

1.1

(a) $W \rightarrow Y, X \rightarrow Z \vdash WX \rightarrow Y$

Verdadero, usando Aumento (Para cualquier W, si $X \rightarrow Y$ entonces $WX \rightarrow WY$)
si tenemos $W \rightarrow Y$, por aumento también $WX \rightarrow XY$,
por descomposición $WX \rightarrow Y$

(b) $X \rightarrow Y$ y $Z \subseteq Y \vdash X \rightarrow Z$

Verdadero, usando reflexividad (Si $Y \subseteq X$ entonces $X \rightarrow Y$) y transitividad (Si $X \rightarrow Y$ e $Y \rightarrow Z$ entonces $X \rightarrow Z$)

Como $Z \subseteq Y$ entonces $Y \rightarrow Z$, y como también tenemos que $X \rightarrow Y$, por transitividad $X \rightarrow Z$

(c) $X \rightarrow Y, X \rightarrow W, WY \rightarrow Z \vdash X \rightarrow Z$

Verdadero

Usando (unión: Si $X \rightarrow Y$ y $X \rightarrow Z$ entonces $X \rightarrow YZ$)

Como $X \rightarrow Y$ y $X \rightarrow W$, tenemos que $X \rightarrow WY$.

Como $WY \rightarrow Z$ y $X \rightarrow WY$, por transitividad, $X \rightarrow Z$

(d) $XY \rightarrow Z, Y \rightarrow W \vdash XW \rightarrow Z$

$Y \rightarrow W$, por aumento, $XY \rightarrow XW$, y también $XY \rightarrow Z$, pero no parece valer la proposición

Contraejemplo:

X = País, Y = provincia, Z = capital de la provincia, W = longitud nombre provincia

Un país y una provincia determinan la capital, y la provincia determina una longitud de nombre, pero si tenemos país y longitud de nombre, no se determina la capital ya que puede haber varias con misma longitud

(e) $X \rightarrow Z, Y \rightarrow Z \vdash X \rightarrow Y$

No parece valer, contraejemplo:

X = LU, Z = edad, Y = fecha de nacimiento

La edad depende funcionalmente de la LU y la fecha de nacimiento, pero la LU no determina una fecha de nacimiento.

(f) $X \rightarrow Y, XY \rightarrow Z \vdash X \rightarrow Z$

Pseudotransitividad (Para cualquier W, Si $X \rightarrow Y$ e $YW \rightarrow Z$ entonces $XW \rightarrow Z$)

Tenemos $X \rightarrow Y$, $YX \rightarrow Z$ entonces $XX \rightarrow Z$ con $W=X$, y queda $X \rightarrow Z$

1.2. Dados los siguientes conjuntos de dependencias funcionales, decidir cuales son equivalentes:

- (a) $\{BC \rightarrow D, ACD \rightarrow B, CG \rightarrow B, CG \rightarrow D, AB \rightarrow C, C \rightarrow B, D \rightarrow E, BE \rightarrow C, D \rightarrow G, CE \rightarrow A\}$
(b) $\{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, CD \rightarrow B, D \rightarrow E, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow D\}$
(c) $\{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, BC \rightarrow D, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow D, CE \rightarrow G\}$
(d) $\{C \rightarrow A, BC \rightarrow D, D \rightarrow E, D \rightarrow G, BE \rightarrow C, CG \rightarrow B, CE \rightarrow G\}$

Def: Decimos que dos conjuntos de dependencias funcionales F y G sobre R son equivalentes ($F \equiv G$) si $F^+ = G^+$

También si $F \models G$ y $G \models F$ (si F cubre a G y G cubre a F).

a)

$C \rightarrow B$
 $D \rightarrow E$
 $D \rightarrow G$
 $BC \rightarrow D$
 $CG \rightarrow B$
 $CG \rightarrow D$
 $AB \rightarrow C$
 $BE \rightarrow C$
 $CE \rightarrow A$
 $ACD \rightarrow B$

(b)

$C \rightarrow A$
 $D \rightarrow E$
 $D \rightarrow G$
 $AB \rightarrow C$
 $BC \rightarrow D$
 $CD \rightarrow B$
 $BE \rightarrow C$
 $CG \rightarrow D$

c)

$C \rightarrow A$
 $D \rightarrow G$
 $AB \rightarrow C$
 $BC \rightarrow D$
 $BE \rightarrow C$
 $CG \rightarrow D$
 $CE \rightarrow G$

d)

$C \rightarrow A$
 $D \rightarrow E$
 $D \rightarrow G$
 $BC \rightarrow D$
 $BE \rightarrow C$
 $CG \rightarrow B$
 $CE \rightarrow G$

viendo lo que queda no me dan equivalentes, pero no sé bien cómo hacerlo. Muy largo calcular clausura. Hay que ir probando con Armstrong?

