Examen Previo Álgebra y Geometría Analítica

17 de setiembre de 2019

Nombre y Apellido:

La siguiente evaluación consta de cinco ejercicios. Disponés de tres horas para su resolución.

La condición suficiente para la aprobación es la resolución completa, claramente detallada y justificada, sin errores algebraicos de 6 de los 10 items del examen. ¡Buena Suerte!

Ejercicio 1:

a) Determinar todos los Números Complejos Z que satisfacen la siguiente ecuación:

$$(Z - \frac{2+3i}{1-5i}.i^{102}).(Z^4 + 1 - \sqrt{3}i) = 0$$

b) Hallar la ecuación cartesiana y vectorial del plano π , sabiendo que pasa por el punto (-3;1;0) y

es ortogonal a la recta
$$r: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{3} = z+2$$

Ejercicio 2:

Sean las Matrices
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 \\ 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$
 $C = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ $D = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 0 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$

- a) Calcular $Det(3.A^4.C.D.E^{-1})$ sabiendo que $E \in \Re^{3x3}$ y Det(E) = 3
- b) Indicar V o F. Justificar: "Si A es la matriz de coeficientes de un sistema A.X=B, el sistema resulta siempre compatible determinado".

Ejercicio 3:

Sea el Polinomio $P(x) = x^5 - 3x^4 + 16x^3 - 22x^2 + ax + b$

- a) Hallar el valor de los coeficientes Reales a y b, sabiendo que 1+3i es raiz de P(x)
- b) Con los coeficientes hallados hallar la descomposición Factorial de P(x) en $\Re[x]y$ C[x], Graficarlo en la zona relevante.

Ejercicio 4:

a) Sea la superficie S: $y = 4x^2 + z^2$.

Obtener los puntos de intersección entre la superficie S y los ejes coordenados, Identificar la superficie S y graficarla.

a) Expresar la siguiente ecuación $9x^2 + 4y^2 + 18x - 27 = 0$ en forma canónica. Representarla, indicando sus elementos principales.

Ejercicio 5:

Sea T:
$$R^3 \to R^3$$
: $T(x; y, z) = (3x + y + 4z; 3y; y - z)$

- a) Hallar la dimensión y una base del complemento ortogonal de la Iamgen de la Transformación.
- b) Sea A la matriz asociada a la Transformación Lineal en las Bases Canónicas. Decidir si A es diagonalizable. Justificar.