## Prácticos - Repartido 1

miércoles, 14 de diciembre de 2016

EJERCICIO 1 AMPONDO

Sea St= (3)0s(2T(Ot+D)) do note:

- · R g of som independientes
- · f es una prewencia pija
- · 0 ~ 0[0,1]

Esto es convectir de polares a cortesiones

- · R ~ Ragleigh en f(r)=re-r/2, xr>0
- -> blostoor que Jt, Jt ~ N

1 Análisis

El objetivo es mostror que St se distribye mormal.

Tenemos el tiz que tenemos que calculor la deus: dod conjunta de (XI) a partir de la densistad conjunta de (RIP)

Nota. Dec. mi( -> X = 7 sen(III(ft+q)) J= 9. cos(2T(ft+\$))

Utilizar relación: X2+32=22 pora calcular la deus ded conjunta de (X,3) a portir de la dontiral de (X, X) a portir de la dessidad comjunta de (R, p)

Pero como están en distintos sistemas hay que transpormor uno en el otro. Esta transformación hay que ajusterla mediante el Jacobieno.

Se parte de la densidor en  $(R, \phi)$  y querenos hallor la densidor en (X, y) mediente la tronsformation

Nota: Recordor que: Nacos: en

2) la culanos la deuxidad conjunta en (R, 0): · fa(s) = (e - 1/2, 570

entonces tenge V[0,28]

· fo(d): como ft es constante y pr v[0,1] entonces pr v[0,21]

y como la densidad de ma Imporme es justin entances fp(0) = 3T

• Como  $\mathcal{R}_{\mathcal{R}} \Theta$  for independentes enfonces:  $f_{\mathcal{R},\Theta}(r,\Theta) = f_{\mathcal{R}}(r)$ .  $f_{\Theta}(\Theta) = \frac{re^{-r/2}}{2T}$ 

3) Calcula mos el Jacobieno para la transpormación depimida:

3) Calcula mos el Jacobieno para la transpormación depenida:  $|J| = (sen \theta) (-r. sen \theta) - (r. cos \theta) (cos \theta) = -r(sen \theta + cos^2 \theta) = |-r| \Rightarrow |J| = r$ 4) Aplica nos la transpormación a las deusidades conjuntas:  $f_{X,Y}(X,Y) = \frac{ce^{-c^2/2}}{2\pi} \cdot \frac{1}{c} = \frac{1}{2\pi} \cdot e^{-c^2/2}$ J como == x2+ g2 = fx,5 (x, y) = 1/2T e - (x+yc) Les fonción de densided défenida es la función de densided conjunta de dos sorvables aleatorias independientes, cada una cadistribución  $\mathcal{N}(0,1)$  por lo que 3 tiente densided morginal: listibucion N(0,1) por (0,1) Nota:  $\int_{X} y(x) = \int_{\mathbb{R}^{n}} e^{-\frac{x^{2}}{2}}$ Nota:  $\int_{X} y(x,y) = \int_{\mathbb{R}^{n}} e^{-\frac{x^{2}}{2}}$ Com to wal  $S_{t} \sim N(0,1)$ Normal de Normal de EJERCICIO 2 See St=le+Et+Et-1 donné: · Et es un roido blonco => media=0 Sea St 1 50 Si EKX = u EXi - Encontrar Var (3) 1) Sustituinos Je en Je -> Je= 1 Z le+E; + E; -1 = le+ in Z E; + E;-1 2) Colcularos Jar (3+) = Jar (4+ 1 \subsetence \in \in \( \ext{\(1 \)} \) Jar (St) = Jar (u) + Jar ( = Ei + Ei.)  $\Rightarrow \operatorname{Jor}(\S_{\epsilon}) = \operatorname{Jor}\left(\frac{1}{N}\sum_{i=0}^{\infty} \mathcal{E}_{i} + \mathcal{E}_{i-1}\right) = \frac{1}{N^{2}} \operatorname{Jor}\left(\sum_{i=0}^{\infty} \mathcal{E}_{i} + \mathcal{E}_{i-1}\right)$  $\Rightarrow \operatorname{Joc}(\bar{Y}_{\ell}) = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \operatorname{Joc}\left(\sum_{i=0}^{n-1} \mathcal{E}_{i} + \sum_{i=0}^{n-1} \mathcal{E}_{i-1}\right) \qquad \operatorname{Aota} \stackrel{=}{\underset{i=0}{\sum}} \mathcal{E}_{i} = \mathcal{E}_{0} + \cdots + \mathcal{E}_{n-1},$ 

