



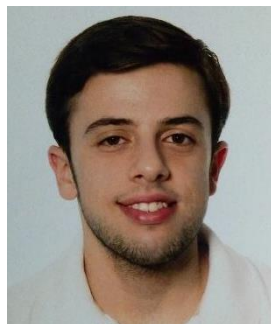
Universidade do Minho

Departamento de Informática

Graphical primitives

Mestrado Integrado em Engenharia Informática

Computação gráfica



Jaime Leite (A80757)



Bruno Veloso (A78352)

Índice

Introdução.....	3
Fase 1.....	4
Primitivas gráficas	4
1. Plano.....	4
2. Caixa.....	5
3. Esfera.....	7
4. Cone.....	9
Generator	11
Engine	12
Conclusão.....	13

Índice de figuras

Figura 1 – desenho de um plano.....	4
Figura 2 – desenho de uma caixa.....	6
Figura 3 - demonstração dos pontos da esfera.....	7
Figura 4 – desenho de uma esfera.....	8
Figura 5 – desenho de uma slice para a base do cone.....	9
Figura 6 – desenho de um lado do cone.....	10
Figura 7 – cone visto da parte de baixo.....	10
Figura 8 – cone visto da parte de cima.....	10
Figura 9 - desenho do plano, caixa, cone e esfera.....	12

Introdução

Partindo do enunciado que nos foi proposto, apresentaremos neste relatório o trabalho desenvolvido na primeira fase do projeto relativo à unidade curricular de *Computação Gráfica*.

Apresentaremos, primeiramente, os vários passos para a construção de figuras 3D, nomeadamente o plano, caixa, esfera e cone, tendo por base a figura geométrica *triângulo*.

Na segunda parte do relatório, iremos abordar a elaboração de um generator e de um engine. O primeiro irá escrever em vários ficheiros todos os pontos relativos às figuras 3D referidas anteriormente e o segundo é responsável por ler um ficheiro XML (que contém informação das figuras a serem desenhadas) e a partir do mesmo desenhar os modelos indicados no enunciado do projeto, partindo dos pontos guardados pelo generator.

Fase 1

Primitivas gráficas

Apresentaremos de seguida os passos para a construção das figuras propostas no enunciado.

1. Plano

No desenho de um plano, são usados seis pontos, derivados de dois triângulos. A função responsável por tal desenho é designada por “drawPlane” e recebe como parâmetros o tamanho do lado do plano e o ficheiro onde irá armazenar os seus pontos.

No corpo da função, os pontos são chamados pela seguinte ordem: A,B,C,D, respeitando a regra da mão direita.

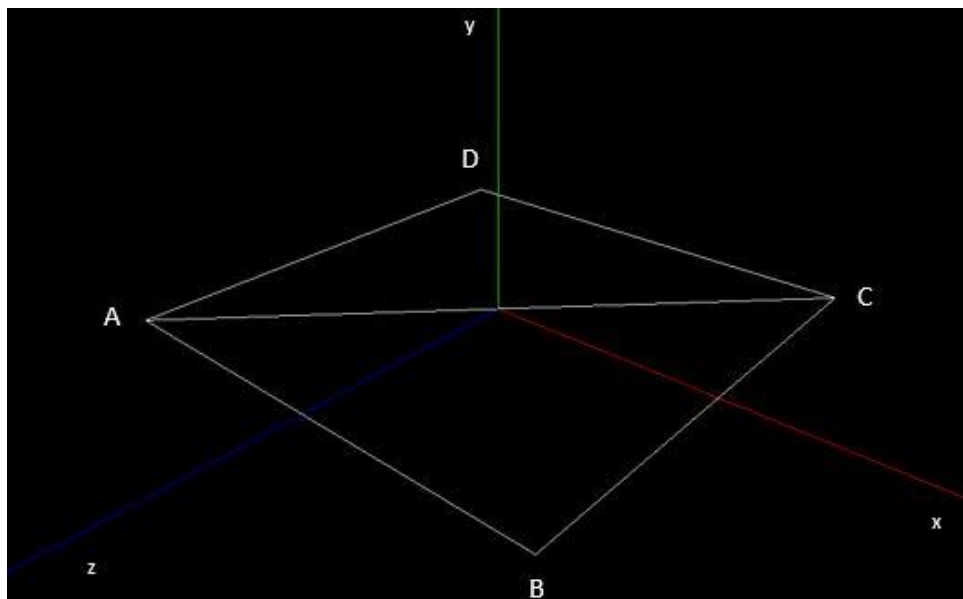


Figura 1: desenho de um plano

Através da figura, verifica-se que $(0,0,0)$ é o ponto central do plano. Todos os pontos do plano têm ordenada 0, e as suas abcissas e cotas têm como valor escalar metade do comprimento passado na função “drawPlane”, permitindo assim que os mesmos fiquem uniformemente distribuídos relativamente à origem do referencial.

