

1. a.
$$(x + 2)^2 + (y - 1)^2 = 2$$
 b. $(x - 6)^2 + (y - 5)^2 = 25$ c. $x^2 + (y - 1)^2 = 1$

b.
$$(x-6)^2 + (y-5)^2 = 25$$

c.
$$x^2 + (y - 1)^2 = 1$$

2.

a.
$$v^2 = 4px$$

a.
$$y^2 = 4px$$
 b. $x^2 = -4py$ c. $y^2 = -20x$

c.
$$y^2 = -20x$$

3. El aro se encuentra a 0.78125 (unidades de medida) respecto del punto inferior del mentón.

a.
$$\frac{x^2}{4} + 9y^2 = 1$$

a.
$$\frac{x^2}{4} + 9y^2 = 1$$
 b. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$ c. No existe ninguna.

5. La cámara se encuentra, aproximadamente, a 27.5 metros de altura.

6. a.
$$\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{4} = 2$$

6. a.
$$\frac{y^2}{16} - \frac{x^2}{4} = 1$$
 b. $-\frac{(x-1)^2}{36} + \frac{(y+2)^2}{64} = 1$

c. Hipérbola horizontal de centro (-1, 1), con $a^2 = 3 - \sqrt{5}$ y $b^2 = 1 + \sqrt{5}$

7.

a.
$$(y-6)^2 = 4(x+2)$$

b. 4
$$(x-1)^2 - (y+3)^2 = 0$$

a.
$$(y-6)^2 = 4(x+2)$$
 b. $4(x-1)^2 - (y+3)^2 = 0$ c. $\frac{(x+1)^2}{9} + \frac{(y-5)^2}{4} = 1$

d.
$$\frac{(x-1)^2}{4} - \frac{(y+1)^2}{9} = 1$$
 e. $(x-1)^2 + y^2 = 1$ f. $-\frac{(x+1)^2}{9} + 4y^2 = 1$

e.
$$(x-1)^2 + y^2 = 1$$

f.
$$-\frac{(x+1)^2}{9}+4y^2=1$$

9. a. La intersección de la superficie con el eje y son los puntos (0, 3, 0) y (0, -3, 0); con el plano y = 9 es una elipse y con el plano yz una hipérbola.

b. Hiperboloide de dos hojas.

10. La ecuación $z = x^2 + y^2$ se relaciona con el cuarto gráfico; la ecuación $4x^2 + 9y^2 + 36z^2 = 1$ se corresponde con el tercer gráfico; $z = x^2 - y^2$ representa la superficie dada en el segundo gráfico y la ecuación $z^2 = x^2 + y^2$ se relaciona con el primer gráfico.

11.

a. La intersección de la superficie con el plano x = 0 es el conjunto vacío mientras que con los planos y = 0 y z = 0 son parábolas.

b. La intersección con el plano x = 2 es una elipse.

c. La superficie es un paraboloide.

12. i. Paraboloide elíptico con eje principal z, centro en el origen de coordenadas. Las secciones con planos z = k son elipses (si k > 0), el origen de coordenadas (si k = 0) y el conjunto vacío (si k < 0). Las secciones con planos normales a los ejes x o y son parábolas.

Respuestas Trabajo Práctico 5: Cónicas y cuádricas

- ii. Esfera de centro (0, 0, 0) y radio 3. Las secciones con planos paralelos a los planos coordenados cuya distancia a ellos sea menor que tres son circunferencias; si se encuentran a distancia tres se reduce a un punto y si la distancia es mayor que tres es un conjunto vacío.
- iii. Hiperboloide de una hoja con centro de simetría en el origen de coordenadas, eje principal z. La traza con el plano z = 0 es una elipse, mientras que la traza con los planos x = 0 e y = 0 son hipérbolas.
- iv. Hiperboloide de dos hojas, con centro de simetría en el origen de coordenadas y eje principal x. La traza con los planos y = 0 y z = 0 son hipérbola mientras que con el plano x = 0 es el conjunto vacío.
- v. Cono con vértice en el origen de coordenadas, eje principal z. La traza con el plano z = 0 es el punto (0, 0, 0) mientras que las secciones con los planos x = 0 e y = 0 son rectas.
- vi. Paraboloide con vértice en el punto (0, 0, 1). La sección con el plano z = 0 es una circunferencia; las secciones con los planos x = 0 e y = 0 son parábolas cuya concavidad es negativa.
- vii. Cilindro circular de eje principal z. Las secciones con el plano z = 0 es una circunferencia; las trazas con los planos x = 0 son dos rectas, con y = 0 es el eje z.
- viii. Cilindro elíptico con eje principal z. Las secciones con los planos z = k son elipses.
- ix. Cilindro hiperbólico con eje principal x. Las secciones con planos de la forma x = k son hipérbolas.

13.

- a) con II
- b) no se corresponde con ninguno de los gráficos
- c) con I
- d) con III

14.

- a) con 3 (trazas y=2, x=2)
 - con 4 (traza z=0)
 - con 6 (traza z=-3)
- b) con 1 (trazas x=-1, x=3)
 - con 2 (traza z=0)
 - con 5 (traza x=1)
- c) con 1 (trazas y=0, z=0)
 - con 4 (traza x=2)
 - con 5 (trazas y=1, y=-1, z=1, z=-1)
 - con 6 (traza x=1)
- d) con 1 (traza x=0)
 - Con 3 (traza z=0)
 - Con 5 (trazas x=-1, x=1)