Árvore Binária de Busca Balanceada (AVL)

Prof. Flavio B. Gonzaga

flavio.gonzaga@unifal-mg.edu.br

Universidade Federal de Alfenas UNIFAL-MG

Sumário

- Árvore AVL;
 - Definição;
 - Fator de balanceamento;
 - Rotações:
 - Simples à direita;
 - Simples à esquerda;
 - Dupla à direita;
 - Dupla à esquerda;
 - Inserindo nós...;

Definição

- Árvore AVL é uma árvore binária de busca balanceada;
 - Uma árvore balanceada (árvore completa) são as árvores que minimizam o número de comparações efetuadas no pior caso para uma busca com chaves de probabilidades de ocorrências idênticas;
- Para garantir essa propriedade em aplicações dinâmicas, é preciso reconstruir a árvore para seu estado ideal a cada operação sobre seus nós (inclusão ou exclusão), para ser alcançado um custo de algoritmo com o tempo de pesquisa tendendo a O(log n);
- As operações de busca, inserção e remoção de elementos possuem complexidade O (log n), no qual n é o número de elementos da árvore.
- O nome AVL vem de seus criadores soviéticos Adelson-Velsky e Landis (1962);

Wikipedia, 2018.

Definição

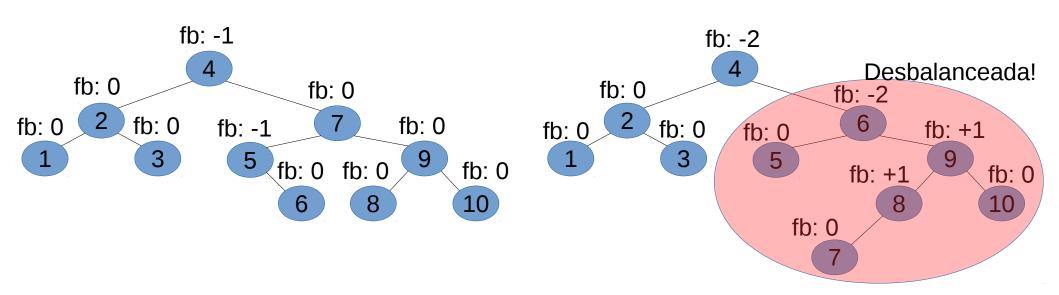
- Árvore que permite o rebalanceamento local;
 - Apenas a parte afetada pela inserção ou remoção é rebalanceada;
 - Uso de rotações simples ou duplas na etapa de rebalanceamento;
- Introduz uma variável, chamada de fator de balanceamento;
 - Diferença entre a quantidade de níveis da subárvore esquerda e da subárvore direita;

Definição

 Com exceção das funções de inserção e remoção, as demais funções da árvore AVL são idênticas às da árvore binária de busca;

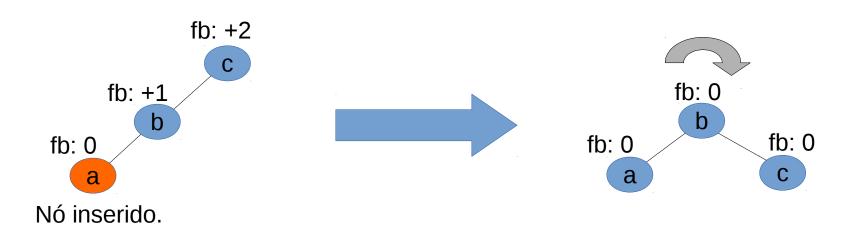
Fator de Balanceamento

- Fator de balanceamento:
 - fb deve ser sempre: -1, 0 ou 1;



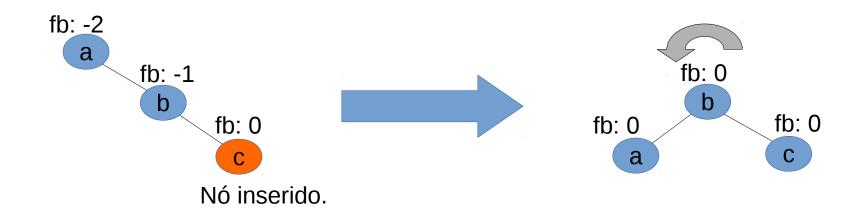
Rotações – simples à direita

 Se faz necessária quando o desbalanceamento ocorreu em função de inserções feitas à esquerda:



