

Solo 20-40

Ana Carolina Murad Lima

2023-07-18

```
# Bibliotecas  
library(readxl)
```

```
## Warning: package 'readxl' was built under R version 4.3.1
```

```
library(dplyr)
```

```
##  
## Attaching package: 'dplyr'
```

```
## The following objects are masked from 'package:stats':  
##  
##   filter, lag
```

```
## The following objects are masked from 'package:base':  
##  
##   intersect, setdiff, setequal, union
```

```
library(ggplot2)
```

```
# Leitura e tratamento dos dados  
dados <- read_excel("Solo 20-40 ok.xlsx")  
  
# Ordenar o dataframe por quatro colunas diferentes  
dados <- with(dados, dados[order(CICLO, BLOCO, EFLUENTE, INOCULO), ])  
  
# Converter as colunas para tipo numérico e arredondar valores em duas casas  
for (i in 6:16) {  
  dados[, i] <- as.numeric(unlist(dados[, i]))  
}  
dados[6:16] = round(dados[6:16], digits = 2)  
dados = dados[-5]  
str(dados)
```

```
## tibble [80 x 15] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)  
##   $ BLOCO      : num [1:80] 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...  
##   $ EFLUENTE: num [1:80] 0 0 25 25 50 50 75 75 100 100 ...  
##   $ INOCULO  : chr [1:80] "COM" "SEM" "COM" "SEM" ...  
##   $ CICLO    : num [1:80] 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
```

```
## $ pH      : num [1:80] 5.2 5 5.3 5 4.7 4.7 4.7 4.5 5.1 4.5 ...
## $ P resina: num [1:80] 11 10 11 17 9 6 11 10 14 10 ...
## $ S       : num [1:80] 2 9 9 11 10 12 10 14 7 26 ...
## $ K resina: num [1:80] 1.2 1.6 0.5 1.8 0.9 1.2 1.2 1.2 1.4 1 ...
## $ Na      : num [1:80] 0.08 0 0.09 0 0.08 0 0.08 0 0.08 0 ...
## $ Ca      : num [1:80] 25 26 24 26 18 19 19 16 26 14 ...
## $ Mg      : num [1:80] 7 7 10 10 7 9 5 7 8 2 ...
## $ Al      : num [1:80] 0.2 0.5 0.1 0 1.4 0.5 1.5 1.5 0.4 0.5 ...
## $ H+Al    : num [1:80] 42.6 45.4 36 39.6 43.5 ...
## $ MO      : num [1:80] 20 19.4 16.9 17.7 18.5 18.6 18.6 17.8 18.2 18 ...
## $ CT      : num [1:80] 11.6 11.2 9.8 10.3 10.7 ...
```

```
# Transformar as colunas em variáveis categóricas
```

```
dados$BLOCO <- factor(dados$BLOCO)
dados$CICLO <- factor(dados$CICLO)
dados$INOCULO <- factor(dados$INOCULO)
dados$EFLUENTE <- factor(dados$EFLUENTE)
```

```
# Mudar nomes de algumas colunas
```

```
colnames(dados)[6] = "P_resina"
colnames(dados)[8] = "K_resina"
colnames(dados)[13] = "H_AL"
```

```
# Níveis para cada fator de tratamentos
```

```
library(dae)
n.F <- 2
n.D <- 5
n.Bloco <- 4
tr <- data.frame(cbind(INOCULO = paste("I", rep(1:n.F, each = n.D, times =
                                     n.Bloco),
                                     sep = ""),
                       EFLUENTE = paste("E", rep(1:n.D, times = n.F*n.Bloco),
                                     sep = "")))
units <- list(Bloco = n.Bloco,
              Parcela = (n.F*n.D))
nest <- list(Parcela = "Bloco")
(lay <- designRandomize(allocated = tr,
                       recipient = units,
                       nested.recipients = nest,
                       seed = 9719532))
```

```
##      Bloco Parcela INOCULO EFLUENTE
## 1      1      1      I2      E3
## 2      1      2      I1      E2
## 3      1      3      I1      E1
## 4      1      4      I1      E4
## 5      1      5      I2      E4
## 6      1      6      I1      E5
## 7      1      7      I2      E1
## 8      1      8      I1      E3
## 9      1      9      I2      E5
## 10     1     10      I2      E2
## 11     2      1      I1      E1
```

```
## 12      2      2      I2      E5
## 13      2      3      I2      E4
## 14      2      4      I1      E3
## 15      2      5      I2      E3
## 16      2      6      I2      E1
## 17      2      7      I1      E4
## 18      2      8      I2      E2
## 19      2      9      I1      E2
## 20      2     10      I1      E5
## 21      3      1      I1      E2
## 22      3      2      I2      E4
## 23      3      3      I2      E5
## 24      3      4      I2      E2
## 25      3      5      I1      E5
## 26      3      6      I2      E3
## 27      3      7      I1      E3
## 28      3      8      I1      E4
## 29      3      9      I1      E1
## 30      3     10      I2      E1
## 31      4      1      I2      E5
## 32      4      2      I2      E4
## 33      4      3      I1      E3
## 34      4      4      I1      E2
## 35      4      5      I1      E4
## 36      4      6      I2      E1
## 37      4      7      I2      E3
## 38      4      8      I2      E2
## 39      4      9      I1      E1
## 40      4     10      I1      E5
```

```
table(lay$I)
```

```
##
## I1 I2
## 20 20
```

```
table(lay$E)
```

```
##
## E1 E2 E3 E4 E5
##  8  8  8  8  8
```

```
lay$Tratamento <- factor(paste(lay$I, lay$E, sep = ":"))
print(lay$Tratamento)
```

```
## [1] I2:E3 I1:E2 I1:E1 I1:E4 I2:E4 I1:E5 I2:E1 I1:E3 I2:E5 I2:E2 I1:E1 I2:E5
## [13] I2:E4 I1:E3 I2:E3 I2:E1 I1:E4 I2:E2 I1:E2 I1:E5 I1:E2 I2:E4 I2:E5 I2:E2
## [25] I1:E5 I2:E3 I1:E3 I1:E4 I1:E1 I2:E1 I2:E5 I2:E4 I1:E3 I1:E2 I1:E4 I2:E1
## [37] I2:E3 I2:E2 I1:E1 I1:E5
## Levels: I1:E1 I1:E2 I1:E3 I1:E4 I1:E5 I2:E1 I2:E2 I2:E3 I2:E4 I2:E5
```

```
# Separar os dados de acordo com o período de tempo da coleta
```

```
dados_1 = dados[c(1:5)]
dados_2 = dados[c(1:4,6)]
dados_3 = dados[c(1:4,7)]
dados_4 = dados[c(1:4,8)]
dados_5 = dados[c(1:4,9)]
dados_6 = dados[c(1:4,10)]
dados_7 = dados[c(1:4,11)]
dados_8 = dados[c(1:4,12)]
dados_9 = dados[c(1:4,13)]
dados_10 = dados[c(1:4,14)]
dados_11 = dados[c(1:4,15)]
```

```
# Estrutura dos dados após separados
```

```
"dados_1"
```

```
## [1] "dados_1"
```

```
str(dados_1)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ pH : num [1:80] 5.2 5 5.3 5 4.7 4.7 4.7 4.5 5.1 4.5 ...
```

```
"dados_2"
```

```
## [1] "dados_2"
```

```
str(dados_2)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ P_resina: num [1:80] 11 10 11 17 9 6 11 10 14 10 ...
```

```
"dados_3"
```

```
## [1] "dados_3"
```

```
str(dados_3)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ S : num [1:80] 2 9 9 11 10 12 10 14 7 26 ...
```

```
"dados_4"
```

```
## [1] "dados_4"
```

```
str(dados_4)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ K_resina: num [1:80] 1.2 1.6 0.5 1.8 0.9 1.2 1.2 1.2 1.4 1 ...
```

```
"dados_5"
```

```
## [1] "dados_5"
```

```
str(dados_5)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Na : num [1:80] 0.08 0 0.09 0 0.08 0 0.08 0 0.08 0 ...
```

```
"dados_6"
```

```
## [1] "dados_6"
```

```
str(dados_6)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Ca : num [1:80] 25 26 24 26 18 19 19 16 26 14 ...
```

```
"dados_7"
```

```
## [1] "dados_7"
```

```
str(dados_7)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Mg : num [1:80] 7 7 10 10 7 9 5 7 8 2 ...
```

```
"dados_8"
```

```
## [1] "dados_8"
```

```
str(dados_8)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ A1 : num [1:80] 0.2 0.5 0.1 0 1.4 0.5 1.5 1.5 0.4 0.5 ...
```

```
"dados_9"
```

```
## [1] "dados_9"
```

```
str(dados_9)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ H_AL : num [1:80] 42.6 45.4 36 39.6 43.5 ...
```

```
"dados_10"
```

```
## [1] "dados_10"
```

```
str(dados_10)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ MO : num [1:80] 20 19.4 16.9 17.7 18.5 18.6 18.6 17.8 18.2 18 ...
```

```
"dados_11"
```

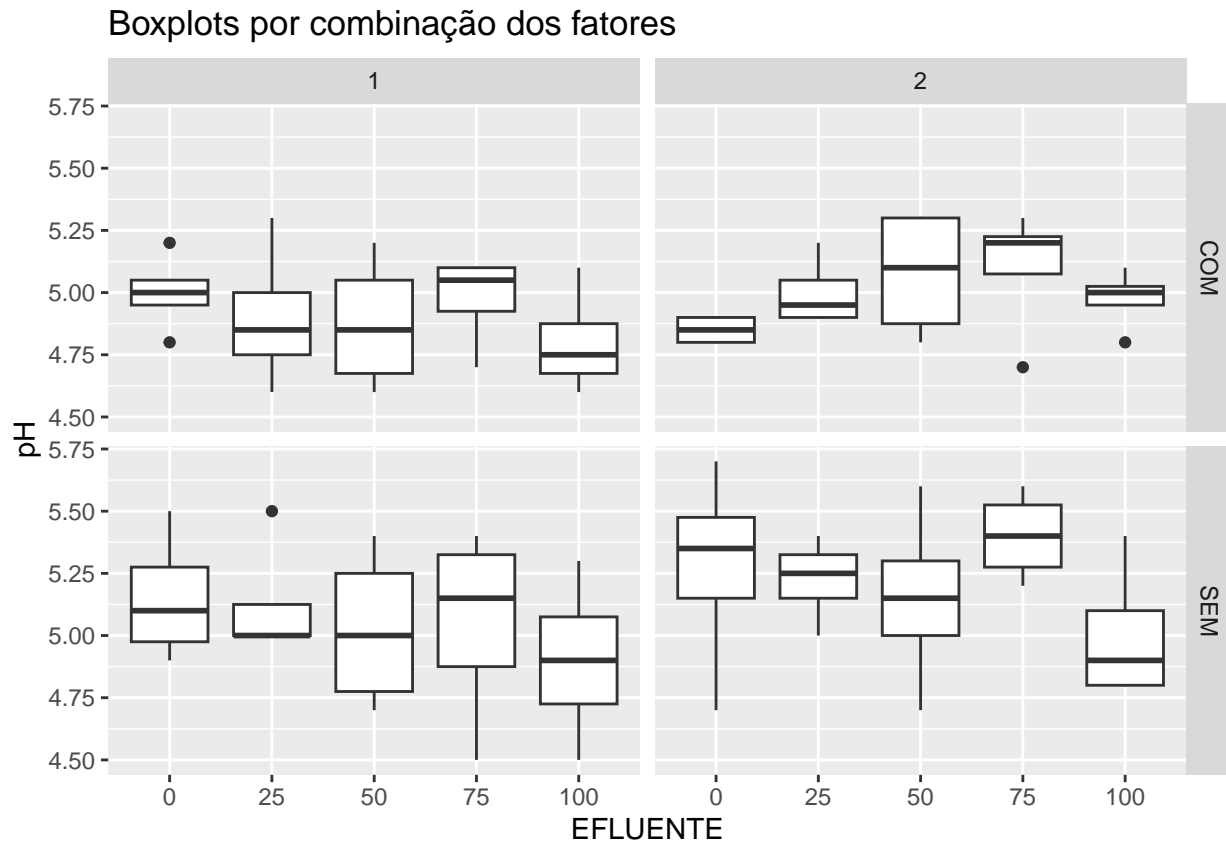
```
## [1] "dados_11"
```

```
str(dados_11)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CT : num [1:80] 11.6 11.2 9.8 10.3 10.7 ...
```

Análise para pH

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_1, aes(x = factor(EFLUENTE), y = pH)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "pH") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(pH ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_1, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$N

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(pH ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_1, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
```

```

    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

  # Armazenar vetor com os limites superiores
  lim_sup = limites_outliers$pH

  # Montar Dataframe com os limites inferior e superior
  limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
  limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
  limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

  # Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
  num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

  # Replicar as linhas do dataframe
  limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                           num_rep), ]

  # Redefinir os índices das linhas
  rownames(limites_outliers) <- NULL

  # Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
  blocos_dados_1 <- with(dados_1,
                        dados_1[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

  # Definir como NA (valor ausente) os outliers
  blocos_dados_1$pH[which(blocos_dados_1$pH <
                        limites_outliers$LIM_INF)] = NA
  blocos_dados_1$pH[which(blocos_dados_1$pH >
                        limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_1$pH > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

  # Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
  media_blocos_1 = aggregate(pH ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                            data = blocos_dados_1, FUN = mean)

  # Replicar cada linha por 4 vezes
  media_blocos_1 = media_blocos_1[rep(row.names(media_blocos_1),
                                       each = 4), ]

  # Redefinir os índices das linhas
  rownames(media_blocos_1) <- NULL

  # Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
  # combinação de fatores específica
  blocos_dados_1$pH[which(is.na(blocos_dados_1$pH))] =
    media_blocos_1$pH[which(is.na(blocos_dados_1$pH))]

  # Análises Descritivas
  str(blocos_dados_1)

```



```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ pH : num [1:80] 4.93 5 4.8 5 5.3 ...
```

