



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Modelos estruturais que representam o estado de algum símbolo ou conjunto de símbolos em um determinado tempo, que podem receber uma entrada (*input*) para uma mudança, que altera o estado atual para um novo estado.



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Um computador, por exemplo é uma máquina de estado.

A arquitetura de von Neumann é um modelo determinístico de uma seqüência de operações, onde para um mesmo conjunto de dados entrada sempre há um conjunto constante e imutável de dados de saída.



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Podemos descrever uma máquina de estado como sendo:

- Um estado inicial descrito;
- Um conjunto de eventos de entrada;
- Um conjunto de eventos de saída;
- Um conjunto de estados;

e que utiliza funções que mapeiam:

- Estados e entradas para novos estados; e
- Estados para saídas.



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Máquinas de estado finito têm um limite ou número finito de estados.

Definida por:

- um estado inicial s_0 ;
- um conjunto finito de estados S ;
- um conjunto finito de eventos I de entradas e O de saídas; e
- duas funções:

$$f_s: S \rightarrow I \rightarrow S$$

$$f_o: S \rightarrow O$$

onde, f_s é uma função de mudança de estado e f_o é uma função de saída.



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Uma máquina de estado finito em um estado $s_n(t)$ em um tempo t qualquer terá o próximo estado definido por:

$$s_{n+1}(t+1) = f_s(s_n(t), I_n(t))$$

ou seja, o estado do tempo $(t+1)$ é obtido pela aplicação da função de estado f_s ao par (s, I) .



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Exemplo:

Considere uma máquina de estado finito com 4 estados, com entradas $\{0,1\}$ e saídas $\{0,1\}$:

$$S = \{s_0, s_1, s_2, s_3\}$$
$$I = \{0,1\} \quad O = \{0,1\}$$

Definida pelas funções de estado:

$$f_s: (S_n, 0) \rightarrow S_{n+1}$$
$$f_s: (S_n, 1) \rightarrow S_n$$

e funções de saída descritas por:

$$f_o: s_0 \rightarrow 0$$
$$f_o: s_1 \rightarrow 1$$
$$f_o: s_2 \rightarrow 1$$
$$f_o: s_3 \rightarrow 0$$

Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

$$S = \{s_0, s_1, s_2, s_3\}$$

$$I = \{0, 1\} \quad O = \{0, 1\}$$

$$f_s: (S_n, 0) \rightarrow S_{n+1}$$

$$f_s: (S_n, 1) \rightarrow S_n$$

$$f_o: s_0 \rightarrow 0$$

$$f_o: s_1 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_2 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_3 \rightarrow 0$$

ou seja, cada vez que a máquina recebe zero, ela escreve o símbolo de saída correspondente ao seu estado e muda para o estado seguinte; e quando recebe um, ela escreve o símbolo de saída de seu estado e permanece no mesmo estado. As saídas correspondentes estão descritas na tabela:

Estado	Entrada -> novo estado	Saída
s_0	$0 \rightarrow s_1$ $1 \rightarrow s_0$	0
s_1	$0 \rightarrow s_2$ $1 \rightarrow s_1$	1
s_2	$0 \rightarrow s_3$ $1 \rightarrow s_2$	1
s_3	$0 \rightarrow s_0$ $1 \rightarrow s_3$	0

Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

$$S = \{s_0, s_1, s_2, s_3\}$$

$$I = \{0, 1\} \quad O = \{0, 1\}$$

$$f_s: (S_n, 0) \rightarrow S_{n+1}$$

$$f_s: (S_n, 1) \rightarrow S_n$$

$$f_o: s_0 \rightarrow 0$$

$$f_o: s_1 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_2 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_3 \rightarrow 0$$

Estado	Entrada -> novo estado	Saída
s_0	$0 \rightarrow s_1$ $1 \rightarrow s_0$	0
s_1	$0 \rightarrow s_2$ $1 \rightarrow s_1$	1
s_2	$0 \rightarrow s_3$ $1 \rightarrow s_2$	1
s_3	$0 \rightarrow s_0$ $1 \rightarrow s_3$	0

Digamos, por exemplo, que esta máquina receba, como entrada, a sequência $\{0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0\}$. Se observarmos a descrição desta máquina, a sua saída deve resultar em $\{0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0\}$.

Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

$$S = \{s_0, s_1, s_2, s_3\}$$

$$I = \{0, 1\} \quad O = \{0, 1\}$$

$$f_s: (S_n, 0) \rightarrow S_{n+1}$$

$$f_s: (S_n, 1) \rightarrow S_n$$

$$f_o: s_0 \rightarrow 0$$

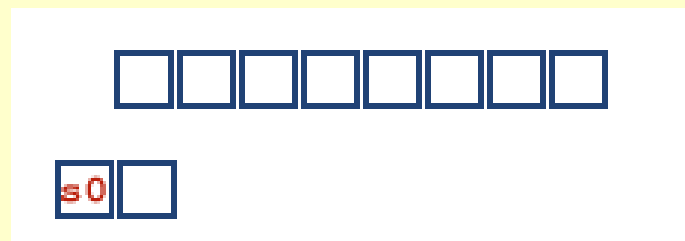
$$f_o: s_1 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_2 \rightarrow 1$$

$$f_o: s_3 \rightarrow 0$$

Estado	Entrada -> novo estado	Saída
s_0	$0 \rightarrow s_1$ $1 \rightarrow s_0$	0
s_1	$0 \rightarrow s_2$ $1 \rightarrow s_1$	1
s_2	$0 \rightarrow s_3$ $1 \rightarrow s_2$	1
s_3	$0 \rightarrow s_0$ $1 \rightarrow s_3$	0

Entrada = {0,1,1,0,1,0,1,0} Saída = {0,1,1,1,1,1,0,0}.





Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Exercício em sala de aula: Considere uma máquina de estado finito com 5 estados $S = \{s_0 \dots s_4\}$ que tenha como entrada e saída os símbolos $\{0,1\}$, descrita pelas funções:

$$S = \{s_0, s_1, s_2, s_3, s_4\}$$

$$I = \{0,1\} \quad O = \{0,1\}$$

$$f_s:(s_0,0) \rightarrow s_0 \quad f_s:(s_0,1) \rightarrow s_3 \quad f_o:s_0 \rightarrow 0$$

$$f_s:(s_1,0) \rightarrow s_0 \quad f_s:(s_1,1) \rightarrow s_4 \quad f_o:s_1 \rightarrow 1$$

$$f_s:(s_2,0) \rightarrow s_2 \quad f_s:(s_2,1) \rightarrow s_1 \quad f_o:s_2 \rightarrow 1$$

$$f_s:(s_3,0) \rightarrow s_0 \quad f_s:(s_3,1) \rightarrow s_4 \quad f_o:s_3 \rightarrow 0$$

$$f_s:(s_4,0) \rightarrow s_1 \quad f_s:(s_4,1) \rightarrow s_2 \quad f_o:s_4 \rightarrow 1$$

Dadas as entradas abaixo, calcule as saídas:

a) 011011010

b) 010001101

c) 001001001



Introdução à Informática

Máquinas de estado I:

Mais um exercício: Considere uma máquina de estado finito $S=\{s_0, \dots, s_3\}$ com entradas $I = \{0,1\}$ e saídas $O = \{00,01,10,11\}$, descrita pelas funções:

$$\begin{array}{lll} f_s(s_0, 0) \rightarrow s_1 & f_s(s_0, 1) \rightarrow s_0 & f_o(s_0) \rightarrow 00 \\ f_s(s_1, 0) \rightarrow s_2 & f_s(s_1, 1) \rightarrow s_0 & f_o(s_1) \rightarrow 01 \\ f_s(s_2, 0) \rightarrow s_3 & f_s(s_2, 1) \rightarrow s_0 & f_o(s_2) \rightarrow 10 \\ f_s(s_3, 0) \rightarrow s_0 & f_s(s_3, 1) \rightarrow s_0 & f_o(s_3) \rightarrow 11 \end{array}$$

Represente esta máquina graficamente e descreva o seu comportamento. Para que ela serve?



Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Uma máquina de estado, por ser determinística, pode reconhecer padrões.

Uma máquina que termina com uma saída diferente de zero em uma determinada situação e retorna saídas zero em outras, reconhece um padrão de funções de entrada.

Definição formal:

“Uma máquina M com um conjunto I de entrada, reconhece um subconjunto S de I se, e somente se, começando em um estado inicial, processa uma cadeia C pertencente a S e termina em um estado final determinado por uma saída específica.”



Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Considere a seguinte máquina de estado:

Estado	Entrada -> novo estado			Saída
S_0	0	->	S_0	1
	1	->	S_1	
S_1	0	->	S_1	0
	1	->	S_0	



Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Considere a seguinte máquina de estado:

Estado	Entrada -> novo estado			Saída
S_0	0	->	S_0	1
	1	->	S_1	
S_1	0	->	S_1	0
	1	->	S_0	

Observe que ela somente retorna a saída “1” se ela parar no estado zero.

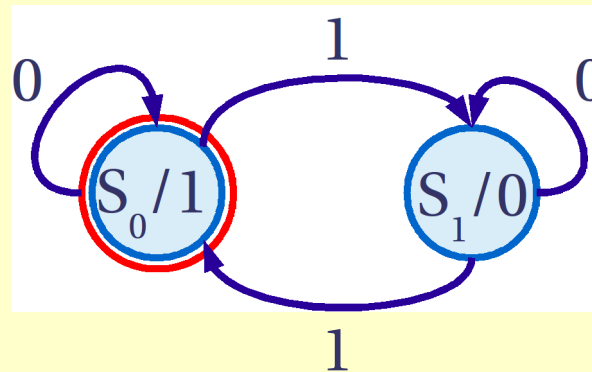
Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Considere a seguinte máquina de estado:

Estado	Entrada -> novo estado	Saída
S_0	0 -> S_0	1
	1 -> S_1	
S_1	0 -> S_1	0
	1 -> S_0	

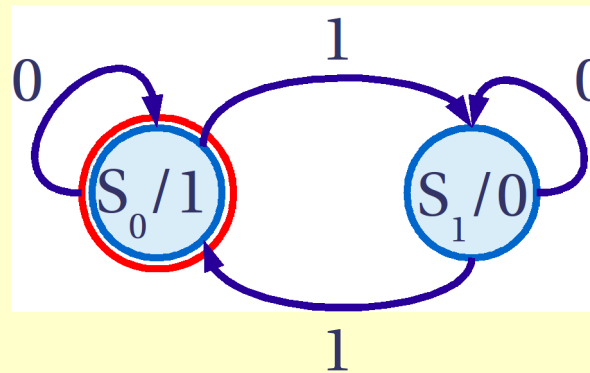
Observe que ela somente retorna a saída “1” se ela parar no estado zero. E podemos representá-la, graficamente, como:



Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Esta máquina reconhece a paridade de símbolos “1”:



Ou seja, reconhece qualquer seqüência que contenha apenas zeros ou número pares de “uns”.



Introdução à Informática

Máquinas de estado I: Reconhecimento

Exercício em sala:

Descreva uma máquina de estado que reconheça um conjunto de entradas $\{a,b\}$, desde que, se a fita contiver o símbolo “a” este deve estar agrupado em triplas.”