Comparação de estimadores pelo método Monte Carlo das distribuições: $\mathcal{G}_{\mathrm{I}}^{0}$, Uniforme, Binomial negativa, Gamma e Exponencial

Antônio Marcos Larangeiras Alisson Nascimento Paulo
Bruno Juliana



Universidade Federal de Alagoas Instituto de Computação

Maceió-AL, Dezembro de 2013



Introdução

- Calcular o estimador por máxima verossimilhança;
- Calcular estimador pelo primeiro momento;
- Calcular estimador pelo segundo momento;
- Utilizar o Método Monte Carlo força bruta.

Distribuição $\mathcal{G}_{\mathrm{I}}^{0}$

Distribuição ($\mathcal{G}_{\mathrm{I}}^{0}$)

Denotaremos esta distribui \tilde{A} § \tilde{A} \$o por $Z \sim \mathcal{G}_{\rm I}^{0}(z; \alpha, 1, 1)$, com $-\alpha, z > 0$. Sua densidade \tilde{A} ©

$$f_Z = (z; \alpha, 1, 1) = \frac{\Gamma(L - \alpha)}{\Gamma(-\alpha)(1 + z)^{1 - \alpha}}, com - \alpha \ e \ z > 0.$$

$$E(Z)=rac{\gamma}{lpha-1}$$
 e $Var(Z)=rac{1}{(lpha-1)^2}+rac{1}{(lpha-2)(lpha-1)^2}+rac{1}{lpha-1}$

Estimadores da distribui $ilde{\mathsf{A}}\S ilde{\mathsf{A}} ilde{ \mathtt{Eo}}$ o $\mathcal{G}^0_{\mathrm{I}}$

Máxima verossimilhança $(\mathcal{G}_{\mathrm{I}}^{0})$

$$\widehat{\alpha} = \frac{n}{\sum_{i=1}^{n} \ln(1+z_i)}$$

Primeiro momento (\mathcal{G}_{I}^{0})

$$\widehat{\alpha_1} = \overline{Z}$$

Segundo momento $(\mathcal{G}_{\mathrm{I}}^{0})$

$$\widehat{\alpha_2} = \frac{\frac{3}{k} \sum_{i=1}^{k} Z_i^2 + 2 + \sqrt{\frac{1}{k^2} \sum_{i=1}^{k} Z_i^4 + 4}}{\frac{2}{k} \sum_{i=1}^{k} Z_i^2}$$

Gr $ilde{\mathsf{A}}_{\mathsf{I}}$ ficos da distribui $ilde{\mathsf{A}}\S ilde{\mathsf{A}}$ £o $\mathcal{G}_{\mathsf{I}}^0$

Distribui $\tilde{\mathsf{A}}\S \tilde{\mathsf{A}} \pounds$ o Uniforme $U(\mathsf{0}, heta)$

Distribuição ($U(0, \theta)$)

Denotaremos esta distribui \tilde{A} § \tilde{A} \$o por $X \sim U(x; 0, \theta)$, com $\theta > 0$. Sua densidade \tilde{A} ©

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\theta} & 0 \leqslant x \leqslant \theta \\ 0 & \mathsf{caso} \; \mathsf{contr} \tilde{\mathsf{A}} \mathsf{jrio}. \end{cases}$$

$$E(X) = \frac{\theta}{2}$$
 e $Var(X) = \frac{\theta^2}{12}$

Estimadores da distribui $\tilde{\mathsf{A}}$ §ão $U(\mathsf{0},\theta)$

Máxima verossimilhança ($U(0, \theta)$)

$$\widehat{\theta}_1 = \frac{1}{\theta^n} \mathbb{1}_{\max\{X_1,\dots,X_n\} \leqslant \theta}, \text{ portanto } \widehat{\theta} = \max\{X_1,\dots,X_n\} \leqslant \theta$$

Primeiro momento $(U(0,\theta))$

$$\widehat{\theta}_2 = 2\overline{X}$$

Segundo momento $(U(0,\theta))$

$$\widehat{\theta}_3 = \sqrt{\frac{3}{n} \sum_{i=1}^n X_i^2}$$

Gr $\tilde{\mathsf{A}}_{\mathsf{i}}$ ficos da distribui $\tilde{\mathsf{A}}$ \S ão $U(0,\theta)$

Distribuição Binomial Negativa

Considere a situa \tilde{A} § \tilde{A} £o de observar um evento dicot \tilde{A} ′mico X_i independentes e identicamente distribu \tilde{A} dos segundo uma lei de Bernoulli de probabilidade p. Suponha que se registre X, o n \tilde{A} °mero de ensaios at \tilde{A} (c)0 obter exatamente k sucessos.

Distribuição Binomial Negativa

Considere a situa \tilde{A} § \tilde{A} £o de observar um evento dicot \tilde{A} ′mico X_i independentes e identicamente distribu \tilde{A} dos segundo uma lei de Bernoulli de probabilidade p. Suponha que se registre X, o n \tilde{A} °mero de ensaios at \tilde{A} (c) obter exatamente k sucessos.

Distribuição (aaa)

Seja uma variavel aleatoria que fornece o numero de ensaios at $\tilde{A}(c)$ o k-simo sucesso.

Usualmente utiliz \tilde{A}_j -se a nota $\tilde{A}\S \tilde{A}$ \$o $X \sim BN(p,k)$.

Introdução Distribuições **Resultados** Conclusões Referências Bibliográficas

Resultados

Conclusões

Referências Bibliográficas