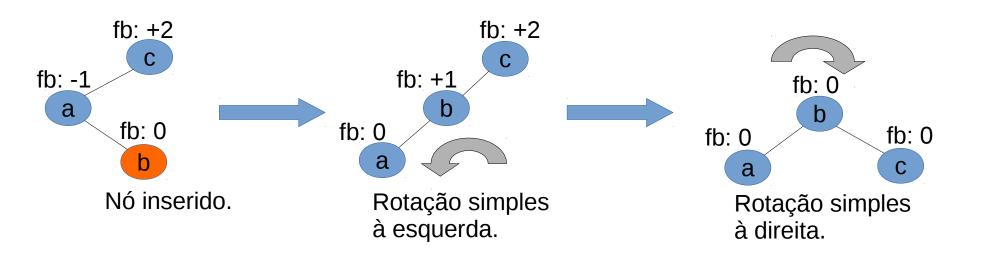
Rotações – simples à esquerda

 Se faz necessária quando o desbalanceamento ocorreu em função de inserções feitas à direita:



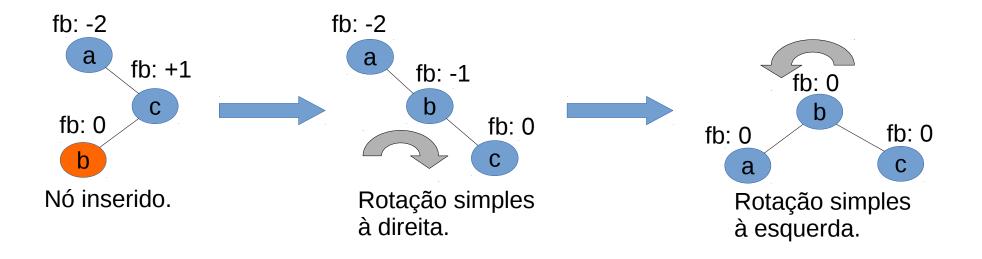
Rotações – dupla à direita

 Se faz necessária quando o desbalanceamento ocorreu em função de inserção feita à direita na subárvore esquerda:



Rotações – dupla à esquerda

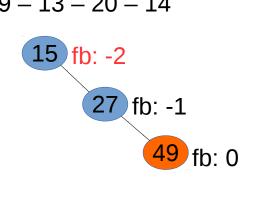
 Se faz necessária quando o desbalanceamento ocorreu em função de inserção feita à esquerda na subárvore direita:

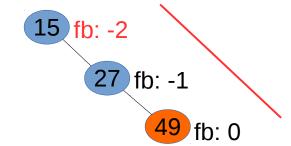


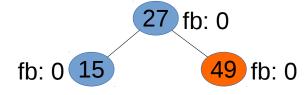
$$15 - 27 - 49 - 10 - 8 - 67 - 59 - 9 - 13 - 20 - 14$$

15 fb: 0

15 fb: -1 27 fb: 0



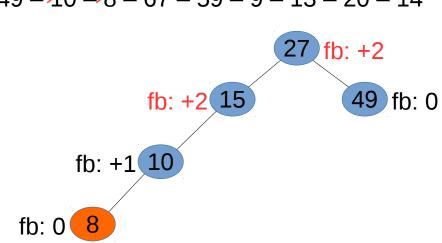


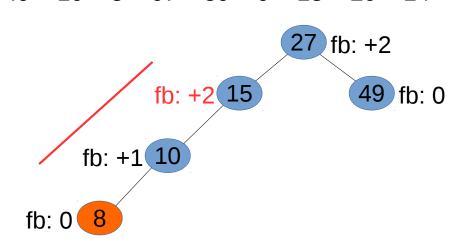


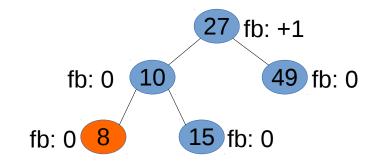
RSE(15, 27)