```
summary(blocos_dados_1)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO pH
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. :4.500
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.:4.800
## 3:20 50 :16 Median :5.000
## 4:20 75 :16 Mean :5.013
## 100:16 3rd Qu.:5.200
## Max. :5.700
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_1, tapply(pH, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM
## 0 8 8
## 25 8 8
## 50 8 8
## 75 8 8
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_1, tapply(pH, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM
## 0 39.13333 41.7
## 25 39.60000 40.9
## 50 39.80000 40.1
## 75 39.70000 41.4
## 100 39.10000 39.6
```

```
with(blocos_dados_1, tapply(pH, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM
## 0 4.891667 5.2125
## 25 4.950000 5.1125
## 50 4.975000 5.0125
## 75 4.962500 5.1750
## 100 4.887500 4.9500
```

```
with(blocos_dados_1, tapply(pH, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
## COM SEM
## 0 0.007222222 0.10982143
## 25 0.048571429 0.02696429
## 50 0.073571429 0.06696429
## 75 0.033392857 0.08785714
## 100 0.035535714 0.08571429
```

```
with(blocos_dados_1, tapply(pH, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##           COM           SEM
## 0    0.08498366 0.3313932
## 25    0.22038927 0.1642081
## 50    0.27124054 0.2587746
## 75    0.18273713 0.2964071
## 100   0.18850919 0.2927700
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_1,
                  model.tables(aov(pH ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 5.012917
##
##  CICLO
##  CICLO
##    1    2
## 4.961 5.065
##
##  BLOCO
##  BLOCO
##    1    2    3    4
## 4.967 5.003 4.918 5.165
##
##  EFLUENTE
##  EFLUENTE
##    0    25    50    75    100
## 5.052 5.031 4.994 5.069 4.919
##
##  INOCULO
##  INOCULO
##    COM    SEM
## 4.933 5.093
##
##  CICLO:EFLUENTE
##    EFLUENTE
##  CICLO 0    25    50    75    100
##    1 5.042 4.950 4.950 5.013 4.850
##    2 5.063 5.113 5.038 5.125 4.988
##
##  CICLO:INOCULO
##    INOCULO
##  CICLO COM    SEM
##    1 4.897 5.025
##    2 4.970 5.160
```

```

##
## EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
## EFLUENTE COM   SEM
##      0   4.892 5.213
##      25  4.950 5.113
##      50  4.975 5.013
##      75  4.963 5.175
##      100 4.888 4.950
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 4.933 4.900 4.875 4.975 4.800
##      2 4.850 5.000 5.075 4.950 4.975
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 5.150 5.000 5.025 5.050 4.900
##      2 5.275 5.225 5.000 5.300 5.000

# Media dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_1 = aggregate(pH ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_1, FUN = mean)

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_1$pH)$p.value

# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)

## [1] 0.145961

# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}

## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."

# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_1$pH,
                                    media_blocos_1$EFLUENTE,
                                    media_blocos_1$INOCULO,
                                    media_blocos_1$CICLO)$p.value

# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)

```

```
## [1] 0.6268683
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(pH ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_1)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3 0.6896  0.2299
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1 0.5067  0.5067
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3 0.2773 0.09243
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1 0.2170 0.21701  4.495 0.0386 *
## EFLUENTE    4 0.2276 0.05689  1.178 0.3307
## CICLO:INOCULO  1 0.0190 0.01901  0.394 0.5330
## CICLO:EFLUENTE  4 0.0472 0.01181  0.245 0.9118
## INOCULO:EFLUENTE  4 0.2126 0.05314  1.101 0.3658
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4 0.1719 0.04297  0.890 0.4763
## Residuals      54 2.6073 0.04828
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(pH ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
            data = blocos_dados_1)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)
```

```
# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: pH
##      Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## BLOCO   3 0.68962  0.22987   4.5424 0.006354 **
## CICLO   1 0.21701  0.21701   4.2883 0.042915 *
## INOCULO  1 0.50668  0.50668  10.0123 0.002495 **
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)
```

```
# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]
```

```
# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "Não houve interações significativas no modelo"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }
}
```

```

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(pH ~ CICLO + INOCULO,
                               data = blocos_dados_1, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(pH ~ CICLO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_1, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(pH ~ INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_1, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(pH ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_1, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

```

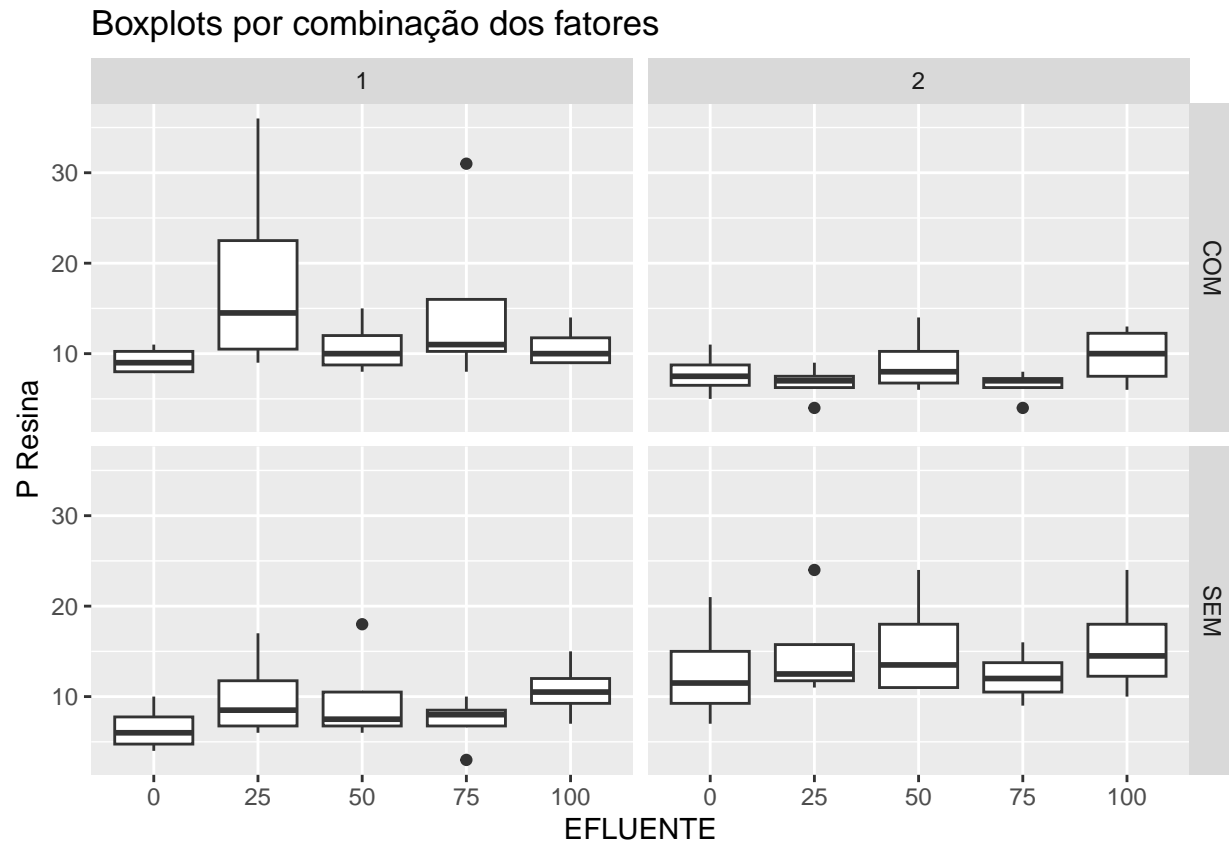
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}

```

Análise para P Resina

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_2, aes(x = factor(EFLUENTE), y = P_resina)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "P Resina") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(P_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                               data = dados_2, FUN = function(x) {
     q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
     iqr <- q[2] - q[1]
     limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$P_resina

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(P_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                               data = dados_2, FUN = function(x) {
     q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
     iqr <- q[2] - q[1]
```

```

    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

  # Armazenar vetor com os limites superiores
  lim_sup = limites_outliers$P_resina

  # Montar Dataframe com os limites inferior e superior
  limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
  limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
  limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

  # Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
  num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

  # Replicar as linhas do dataframe
  limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                           num_rep), ]

  # Redefinir os índices das linhas
  rownames(limites_outliers) <- NULL

  # Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
  blocos_dados_2 <- with(dados_2,
                        dados_2[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

  # Definir como NA (valor ausente) os outliers
  blocos_dados_2$P_resina[which(blocos_dados_2$P_resina <
                                limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_2$P_resina < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_2$P_resina[which(blocos_dados_2$P_resina >
                              limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_2$P_resina > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

  # Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
  media_blocos_2 = aggregate(P_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = blocos_dados_2, FUN = mean)

  # Replicar cada linha por 4 vezes
  media_blocos_2 = media_blocos_2[rep(row.names(media_blocos_2),
                                       each = 4), ]

  # Redefinir os índices das linhas
  rownames(media_blocos_2) <- NULL

  # Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
  # combinação de fatores específica
  blocos_dados_2$P_resina[which(is.na(blocos_dados_2$P_resina))] =
    media_blocos_2$P_resina[which(is.na(blocos_dados_2$P_resina))]

```



```
# Análises Descritivas
```

```
str(blocos_dados_2)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ P_resina: num [1:80] 11 8 8 10 11 9 18 36 9 11 ...
```

```
summary(blocos_dados_2)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO P_resina
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. : 4.00
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.: 7.00
## 3:20 50 :16 Median : 9.50
## 4:20 75 :16 Mean :10.14
## 100:16 3rd Qu.:11.00
## Max. :36.00
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_2, tapply(P_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM
## 0 8 8
## 25 8 8
## 50 8 8
## 75 8 8
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_2, tapply(P_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM
## 0 68.00000 77.00000
## 25 101.00000 88.00000
## 50 72.33333 72.00000
## 75 66.00000 78.66667
## 100 82.00000 106.00000
```

```
with(blocos_dados_2, tapply(P_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM
## 0 8.500000 9.625000
## 25 12.625000 11.000000
## 50 9.041667 9.000000
## 75 8.250000 9.833333
## 100 10.250000 13.250000
```

```
with(blocos_dados_2, tapply(P_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##           COM      SEM
## 0      4.285714 29.696429
## 25    105.982143 12.000000
## 50      8.109127  4.857143
## 75      5.642857  3.079365
## 100     7.357143 27.357143
```

```
with(blocos_dados_2, tapply(P_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##           COM      SEM
## 0      2.070197 5.449443
## 25    10.294763 3.464102
## 50      2.847653 2.203893
## 75      2.375470 1.754812
## 100     2.712405 5.230406
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_2,
                  model.tables(aov(P_resina ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 10.1375
##
##  CICLO
##  CICLO
##      1      2
## 10.217 10.058
##
##  BLOCO
##  BLOCO
##      1      2      3      4
## 11.50 10.10  8.95 10.00
##
##  EFLUENTE
##  EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
##  9.062 11.812  9.021  9.042 11.750
##
##  INOCULO
##  INOCULO
##      COM      SEM
##  9.733 10.542
##
##  CICLO:EFLUENTE
```

```

##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1  7.875 14.250  8.875  9.333 10.750
##      2 10.250  9.375  9.167  8.750 12.750
##
##  CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 11.850  8.583
##      2  7.617 12.500
##
##  EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
## EFLUENTE COM      SEM
##      0   8.500  9.625
##      25 12.625 11.000
##      50  9.042  9.000
##      75  8.250  9.833
##      100 10.250 13.250
##
##  CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1  9.250 18.500 10.750 10.000 10.750
##      2  7.750  6.750  7.333  6.500  9.750
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1  6.500 10.000  7.000  8.667 10.750
##      2 12.750 12.000 11.000 11.000 15.750

```

```

# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_2 = aggregate(P_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_2, FUN = mean)

```

```

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_2$P_resina)$p.value

```

```

# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)

```

```

## [1] 0.0321228

```

```

# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}

```

```
## [1] "Os dados não seguem uma distribuição normal."

# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_2$P_resina,
                                     media_blocos_2$EFLUENTE,
                                     media_blocos_2$INOCULO,
                                     media_blocos_2$CICLO)$p.value

# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)

## [1] 0.5183374

# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}

## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."

# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(P_resina ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_2)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)

##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  65.74   21.91
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1  13.07   13.07
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3  59.14   19.71
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1    0.5    0.5    0.033  0.8569
## EFLUENTE    4  144.1   36.0    2.361  0.0647 .
## CICLO:INOCULO  1  332.1  332.1  21.759 2.07e-05 ***
## CICLO:EFLUENTE  4  134.8   33.7    2.208  0.0802 .
## INOCULO:EFLUENTE  4   48.6   12.1    0.796  0.5331
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4   42.0   10.5    0.689  0.6029
## Residuals    54  824.2   15.3
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```

modelo = modelo_PARCELASUB

# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(P_resina ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_2)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]

# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)

## Analysis of Variance Table
##
## Response: P_resina
##              Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## CICLO:INOCULO  1 332.11   332.11    21.43 2.166e-05 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}

## [1] "CICLO:INOCULO"

# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
}

```

```

}
else{
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- partes[[1]][3]
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(P_resina ~ CICLO + INOCULO,
                                data = blocos_dados_2, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(P_resina ~ CICLO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_2, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(P_resina ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_2, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(P_resina ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_2, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

```

##    CICLO INOCULO P_resina
## 1      1      COM 11.850000
## 2      2      COM  7.616667
## 3      1      SEM  8.583333
## 4      2      SEM 12.500000

```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }
}

```

```

}

inter_tukey = tukey_result[interacao]
inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
print(inter_tukey)
}

```

```

##           diif      lwr      upr      p_adj
## 2:COM-1:COM -4.233333 -7.527879 -0.9387877 0.006589589
## 2:SEM-2:COM  4.883333  1.588788  8.1778790 0.001326252
## 2:SEM-1:SEM  3.916667  0.622121  7.2112123 0.013618726

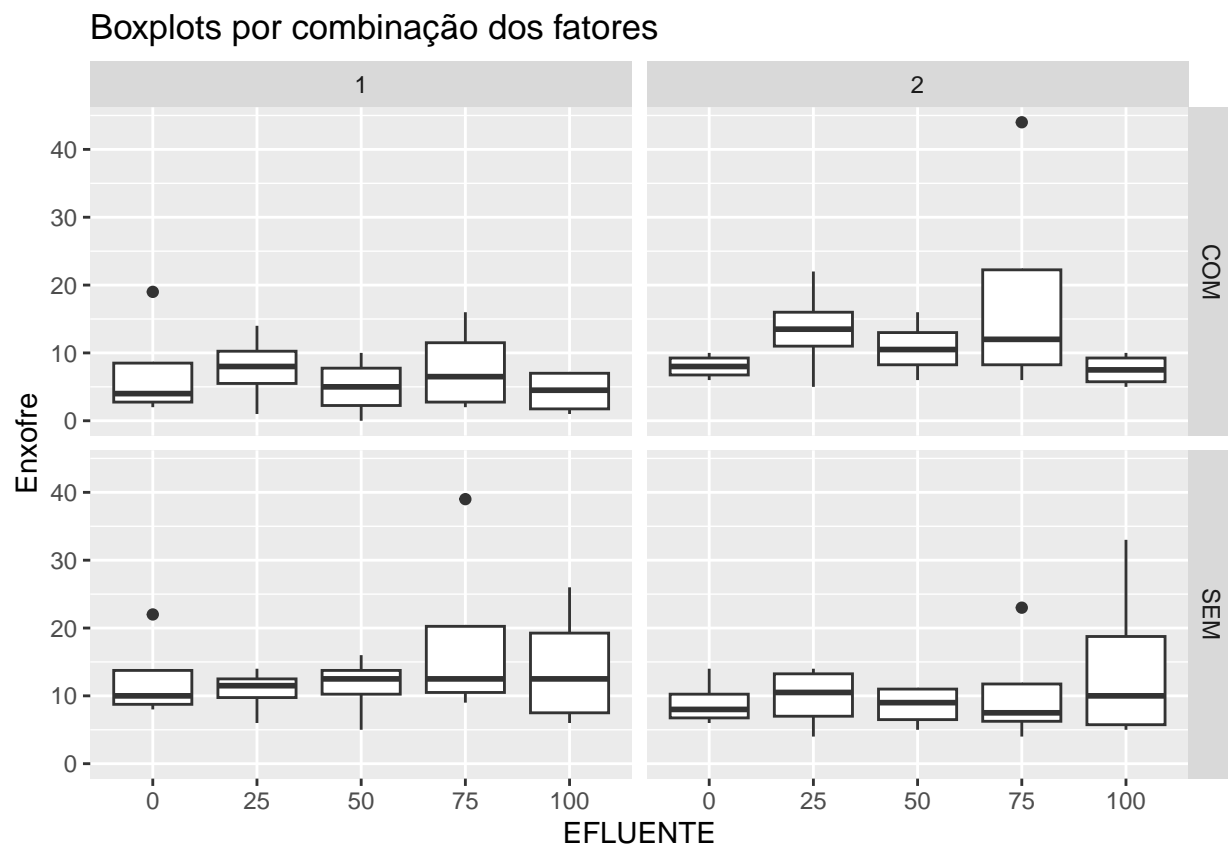
```

Análise para Enxofre

```

# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_3, aes(x = factor(EFLUENTE), y = S)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Enxofre") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")

```



```

# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(S ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = dados_3, FUN = function(x) {
  q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
  iqr <- q[2] - q[1]
  limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
})

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$S

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(S ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = dados_3, FUN = function(x) {
  q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
  iqr <- q[2] - q[1]
  limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
})

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$S

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_3 <- with(dados_3,
                      dados_3[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_3$S[which(blocos_dados_3$S <
                      limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_3$S < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_3$S[which(blocos_dados_3$S >
                      limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_3$S > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

```



```

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_3 = aggregate(S ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_3, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_3 = media_blocos_3[rep(row.names(media_blocos_3),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_3) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_3$S[which(is.na(blocos_dados_3$S))] =
  media_blocos_3$S[which(is.na(blocos_dados_3$S))]

```

```

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_3)

```

```

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ S : num [1:80] 2 3.33 5 3 9 ...

```

```
summary(blocos_dados_3)
```

```

## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO S
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. : 0.000
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.: 6.000
## 3:20 50 :16 Median : 8.000
## 4:20 75 :16 Mean : 8.579
## 100:16 3rd Qu.:11.000
## Max. :26.000

```

```

# Número de observações
with(blocos_dados_3, tapply(S, list(EFLUENTE, INOCULO), length))

```

```

## COM SEM
## 0 8 8
## 25 8 8
## 50 8 8
## 75 8 8
## 100 8 8

```

```
with(blocos_dados_3, tapply(S, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```

## COM SEM
## 0 45.33333 73.33333

```

```
## 25 73.66667 82.00000
## 50 63.00000 80.00000
## 75 61.00000 70.66667
## 100 47.00000 90.33333
```

```
with(blocos_dados_3, tapply(S, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
##          COM          SEM
## 0    5.666667  9.166667
## 25   9.208333 10.250000
## 50   7.875000 10.000000
## 75   7.625000  8.833333
## 100  5.875000 11.291667
```

```
with(blocos_dados_3, tapply(S, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##          COM          SEM
## 0    8.317460  6.126984
## 25  21.775794 14.500000
## 50  25.553571 15.714286
## 75  19.053571 10.190476
## 100  9.839286 53.061508
```

```
with(blocos_dados_3, tapply(S, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM          SEM
## 0    2.884001  2.475275
## 25   4.666454  3.807887
## 50   5.055054  3.964125
## 75   4.365040  3.192253
## 100  3.136764  7.284333
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_3,
  model.tables(aov(S ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
    CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
    CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
    "means"))
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 8.579167
##
## CICLO
## CICLO
##      1      2
## 8.525 8.633
##
## BLOCO
```

```

## BLOCO
##      1      2      3      4
## 9.892 9.917 9.508 5.000
##
## EFLUENTE
## EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 7.417 9.729 8.938 8.229 8.583
##
## INOCULO
## INOCULO
##      COM      SEM
## 7.250 9.908
##
## CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 6.333 9.250 8.250 9.542 9.250
##      2 8.500 10.208 9.625 6.917 7.917
##
## CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 5.617 11.433
##      2 8.883 8.383
##
## EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
## EFLUENTE COM      SEM
##      0 5.667 9.167
##      25 9.208 10.250
##      50 7.875 10.000
##      75 7.625 8.833
##      100 5.875 11.292
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 3.333 7.750 5.000 7.750 4.250
##      2 8.000 10.667 10.750 7.500 7.500
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 9.333 10.750 11.500 11.333 14.250
##      2 9.000 9.750 8.500 6.333 8.333

```

```

# Media dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_3 = aggregate(S ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_3, FUN = mean)

```

```
# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_3$S)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.883423
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_3$S,
                                   media_blocos_3$EFLUENTE,
                                   media_blocos_3$INOCULO,
                                   media_blocos_3$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.5381499
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(S ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_3)
```

```
# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  343.7    114.6
##
## Error: INOCULO
```

```
##           Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO   1  141.3   141.3
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##           Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3   6.74   2.247
##
## Error: Within
##           Df Sum Sq Mean Sq F value   Pr(>F)
## CICLO      1    0.2    0.23   0.019 0.889488
## EFLUENTE   4   46.8   11.70   0.971 0.430778
## CICLO:INOCULO 1  199.5  199.50  16.566 0.000154 ***
## CICLO:EFLUENTE 4   64.5   16.11   1.338 0.267768
## INOCULO:EFLUENTE 4   53.3   13.32   1.106 0.363301
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 4   24.0    6.00   0.498 0.737204
## Residuals    54  650.3   12.04
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(S ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_3)
```

```
# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)
```

```
# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: S
##           Df Sum Sq Mean Sq F value   Pr(>F)
## BLOCO      3 343.71  114.57   9.9391 2.286e-05 ***
## INOCULO     1  141.33  141.34  12.2611 0.0009062 ***
## CICLO:INOCULO 1  199.50  199.50  17.3072 0.0001084 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)
```

```
# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]
```

```
# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
```

```

    print("Não houve interações significativas no modelo")
  } else {
    print(interacoes_significativas)
  }
}

```

```
## [1] "CICLO:INOCULO"
```

```

# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)

```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(S ~ CICLO + INOCULO,
                                data = blocos_dados_3, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(S ~ CICLO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_3, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(S ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_3, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
    media_interacao <- aggregate(S ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_3, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }
}

```

```
##    CICLO INOCULO          S
```

```
## 1      1      COM  5.616667
## 2      2      COM  8.883333
## 3      1      SEM 11.433333
## 4      2      SEM  8.383333
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

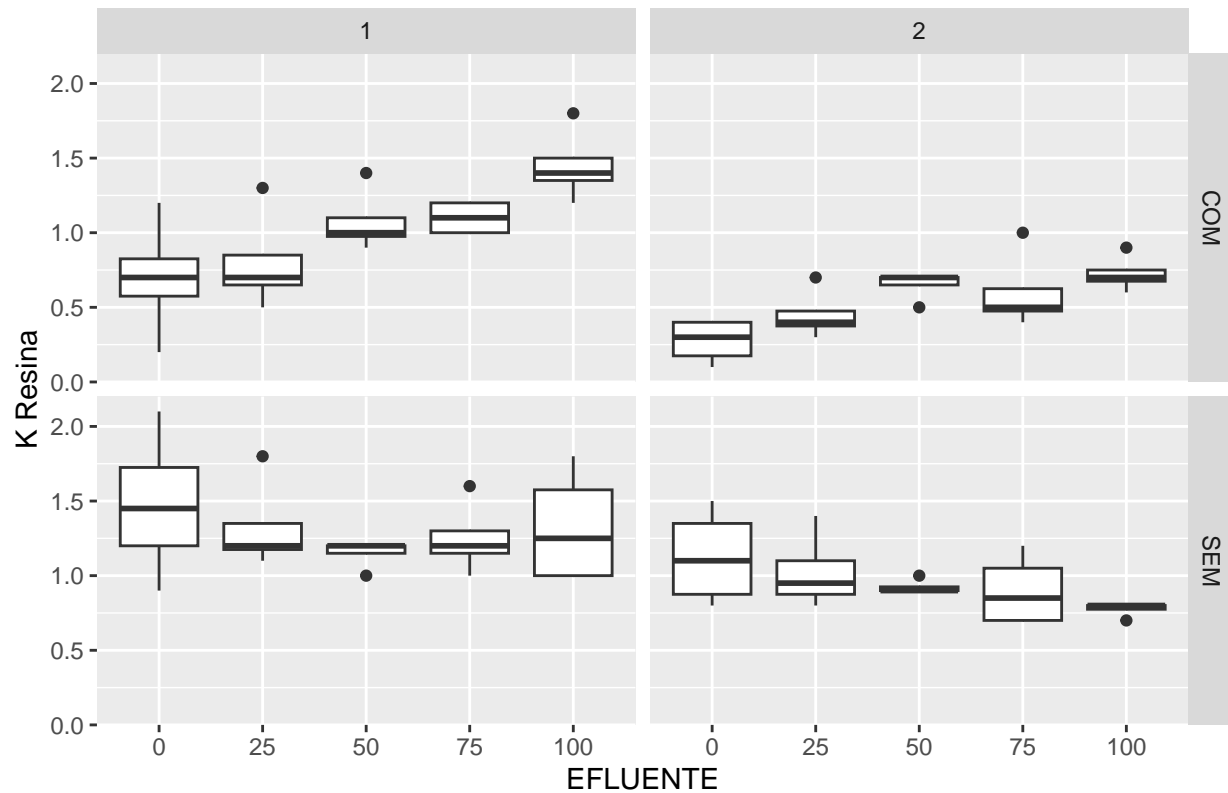
  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}
```

```
##              diif          lwr          upr          p_adj
## 2:COM-1:COM  3.266667  0.4253014  6.1080319 1.809149e-02
## 1:SEM-1:COM  5.816667  2.9753014  8.6580319 7.428017e-06
## 2:SEM-1:SEM -3.050000 -5.8913652 -0.2086348 3.080229e-02
```

Análise para K Resina

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_4, aes(x = factor(EFLUENTE), y = K_resina)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "K Resina") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```

Boxplots por combinação dos fatores



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(K_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_4, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$K_resina

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(K_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_4, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$K_resina

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup
```



```

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_4 <- with(dados_4,
                      dados_4[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_4$K_resina[which(blocos_dados_4$K_resina <
                              limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_4$K_resina < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_4$K_resina[which(blocos_dados_4$K_resina >
                              limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_4$K_resina > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_4 = aggregate(K_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_4, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_4 = media_blocos_4[rep(row.names(media_blocos_4),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_4) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_4$K_resina[which(is.na(blocos_dados_4$K_resina))] =
  media_blocos_4$K_resina[which(is.na(blocos_dados_4$K_resina))]

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_4)

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ K_resina: num [1:80] 1.2 0.7 0.7 0.2 0.5 ...

```

```
summary(blocos_dados_4)
```

```
##  BLOCO  EFLUENTE INOCULO  CICLO      K_resina
##  1:20    0 :16    COM:40   1:40    Min.    :0.1000
##  2:20   25 :16    SEM:40   2:40    1st Qu.:0.7000
##  3:20   50 :16                      Median :0.9000
##  4:20   75 :16                      Mean   :0.9075
##                100:16                3rd Qu.:1.2000
##                                Max.    :2.1000
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_4, tapply(K_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
##      COM SEM
## 0      8  8
## 25     8  8
## 50     8  8
## 75     8  8
## 100    8  8
```

```
with(blocos_dados_4, tapply(K_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
##      COM      SEM
## 0  3.900000 9.500000
## 25 4.400000 8.766667
## 50 6.466667 8.400000
## 75 6.400000 8.133333
## 100 8.233333 8.400000
```

```
with(blocos_dados_4, tapply(K_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
##      COM      SEM
## 0  0.4875000 1.187500
## 25 0.5500000 1.095833
## 50 0.8083333 1.050000
## 75 0.8000000 1.016667
## 100 1.0291667 1.050000
```

```
with(blocos_dados_4, tapply(K_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##      COM      SEM
## 0  0.13267857 0.20410714
## 25 0.02412698 0.03632937
## 50 0.03388889 0.02571429
## 75 0.10857143 0.04507937
## 100 0.11632937 0.15428571
```