2. Caixa

A função responsável por desenhar uma caixa é a “drawBox”. Recebe como parâmetros as medidas necessárias para a sua construção (como sendo a largura, altura, comprimento e número de divisões) e o nome de um ficheiro (onde irão ficar armazenados os pontos da figura).

Sabendo que a caixa pode ter várias divisões(quadrados), cada uma das faces da mesma tem uma função auxiliar associada, que representa o desenho de uma das suas divisões. Estas funções auxiliares, invocadas várias vezes dentro de ciclos, criam as diferentes faces contidas nos diferentes planos do referencial.

O processo de construção de uma divisão é o seguinte: partindo de dois pontos, que vão variando em função dos parâmetros inicialmente passados à função e que representam a diagonal de um quadrado, obtêm-se os restantes pontos, sendo assim possível formar uma divisória.

Para as divisórias relativas às faces contidas no eixo dos XX: a função que desenha uma divisão vai ser invocada para desenhar tanto na parte positiva como na parte negativa do eixo. Para a parte positiva do eixo irão ser passados os pontos $((largura / 2), -(altura / 2), -(comprimento / 2))$ e $((largura / 2), -(altura / 2) + \delta Y1, -(comprimento / 2) + \delta Z1)$. Já para a parte negativa do eixo irão ser referenciados os pontos $(-(largura / 2), -(altura / 2), -(comprimento / 2))$ e $(-(largura / 2), -(altura / 2) + \delta Y1, -(comprimento / 2) + \delta Z1)$.

Por cada iteração dos ciclos, estes valores variam da seguinte forma:

$$z = -comprimento / 2 + j * \delta Z1;$$

$$y = (-altura / 2) + (i * \delta Y1),$$

em que i e j estão limitados ao número de divisões;

$$\delta Y1 = altura / divisões;$$

$$\delta Z1 = comprimento / divisões;$$

Para as faces contidas no eixo dos YY: a função que desenha uma divisão vai ser invocada para desenhar tanto na parte positiva como na parte negativa do eixo. Para a parte positiva do eixo irão ser passados os pontos $((largura / 2), (altura / 2), (comprimento / 2))$ e $((largura / 2) - \delta X, (altura / 2), (comprimento / 2) - \delta Z)$. Já para a parte negativa do eixo irão ser referenciados os pontos $((largura / 2), -(altura / 2), (comprimento / 2))$ e $((largura / 2) - \delta X, -(altura / 2), (comprimento / 2) - \delta Z)$.

Em cada iteração dos ciclos, estes valores variam da seguinte forma:

$$x = (largura / 2) - j * \delta X;$$

$$z = (comprimento / 2) - (i * \delta Z),$$

em que i e j estão limitados ao número de divisões;

```
deltaX = largura / divisões;  
deltaZ = comprimento / divisões;
```

Para as faces contidas no eixo dos ZZ: a função que desenha uma divisão vai ser invocada para desenhá-la tanto na parte positiva como na parte negativa do eixo. Para a parte positiva do eixo irão ser passados os pontos $((largura / 2), -(altura / 2), (comprimento / 2))$ e $((largura / 2) - deltaX, -(altura / 2) + deltaY, (comprimento / 2))$. Já para a parte negativa do eixo irão ser referenciados os pontos $((largura / 2), -(altura / 2), -(comprimento / 2))$ e $((largura / 2) - deltaX, -(altura / 2) + deltaY, -(comprimento / 2))$.

Em cada iteração dos ciclos, estes valores variam da seguinte forma:

```
x = (largura / 2) - j * deltaX;  
y = (-altura / 2) + i * deltaY;  
em que i e j estão limitados ao número de divisões;
```

```
deltaX = largura / divisões;  
deltaY = altura / divisões;
```

No final, será possível ver cada superfície do sólido (centrado no ponto (0,0,0)) com $(2 * divisões)$ quadrados.

