

1. a. escalar b. vectorial c. escalar d. vectorial e. vectorial f. escalar

2. a. i. (9,6) ii. (0, 1) iii. (-1, -1) iv. (4, 1) v.  $\left(3, -\frac{4}{3}\right)$

b. i. (4, 2, 0) ii. (4, -2, 1) iii. (-1, 0, 0)

3.

$$\vec{v} = \left(\frac{3\sqrt{2}}{2}; \frac{3\sqrt{2}}{2}\right) \quad \text{b. } \vec{v} = (1; \sqrt{3}) \quad \text{c. } \vec{v} = \left(-\frac{1}{2}; -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

4. La fuerza resultante es de, aproximadamente, 97,73 N

5. a.  $\|\vec{OP}\| = \sqrt{10} \quad \|\vec{OQ}\| = \sqrt{10} \quad \|\vec{OR}\| = \sqrt{14} \quad \|\vec{OS}\| = \sqrt{13}$

b.  $\|\vec{PQ}\| = 2\sqrt{5}$

c.  $d(P, Q) = 2\sqrt{5}$

d.  $d(R, S) = \sqrt{17}$

e.  $\left(\frac{\sqrt{14}}{7}, \frac{3\sqrt{14}}{14}, \frac{\sqrt{14}}{14}\right)$

6.  $\left(\frac{5\sqrt{2}}{2}, \frac{5\sqrt{2}}{2}\right) y \left(-\frac{5\sqrt{2}}{2}, -\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)$

7. a.  $\vec{v} \cdot \vec{u} = 5, \vec{w} \cdot (2\vec{u} - \vec{v}) = -12, \vec{v} \cdot (\vec{w} + \vec{u}) = 19$

b. El ángulo comprendido entre  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  es de aproximadamente 1,38 radianes. El ángulo comprendido entre  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$  es de aproximadamente 0,886 radianes.

c.  $\vec{u} \times \vec{v} = (9, 23, 10) \quad \vec{u} \times \vec{w} = (-1, 6, 16)$

d.  $k(14, -7, 7)$  con  $k \in \mathbb{R}$

8. a.  $k = -3$  b.  $k = -17$

9. i.  $X = (0 \ 2) + \lambda (2 \ -1) \quad \lambda \in \mathbb{R}$  ii.  $X = (0 \ 3) + \lambda (1 \ -1) \quad \lambda \in \mathbb{R}$

iii.  $X = \left(1 \ \frac{2}{3}\right) + \lambda (3 \ 1) \quad \lambda \in \mathbb{R}$  iv.  $X = \lambda (3 \ 1) \quad \lambda \in \mathbb{R}$

10. i.  $X = (1 \ 3 \ -1) + \lambda (0 \ 1 \ 2) \quad \lambda \in \mathbb{R}$  ii.  $X = (1 \ 2 \ -1) + \lambda (1 \ -1 \ 2) \quad \lambda \in \mathbb{R}$  iii.  $X = (3 \ 2 \ -1) + \lambda (1 \ 4 \ -6) \quad \lambda \in \mathbb{R}$

iv. Una posibilidad es  $X = (-3 \ 2 \ 1) + \lambda (2 \ 1 \ 0) \quad \lambda \in \mathbb{R}$ . No es única.

11.

i. Son concurrentes. Se intersecan en el punto  $(1 \ -2 \ 5)$

ii. Son alabeadas.

iii. Son paralelas.

iv. Son coincidentes.

12. a. Dos puntos del plano podrían ser  $(1, 0, -1)$  y  $(0, 1, 0)$ .

b. Un versor normal podría ser  $\begin{pmatrix} \frac{3\sqrt{14}}{14} & \frac{\sqrt{14}}{14} & \frac{\sqrt{14}}{7} \end{pmatrix}$

c. La intersección del plano con cada uno el eje x es  $\left(\frac{1}{3}; 0; 0\right)$ , con el eje y  $(0; 1; 0)$  y con el eje z  $\left(0; 0; \frac{1}{2}\right)$

d. Con el plano xy:  $X = t(1; -3; 0) + (0; 1; 0), t \in \mathbb{R}$

Con el plano yz:  $X = t.(0; -2; 1) + (0; 1; 0), t \in \mathbb{R}$

Con el plano xz:  $X = t.\left(1; 0; -\frac{3}{2}\right) + (0; 0; \frac{1}{2}), t \in \mathbb{R}$

e.  $3x + y + 2z = 1$

f.  $X = (1, -1, 0) + \lambda(3, 1, 2)$  con  $\lambda \in \mathbb{R}$

13. a. i.  $-x + 3y - 6z = 16$  ii.  $-2y + z = 6$

b. i.  $x + z = 1$  ii.  $-13x + 6y + 11z = 1$

c.  $y = 0$

d.  $2x + 4y - 3z = -18$

e.  $x + 2y + 2z = -2$

f.  $2x - y + 4z = 3$

14.

a.  $X = \lambda(1 \ 5 \ 3) + (0 \ 0 \ 1)$  con  $\lambda \in \mathbb{R}$

b.  $X = \lambda(-8 \ 5 \ 7) + \left(\frac{17}{7} \ -\frac{1}{7} \ 0\right)$  con  $\lambda \in \mathbb{R}$

c. No hay intersección

d.  $(2 \ -1 \ -3)$

e.  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{3}{2} & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$

15.

a.  $\Pi: 5x + 2y + 7z = 19$  r:  $X = \lambda(5 \ 2 \ 7) + (3 \ 4 \ 5)$  con  $\lambda \in \mathbb{R}$

b.  $M = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 3 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$

16. a.  $-2x + 14y + 5z + 12 = 0$

b.  $k = \frac{7}{2}$