```
with(blocos_dados_4, tapply(K_resina, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM      SEM
## 0    0.3642507 0.4517822
## 25    0.1553286 0.1906026
## 50    0.1840894 0.1603567
## 75    0.3295018 0.2123190
## 100   0.3410709 0.3927922
```

Tamanho das Médias

```
T.medias <- with(blocos_dados_4,
                  model.tables(aov(K_resina ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
```

T.medias

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 0.9075
##
##  CICLO
## CICLO
##      1      2
## 1.1033 0.7117
##
##  BLOCO
## BLOCO
##      1      2      3      4
## 0.8933 0.8750 0.9983 0.8633
##
##  EFLUENTE
## EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 0.8375 0.8229 0.9292 0.9083 1.0396
##
##  INOCULO
## INOCULO
##      COM      SEM
## 0.735 1.080
##
##  CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 1.0875 0.9000 1.0833 1.1167 1.3292
##      2 0.5875 0.7458 0.7750 0.7000 0.7500
##
##  CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 0.9467 1.2600
##      2 0.5233 0.9000
##
##  EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
```

```
## EFLUENTE COM      SEM
##      0   0.4875 1.1875
##      25  0.5500 1.0958
##      50  0.8083 1.0500
##      75  0.8000 1.0167
##     100  1.0292 1.0500
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 0.7000 0.6333 0.9667 1.1000 1.3333
##      2 0.2750 0.4667 0.6500 0.5000 0.7250
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 1.4750 1.1667 1.2000 1.1333 1.3250
##      2 0.9000 1.0250 0.9000 0.9000 0.7750
```

```
# Media dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_4 = aggregate(K_resina ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_4, FUN = mean)
```

```
# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_4$K_resina)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.982674
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_4$K_resina,
                                    media_blocos_4$EFLUENTE,
                                    media_blocos_4$INOCULO,
                                    media_blocos_4$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.7705681
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(K_resina ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_4)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3 0.2292  0.07639
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1  2.381   2.381
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3 0.1416  0.0472
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value  Pr(>F)
## CICLO      1 3.0681  3.0681  77.993 4.60e-12 ***
## EFLUENTE    4 0.4795  0.1199   3.048  0.0245 *
## CICLO:INOCULO  1 0.0201  0.0201   0.510  0.4783
## CICLO:EFLUENTE  4 0.4435  0.1109   2.818  0.0339 *
## INOCULO:EFLUENTE  4 1.1944  0.2986   7.590 6.29e-05 ***
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4 0.1412  0.0353   0.897  0.4721
## Residuals    54 2.1242  0.0393
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(K_resina ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
            data = blocos_dados_4)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: K_resina
##           Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## CICLO      1 3.06806  3.06806  77.1809 3.469e-12 ***
## INOCULO     1 2.38050  2.38050  59.8846 1.870e-10 ***
## EFLUENTE    4 0.47953  0.11988   3.0158  0.02515 *
## CICLO:EFLUENTE 4 0.44347  0.11087   2.7890  0.03473 *
## INOCULO:EFLUENTE 4 1.19436  0.29859  7.5114 6.231e-05 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:EFLUENTE" "INOCULO:EFLUENTE"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }
}
```

```

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(K_resina ~ CICLO + INOCULO,
                                data = blocos_dados_4, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(K_resina ~ CICLO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_4, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(K_resina ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_4, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(K_resina ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_4, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

```

##      CICLO EFLUENTE  K_resina
## 1      1          0 1.0875000
## 2      2          0 0.5875000
## 3      1         25 0.9000000
## 4      2         25 0.7458333
## 5      1         50 1.0833333
## 6      2         50 0.7750000
## 7      1         75 1.1166667
## 8      2         75 0.7000000
## 9      1        100 1.3291667
## 10     2        100 0.7500000
##      INOCULO EFLUENTE  K_resina
## 1      COM          0 0.4875000
## 2      SEM          0 1.1875000
## 3      COM         25 0.5500000
## 4      SEM         25 1.0958333
## 5      COM         50 0.8083333
## 6      SEM         50 1.0500000
## 7      COM         75 0.8000000
## 8      SEM         75 1.0166667
## 9      COM        100 1.0291667
## 10     SEM        100 1.0500000

```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
}

```

```

partes <- strsplit(interacao, split = ":")
if (nchar(interacao) < 20){
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- 0
}
else{
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- partes[[1]][3]
}

inter_tukey = tukey_result[interacao]
inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
print(inter_tukey)
}

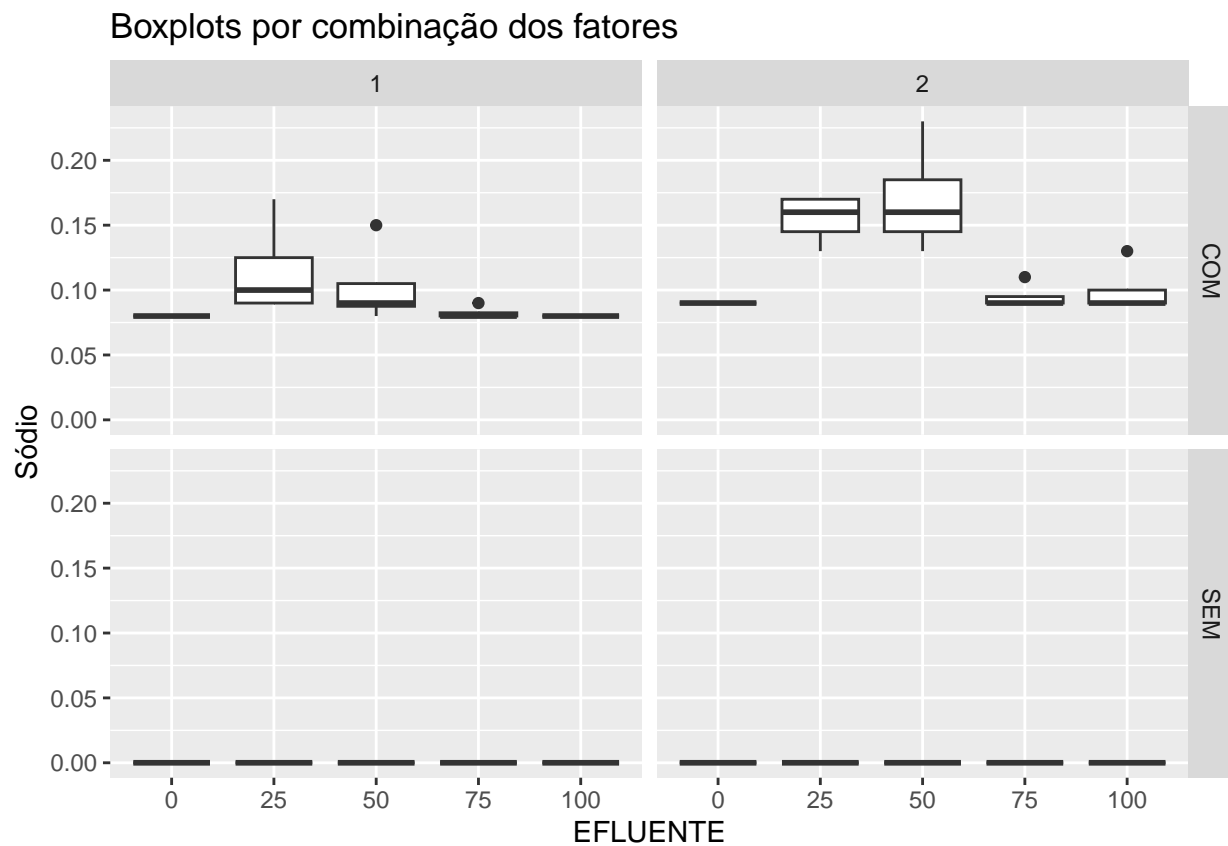
```

##	diif	lwr	upr	p_adj
## 2:0-1:0	-0.5000000	-0.828172099	-0.171827901	2.226467e-04
## 2:25-1:0	-0.3416667	-0.669838766	-0.013494568	3.488003e-02
## 2:75-1:0	-0.3875000	-0.715672099	-0.059327901	9.283830e-03
## 2:100-1:0	-0.3375000	-0.665672099	-0.009327901	3.904351e-02
## 1:50-2:0	0.4958333	0.167661234	0.824005432	2.579217e-04
## 1:75-2:0	0.5291667	0.200994568	0.857338766	7.842420e-05
## 1:100-2:0	0.7416667	0.413494568	1.069838766	2.596165e-08
## 1:100-1:25	0.4291667	0.100994568	0.757338766	2.492295e-03
## 1:50-2:25	0.3375000	0.009327901	0.665672099	3.904351e-02
## 1:75-2:25	0.3708333	0.042661234	0.699005432	1.527450e-02
## 1:100-2:25	0.5833333	0.255161234	0.911505432	1.071215e-05
## 2:75-1:50	-0.3833333	-0.711505432	-0.055161234	1.053173e-02
## 2:100-1:50	-0.3333333	-0.661505432	-0.005161234	4.364317e-02
## 1:75-2:50	0.3416667	0.013494568	0.669838766	3.488003e-02
## 1:100-2:50	0.5541667	0.225994568	0.882338766	3.152408e-05
## 2:75-1:75	-0.4166667	-0.744838766	-0.088494568	3.733563e-03
## 2:100-1:75	-0.3666667	-0.694838766	-0.038494568	1.725047e-02
## 1:100-2:75	0.6291667	0.300994568	0.957338766	1.912989e-06
## 2:100-1:100	-0.5791667	-0.907338766	-0.250994568	1.250966e-05
##	diif	lwr	upr	p_adj
## SEM:0-COM:0	0.7000000	0.3718279	1.02817210	1.283864e-07
## SEM:25-COM:0	0.6083333	0.2801612	0.93650543	4.200079e-06
## SEM:50-COM:0	0.5625000	0.2343279	0.89067210	2.319589e-05
## SEM:75-COM:0	0.5291667	0.2009946	0.85733877	7.842420e-05
## COM:100-COM:0	0.5416667	0.2134946	0.86983877	4.980971e-05
## SEM:100-COM:0	0.5625000	0.2343279	0.89067210	2.319589e-05
## COM:25-SEM:0	-0.6375000	-0.9656721	-0.30932790	1.394846e-06
## COM:50-SEM:0	-0.3791667	-0.7073388	-0.05099457	1.193452e-02
## COM:75-SEM:0	-0.3875000	-0.7156721	-0.05932790	9.283830e-03
## SEM:25-COM:25	0.5458333	0.2176612	0.87400543	4.278127e-05
## SEM:50-COM:25	0.5000000	0.1718279	0.82817210	2.226467e-04
## SEM:75-COM:25	0.4666667	0.1384946	0.79483877	7.105846e-04
## COM:100-COM:25	0.4791667	0.1509946	0.80733877	4.619045e-04


```
## SEM:100-COM:25  0.5000000  0.1718279  0.82817210 2.226467e-04
```

Análise para Sódio

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_5, aes(x = factor(EFLUENTE), y = Na)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Sódio") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Na ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_5, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$Na

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Na ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
```

```

                                data = dados_5, FUN = function(x) {
q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
iqr <- q[2] - q[1]
limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
})

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$Na

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_5 <- with(dados_5,
                      dados_5[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_5$Na[which(blocos_dados_5$Na <
                      limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_5$Na < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_5$Na[which(blocos_dados_5$Na >
                      limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_5$Na > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_5 = aggregate(Na ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_5, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_5 = media_blocos_5[rep(row.names(media_blocos_5),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_5) <- NULL

```

```
# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
```

```
blocos_dados_5$Na[which(is.na(blocos_dados_5$Na))] =
  media_blocos_5$Na[which(is.na(blocos_dados_5$Na))]
```

```
# Análises Descritivas
```

```
str(blocos_dados_5)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Na : num [1:80] 0.08 0.08 0.08 0.08 0.09 0.09 0.11 0.17 0.08 0.09 ...
```

```
summary(blocos_dados_5)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO Na
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. :0.00000
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.:0.00000
## 3:20 50 :16 Median :0.08000
## 4:20 75 :16 Mean :0.05752
## 100:16 3rd Qu.:0.09000
## Max. :0.23000
## NA's :10
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_5, tapply(Na, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM
## 0 8 8
## 25 8 8
## 50 8 8
## 75 8 8
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_5, tapply(Na, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM
## 0 0.680000 0
## 25 1.080000 0
## 50 1.266667 NA
## 75 0.680000 NA
## 100 0.320000 NA
```

```
with(blocos_dados_5, tapply(Na, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM
## 0 0.0850000 0
## 25 0.1350000 0
## 50 0.1583333 NA
## 75 0.0850000 NA
## 100 0.0400000 NA
```

```
with(blocos_dados_5, tapply(Na, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##           COM SEM
## 0  2.857143e-05  0
## 25 1.228571e-03  0
## 50 5.879365e-03 NA
## 75 2.857143e-05 NA
## 100 1.828571e-03 NA
```

```
with(blocos_dados_5, tapply(Na, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##           COM SEM
## 0  0.005345225  0
## 25 0.035050983  0
## 50 0.076677018 NA
## 75 0.005345225 NA
## 100 0.042761799 NA
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_5,
                  model.tables(aov(Na ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 0.05752381
##
## CICLO
##      1      2
## 0.04417 0.07533
## rep 40.00000 30.00000
##
## BLOCO
##      1      2      3      4
## 0.05451 0.05284 0.05935 0.06386
## rep 18.00000 18.00000 17.00000 17.00000
##
## EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 0.04014 0.06514 0.09093 0.05955 0.02955
## rep 16.00000 16.00000 14.00000 12.00000 12.00000
##
## INOCULO
##      COM      SEM
## 0.09883 0.002452
## rep 40.00000 30.00000
##
## CICLO:EFLUENTE
```