Assim sendo, a implementação de uma caixa assenta no desenho recursivo das repartições relativas às seis faces da mesma, sendo os seus tamanhos dependentes dos argumentos introduzidos na função “drawBox”.

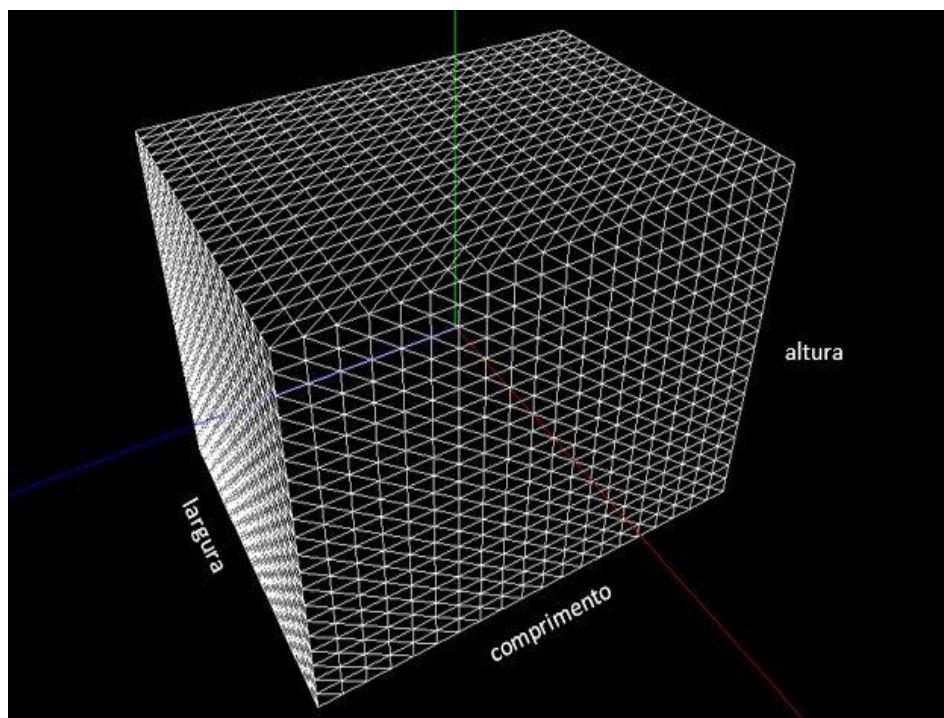


Figura 2: desenho de uma caixa

3. Esfera

Para ser possível construir a esfera era necessário saber o raio da esfera, bem como o número de slices e stacks desta. A metodologia utilizada passou por usar dois ângulos, um θ (beta) que vai desde 0 a 2π (0-360 graus) e um ϕ (fi) que vai desde 0 a π (0-180 graus) que representará só a superfície esférica superior. A ideia passa por termos um valor de ângulo “ang1” e um “ang2”, em que “ang1” representa o valor de $(2\pi) / \text{slices}$ (o nosso beta), e “ang2” representa π / stacks (nosso fi). Para desenhar basta ter 2 ciclos, um ciclo que vai desde 0 até $\text{stacks}/2$ (desenhar parte superior toda) em que tem um ciclo interior que vai desde 0 até slices para desenhar os triângulos todos à volta.

Por cada uma desta $(\text{stack}/2) \cdot \text{slices}$ iterações são feitos 4 triângulos, 2 para a parte superior da esfera e 2 para a parte inferior. O primeiro triângulo é formado pelos pontos P1, P2 e P3. P1 tem de coordenadas: $x = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}) \cdot \sin(\text{angulo})$, $y = \text{radius} \cdot \sin(\text{nível})$ e $z = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}) \cdot \cos(\text{angulo})$; P2 tem de coordenadas: $x = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}) \cdot \sin(\text{angulo}2)$; $y = \text{radius} \cdot \sin(\text{nível})$; $z = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}) \cdot \cos(\text{angulo}2)$; P3 que tem de coordenadas: $x = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}2) \cdot \sin(\text{angulo}2)$; $y = \text{radius} \cdot \sin(\text{nível}2)$, $z = \text{radius} \cdot \cos(\text{nível}2) \cdot \cos(\text{angulo}2)$, em que radius é o raio da esfera, “nível” é o valor $i \cdot (\pi / \text{stacks})$ em que i é a stack onde estamos (vai desde 0 a $\text{stacks}/2$) representa o ϕ , “nível2” é a camada superior ou seja $(i+1) \cdot (\pi / \text{stacks})$, o nosso “angulo” representa a slice onde estamos vezes o $(2\pi) / \text{slices}$ ou seja o beta, e por fim “angulo2” representa o “angulo” + $(2\pi) / \text{slices}$ ou seja o. O x,y, e z são calculados através das fórmulas que se podem ver na figura abaixo.