27 fb: +1 fb: +1 15 49 fb: 0

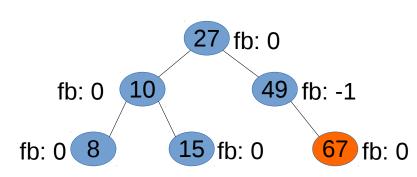
fb: 0 10

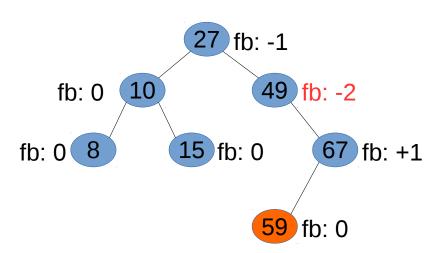


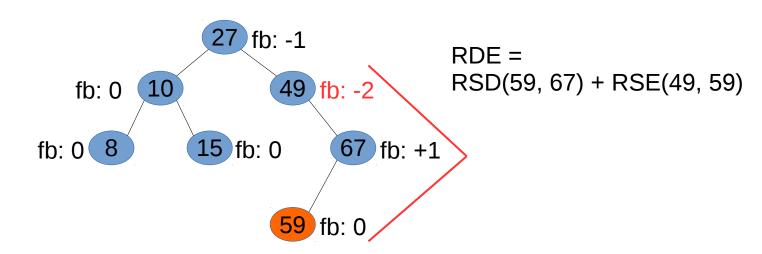


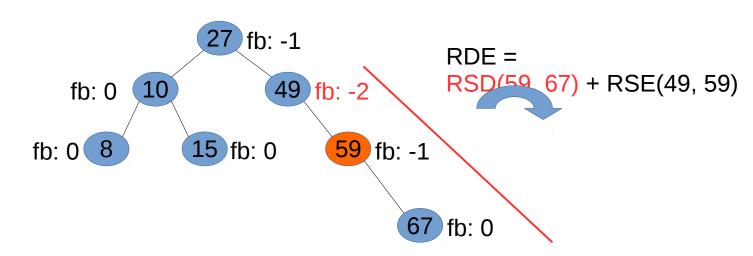


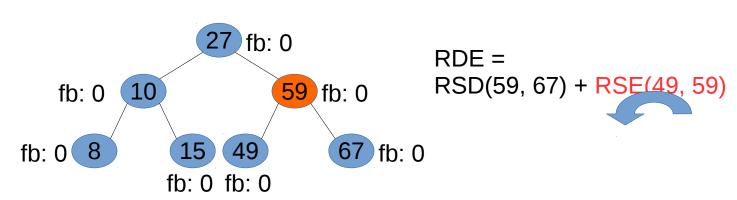


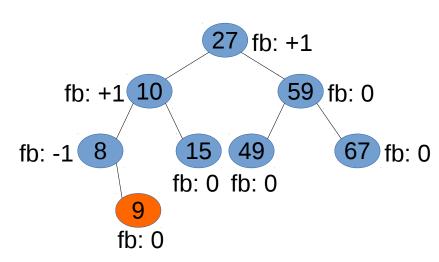


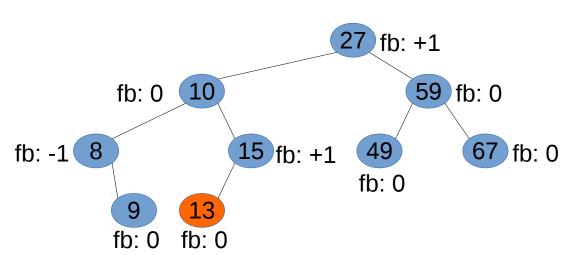


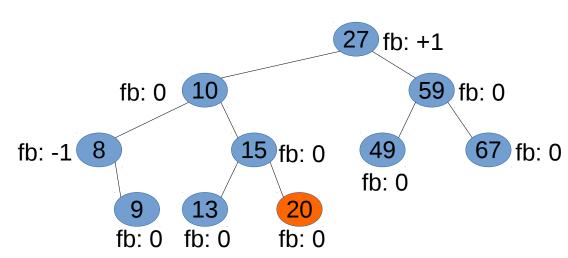


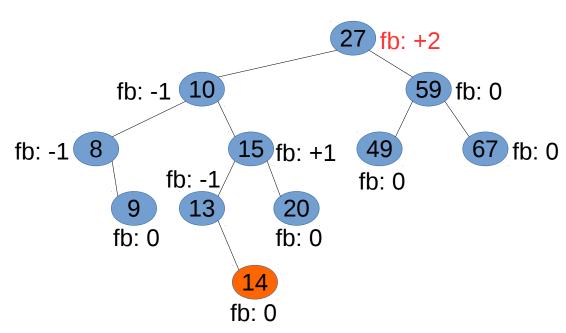


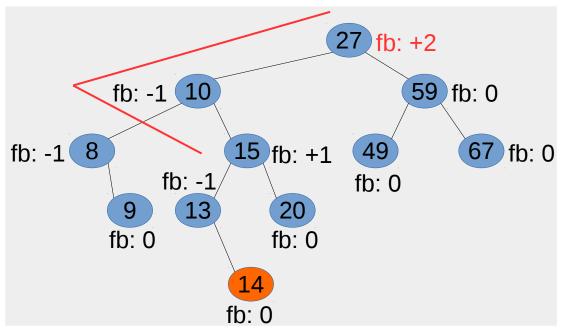




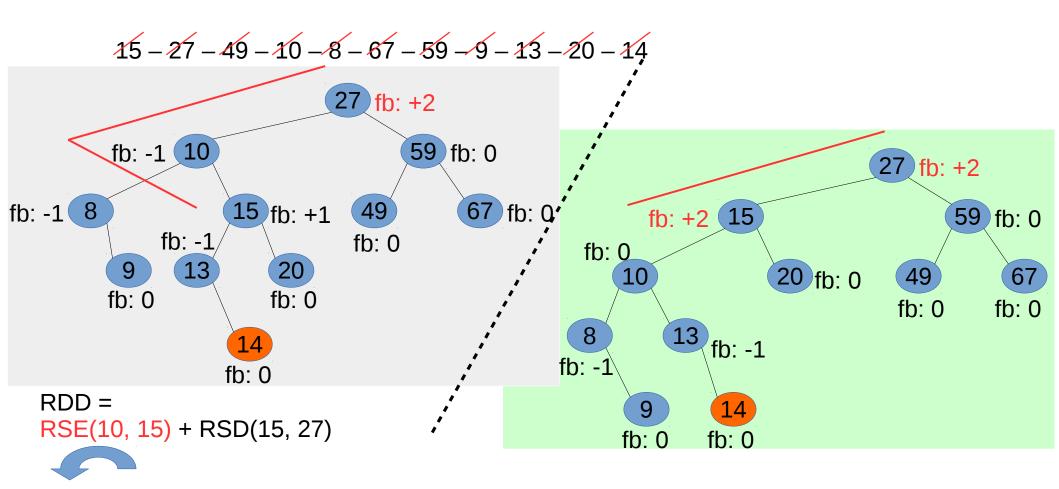