```

##          EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
## 1      0.030 0.048 0.042 0.050 0.050
## rep 8.000 8.000 8.000 8.000 8.000
## 2      0.055 0.087 0.156 0.069 -0.021
## rep 8.000 8.000 6.000 4.000 4.000
##
## CICLO:INOCULO
##          INOCULO
## CICLO COM    SEM
## 1      0.085 0.003
## rep 20.000 20.000
## 2      0.117 -0.008
## rep 20.000 10.000
##
## EFLUENTE:INOCULO
##          INOCULO
## EFLUENTE COM    SEM
## 0      0.075 0.006
## rep 8.000 8.000
## 25     0.125 0.006
## rep 8.000 8.000
## 50     0.146 0.018
## rep 8.000 6.000
## 75     0.088 0.002
## rep 8.000 4.000
## 100    0.058 -0.028
## rep 8.000 4.000
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##          EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
## 1      0.080 0.115 0.087 0.080 0.080
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
## 2      0.090 0.155 0.230 0.090 0.000
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
##
## , , INOCULO = SEM
##
##          EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
## 1      0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
## 2      0.000 0.000 0.004
## rep 4.000 4.000 2.000 0.000 0.000

```

```

# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_5 = aggregate(Na ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_5, FUN = mean)

```

```

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_5$Na)$p.value

```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.00129535
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados não seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_5$Na,
                                   media_blocos_5$EFLUENTE,
                                   media_blocos_5$INOCULO,
                                   media_blocos_5$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.6085548
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(Na ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                       Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_5)
```

```
# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df  Sum Sq  Mean Sq
## BLOCO  3 0.001033 0.0003444
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## CICLO  1 0.1731  0.1731
##
```

```
## Error: BLOCO:INOCULO
##           Df      Sum Sq   Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1 0.0001715 1.715e-04   2.432  0.259
## Residuals  2 0.0001410 7.051e-05
##
## Error: Within
##           Df      Sum Sq   Mean Sq F value   Pr(>F)
## CICLO      1 0.00366 0.003664   35.66 3.20e-07 ***
## EFLUENTE   4 0.04032 0.010081   98.11 < 2e-16 ***
## CICLO:INOCULO 1 0.00538 0.005377   52.33 4.06e-09 ***
## CICLO:EFLUENTE 4 0.06030 0.015075  146.71 < 2e-16 ***
## INOCULO:EFLUENTE 4 0.00894 0.002234   21.74 4.01e-10 ***
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 2 0.00829 0.004146   40.35 7.59e-11 ***
## Residuals   46 0.00473 0.000103
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(Na ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_5)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]

# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: Na
##           Df      Sum Sq   Mean Sq    F value    Pr(>F)
## BLOCO      3 0.001033 0.000344     3.3531  0.02626 *
## CICLO      1 0.016917 0.016917   164.7089 < 2.2e-16 ***
## INOCULO    1 0.159927 0.159927  1557.0573 < 2.2e-16 ***
## EFLUENTE   4 0.040425 0.010106    98.3956 < 2.2e-16 ***
## CICLO:INOCULO 1 0.005335 0.005335    51.9407 3.172e-09 ***
## CICLO:EFLUENTE 4 0.060344 0.015086   146.8787 < 2.2e-16 ***
## INOCULO:EFLUENTE 4 0.008930 0.002232    21.7355 2.315e-10 ***
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 2 0.008137 0.004069    39.6114 5.816e-11 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]
```

```

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}

## [1] "CICLO:INOCULO"          "CICLO:EFLUENTE"        "INOCULO:EFLUENTE"
## [4] "CICLO:INOCULO:EFLUENTE"

# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(Na ~ CICLO + INOCULO,
                                  data = blocos_dados_5, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(Na ~ CICLO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_5, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(Na ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_5, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
    media_interacao <- aggregate(Na ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_5, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }
}

```



```
}
}
```

```
##      CICLO INOCULO      Na
## 1      1      COM 0.08833333
## 2      2      COM 0.11300000
## 3      1      SEM 0.00000000
## 4      2      SEM 0.00000000
##      CICLO EFLUENTE      Na
## 1      1      0 0.04000000
## 2      2      0 0.04500000
## 3      1      25 0.05750000
## 4      2      25 0.07750000
## 5      1      50 0.04333333
## 6      2      50 0.15333333
## 7      1      75 0.04000000
## 8      2      75 0.09000000
## 9      1      100 0.04000000
## 10     2      100 0.00000000
##      INOCULO EFLUENTE      Na
## 1      COM      0 0.08500000
## 2      SEM      0 0.00000000
## 3      COM      25 0.13500000
## 4      SEM      25 0.00000000
## 5      COM      50 0.15833333
## 6      SEM      50 0.00000000
## 7      COM      75 0.08500000
## 8      SEM      75 0.00000000
## 9      COM      100 0.04000000
## 10     SEM      100 0.00000000
##      CICLO INOCULO EFLUENTE      Na
## 1      1      COM      0 0.08000000
## 2      2      COM      0 0.09000000
## 3      1      SEM      0 0.00000000
## 4      2      SEM      0 0.00000000
## 5      1      COM      25 0.11500000
## 6      2      COM      25 0.15500000
## 7      1      SEM      25 0.00000000
## 8      2      SEM      25 0.00000000
## 9      1      COM      50 0.08666667
## 10     2      COM      50 0.23000000
## 11     1      SEM      50 0.00000000
## 12     2      SEM      50 0.00000000
## 13     1      COM      75 0.08000000
## 14     2      COM      75 0.09000000
## 15     1      SEM      75 0.00000000
## 16     1      COM      100 0.08000000
## 17     2      COM      100 0.00000000
## 18     1      SEM      100 0.00000000
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
}
```

```

}
interacao = interacoes_significativas[i]
partes <- strsplit(interacao, split = ":")
if (nchar(interacao) < 20){
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- 0
}
else{
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- partes[[1]][3]
}

inter_tukey = tukey_result[interacao]
inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
print(inter_tukey)
}

```

```

##          diif          lwr          upr          p_adj
## 2:COM-1:COM  0.02919209  0.02066897  0.03771522  2.040756e-11
## 1:SEM-1:COM -0.08380791 -0.09233103 -0.07528478  0.000000e+00
## 2:SEM-1:COM -0.08990487 -0.10034352 -0.07946622  0.000000e+00
## 1:SEM-2:COM -0.11300000 -0.12152312 -0.10447688  0.000000e+00
## 2:SEM-2:COM -0.11909696 -0.12953562 -0.10865831  0.000000e+00
##          diif          lwr          upr          p_adj
## 2:0-1:0      0.02599205  0.0092023835  0.042781724  1.995443e-04
## 1:25-1:0      0.01750000  0.0007103299  0.034289670  3.473877e-02
## 2:25-1:0      0.05849205  0.0417023835  0.075281724  0.000000e+00
## 2:50-1:0      0.11653440  0.0983994830  0.134669316  0.000000e+00
## 2:100-1:0     -0.07502973 -0.0955927878 -0.054466663  0.000000e+00
## 2:25-2:0      0.03250000  0.0157103299  0.049289670  2.301630e-06
## 1:50-2:0     -0.02060715 -0.0373968227 -0.003817482  6.083203e-03
## 2:50-2:0      0.09054235  0.0724074294  0.108677262  0.000000e+00
## 1:75-2:0     -0.02135703 -0.0381467004 -0.004567360  3.876119e-03
## 1:100-2:0     -0.02135703 -0.0381467004 -0.004567360  3.876119e-03
## 2:100-2:0     -0.10102178 -0.1215848414 -0.080458717  0.000000e+00
## 2:25-1:25      0.04099205  0.0242023835  0.057781724  6.139678e-09
## 2:50-1:25      0.09903440  0.0808994830  0.117169316  0.000000e+00
## 2:100-1:25    -0.09252973 -0.1130927878 -0.071966663  0.000000e+00
## 1:50-2:25     -0.05310715 -0.0698968227 -0.036317482  0.000000e+00
## 2:50-2:25      0.05804235  0.0399074294  0.076177262  0.000000e+00
## 1:75-2:25     -0.05385703 -0.0706467004 -0.037067360  0.000000e+00
## 2:75-2:25     -0.04352178 -0.0640848414 -0.022958717  2.753608e-07
## 1:100-2:25    -0.05385703 -0.0706467004 -0.037067360  0.000000e+00
## 2:100-2:25    -0.13352178 -0.1540848414 -0.112958717  0.000000e+00
## 2:50-1:50      0.11114950  0.0930145819  0.129284415  0.000000e+00
## 2:100-1:50    -0.08041463 -0.1009776888 -0.059851564  0.000000e+00
## 1:75-2:50     -0.11189938 -0.1300342925 -0.093764460  0.000000e+00
## 2:75-2:50     -0.10156412 -0.1232394958 -0.079888754  0.000000e+00
## 1:100-2:50    -0.11189938 -0.1300342925 -0.093764460  0.000000e+00

```

```

## 2:100-2:50 -0.19156412 -0.2132394958 -0.169888754 0.000000e+00
## 2:100-1:75 -0.07966475 -0.1002278112 -0.059101686 0.000000e+00
## 2:100-2:75 -0.09000000 -0.1137441792 -0.066255821 0.000000e+00
## 2:100-1:100 -0.07966475 -0.1002278112 -0.059101686 0.000000e+00
##
##          diif          lwr          upr          p_adj
## SEM:0-COM:0 -0.06912758 -0.085917255 -0.052337915 0.000000e+00
## COM:25-COM:0 0.05000000 0.033210330 0.066789670 1.011780e-11
## SEM:25-COM:0 -0.06912758 -0.085917255 -0.052337915 0.000000e+00
## COM:50-COM:0 0.07112278 0.054333107 0.087912447 0.000000e+00
## SEM:50-COM:0 -0.05697307 -0.075107986 -0.038838153 0.000000e+00
## SEM:75-COM:0 -0.07236732 -0.092930385 -0.051804260 0.000000e+00
## SEM:100-COM:0 -0.10236732 -0.122930385 -0.081804260 0.000000e+00
## COM:25-SEM:0 0.11912758 0.102337915 0.135917255 0.000000e+00
## COM:50-SEM:0 0.14025036 0.123460692 0.157040032 0.000000e+00
## COM:75-SEM:0 0.08257338 0.065783712 0.099363052 0.000000e+00
## COM:100-SEM:0 0.05257338 0.035783712 0.069363052 0.000000e+00
## SEM:100-SEM:0 -0.03323974 -0.053802800 -0.012676675 9.239074e-05
## SEM:25-COM:25 -0.11912758 -0.135917255 -0.102337915 0.000000e+00
## COM:50-COM:25 0.02112278 0.004333107 0.037912447 4.466939e-03
## SEM:50-COM:25 -0.10697307 -0.125107986 -0.088838153 0.000000e+00
## COM:75-COM:25 -0.03655420 -0.053343873 -0.019764533 1.349678e-07
## SEM:75-COM:25 -0.12236732 -0.142930385 -0.101804260 0.000000e+00
## COM:100-COM:25 -0.06655420 -0.083343873 -0.049764533 0.000000e+00
## SEM:100-COM:25 -0.15236732 -0.172930385 -0.131804260 0.000000e+00
## COM:50-SEM:25 0.14025036 0.123460692 0.157040032 0.000000e+00
## COM:75-SEM:25 0.08257338 0.065783712 0.099363052 0.000000e+00
## COM:100-SEM:25 0.05257338 0.035783712 0.069363052 0.000000e+00
## SEM:100-SEM:25 -0.03323974 -0.053802800 -0.012676675 9.239074e-05
## SEM:50-COM:50 -0.12809585 -0.146230763 -0.109960930 0.000000e+00
## COM:75-COM:50 -0.05767698 -0.074466650 -0.040887310 0.000000e+00
## SEM:75-COM:50 -0.14349010 -0.164053162 -0.122927037 0.000000e+00
## COM:100-COM:50 -0.08767698 -0.104466650 -0.070887310 0.000000e+00
## SEM:100-COM:50 -0.17349010 -0.194053162 -0.152927037 0.000000e+00
## COM:75-SEM:50 0.07041887 0.052283950 0.088553783 0.000000e+00
## COM:100-SEM:50 0.04041887 0.022283950 0.058553783 7.364759e-08
## SEM:100-SEM:50 -0.04539425 -0.067069624 -0.023718882 3.575705e-07
## SEM:75-COM:75 -0.08581312 -0.106376182 -0.065250057 0.000000e+00
## COM:100-COM:75 -0.03000000 -0.046789670 -0.013210330 1.307446e-05
## SEM:100-COM:75 -0.11581312 -0.136376182 -0.095250057 0.000000e+00
## COM:100-SEM:75 0.05581312 0.035250057 0.076376182 2.637536e-10
## SEM:100-SEM:75 -0.03000000 -0.053744179 -0.006255821 4.229366e-03
## SEM:100-COM:100 -0.08581312 -0.106376182 -0.065250057 0.000000e+00
##
##          diif          lwr          upr          p_adj
## 1:SEM:0-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:SEM:0-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 1:COM:25-1:COM:0 0.03500000 0.008177202 0.061822798 1.690955e-03
## 2:COM:25-1:COM:0 0.07500000 0.048177202 0.101822798 4.333534e-12
## 1:SEM:25-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:SEM:25-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:COM:50-1:COM:0 0.15000000 0.123177202 0.176822798 0.000000e+00
## 1:SEM:50-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:SEM:50-1:COM:0 -0.07654412 -0.109395202 -0.043693034 2.826161e-09
## 1:SEM:75-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:COM:100-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00

