

2.

- a. magnitud vectorial
- b. magnitud escalar
- c. magnitud escalar
- d. magnitud vectorial

5.  $\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP}$ ,  $\overrightarrow{QP} = \overrightarrow{OP} - \overrightarrow{OQ}$

7.

a.  $\vec{v} = \left(\frac{3\sqrt{2}}{2}, \frac{3\sqrt{2}}{2}\right)$

b.  $\vec{v} = (1, \sqrt{3})$

c.  $\vec{v} = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$

8. La magnitud de la fuerza resultante  $|\vec{F}| = |\vec{F}_1 + \vec{F}_2| = 97.725$

9. Dados los puntos  $P = (1, -3)$ ,  $Q = (-3, -1)$ , se pide:

a.  $|\overrightarrow{OP}| = \sqrt{10}$ ,  $|\overrightarrow{OQ}| = \sqrt{10}$

b.  $|\overrightarrow{PQ}| = \sqrt{20}$

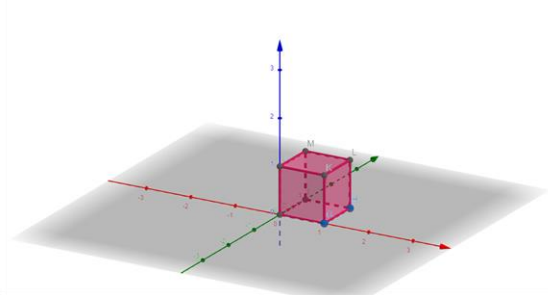
c. La distancia entre P y Q es  $\sqrt{20}$

d.  $\overrightarrow{PQ} = \left(-\frac{4}{\sqrt{20}}, \frac{2}{\sqrt{20}}\right)$

10. Un vector paralelo a  $(1, -1)$  de longitud 5 es  $\left(\frac{5\sqrt{2}}{2}, -\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)$ . No es único.

11. Un vector ortogonal a  $(-1, 3)$  de longitud 2 es  $\left(\frac{6\sqrt{10}}{10}, \frac{2\sqrt{10}}{10}\right)$ . No es único.

12. Las coordenadas de los cinco vértices restantes son  $(0, 1, 1)$ ,  $(1, 1, 1)$ ,  $(1, 1, 0)$ ,  $(0, 1, 0)$ ,  $(1, 0, 1)$ .



13. Sean los vectores  $\vec{u} = (4, -2, 1)$ ,  $\vec{v} = (3, 1, -5)$  y  $\vec{w} = (2, 3, -1)$

b. El ángulo comprendido entre  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  es  $79^\circ 22' 20''$ .

El ángulo comprendido entre  $\vec{v}$  y  $\vec{w}$  es  $50^\circ 46' 7''$ .

c.  $\vec{u} \times \vec{v} = (9, 23, 10)$  y  $\vec{u} \times \vec{w} = (-1, 6, 16)$

d.  $\vec{s} = k(14, -7, 7), k \in \mathbb{R}$ .

14. a. El área es  $\sqrt{296}$     b. El área es  $\frac{\sqrt{153}}{2}$

15.

- a.  $k = -3$ .  
b.  $k = -17$ .

16.

- i.  $\vec{X} = (0, 2) + \lambda (2, -1), \lambda \in \mathbb{R}$   
ii.  $\vec{X} = (0, 3) + \lambda (1, -1), \lambda \in \mathbb{R}$   
iii.  $\vec{X} = \left(1, \frac{2}{3}\right) + \lambda (3, 1), \lambda \in \mathbb{R}$   
iv.  $\vec{X} = \lambda (3, 1), \lambda \in \mathbb{R}$

17.

- i.  $\vec{X} = (1, 3, -1) + \lambda (0, 1, 2), \lambda \in \mathbb{R}$   
ii.  $\vec{X} = (1, 2, -1) + \lambda (1, -1, 2), \lambda \in \mathbb{R}$   
iii.  $\vec{X} = (3, 2, -1) + \lambda (1, 4, -6), \lambda \in \mathbb{R}$   
iv. Una posibilidad es  $\vec{X} = (-3, 2, 1) + \lambda (2, 1, 0), \lambda \in \mathbb{R}$ . No es única.

18.

Decidir si las siguientes rectas son concurrentes, coincidentes, paralelas o alabeadas. ReprSe intersecan en el punto  $(1, -2, 5)$

- i. Son alabeadas.  
ii. Son paralelas.  
iii. Son coincidentes.

20.

- a. Dos puntos del plano podrían ser  $(1, 0, -1)$  y  $(0, 1, 0)$ .  
b. Un versor normal podría ser  $\left(\frac{3\sqrt{14}}{14}, \frac{\sqrt{14}}{14}, \frac{\sqrt{14}}{7}\right)$   
c. La intersección del plano con cada uno el eje x es  $\left(\frac{1}{3}; 0; 0\right)$ , con el eje y  $(0; 1; 0)$  y con el eje z  $\left(0; 0; \frac{1}{2}\right)$ .  
d. Con el plano xy:  $\vec{X} = t(1; -3; 0) + (0; 1; 0), t \in \mathbb{R}$ .  
Con el plano yz:  $\vec{X} = t.(0; -2; 1) + (0; 1; 0), t \in \mathbb{R}$ .  
Con el plano xz:  $\vec{X} = t.(1; 0; -\frac{3}{2}) + \left(0; 0; \frac{1}{2}\right), t \in \mathbb{R}$ .  
e.  $3x + y + 2z = 1$ .  
f.  $\vec{X} = (1, -1, 0) + \lambda(3, 1, 2), \lambda \in \mathbb{R}$ .

21.

- a. i.  $-x + 3y - 6z = 16$     ii.  $-2y + z = 6$   
b. i.  $x + z = 1$     ii.  $-13x + 6y + 11z = 1$   
c.  $y = 0$   
d.  $2x + 4y - 3z = -18$

e.  $x + 2y + 2z = -2$

f.  $2x - y + 4z = 3$

**22.**

a.  $\vec{X} = (0,0,1) + \lambda(1,5,3), \lambda \in R$

b.  $\vec{X} = \left(\frac{17}{7}, -\frac{1}{7}, 0\right) + \lambda(-8,5,7), \lambda \in R$

c. No hay intersección

**23.** El punto de intersección entre la recta y el plano dados es  $(2, -1, 3)$ .

**24.**

a.  $\Pi: 5x + 2y + 7z = 19 \quad \vec{X} = (3,4,5) + \lambda(5,2,7), \lambda \in R$

b.  $M = \left(\frac{1}{2}, 3, \frac{3}{2}\right)$

**25.**

a.  $-2x + 14y + 5z + 12 = 0$

b.  $k = \frac{7}{2}$