[según grupo de telegram ninguno es equivalente]

1.3. Sea la relación $R(A,B,C,D)$ y los siguientes conjuntos de dependencias funcionales:

F D1 : $\{B \rightarrow C, D \rightarrow A\}$

F D2 : $\{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, C \rightarrow D\}$

F D3 : $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D\}$

Decidir cuáles de las siguientes descomposiciones son lossless-join y preservan dependencias funcionales:

Sea $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$ y F conjunto de dependencias funcionales y ρ una descomposición de R

$$\rho = R_1, R_2, \dots, R_k$$

tal que $\bigcup_{i=1}^k R_i = R$

Decimos que ρ es una descomposición sin pérdida de información (lossless join o SPI) si para cada instancia r de R que satisface F , se verifica:

$$r = \bowtie_{i=1}^k \pi_{R_i}(r)$$

Entonces es importante determinar, dados R , F y ρ , si ρ es sin pérdida de información ((lossless join, SPI)).

Descomposición binaria:

Decimos que una descomposición de R , $\rho = (R_1, R_2)$ es *lossless join* con respecto a un conjunto de dependencias funcionales F , si y sólo si:

La dependencia funcional $(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_1 - R_2)$ está en F^+

•

La dependencia funcional $(R_1 \cap R_2) \rightarrow (R_2 - R_1)$ está en F^+

O sea que si la intersección de los atributos de R_1 y R_2 forman una superclave para uno de los dos esquemas, entonces ρ es SPI.

(a) F D1 : (A, D) y (B, C)

La intersección de los atributos (A,D) y (B,C) es vacía, hay pérdida de información.

(b) F D2 : (A, B, D) y (A, B, C)

La intersección de los atributos es $\{A, B\}$

Tengo que ver si forman una superclave para uno de los dos esquemas, tenemos que $\{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, C \rightarrow D\}$, para el esquema (A,B,C) , AB es superclave ya que $AB \rightarrow ABC$. Es lossless join

(c) F D2 : (B, C, D) y (A, C)

La intersección de los atributos es $\{C\}$.

Tenemos que $C \rightarrow A$, por lo que $C \rightarrow AC$ superclave para el esquema (A,C)

Es lossless join

(d) F D3 : (A, B, D) y (B, C)

La intersección de los atributos es {B} y tenemos que $B \rightarrow C, \dots$

SPI

(e) F D1 : (A, B, D) y (C, D)

La intersección de los atributos es {D}, no es superclave para ninguno. No es lossless join

(f) F D3 : (A, B) y (A, C, D)

La intersección es {A}, y tenemos $A \rightarrow B$, A superclave de (A, B). Es lossless join

FALTA TESTEAR PÉRDIDA DE DEPENDENCIA FUNCIONAL

Pérdida de dependencias funcionales

Además de preservar la información (SPI) una descomposición ρ debería preservar las dependencias funcionales, lo que llamamos descomposición sin pérdidas de dependencias funcionales (SPDF).

Proyección de un conjunto de DF

Decimos que la proyección de un conjunto de dependencias funcionales F sobre un conjunto de atributos Z , que se escribe $\pi_Z(F)$, es el conjunto de dependencias funcionales $X \rightarrow Y \in F^+$ tal que $XY \subseteq Z$.

Dados R y $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_k)$ y F entonces ρ preserva F si la unión de todas las dependencias funcionales en $\pi_{R_i}(F)$ para $i = 1 \dots k$ implica lógicamente F

$$F^+ = (\bigcup_{i=1}^k \pi_{R_i}(F))^+$$

Tomar en cuenta que ρ podría ser SPI y SPDF (o ninguna de las dos) o SPI pero no SPDF (o al revés)

3.2.1. Algoritmo para Testear Perdidas de Dependencias

Hay un algoritmo para probar si una descomposición ρ preserva las dependencias funcionales sin necesidad de calcular F^+ .

