

1.1

(a)  $W \rightarrow Y, X \rightarrow Z \vdash WX \rightarrow Y$

Verdadero, usando Aumento (Para cualquier  $W$ , si  $X \rightarrow Y$  entonces  $XW \rightarrow WY$ )  
si tenemos  $W \rightarrow Y$ , por aumento también  $WX \rightarrow XY$ ,  
por descomposición  $WX \rightarrow Y$

(b)  $X \rightarrow Y$  y  $Z \subseteq Y \vdash X \rightarrow Z$

Verdadero, usando reflexividad (Si  $Y \subseteq X$  entonces  $X \rightarrow Y$ ) y transitividad (Si  $X \rightarrow Y$  e  $Y \rightarrow Z$  entonces  $X \rightarrow Z$ )

Como  $Z \subseteq Y$  entonces  $Y \rightarrow Z$ , y como también tenemos que  $X \rightarrow Y$ , por transitividad  $X \rightarrow Z$

(c)  $X \rightarrow Y, X \rightarrow W, WY \rightarrow Z \vdash X \rightarrow Z$

Verdadero

Usando (unión: Si  $X \rightarrow Y$  y  $X \rightarrow Z$  entonces  $X \rightarrow YZ$ )

Como  $X \rightarrow Y$  y  $X \rightarrow W$ , tenemos que  $X \rightarrow WY$ .

Como  $WY \rightarrow Z$  y  $X \rightarrow WY$ , por transitividad,  $X \rightarrow Z$

(d)  $XY \rightarrow Z, Y \rightarrow W \vdash XW \rightarrow Z$