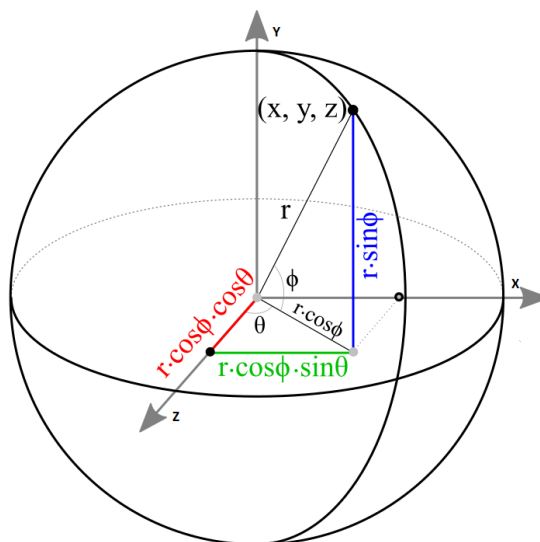


Figura 3: demonstração dos pontos da esfera

O triângulo complementar ao primeiro desenhado para a face superior é representado pelos pontos P4,P5 e P6. P4 tem de coordenadas $x=\text{radius}*\cos(\text{nivel2})*\sin(\text{angulo2})$, $y=\text{radius}*\sin(\text{nivel2})$, $z=\text{radius}*\cos(\text{nivel2})*\cos(\text{angulo2})$, P5 tem $x=\text{radius}*\cos(\text{nivel2})*\sin(\text{angulo})$, $y=\text{radius}*\sin(\text{nivel2})$ e $z=\text{radius}*\cos(\text{nivel2})*\cos(\text{angulo})$, e P6 tem de coordenadas $x=\text{radius}*\cos(\text{nivel})*\sin(\text{angulo})$, $y=\text{radius}*\sin(\text{nivel})$ e $z=\text{radius}*\cos(\text{nivel})*\cos(\text{angulo})$, assim sendo com este triângulo formado e executando as $(\text{stacks}/2) * \text{slices}$ iterações temos a parte superior da esfera desenhada.

Quando à parte inferior, bastou mudar os ângulos para negativos, ou seja, em cada iteração do ciclo bastou desenhar 2 triângulos em que “angulo” passa a “-angulo”, “angulo2” passa a “-angulo2”, “nivel” a “-nivel” e “nivel2” a “-nivel2”. Assim sendo ficou construída na sua totalidade a esfera.