La idea es computar $Z \cup ((Z \cap R_i)^+ \cap R_i)$ donde Z inicialmente es igual al lado izquierdo de la dependencia funcional $X \rightarrow Y$ que se desea testear.

La clausura de $(Z \cap R_i)$ es con respecto a F .

Dados R, F y ρ , queremos verificar si se preserva $X \rightarrow Y$,

$Z := X;$

mientras Z cambie **hacer**

para $i \leftarrow 1$ **a** k **hacer**

$Z \cup ((Z \cap R_i)^+ \cap R_i)$

fin

fin

Si al finalizar $Y \subseteq Z$ entonces $X \rightarrow Y$ está en F^+ . Si esto se cumple para toda dependencia funcional $X \rightarrow Y$ entonces podemos afirmar que ρ es SPDF. Obviamente se podría finalizar el algoritmo si se detecta que $Y \subseteq Z$ en algún paso.

F D1 : $\{B \rightarrow C, D \rightarrow A\}$

F D2 : $\{AB \rightarrow C, C \rightarrow A, C \rightarrow D\}$

F D3 : $\{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D\}$

Decidir cuáles de las siguientes descomposiciones preservan dependencias funcionales:

(a) F D1 : (A, D) y (B, C)

quiero testear $B \rightarrow C$

$Z = B$

$B \cup ((B \cap (A,D))^+ \cap (A,D)) = B$

$B \cup ((B \cap (B,C))^+ \cap (B,C)) = (B,C)$

quiero testear $D \rightarrow A$

$Z = D$

$D \cup ((D \cap (A,D))^+ \cap (A,D)) = (A, D)$

$D \cup ((D \cap (B,C))^+ \cap (B,C)) = D$

es SPDF

(b) F D2 : (A, B, D) y (A, B, C)

quiero testear $AB \rightarrow C$

$Z = AB$

$AB \cup ((AB \cap (A,B,D))^+ \cap (A,B,D)) = ABD$

$AB \cup ((AB \cap (A,B,C))^+ \cap (A,B,C)) = ABCD$

quiero testear $C \rightarrow A$ y $C \rightarrow D$

$Z = C$

$C \cup ((C \cap (A,B,D))^+ \cap (A,B,D)) = C$

$C \cup ((C \cap (A,B,C))^+ \cap (A,B,C)) = AC$

perdida de dependencias funcionales

(c) F D2 : (B, C, D) y (A, C)

quiero testear $AB \rightarrow C$

$Z = AB$

$AB \cup ((AB \cap (B,C,D))^+ \cap (B,C,D)) = AB$

$AB \cup ((AB \cap (A,C))^+ \cap (A,C)) = AB$

perdida de dependencias funcionales

(d) F D3 : (A, B, D) y (B, C)

quiero testear $C \rightarrow D$

$Z = C$

$C \cup ((C \cap (A,B,D))^+ \cap (A,B,D)) = C$

$C \cup ((C \cap (B,C))^+ \cap (B,C)) = CD$

$CD \cup ((CD \cap (A,B,D))^+ \cap (A,B,D)) = CD$

$CD \cup ((CD \cap (B,C))^+ \cap (B,C)) = CD$

perdida de dependencias funcionales

(e) F D1 : (A, B, D) y (C, D)

quiero testear $B \rightarrow C$

$Z = B$

$B \cup ((B \cap (A,B,D))^+ \cap (A,B,D)) = B$

$B \cup ((B \cap (C,D))^+ \cap (C,D)) = B$

perdida de dependencias funcionales

(f) F D3 : (A, B) y (A, C, D)

quiero testear $B \rightarrow C$

$Z = B$

$B \cup ((B \cap (A,B))^+ \cap (A,B)) = B$

$B \cup ((B \cap (A,C,D))^+ \cap (A,C,D)) = B$

perdida de dependencias funcionales

1.4. Sea $R(A,B,C,D,E,F,G,H,I)$ y $DF: \{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow AD, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

Decir si las siguientes descomposiciones son SPI:

3.1.2. Algoritmo de TABLEAU

La regla de la descomposición binaria sólo se aplica cuando se descompone una relación en dos subesquemas. Para el caso más general tenemos un algoritmo que lo cubre. Es el algoritmo del *Tableau*:

Dados R , F y $\rho = (R_1, R_2, \dots, R_k)$, inicialmente se construye un tableau (matriz) T inicial T_0 donde las columnas son los atributos y las filas los subesquemas de ρ . Luego completamos el tableau con símbolos distinguidos (a_j) si $A_j \in R_i$ y con los que denominamos no distinguidos (b_{ij}) si $A_j \notin R_i$.

