

Criptografia assimétrica

ou Criptografia de Chave Pública

- Chaves diferentes são usadas na cifragem e na decifragem.
- Uma dessas chaves é tornada pública e a outra é mantida secreta (privada).

$$C = E(K_{pub}, M) \qquad M = D(K_{priv}, C)$$

- Em alguns algoritmos, as chaves são intercambiáveis.

$$C = E(K_{priv}, M) \qquad M = D(K_{pub}, C)$$

Criptografia assimétrica

ou Criptografia de Chave Pública



$$C = E(K_{pub}, M) \qquad M = D(K_{priv}, C)$$

Cada um tem
o seu par
de chaves



$$C = E(K_{pub}, M) \qquad M = D(K_{priv}, C)$$

Princípio matemático

- Criação de uma função unidirecional, facilmente computada, mas difícil de ser invertida.
- Exemplo:
 - é fácil multiplicar dois números primos grandes, mas é difícil fatorar o resultado para descobrir os números originais (sem se ter pelo menos um deles).
- Um algoritmo assimétrico pode ser até 10.000 vezes mais lento do que um algoritmo simétrico.

Algoritmo RSA

Rivest – Shamir – Adelman

- Escolha dois números primos extensos, p e q (maiores de 10100)
- Calcule $n = p * q$ e $z = (p - 1) * (q - 1)$
- Escolha um número relativamente primo a z e chame-o de d
- Escolha e de forma que $(e * d) \bmod z = 1$
- Para cifrar, calcule $C = P^e \bmod n$
- Para decifrar, calcule $P = C^d \bmod n$
- A chave pública será composta por e e n
- A chave privada será composta por d e n

Algoritmo RSA

Rivest – Shamir – Adelman

$p = 3$
 $q = 11$
 $n = p \cdot q = 33$
 $z = (p - 1)(q - 1) = 20$
 $d = 7$, primo em relação a z
 $e = 3$, pois $(e \cdot d) \bmod z = 1$

Cifragem

Texto	P	P ³	C = P ³ mod(33)
A	1	1	1
T	20	8.000	14
A	1	1	1
Q	17	4.913	29
U	21	9.261	21
E	5	125	26

Decifragem

C	C ⁷	P = C ⁷ mod(33)	Texto
1	1	1	A
14	105.413.504	20	T
1	1	1	A
29	17.249.876.309	17	Q
21	1.801.088.541	21	U
26	8.031.810.176	5	E