```

```

## 1:SEM:100-1:COM:0 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 1:SEM:0-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:SEM:0-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:COM:25-2:COM:0 0.06500000 0.038177202 0.091822798 8.505502e-10
## 1:SEM:25-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:SEM:25-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:COM:50-2:COM:0 0.14000000 0.113177202 0.166822798 0.000000e+00
## 1:SEM:50-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:SEM:50-2:COM:0 -0.08654412 -0.119395202 -0.053693034 5.572198e-11
## 1:SEM:75-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:COM:100-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-2:COM:0 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 1:COM:25-1:SEM:0 0.11500000 0.088177202 0.141822798 0.000000e+00
## 2:COM:25-1:SEM:0 0.15500000 0.128177202 0.181822798 0.000000e+00
## 1:COM:50-1:SEM:0 0.08666667 0.059843869 0.113489465 0.000000e+00
## 2:COM:50-1:SEM:0 0.23000000 0.203177202 0.256822798 0.000000e+00
## 1:COM:75-1:SEM:0 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:75-1:SEM:0 0.09000000 0.063177202 0.116822798 0.000000e+00
## 1:COM:100-1:SEM:0 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 1:COM:25-2:SEM:0 0.11500000 0.088177202 0.141822798 0.000000e+00
## 2:COM:25-2:SEM:0 0.15500000 0.128177202 0.181822798 0.000000e+00
## 1:COM:50-2:SEM:0 0.08666667 0.059843869 0.113489465 0.000000e+00
## 2:COM:50-2:SEM:0 0.23000000 0.203177202 0.256822798 0.000000e+00
## 1:COM:75-2:SEM:0 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:75-2:SEM:0 0.09000000 0.063177202 0.116822798 0.000000e+00
## 1:COM:100-2:SEM:0 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:25-1:COM:25 0.04000000 0.013177202 0.066822798 1.656897e-04
## 1:SEM:25-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 2:SEM:25-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 1:COM:50-1:COM:25 -0.02833333 -0.055156131 -0.001510535 2.829755e-02
## 2:COM:50-1:COM:25 0.11500000 0.088177202 0.141822798 0.000000e+00
## 1:SEM:50-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 2:SEM:50-1:COM:25 -0.11154412 -0.144395202 -0.078693034 0.000000e+00
## 1:COM:75-1:COM:25 -0.03500000 -0.061822798 -0.008177202 1.690955e-03
## 1:SEM:75-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 1:COM:100-1:COM:25 -0.03500000 -0.061822798 -0.008177202 1.690955e-03
## 2:COM:100-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-1:COM:25 -0.11500000 -0.141822798 -0.088177202 0.000000e+00
## 1:SEM:25-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 2:SEM:25-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 1:COM:50-2:COM:25 -0.06833333 -0.095156131 -0.041510535 1.727827e-10
## 2:COM:50-2:COM:25 0.07500000 0.048177202 0.101822798 4.333534e-12
## 1:SEM:50-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 2:SEM:50-2:COM:25 -0.15154412 -0.184395202 -0.118693034 0.000000e+00
## 1:COM:75-2:COM:25 -0.07500000 -0.101822798 -0.048177202 4.333534e-12
## 2:COM:75-2:COM:25 -0.06500000 -0.091822798 -0.038177202 8.505502e-10
## 1:SEM:75-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 1:COM:100-2:COM:25 -0.07500000 -0.101822798 -0.048177202 4.333534e-12
## 2:COM:100-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-2:COM:25 -0.15500000 -0.181822798 -0.128177202 0.000000e+00
## 1:COM:50-1:SEM:25 0.08666667 0.059843869 0.113489465 0.000000e+00
## 2:COM:50-1:SEM:25 0.23000000 0.203177202 0.256822798 0.000000e+00
## 1:COM:75-1:SEM:25 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:75-1:SEM:25 0.09000000 0.063177202 0.116822798 0.000000e+00

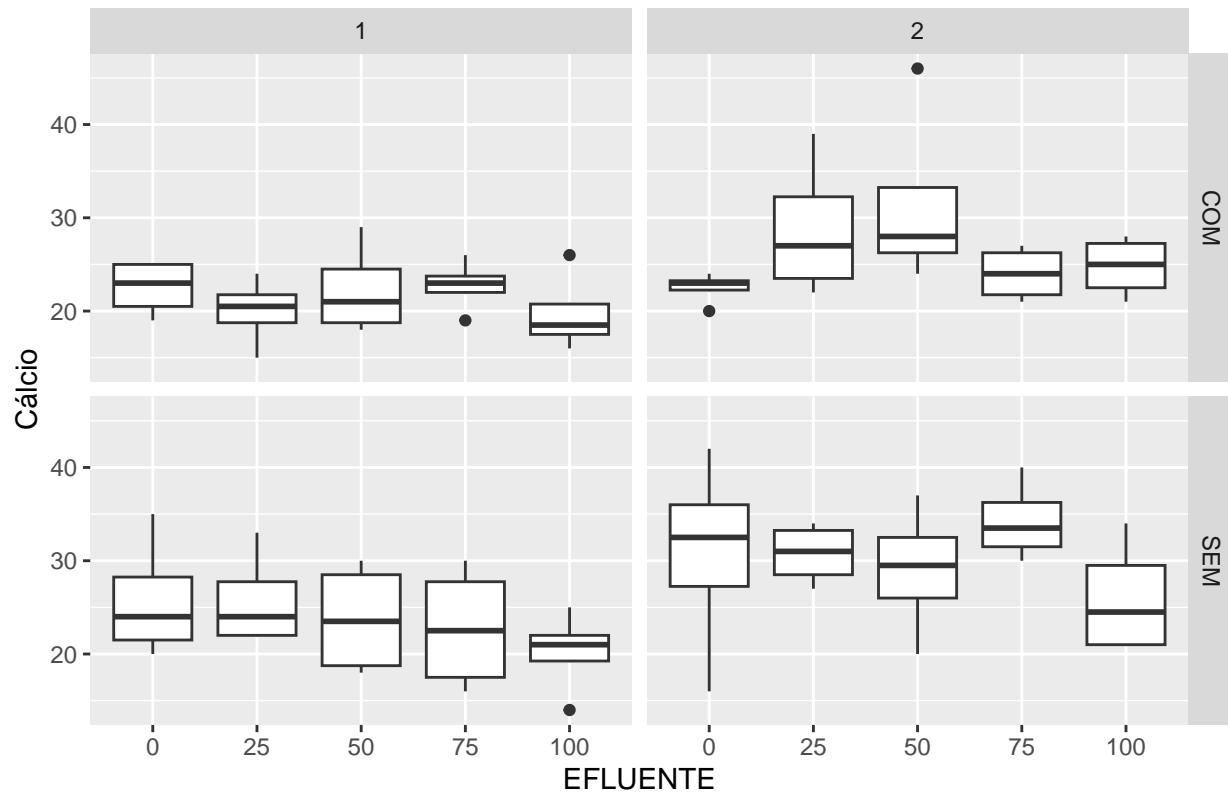
```

```
## 1:COM:100-1:SEM:25 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 1:COM:50-2:SEM:25 0.08666667 0.059843869 0.113489465 0.000000e+00
## 2:COM:50-2:SEM:25 0.23000000 0.203177202 0.256822798 0.000000e+00
## 1:COM:75-2:SEM:25 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:75-2:SEM:25 0.09000000 0.063177202 0.116822798 0.000000e+00
## 1:COM:100-2:SEM:25 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:50-1:COM:50 0.14333333 0.116510535 0.170156131 0.000000e+00
## 1:SEM:50-1:COM:50 -0.08666667 -0.113489465 -0.059843869 0.000000e+00
## 2:SEM:50-1:COM:50 -0.08321078 -0.116061868 -0.050359700 2.085070e-10
## 1:SEM:75-1:COM:50 -0.08666667 -0.113489465 -0.059843869 0.000000e+00
## 2:COM:100-1:COM:50 -0.08666667 -0.113489465 -0.059843869 0.000000e+00
## 1:SEM:100-1:COM:50 -0.08666667 -0.113489465 -0.059843869 0.000000e+00
## 1:SEM:50-2:COM:50 -0.23000000 -0.256822798 -0.203177202 0.000000e+00
## 2:SEM:50-2:COM:50 -0.22654412 -0.259395202 -0.193693034 0.000000e+00
## 1:COM:75-2:COM:50 -0.15000000 -0.176822798 -0.123177202 0.000000e+00
## 2:COM:75-2:COM:50 -0.14000000 -0.166822798 -0.113177202 0.000000e+00
## 1:SEM:75-2:COM:50 -0.23000000 -0.256822798 -0.203177202 0.000000e+00
## 1:COM:100-2:COM:50 -0.15000000 -0.176822798 -0.123177202 0.000000e+00
## 2:COM:100-2:COM:50 -0.23000000 -0.256822798 -0.203177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-2:COM:50 -0.23000000 -0.256822798 -0.203177202 0.000000e+00
## 1:COM:75-1:SEM:50 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:75-1:SEM:50 0.09000000 0.063177202 0.116822798 0.000000e+00
## 1:COM:100-1:SEM:50 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 1:COM:75-2:SEM:50 0.07654412 0.043693034 0.109395202 2.826161e-09
## 2:COM:75-2:SEM:50 0.08654412 0.053693034 0.119395202 5.572198e-11
## 1:COM:100-2:SEM:50 0.07654412 0.043693034 0.109395202 2.826161e-09
## 1:SEM:75-1:COM:75 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 2:COM:100-1:COM:75 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-1:COM:75 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 1:SEM:75-2:COM:75 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 2:COM:100-2:COM:75 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-2:COM:75 -0.09000000 -0.116822798 -0.063177202 0.000000e+00
## 1:COM:100-1:SEM:75 0.08000000 0.053177202 0.106822798 0.000000e+00
## 2:COM:100-1:COM:100 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
## 1:SEM:100-1:COM:100 -0.08000000 -0.106822798 -0.053177202 0.000000e+00
```

Análise para Cálcio

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_6, aes(x = factor(EFLUENTE), y = Ca)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Cálcio") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```

Boxplots por combinação dos fatores



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Ca ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_6, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$Ca

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Ca ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_6, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$Ca

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup
```

```

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_6 <- with(dados_6,
                      dados_6[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_6$Ca[which(blocos_dados_6$Ca <
                       limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_6$Ca < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_6$Ca[which(blocos_dados_6$Ca >
                       limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_6$Ca > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_6 = aggregate(Ca ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_6, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_6 = media_blocos_6[rep(row.names(media_blocos_6),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_6) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_6$Ca[which(is.na(blocos_dados_6$Ca))] =
  media_blocos_6$Ca[which(is.na(blocos_dados_6$Ca))]

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_6)

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Ca : num [1:80] 25 25 19 21 24 15 20 21 18 23 ...

```

```
summary(blocos_dados_6)
```

```
##  BLOCO  EFLUENTE INOCULO  CICLO      Ca
##  1:20    0 :16    COM:40   1:40   Min.   :15.00
##  2:20   25 :16    SEM:40   2:40   1st Qu.:21.00
##  3:20   50 :16                      Median :24.00
##  4:20   75 :16                      Mean   :25.08
##                   100:16                3rd Qu.:28.25
##                                   Max.   :42.00
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_6, tapply(Ca, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
##      COM SEM
## 0      8  8
## 25     8  8
## 50     8  8
## 75     8  8
## 100    8  8
```

```
with(blocos_dados_6, tapply(Ca, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
##      COM      SEM
## 0  183.3333 245.6667
## 25  195.0000 226.0000
## 50  195.6667 200.3333
## 75  192.0000 211.0000
## 100 174.6667 182.6667
```

```
with(blocos_dados_6, tapply(Ca, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
##      COM      SEM
## 0  22.91667 30.70833
## 25  24.37500 28.25000
## 50  24.45833 25.04167
## 75  24.00000 26.37500
## 100 21.83333 22.83333
```

```
with(blocos_dados_6, tapply(Ca, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##      COM      SEM
## 0   4.150794 56.29960
## 25  52.839286 23.35714
## 50  18.061508 27.25198
## 75   4.571429 34.83929
## 100 22.507937  6.47619
```

```
with(blocos_dados_6, tapply(Ca, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```



```
##          COM      SEM
## 0    2.037350 7.503306
## 25    7.269064 4.832923
## 50    4.249883 5.220343
## 75    2.138090 5.902481
## 100   4.744253 2.544836
```

Tamanho das Médias

```
T.medias <- with(blocos_dados_6,
                  model.tables(aov(Ca ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
```

T.medias

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 25.07917
##
##   CICLO
## CICLO
##      1      2
## 22.675 27.483
##
##   BLOCO
## BLOCO
##      1      2      3      4
## 24.850 24.750 23.450 27.267
##
##   EFLUENTE
## EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 26.813 26.313 24.750 25.188 22.333
##
##   INOCULO
## INOCULO
##      COM      SEM
## 23.517 26.642
##
##   CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 24.125 22.875 23.000 23.375 20.000
##      2 29.500 29.750 26.500 27.000 24.667
##
##   CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 21.283 24.067
##      2 25.750 29.217
##
##   EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
```

```
## EFLUENTE COM      SEM
##      0  22.917 30.708
##      25  24.375 28.250
##      50  24.458 25.042
##      75  24.000 26.375
##     100  21.833 22.833
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 22.50 20.00 22.25 24.00 17.67
##      2 23.33 28.75 26.67 24.00 26.00
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 25.75 25.75 23.75 22.75 22.33
##      2 35.67 30.75 26.33 30.00 23.33
```

```
# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_6 = aggregate(Ca ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_6, FUN = mean)
```

```
# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_6$Ca)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.2860949
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_6$Ca,
                                    media_blocos_6$EFLUENTE,
                                    media_blocos_6$INOCULO,
                                    media_blocos_6$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.5416224
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(Ca ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
  Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_6)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3    152   50.67
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1   195.3   195.3
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3   43.82   14.61
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1   462.4   462.4  29.133 1.54e-06 ***
## EFLUENTE    4   195.0    48.7   3.071  0.0237 *
## CICLO:INOCULO  1     2.3     2.3   0.147  0.7028
## CICLO:EFLUENTE  4    30.9     7.7   0.487  0.7454
## INOCULO:EFLUENTE  4   135.5    33.9   2.134  0.0890 .
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4   203.9    51.0   3.212  0.0194 *
## Residuals     54   857.1    15.9
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(Ca ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
  data = blocos_dados_6)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: Ca
##
##          Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## BLOCO      3  152.00    50.67   3.2057 0.0297826 *
## CICLO      1  462.40   462.40  29.2558 1.306e-06 ***
## INOCULO     1  195.31   195.31  12.3573 0.0008687 ***
## EFLUENTE    4  194.96    48.74   3.0838 0.0228277 *
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 4  203.94    50.98   3.2257 0.0186613 *
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:INOCULO:EFLUENTE"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }
}
```

```

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Ca ~ CICLO + INOCULO,
                               data = blocos_dados_6, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Ca ~ CICLO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_6, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Ca ~ INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_6, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(Ca ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_6, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