Luego vamos modificando el tableau aplicando las dependencias funcionales de las siguiente forma, para cada $X \rightarrow A$ si $fila_i[X] = fila_h[X]$ y $fila_i[A] \neq fila_h[A]$ hacemos

- (i) si $fila_i[A] = a_j$ hacemos $fila_h[A] = a_j$ o
- (ii) si $fila_i[A] = b_{ij}$ y $fila_h[A] = b_{hj}$ hacemos $fila_h[A] = b_{ij}$

Así vamos generando una serie $T_0, T_1, T_2, \dots, T^*$. terminamos cuando no se puedan hacer más cambios en el tableau final (T^*) aplicando las dependencias funcionales. Si T^* contiene una fila con todos símbolos distinguidos entonces ρ es **SPI**, de lo contrario ρ es con pérdida de información.

(a) $R_1(A,B,D)$, $R_2(D,E,F)$, $R_3(F,G,C)$, $R_4(C,H,I)$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
ABD	a1	a2	b13	a4	b15	b16	b17	b18	b19
DEF	b21	b22	b23	a4	a5	a6	b27	b28	b29
FGC	b31	b32	b33	b34	b35	a6	a7	a8	b39
CHI	b41	b42	a3	b44	b45	b46	b47	a8	a9

uso $D \rightarrow H$, igualo b18 con b23, queda:

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
ABD	a1	a2	b13	a4	b15	b16	b17	b18	b19
DEF	b21	b22	b23	a4	a5	a6	b27	b18	b29
FGC	b31	b32	b33	b34	b35	a6	a7	a8	b39
CHI	b41	b42	a3	b44	b45	b46	b47	a8	a9

uso $H \rightarrow AD$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
ABD	a1	a2	b13	a4	b15	b16	b17	b18	b19
DEF	a1	b22	b23	a4	a5	a6	b27	b18	b29
FGC	b31	b32	b33	b34	b35	a6	a7	a8	b39
CHI	b31	b42	a3	b34	b45	b46	b47	a8	a9

uso $A \rightarrow B$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
ABD	a1	a2	b13	a4	b15	b16	b17	b18	b19
DEF	a1	a2	b23	a4	a5	a6	b27	b18	b29
FGC	b31	b32	b33	b34	b35	a6	a7	a8	b39
CHI	b31	b32	a3	b34	b45	b46	b47	a8	a9

Usados en negrita: $A \rightarrow B$, $CD \rightarrow F$, $H \rightarrow AD$, $I \rightarrow C$, $D \rightarrow H$.

Parece que no puedo seguir. Como no quedó fila con símbolos distinguidos es con pérdida de información.

(b) $R1(A,B,C,D)$, $R2(E,F,G)$, $R3(H,I)$ y $DF: \{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow AD, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
ABCD	a1	a2	a3	a4	b15	b16	b17	b18	b19
EFG	b21	b22	b23	b24	a5	a6	a7	b28	b29
HI	b31	b32	b33	b34	b35	b36	b37	a8	a9

No puedo hacer nada. Es con pérdida de información

2.1. Para el ejercicio 1.4, indicar:

(a) En que Forma Normal se encuentra R.

Seguro está en 1FN, veamos si está en 2FN.

Sea $R(A,B,C,D,E,F,G,H,I)$ y $DF: \{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow AD, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

Busquemos la clave:

obs:

E, G e I nunca están del lado derecho

Y vemos que $I \rightarrow C$.

$D \rightarrow H \rightarrow AD$ (puedo tener D en la clave y no pertenecen A y H).

obs: $A \rightarrow B$, pero $D \rightarrow AD$ y por lo tanto $D \rightarrow A$, por transitividad $D \rightarrow B$

$(EGI)^+ = EGIC$

$(EGID)^+ = ABCDEFGHI$, es clave

$(EGIH)^+ = ABCDEFGHI$, es clave

Ambas son claves minimales.