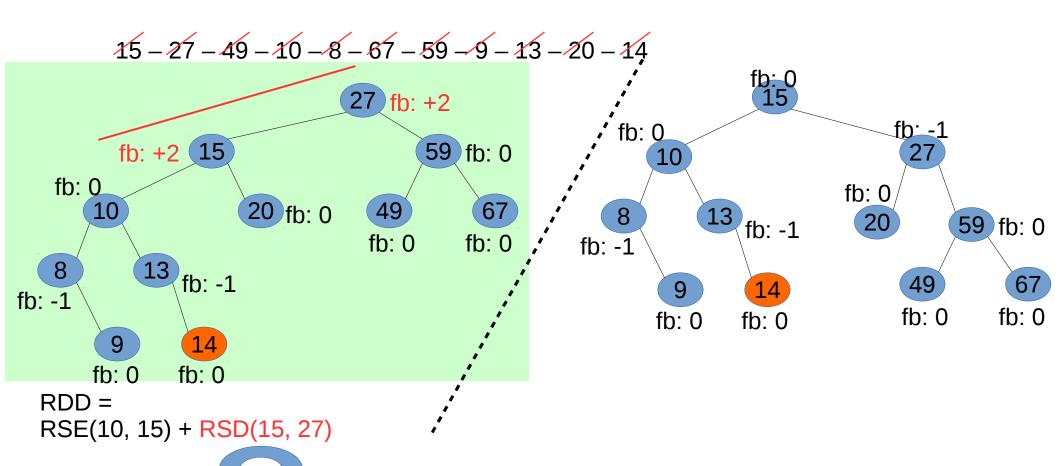






RDD = RSE(15, 10) + RSD(27, 15)





Referências Bibliográficas

- Estruturas de Dados e Seus Algoritmos. Szwarcfiter J. L.;
 Markenzon L.. 3a Edição. Editora LTC. 2010.
- Estruturas De Dados Usando C. Tenenbaum A. M.; Langsam Y.;
 Augenstein M. J.. 1a Edição. Editora Pearson. 1995.
- Introdução a Estruturas de Dados: Com Técnicas de Programação em C. Celes W.; Cerqueira R.; Rangel J.. 2a Edição. Editora Elsevier. 2017.
- https://www.youtube.com/watch?v=JAeQuNsKQWk, acesso em 24/10/2019.