##	CICLO	INOCULO	EFLUENTE	Ca
## 1	1	COM	0	22.50000
## 2	2	COM	0	23.33333
## 3	1	SEM	0	25.75000
## 4	2	SEM	0	35.66667
## 5	1	COM	25	20.00000
## 6	2	COM	25	28.75000
## 7	1	SEM	25	25.75000
## 8	2	SEM	25	30.75000
## 9	1	COM	50	22.25000
## 10	2	COM	50	26.66667
## 11	1	SEM	50	23.75000
## 12	2	SEM	50	26.33333
## 13	1	COM	75	24.00000
## 14	2	COM	75	24.00000
## 15	1	SEM	75	22.75000
## 16	2	SEM	75	30.00000
## 17	1	COM	100	17.66667
## 18	2	COM	100	26.00000
## 19	1	SEM	100	22.33333
## 20	2	SEM	100	23.33333

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ".")
}

```

```

if (nchar(interacao) < 20){
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- 0
}
else{
  fator1 <- partes[[1]][1]
  fator2 <- partes[[1]][2]
  fator3 <- partes[[1]][3]
}

inter_tukey = tukey_result[interacao]
inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
print(inter_tukey)
}

```

```

##              diif              lwr              upr              p_adj
## 2:SEM:0-1:COM:0    13.16667    2.7239447 23.6093886 2.623636e-03
## 2:SEM:0-2:COM:0    12.33333    1.8906114 22.7760553 6.867522e-03
## 1:COM:25-2:SEM:0   -15.66667 -26.1093886 -5.2239447 1.183443e-04
## 1:COM:50-2:SEM:0   -13.41667 -23.8593886 -2.9739447 1.949769e-03
## 1:SEM:50-2:SEM:0   -11.91667 -22.3593886 -1.4739447 1.091576e-02
## 1:COM:75-2:SEM:0   -11.66667 -22.1093886 -1.2239447 1.432324e-02
## 2:COM:75-2:SEM:0   -11.66667 -22.1093886 -1.2239447 1.432324e-02
## 1:SEM:75-2:SEM:0   -12.91667 -23.3593886 -2.4739447 3.517721e-03
## 1:COM:100-2:SEM:0  -18.00000 -28.4427219 -7.5572781 5.496503e-06
## 1:SEM:100-2:SEM:0  -13.33333 -23.7760553 -2.8906114 2.153399e-03
## 2:SEM:100-2:SEM:0  -12.33333 -22.7760553 -1.8906114 6.867522e-03
## 2:SEM:25-1:COM:25   10.75000    0.3072781 21.1927219 3.703263e-02
## 1:COM:100-2:COM:25 -11.08333 -21.5260553 -0.6406114 2.645194e-02
## 1:COM:100-2:SEM:25 -13.08333 -23.5260553 -2.6406114 2.894240e-03
## 1:COM:100-2:SEM:75 -12.33333 -22.7760553 -1.8906114 6.867522e-03

```

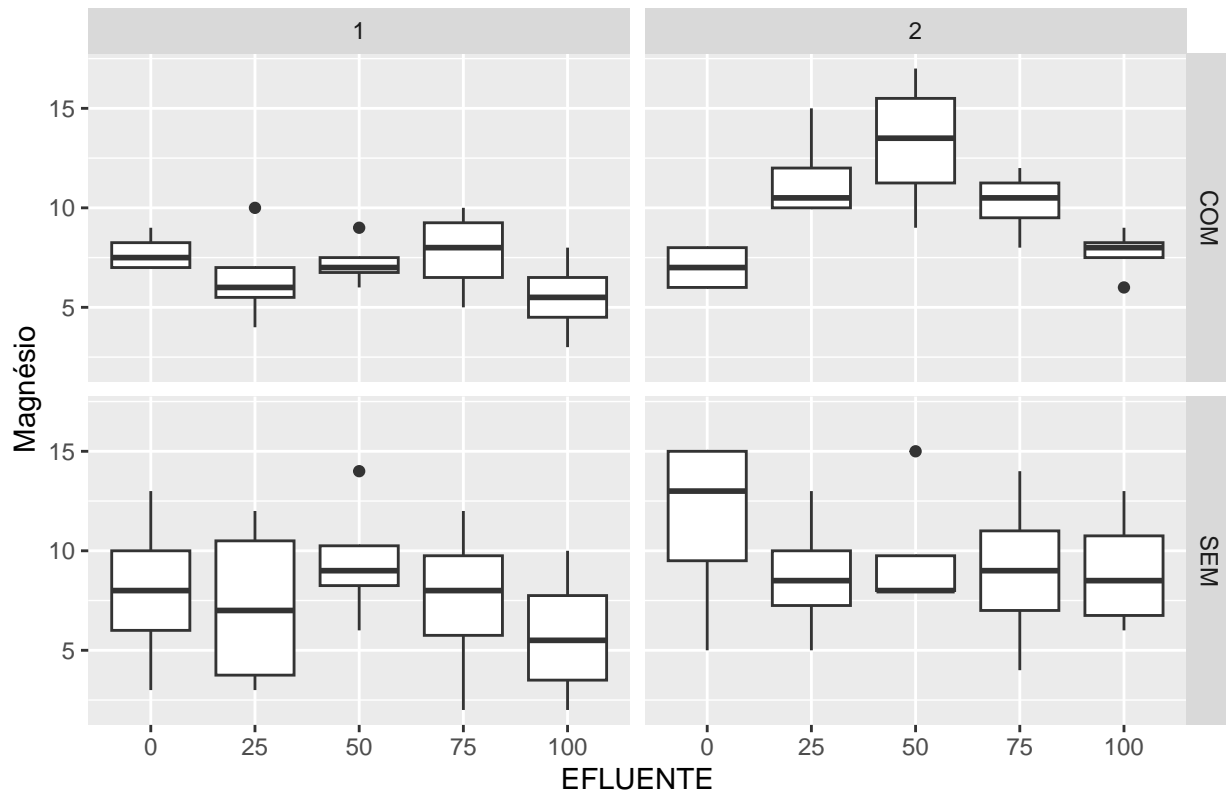
Análise para Magnésio

```

# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_7, aes(x = factor(EFLUENTE), y = Mg)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Magnésio") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")

```

Boxplots por combinação dos fatores



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Mg ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_7, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$Mg

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(Mg ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_7, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$Mg

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup
```

```

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_7 <- with(dados_7,
                      dados_7[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_7$Mg[which(blocos_dados_7$Mg <
                      limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_7$Mg < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_7$Mg[which(blocos_dados_7$Mg >
                      limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_7$Mg > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_7 = aggregate(Mg ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_7, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_7 = media_blocos_7[rep(row.names(media_blocos_7),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_7) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_7$Mg[which(is.na(blocos_dados_7$Mg))] =
  media_blocos_7$Mg[which(is.na(blocos_dados_7$Mg))]

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_7)

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ Mg : num [1:80] 7 8 7 9 5.33 ...

```



```
summary(blocos_dados_7)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO      Mg
## 1:20  0 :16 COM:40  1:40  Min.   : 2.000
## 2:20 25 :16 SEM:40  2:40  1st Qu.: 6.000
## 3:20 50 :16                      Median : 8.000
## 4:20 75 :16                      Mean   : 7.942
##      100:16                      3rd Qu.: 9.625
##                                Max.    :15.000
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_7, tapply(Mg, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
##      COM SEM
## 0      8  8
## 25     8  8
## 50     8  8
## 75     8  8
## 100    8  8
```

```
with(blocos_dados_7, tapply(Mg, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
##      COM      SEM
## 0  59.00000 76.00000
## 25  67.33333 64.00000
## 50  74.66667 64.00000
## 75  69.00000 59.33333
## 100 53.00000 49.00000
```

```
with(blocos_dados_7, tapply(Mg, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
##      COM      SEM
## 0  7.375000 9.500000
## 25  8.416667 8.000000
## 50  9.333333 8.000000
## 75  8.625000 7.416667
## 100 6.625000 6.125000
```

```
with(blocos_dados_7, tapply(Mg, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##      COM      SEM
## 0  1.125000 10.000000
## 25 13.674603 13.7142857
## 50 10.793651  0.8571429
## 75  3.625000 10.2460317
## 100 3.982143  5.4821429
```

```
with(blocos_dados_7, tapply(Mg, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM          SEM
## 0    1.060660 3.1622777
## 25    3.697919 3.7032804
## 50    3.285369 0.9258201
## 75    1.903943 3.2009423
## 100   1.995531 2.3413976
```

Tamanho das Médias

```
T.medias <- with(blocos_dados_7,
                  model.tables(aov(Mg ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
```

T.medias

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 7.941667
##
##  CICLO
##  CICLO
##    1    2
## 6.950 8.933
##
##  BLOCO
##  BLOCO
##    1    2    3    4
## 7.992 7.750 6.600 9.425
##
##  EFLUENTE
##  EFLUENTE
##    0    25    50    75    100
## 8.438 8.208 8.667 8.021 6.375
##
##  INOCULO
##  INOCULO
##    COM  SEM
## 8.075 7.808
##
##  CICLO:EFLUENTE
##    EFLUENTE
##  CICLO 0    25    50    75    100
##    1 7.875 6.292 7.333 7.625 5.625
##    2 9.000 10.125 10.000 8.417 7.125
##
##  CICLO:INOCULO
##    INOCULO
##  CICLO COM  SEM
##    1 6.600 7.300
##    2 9.550 8.317
##
##  EFLUENTE:INOCULO
##    INOCULO
```

```
## EFLUENTE COM SEM
##      0  7.375 9.500
##      25 8.417 8.000
##      50 9.333 8.000
##      75 8.625 7.417
##      100 6.625 6.125
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 7.750 5.333 6.667 7.750 5.500
##      2 7.000 11.500 12.000 9.500 7.750
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 8.000 7.250 8.000 7.500 5.750
##      2 11.000 8.750 8.000 7.333 6.500
```

```
# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_7 = aggregate(Mg ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_7, FUN = mean)
```

```
# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_7$Mg)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.05633719
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_7$Mg,
                                    media_blocos_7$EFLUENTE,
                                    media_blocos_7$INOCULO,
                                    media_blocos_7$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.4302818
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(Mg ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
  Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_7)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  80.79   26.93
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1   1.422    1.422
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3   31.45    10.48
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1   78.67   78.67  18.612 6.86e-05 ***
## EFLUENTE    4   52.85   13.21   3.126  0.0220 *
## CICLO:INOCULO  1   18.69   18.69   4.421  0.0402 *
## CICLO:EFLUENTE  4   25.12    6.28   1.486  0.2194
## INOCULO:EFLUENTE  4   31.29    7.82   1.850  0.1326
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4   51.52   12.88   3.047  0.0245 *
## Residuals    54  228.26    4.23
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(Mg ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
  data = blocos_dados_7)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: Mg
##
##          Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## BLOCO      3  80.792   26.931   5.9106 0.0013889 **
## CICLO      1  78.672   78.672  17.2667 0.0001102 ***
## EFLUENTE   4  52.853   13.213   2.9000 0.0296529 *
## CICLO:INOCULO  1  18.689   18.689   4.1018 0.0475301 *
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4  51.519   12.880   2.8268 0.0329111 *
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:INOCULO"          "CICLO:INOCULO:EFLUENTE"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }
}
```

```

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Mg ~ CICLO + INOCULO,
                                data = blocos_dados_7, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Mg ~ CICLO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_7, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(Mg ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_7, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(Mg ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_7, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

```

##      CICLO INOCULO      Mg
## 1      1      COM 6.600000
## 2      2      COM 9.550000
## 3      1      SEM 7.300000
## 4      2      SEM 8.316667
##      CICLO INOCULO EFLUENTE      Mg
## 1      1      COM      0 7.750000
## 2      2      COM      0 7.000000
## 3      1      SEM      0 8.000000
## 4      2      SEM      0 11.000000
## 5      1      COM     25 5.333333
## 6      2      COM     25 11.500000
## 7      1      SEM     25 7.250000
## 8      2      SEM     25 8.750000
## 9      1      COM     50 6.666667
## 10     2      COM     50 12.000000
## 11     1      SEM     50 8.000000
## 12     2      SEM     50 8.000000
## 13     1      COM     75 7.750000
## 14     2      COM     75 9.500000
## 15     1      SEM     75 7.500000
## 16     2      SEM     75 7.333333
## 17     1      COM    100 5.500000
## 18     2      COM    100 7.750000
## 19     1      SEM    100 5.750000
## 20     2      SEM    100 6.500000