Definición: 2FN

Un esquema de relación R está en **2FN** si todo atributo no primo A de R es totalmente dependiente de todas las claves de R .

Definición: Atributo Primo

Un atributo A de un esquema relacional R se dice primo si A pertenece a alguna de las claves de R . Si A no pertenece a ninguna clave de R , A se dice no primo.

Definición: Totalmente Dependiente

$X \rightarrow Y$ es una dependencia funcional es total si no existe $Z \subsetneq X$ tal que $Z \rightarrow Y$.

Atributos no primos (no pertenecen a ninguna clave candidata): ABCF

Sabemos que I siempre está en la clave y tenemos que $I \rightarrow C$, por lo que C no es primo ya que no pertenece a ninguna clave. Vemos que no depende totalmente de toda la clave DI, solo I.

No está en 2FN.

(b) Descomponer en 3FN SPI y SPDF.

4.7. Algoritmo de descomposición SPI y SPDF en 3FN

Este algoritmo obtiene una descomposición ρ de R por *síntesis* a partir de una **cobertura minimal** de F . La descomposición resultante ρ cumple con ser SPI y SPDF. Una vez obtenida la cobertura minimal F_M se hace lo siguiente:

1. Se crea una subesquema (X, A) para cada dependencia $X \rightarrow A$ en F_M .
2. Unificar los que provienen de DFs que tienen igual lado izquierdo, o sea creamos los subesquemas $(X, A_1, A_2, \dots, A_n)$, donde $X \rightarrow A_1, \dots, X \rightarrow A_n$ están en F_M .
3. Si ninguno de los esquemas resultantes contiene una clave se agrega uno con los atributos de alguna clave
4. Eliminar esquemas redundantes: Si alguno de los esquemas resultantes está contenido totalmente en otro, eliminarlo:

Veamos si F es minimal:

DF: $\{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow AD, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

descomponer para tener lados derechos de un solo atributo:

$F_1 = \{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow A, H \rightarrow D, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

Veamos si $A \rightarrow B$ es redundante.

Sería si B pertenece a A^+ según F_1 sin $\{A \rightarrow B\}$, vemos que no, por lo tanto no es redundante.

Se va viendo lo mismo con todas, que no podemos llegar a todos los atributos sin la dependencia que borramos.

F_1 cobertura minimal.

Subesquema para cada dependencia:

$R_1(AB), R_2(CDF), R_3(HA), R_4(HD), R_5(IC), R_6(DH)$

Unifico los de igual lado izquierdo:

$R_1(AB), R_2(CDF), R_3(HAD), R_4(IC), R_5(DH)$

Ninguno de los esquemas contiene una clave, se agrega uno con los atributos de alguna clave:

$R_1(AB), R_2(CDF), R_3(HAD), R_4(IC), R_5(DH), R_6(EGID)$

Elimino esquema redundante:

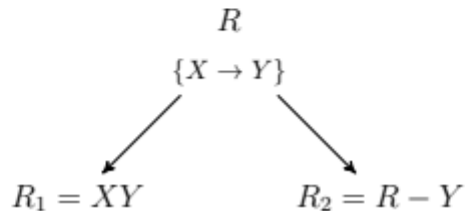
$R_1(AB), R_2(CDF), R_3(HAD), R_4(IC), R_5(EGID)$

(c) Descomponer en FNBC SPI utilizando el algoritmo de descomposición visto en clase teórica, es decir, NO se debe partir de la descomposición en 3FN

4.6. Algoritmo de descomposición SPI en FNBC

Este algoritmo obtiene una descomposición ρ de R partiendo R aplicando la propiedad de descomposición binaria. El ρ resultante es siempre SPI, pero a veces no es SPDF.

Si hay una dependencia funcional $X \rightarrow Y$ que viola FNBC se parte R en R_1 y R_2 de la siguiente forma:



Forma Normal de BOYCE-CODD (FNBC)

Un esquema de relación R está en FNBC si para toda dependencia funcional no trivial $X \rightarrow A$ sobre R , X es una superclave de R

O en forma equivalente: R está en FNBC si para toda dependencia funcional $X \rightarrow Y$ en F^+ , o bien $Y \subseteq X$ o X es una superclave de R .