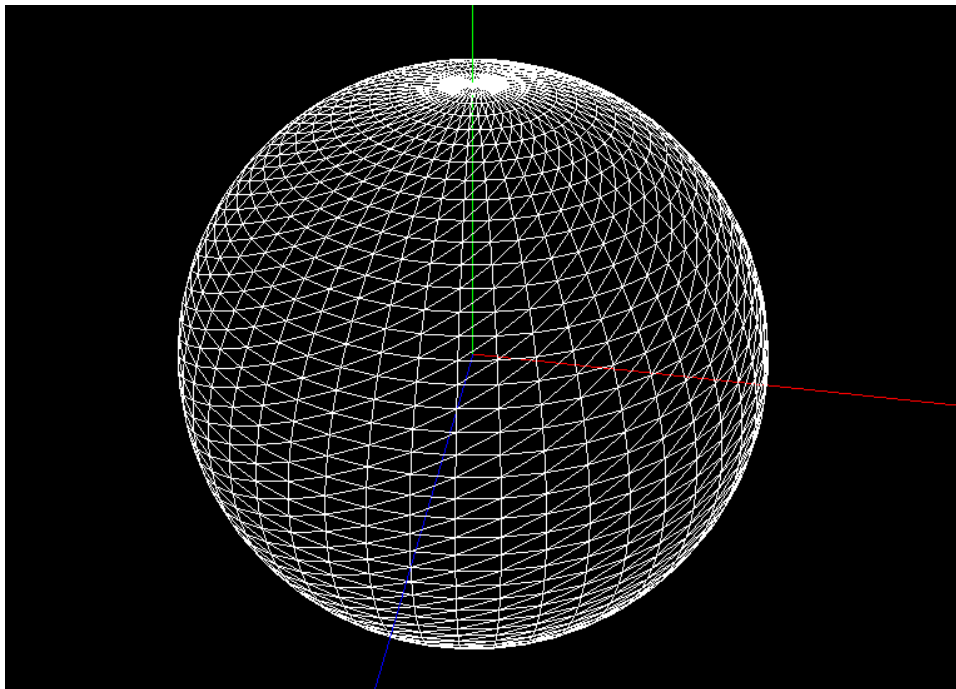


Figura 4: desenho de uma esfera

4. Cone

Para conseguirmos desenhar um cone necessitamos de ter um raio, uma altura, o número de slices e o número de stacks que este deve ter, de forma a obter com sucesso a sua criação.

Para desenhar a sua base precisamos do seu raio e o número de fatias(slices). Uma vez que a base tem como ângulo total 360 graus (2π radianos), sabemos que cada slice vai ter de ângulo $\text{ang} = (2\pi) / \text{slices}$. Depois desta análise para desenhar, basta um ciclo que cria uma slice de cada vez. As coordenadas da slice serão $x = \text{radius} \cdot \sin(z \cdot \text{ang})$, $y = 0$ e $z = \text{radius} \cdot \cos(z \cdot \text{ang})$ para o primeiro ponto, em que z corresponde à fatia a desenhar começando pela slice 0. O segundo ponto será $x=0$, $y=0$ e $z=0$, uma vez que o cone está centrado no referencial inicial. Já o terceiro ponto será $x = \text{radius} \cdot \sin(\text{ang} \cdot (z + 1))$, $y = 0$ e $z = \text{radius} \cdot \cos(\text{ang} \cdot (z + 1))$, que corresponde ao primeiro ponto da próxima slice. Tendo isto estabelecido, este triângulo é desenhado no sentido dos ponteiros do relógio para poder ser visto por baixo.

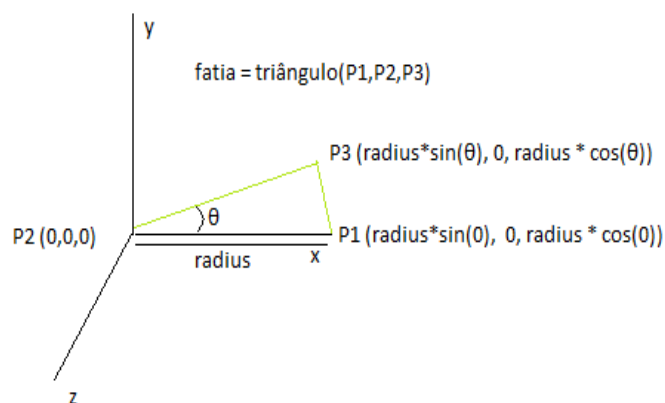


Figura 5: desenho de uma slice para a base do cone

Quanto aos lados do cone, o número de triângulos que serão precisos corresponde a $\text{slices} \cdot \text{stacks} \cdot 2$, logo para cada camada formam-se as slices todas e só depois se passa para a próxima stack, em que de cada vez se desenhavam 2 triângulos. Cada camada superior tem menor raio que a inferior usando a fórmula $\text{novoRaio} = \text{radius} - i \cdot (\text{radius} / \text{stacks})$ em que 'i' corresponde à stack em que nós estamos a desenhar sendo que a última stack terá $\text{novoRaio} = 0$.

O primeiro triângulo será formado por, ponto P1 que será $x = \text{raio2} \cdot \sin(\text{ang} \cdot z)$, $y = (i + 1) \cdot (\text{height} / \text{stacks})$ e $z = \text{raio2} \cdot \cos(\text{ang} \cdot z)$, 'z' é a slice que estamos, raio2 é o raio da camada superior e 'i' é a stack. Ponto P2 será $x = \text{raio} \cdot \sin(z \cdot \text{ang})$, $y = i \cdot (\text{height} / \text{stacks})$ e $z = \text{raio} \cdot \cos(z \cdot \text{ang})$. E o ponto P3 $x = \text{raio} \cdot \sin(\text{ang} \cdot (z + 1))$, $y = i \cdot (\text{height} / \text{stacks})$ e $z = \text{raio} \cdot \cos(\text{ang} \cdot (z + 1))$, com estes 3 pontos desenhamos 1 triângulo (P1,P2,P3).