$$\Rightarrow \operatorname{Jac}(\Im t) = \frac{1}{N^2} \cdot \operatorname{Jac}(\underbrace{\mathcal{E}}_{t} + \underbrace{\mathcal{E}}_{t-1})$$

$$\Rightarrow \operatorname{Jac}(\Im t) = \frac{1}{N^2} \cdot \operatorname{Jac}(\underbrace{\mathcal{E}}_{t} + 2\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1} + \operatorname{En-1})$$

$$\Rightarrow \operatorname{Jac}(\Im t) = \frac{1}{N^2} \cdot \operatorname{Jac}(\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1} + 2\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1} + \operatorname{En-1})$$

$$\Rightarrow \operatorname{Jac}(\Im t) = \frac{1}{N^2} \cdot \operatorname{Jac}(\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1}) + 4 \operatorname{Jac}(\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1} + 2\underbrace{\mathcal{E}}_{t-1} + 2\underbrace{\mathcal{E}}$$

.. 
$$\sqrt{\alpha(3)} = \frac{1}{n^2} \cdot (\sigma^2 + 4(n-1)) \tau^2 + \tau^2 = \frac{1}{n^2} (2 + 4(n-1)) \sigma^2 = \frac{1}{n^2} (4n-2) \tau^2$$

$$\sqrt{... \sqrt{g}} = \frac{4n-2}{n^{2}} \sigma^{2}$$

## **EJERCICIO 3**

Sea St=-3+4Et+8Et-1-Et-2

- · Encontra ponción de autocorrelación de Se
- Análisis:

  Pelación entre la verieble

  Princión de la tocorda entre la verieble

  Princión de la tocorrela ción: ((T) = P(T) > Tx (L,t) = 0x
- 2) Colcularnos  $Z(0) = \delta_x^2 = Jax(J_t)$   $Jar(J_t) = Jax(-3 + 4E_t + 8E_{t-1} E_{t-2}) = Jax(-3) + 4^2 Jax(E_t) + 8^2 Jax(E_{t-1}) + Jax(E_{t-2})$ 5. Et es un roido blanco, entonces  $Jax(E_t) = \delta^2$ ,  $\bar{c}(E_t) = 0$ ,  $Cos(E_t, E_s) = 0$   $\therefore Z_1(0) = 16 \delta^2 + 64 \delta^2 + \delta^2 = 31 \delta^2 \quad | \bar{c}(J_t) = \bar{c}(-3 + 4E_t) + 8E_t (E_{t-2}) = \bar{c}(-3) = -3$ 
  - 3) Calcularnos los autocovacionzas.

• 
$$T=1 \Rightarrow \mathcal{F}(1) = \int_{X} (J_{t}, J_{t-1}) = \mathcal{E}[(J_{t}+3)(J_{t-1}+3)]$$
  
5ust: hygendo por  $J_{t}$ ,  $J_{t-1} \Rightarrow \mathcal{E}[(-3+4\varepsilon_{t}+8\varepsilon_{t-1}-\varepsilon_{t-2}+3)(-3+4\varepsilon_{t-1}+8\varepsilon_{t-2}-\varepsilon_{t-3}+3)$   
 $\therefore \mathcal{E}[(4\varepsilon_{t}+8\varepsilon_{t-1}-\varepsilon_{t-2})(4\varepsilon_{t-1}+8\varepsilon_{t-2}-\varepsilon_{t-3})$ 

Como estamos asumiendo que Ez es un vido blaveo, entorces

Solo tilminos al cuadrado por E(EE)=0

Entouces de la expression anterior quedan solo los términos.

$$= \lambda Z(1) = \bar{E}(8E_{t-1} \cdot 4E_{t-1} - E_{t-2} \cdot 8E_{t-2}) = 32\bar{E}(E_{t-1}^2) - 8\bar{E}(E_{t-2}^2) = 248^2$$

· Para 17,3 quedan toolos en O.	C 01 3	
1	( BIS	8: 1 = 0
Función de autocosorienza : R(T)/R(T)=	4 240	Si 5=1
	1-402	Si T=Z
· Para T7,3 queden tooles en O. · . Función de autocososienza : R(T)/ R(T)=		c. T7.3

4) Colcularues la junción de autocorrelación:

$$(T) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 0 \\
24 & \text{si } T = 1
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 1 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 1 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2 \\
24 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T = 2
\end{cases}$$

$$(S) = \begin{cases}
1 & \text{si } T =$$