Teníamos como claves candidatas: EGID y EGIH

Dependencias funcionales: $\{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow AD, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

Vemos que A no es superclave. $A \rightarrow B$ viola la FNBC.

$\{A \rightarrow B, CD \rightarrow F, H \rightarrow A, H \rightarrow D, I \rightarrow C, D \rightarrow H\}$

$R_1 = AB, R_2 = ACDEFGHI$

Vemos que CD no es superclave. $CD \rightarrow F$ viola la FNBC.

$R_1 = AB, R_3 = CDF, R_4 = ACDEGHI$

Vemos que H no es superclave. $H \rightarrow A$ viola la FNBC.

$R_1 = AB, R_3 = CDF, R_5 = HAD, R_6 = CEGHI$

Vemos que I no es superclave. $I \rightarrow C$ viola la FNBC.

$R_1 = AB, R_3 = CDF, R_5 = HAD, R_7 = IC, R_8 = EGIH$

2.2. Dado el siguiente esquema de relación que describe páginas web:

Página(URL, autor, título, keyword)

Una tupla $\langle u, a, t, k \rangle$ de la relación dice que la URL u posee título t , autor a y contiene la clave de búsqueda k . Cada página posee exactamente un título, un autor y está unívocamente identificada con una URL. Una página puede tener muchas keywords.

Dar un conjunto de dependencias funcionales para Página y demostrar que no se encuentra en FNBC.

ej; (url, título, autor, keyword1), ..., (url, título, autor, keywordn)

$url \rightarrow \text{título, autor}$

título y autor son atributos no primos.

No está en 2FN ya que solo con url se determina título y autor sin que sea necesaria la keyword. Por lo tanto no está en FNBC.

2.3. Se desea modelar la actividad de un broker bursátil, quien maneja las carteras de acciones de varios inversores. Los atributos relevantes son: B (broker), I (inversor), E (domicilio comercial del broker), A (acción de una empresa que cotiza en bolsa), D (dividendo), C (cantidad de acciones).

Además se cumplen las dependencias funcionales F: $\{A \rightarrow D, I \rightarrow B, IA \rightarrow C, B \rightarrow E\}$

(a) Determinar una clave y demostrar que realmente lo es.

ABCDEI

Posible clave: AI (A e I nunca aparecen del lado derecho de df)

$I \rightarrow B \rightarrow E$

$A \rightarrow D$

$IA \rightarrow C$

(b) Si se descompone el esquema en $D1 = \{\{I, B\}, \{I, A, C\}, \{A, D\}, \{I, A, E\}\}$. La descomposición, ¿es SPI? ¿es SPDF?

	A	B	C	D	E	I
IB	b11	a2	b13	b14	b15	a6
IAC	a1	b22	a3	b24	b25	a6
AD	a1	b32	b33	a4	b35	b36
IAE	a1	b42	b43	b44	a5	a6

Uso $A \rightarrow D$

	A	B	C	D	E	I
IB	b11	a2	b13	b14	b15	a6
IAC	a1	b22	a3	a4	b25	a6
AD	a1	b32	b33	a4	b35	b36
IAE	a1	b42	b43	a4	a5	a6

Uso $IA \rightarrow C$

	A	B	C	D	E	I
IB	b11	a2	b13	b14	b15	a6
IAC	a1	b22	a3	a4	b25	a6
AD	a1	b32	b33	a4	b35	b36
IAE	a1	b42	a3	a4	a5	a6

Uso $I \rightarrow B$

	A	B	C	D	E	I
IB	b11	a2	b13	b14	b15	a6
IAC	a1	a2	a3	a4	b25	a6
AD	a1	b32	b33	a4	b35	b36
IAE	a1	a2	a3	a4	a5	a6

Última fila solo con símbolos distinguidos, es sin pérdida de información.

Veamos si es SPDF:

F: $\{A \rightarrow D, I \rightarrow B, IA \rightarrow C, B \rightarrow E\}$

$D1 = \{\{I, B\}, \{I, A, C\}, \{A, D\}, \{I, A, E\}\}.$

quiero testear $B \rightarrow E$

$Z = B$

$B \cup ((B \cap (I, B))^+ \cap (I, B)) = B$

$B \cup ((B \cap (I, A, C))^+ \cap (I, A, C)) = B$

$B \cup ((B \cap (A, D))^+ \cap (A, D)) = B$

$B \cup ((B \cap (I, A, E))^+ \cap (I, A, E)) = B$

No preserva dependencias funcionales.

