt} \right) \Rightarrow \vec{a} = \frac{d^2\vec{x}}{dt^2}$$

OBS: Assim como a velocidade instantânea, a aceleração instantânea é um parâmetro mais preciso na descrição do movimento de objetos.

Ex: A posição da partícula no eixo x é dada por $x(t) = 4 - 27t + t^3$. Qual a aceleração da partícula no instante t=4s?

Resposta:

i)
$$v(t) = \frac{dx}{dt}$$
 \Rightarrow $v(t) = \frac{d}{dt}(4 - 27t + t^3)$
$$v(t) = -27 + 3t^2$$

ii)
$$a(t) = \frac{dv}{dt}$$
 \Rightarrow $a(t) = \frac{d}{dt}(-27 + 3t^2)$ $a(t) = 6t$ \Rightarrow $a(4) = 24 \text{ m/s}^2$