O segundo triângulo será formado por, ponto P4 será $x=\text{raio2}*\sin(z*\text{ang})$, $y=(i + 1) * (\text{height} / \text{stacks})$ e $z=\text{raio2}*\cos(z * \text{ang})$ e este ponto corresponde ao ponto P1. P5 será $x= \text{raio}*\sin(\text{ang} * (z + 1))$, $y= i * (\text{height} / \text{stacks})$ e $z=\text{raio}*\cos(\text{ang} * (z + 1))$ e o P6 $x= \text{raio2}*\sin(\text{ang} * (z + 1))$, $y=(i + 1) * (\text{height} / \text{stacks})$ e $z= \text{raio2}*\cos(\text{ang} * (z + 1))$, triângulo final fica (P4,P5,P6). Ambos os triângulos são desenhados no sentido contrário ao ponteiro dos relógios.

Efetuando isto para as $\text{stacks} * \text{slices}$ iterações formamos o cone inteiro.

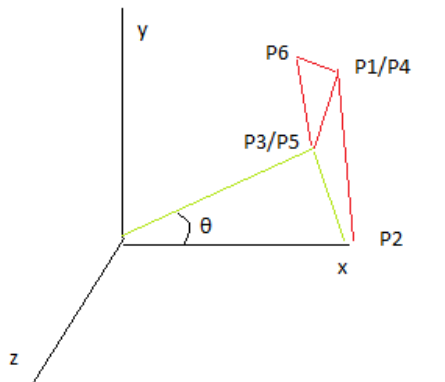


Figura 6: desenho de um lado do cone

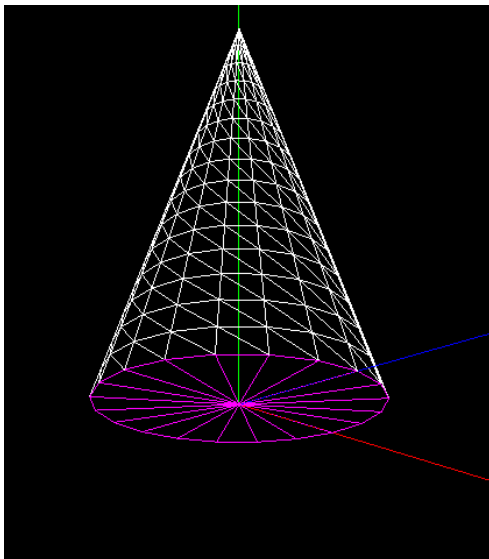


Figura 7: cone visto da parte de baixo

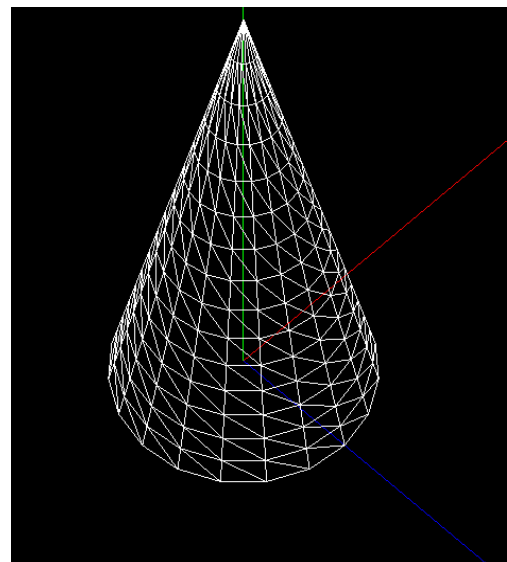


Figura 8: cone visto da parte de cima

Generator

O Generator é composto por todas as funções que desenharam o plano, a caixa, a esfera e o cone. Essas funções são designadas por “drawPlane”, “drawBox”, “drawSphere” e “drawCone”, respectivamente, e, conforme o algoritmo desenvolvido, é guardada em ficheiros a informação relativa aos triângulos de cada figura geométrica. A linha inicial desses ficheiros tem um número representativo da quantidade de triângulos necessários para se formar a figura e as restantes linhas contêm nove valores, ou seja, as coordenadas de cada ponto que está contido num triângulo.