(c) Verificar si la descomposición está en 3FN. Si no lo está, dar una descomposición que esté en 3FN.

$D1 = \{\{I, B\}, \{I, A, C\}, \{A, D\}, \{I, A, E\}\}.$

Llamo $R_1 = IB$, $R_2 = IAC$, $R_3 = AD$, $R_4 = IAE$

Atributos primos: AI

$F: \{A \rightarrow D, I \rightarrow B, IA \rightarrow C, B \rightarrow E\}$

1FN Sí para todas

2FN: todas menos R_4 , pues clave IA pero tenemos atributo no primo E , que depende de I solamente

(Obs: $I \rightarrow B \rightarrow E$, por transitividad $I \rightarrow E$)

Obs: todo el resto cumplen 3FN menos R_4 .

Uso algoritmo para descomponer relación en 3FN:

4.7. Algoritmo de descomposición SPI y SPDF en 3FN

Este algoritmo obtiene una descomposición ρ de R por *síntesis* a partir de una **cobertura minimal** de F . La descomposición resultante ρ cumple con ser SPI y SPDF. Una vez obtenida la cobertura minimal F_M se hace lo siguiente:

1. Se crea una subesquema (X, A) para cada dependencia $X \rightarrow A$ en F_M .
2. Unificar los que provienen de DFs que tienen igual lado izquierdo, o sea creamos los subesquemas $(X, A_1, A_2, \dots, A_n)$, donde $X \rightarrow A_1, \dots, X \rightarrow A_n$ están en F_M .
3. Si ninguno de los esquemas resultantes contiene una clave se agrega uno con los atributos de alguna clave
4. Eliminar esquemas redundantes: Si alguno de los esquemas resultantes está contenido totalmente en otro, eliminarlo:

Cobertura minimal: $F: \{A \rightarrow D, I \rightarrow B, IA \rightarrow C, B \rightarrow E\}$

$R_1(A, D)$, $R_2(I, B)$, $R_3(I, A, C)$, $R_4(B, E)$

No puedo unificar, vemos que R_3 contiene la clave AI , y ningún esquema es redundante.

2.11. Sea $R(\text{Empleado}, \text{Proyecto}, \text{Director})$ y dadas las siguientes dependencias funcionales:

$\text{Empleado}, \text{Proyecto} \rightarrow \text{Director}$

$\text{Director} \rightarrow \text{Proyecto}$

Si se tienen las siguientes descomposiciones:

$\rho_1 = \{R_1(\text{Empleado}, \text{Director}), R_2(\text{Empleado}, \text{Proyecto})\}$

$\rho_2 = \{R_1(\text{Proyecto}, \text{Director}), R_2(\text{Proyecto}, \text{Empleado})\}$

$\rho_3 = \{R_1(\text{Director}, \text{Proyecto}), R_2(\text{Director}, \text{Empleado})\}$

Responder:

(a) ¿Se pierden dependencias funcionales en alguna de las descomposiciones?

$F = \{EP \rightarrow D, D \rightarrow P\}$

$\rho_1 = \{R_1(E, D), R_2(E, P)\}$

quiero testear $D \rightarrow P$

$Z = D$

$D \cup ((D \cap (E, D))^+ \cap (E, D)) = D$

$D \cup ((D \cap (E, P))^+ \cap (E, P)) = D$

Se pierde la dependencia funcional.

$\rho_2 = \{R_1(P, D), R_2(P, E)\}$

quiero testear $EP \rightarrow D$

$Z = EP$

$EP \cup ((EP \cap (P, D))^+ \cap (P, D)) = EP$

$EP \cup ((EP \cap (P, E))^+ \cap (P, E)) = EP$

Se pierde la dependencia funcional.

$\rho_3 = \{R_1(D, P), R_2(D, E)\}$

quiero testear $EP \rightarrow D$

$Z = EP$

$EP \cup ((EP \cap (D, P))^+ \cap (D, P)) = EP$

$$EP \cup ((EP \cap (D,E))^+ \cap (D,E)) = EP$$

Se pierde la dependencia funcional.

(b) ¿Cual de las descomposiciones es mejor? ¿En que forma normal se encuentran?