MATEMÁTICA DISCRETA Examen previo



Apellido y Nombre:

Número de legajo : Carrera:

Para resolver el siguiente examen dispones de dos horas y media. La condición suficiente para la aprobación es la resolución completa, claramente detallada, justificada y correcta 2 de los 4 ejercicios que lo conforman.

1. 1) Sea V = {a, b, c, d, e} el conjunto de vértices de un grafo cuya matriz de adyacencia está dada

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

a) Considerando las siguientes proposiciones simples:

p: el grafo tiene lados paralelos q: el grafo tiene vértices aislados r: el grado del vértice "a" es 3

Determinar el valor de verdad de cada proposición simple y de la proposición compuesta:

$$[-p \rightarrow (p \lor q)] \rightarrow r$$

b) Indicar si el grafo es conexo.

2. Sean x, y, z elementos de un álgebra booleana B. Demostrar que:

$$(xy = xz \land x'y = x'z) \rightarrow y = z.$$

- 3. Si A es un conjunto de 20 elementos,
 - a) ¿cuántos subconjuntos diferentes de A, que tengan exactamente 3 elementos, podrían formarse?
 - b) ¿cuántas diferentes relaciones podrían definirse en el conjunto A?

4. Dada la ecuación en recurrencia $a_{n+1}+a_n=6a_{n-1}$ con $n\geq 1$; $a_0=-1$ y $a_1=2$, hallar a_{120}