Na main do programa, o segundo argumento indicado na linha de comandos é analisado e, de seguida, é invocada a função respetiva a determinada figura. Na linha de comandos é também obrigatória a indicação do ficheiro para onde serão escritos os pontos da figura, bem como todos os parâmetros necessários para a sua construção.

Engine

O objetivo do “engine” passa por ler um ficheiro xml, no qual este terá indicação de ficheiros em que cada um terá uma figura geométrica na forma de pontos e o número de triângulos na primeira linha de cada.

Para ser possível, usámos o “tinyxml2” para dar parse da informação do xml. Guardamos esta informação do xml numa “struct Document” e fizemos um parse que através de um ficheiro, de uma figura geométrica (array de “Triangulo” em que “Triangulo” é uma “struct” por nós definida que contém 9 valores que correspondem a todos os valores para formar um triângulo), e também do tamanho da figura geométrica (inicialmente a 0). No final deste segundo parse, temos armazenada toda a informação de cada ficheiro que estava no xml e com o uso de uma outra função conseguimos desenhar cada figura geométrica tendo em conta o seu tamanho.

No fim serão desenhadas todas as figuras, umas em cima de outras.

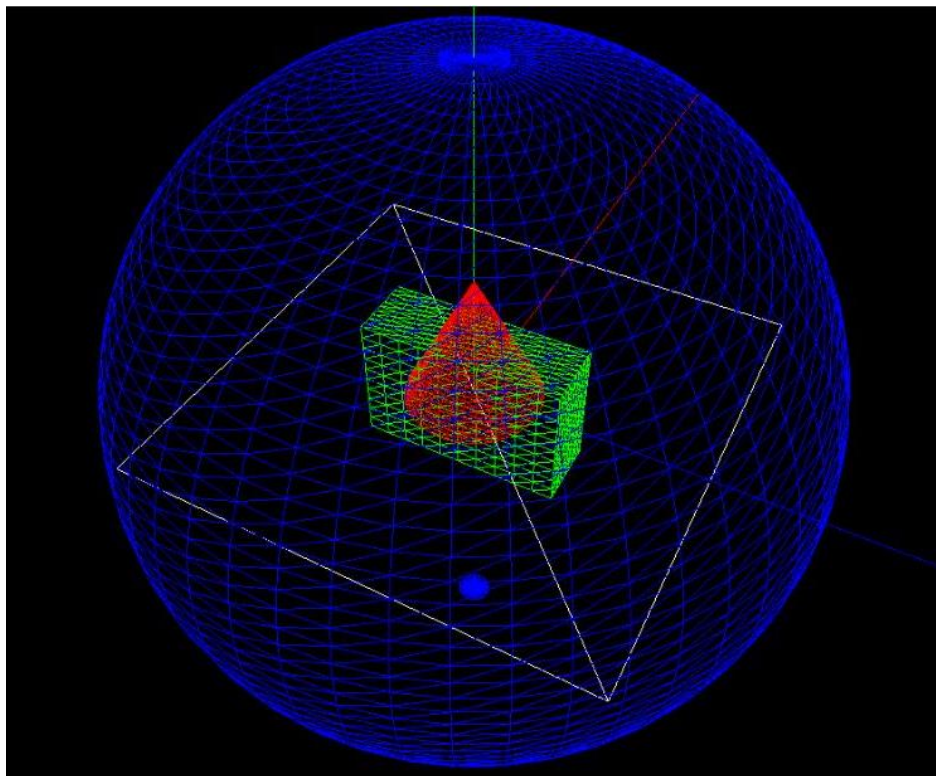


Figura 9: desenho do plano, caixa, cone e esfera

Conclusão

O grupo considera que alcançou os objetivos propostos para a primeira fase do projeto. Desenhámos, na totalidade, as figuras que eram referidas no enunciado, bem como desenvolvemos o generator e o engine, sendo que o primeiro nos permite guardar as informações relativas às várias figuras e o segundo constrói as figuras e apresenta o seu aspeto para o utilizador.

Consideramos benéfica esta primeira etapa, pois apesar de estas figuras já estarem implementadas no *OpenGL*, compreendemos melhor como este processa a sua construção.

Concluindo, o processo de aprendizagem nesta primeira etapa será importante para as fases seguintes do projeto.