```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}

```

```

##           diif           lwr           upr           p_adj
## 2:COM-1:COM  2.95  1.163623  4.7363769 0.0003034412
## 1:SEM-2:COM -2.25 -4.036377 -0.4636231 0.0080148010
##           diif           lwr           upr           p_adj
## 1:COM:25-2:SEM:0  -5.666667 -11.273470 -0.05986298 0.044890892
## 2:COM:25-1:COM:25   6.166667   0.559863 11.77347036 0.017384897
## 2:COM:50-1:COM:25   6.666667   1.059863 12.27347036 0.006249827
## 1:COM:100-2:COM:25 -6.000000 -11.606804 -0.39319631 0.024068005
## 1:SEM:100-2:COM:25 -5.750000 -11.356804 -0.14319631 0.038551837
## 1:COM:100-2:COM:50 -6.500000 -12.106804 -0.89319631 0.008854123
## 1:SEM:100-2:COM:50 -6.250000 -11.856804 -0.64319631 0.014729223

```

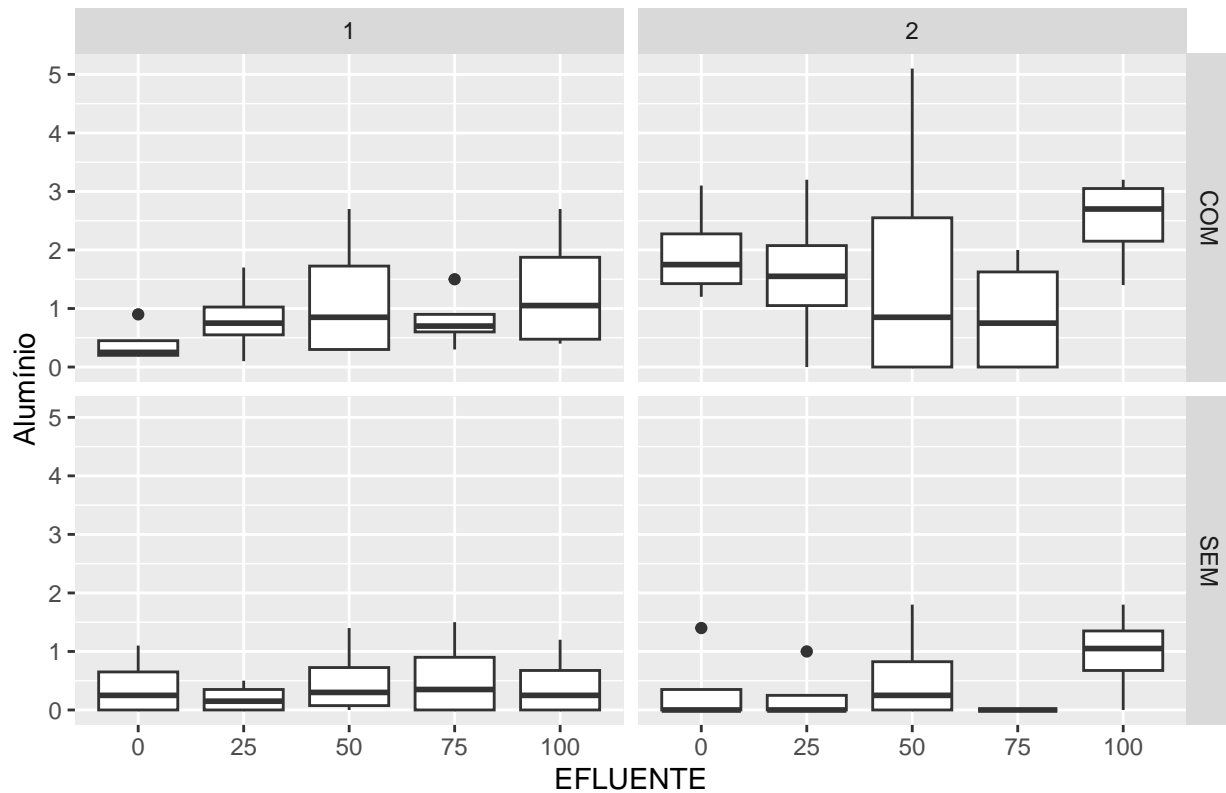
Análise para Alumínio

```

# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_8, aes(x = factor(EFLUENTE), y = Al)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Alumínio") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")

```

Boxplots por combinação dos fatores



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(A1 ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_8, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$A1

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(A1 ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_8, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$A1

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup
```



```

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_8 <- with(dados_8,
                      dados_8[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_8$A1[which(blocos_dados_8$A1 <
                      limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_8$A1 < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_8$A1[which(blocos_dados_8$A1 >
                      limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_8$A1 > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_8 = aggregate(A1 ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_8, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_8 = media_blocos_8[rep(row.names(media_blocos_8),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_8) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_8$A1[which(is.na(blocos_dados_8$A1))] =
  media_blocos_8$A1[which(is.na(blocos_dados_8$A1))]

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_8)

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ A1 : num [1:80] 0.2 0.3 0.233 0.2 0.1 ...

```

```
summary(blocos_dados_8)
```

```
##  BLOCO  EFLUENTE INOCULO  CICLO      A1
##  1:20   0  :16   COM:40   1:40   Min.    :0.0000
##  2:20  25  :16   SEM:40   2:40   1st Qu.:0.0000
##  3:20  50  :16                      Median :0.3500
##  4:20  75  :16                      Mean   :0.6494
##           100:16                      3rd Qu.:1.1833
##                               Max.    :3.2000
##                               NA's    :1
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_8, tapply(A1, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
##      COM SEM
## 0      8  8
## 25     8  8
## 50     8  8
## 75     8  8
## 100    8  8
```

```
with(blocos_dados_8, tapply(A1, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
##      COM      SEM
## 0  8.733333 3.000000
## 25 9.600000 0.966667
## 50 6.966667 2.500000
## 75 6.933333 2.200000
## 100 6.600000      NA
```

```
with(blocos_dados_8, tapply(A1, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
##      COM      SEM
## 0  1.091667 0.375000
## 25 1.200000 0.120833
## 50 0.870833 0.312500
## 75 0.866667 0.275000
## 100 0.825000      NA
```

```
with(blocos_dados_8, tapply(A1, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##      COM      SEM
## 0  1.1415079 0.32785714
## 25 1.0857143 0.03585317
## 50 0.9391865 0.24125000
## 75 0.4276190 0.30500000
## 100 0.7578571      NA
```

```
with(blocos_dados_8, tapply(A1, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM          SEM
## 0    1.0684137 0.5725881
## 25    1.0419761 0.1893493
## 50    0.9691164 0.4911721
## 75    0.6539259 0.5522681
## 100   0.8705499      NA
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_8,
                  model.tables(aov(A1 ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 0.6493671
##
##  CICLO
##      1      2
##    0.6175 0.6821
## rep 40.0000 39.0000
##
##  BLOCO
##      1      2      3      4
##    0.5904 0.8478 0.8971 0.2721
## rep 20.0000 19.0000 20.0000 20.0000
##
##  EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
##    0.7304 0.6575 0.5887 0.5679 0.7058
## rep 16.0000 16.0000 16.0000 16.0000 15.0000
##
##  INOCULO
##      COM      SEM
##    0.9672 0.3234
## rep 40.0000 39.0000
##
##  CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##    1    0.312 0.508 0.833 0.554 0.881
##    rep 8.000 8.000 8.000 8.000 8.000
##    2    1.150 0.808 0.345 0.583 0.502
##    rep 8.000 8.000 8.000 8.000 7.000
##
##  CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
```

```
## 1 0.817 0.418
## rep 20.000 20.000
## 2 1.118 0.223
## rep 20.000 19.000
##
## EFLUENTE:INOCULO
## INOCULO
## EFLUENTE COM SEM
## 0 1.084 0.377
## rep 8.000 8.000
## 25 1.192 0.123
## rep 8.000 8.000
## 50 0.863 0.315
## rep 8.000 8.000
## 75 0.859 0.277
## rep 8.000 8.000
## 100 0.842 0.550
## rep 8.000 7.000
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
## EFLUENTE
## CICLO 0 25 50 75 100
## 1 0.233 0.825 1.175 0.567 1.300
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
## 2 1.945 1.570 0.562 1.162 0.345
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
##
## , , INOCULO = SEM
##
## EFLUENTE
## CICLO 0 25 50 75 100
## 1 0.400 0.200 0.500 0.550 0.425
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 4.000
## 2 0.345 0.037 0.120 -0.005 0.760
## rep 4.000 4.000 4.000 4.000 3.000
```

```
# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_8 = aggregate(A1 ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_8, FUN = mean)

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_8$A1)$p.value

# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.04951219
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
}
```

```

} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}

```

```
## [1] "Os dados não seguem uma distribuição normal."
```

```

# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_8$A1,
                                     media_blocos_8$EFLUENTE,
                                     media_blocos_8$INOCULO,
                                     media_blocos_8$CICLO)$p.value

# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)

```

```
## [1] 0.7546731
```

```

# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}

```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```

# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(A1 ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_8)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)

```

```

##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  4.879   1.626
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## CICLO  1   8.25    8.25
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO    1 1.2126  1.2126  10.74 0.0818 .
## Residuals  2 0.2258  0.1129
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Error: Within
##
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

```

```
## CICLO                1  0.060  0.0599  0.150 0.7002
## EFLUENTE             4  0.272  0.0680  0.170 0.9527
## CICLO:INOCULO        1  1.227  1.2270  3.070 0.0855 .
## CICLO:EFLUENTE       4  4.756  1.1889  2.975 0.0273 *
## INOCULO:EFLUENTE     4  1.158  0.2894  0.724 0.5793
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 4  5.440  1.3601  3.403 0.0150 *
## Residuals           53 21.183  0.3997
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(A1 ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_8)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]

# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: A1
##
##          Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## BLOCO      3  4.8788   1.6263   4.0577  0.01114 *
## INOCULO     1  8.2273   8.2273  20.5282 3.129e-05 ***
## CICLO:EFLUENTE 4  4.6327   1.1582   2.8898  0.03026 *
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 4  5.6811   1.4203   3.5437  0.01201 *
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:EFLUENTE"      "CICLO:INOCULO:EFLUENTE"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(A1 ~ CICLO + INOCULO,
                                  data = blocos_dados_8, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(A1 ~ CICLO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_8, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(A1 ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_8, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
    media_interacao <- aggregate(A1 ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_8, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }
}
```

```
##      CICLO EFLUENTE      A1
## 1      1          0 0.316667
## 2      2          0 1.150000
## 3      1         25 0.512500
## 4      2         25 0.808333
## 5      1         50 0.837500
## 6      2         50 0.345833
## 7      1         75 0.558333
```

```
## 8      2      75 0.5833333
## 9      1     100 0.8625000
## 10     2     100 0.5000000
##      CICLO INOCULO EFLUENTE      A1
## 1      1      COM      0 0.2333333
## 2      2      COM      0 1.9500000
## 3      1      SEM      0 0.4000000
## 4      2      SEM      0 0.3500000
## 5      1      COM     25 0.8250000
## 6      2      COM     25 1.5750000
## 7      1      SEM     25 0.2000000
## 8      2      SEM     25 0.0416667
## 9      1      COM     50 1.1750000
## 10     2      COM     50 0.5666667
## 11     1      SEM     50 0.5000000
## 12     2      SEM     50 0.1250000
## 13     1      COM     75 0.5666667
## 14     2      COM     75 1.1666667
## 15     1      SEM     75 0.5500000
## 16     2      SEM     75 0.0000000
## 17     1      COM    100 1.3000000
## 18     2      COM    100 0.3500000
## 19     1      SEM    100 0.4250000
## 20     2      SEM    100 0.7000000
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}
```

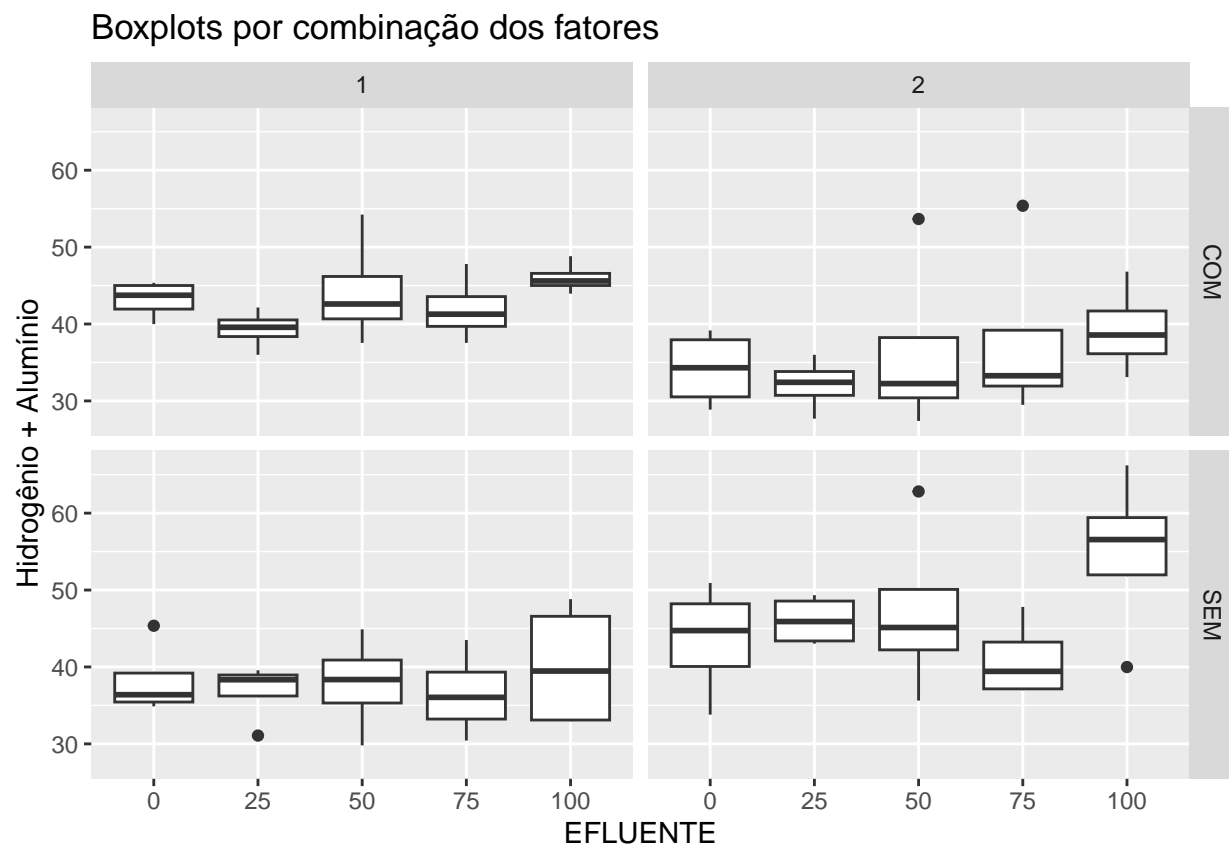
```
## [1] diif lwr upr p_adj
## <0 linhas> (ou row.names de comprimento 0)
##      diif      lwr      upr      p_adj
## 2:COM:0-1:COM:0  1.716667 0.05239433 3.38093901 0.03627985
## 1:SEM:25-2:COM:0 -1.750000 -3.41427234 -0.08572766 0.02941575
```



```
## 2:SEM:25-2:COM:0 -1.908333 -3.57260567 -0.24406099 0.01029609
## 2:SEM:50-2:COM:0 -1.825000 -3.48927234 -0.16072766 0.01807854
## 2:SEM:75-2:COM:0 -1.950000 -3.61427234 -0.28572766 0.00770901
```

Análise para Hidrogênio + Alumínio

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_9, aes(x = factor(EFLUENTE), y = H_AL)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "Hidrogênio + Alumínio") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(H_AL ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
  data = dados_9, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$H_AL
```

```

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(H_AL ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = dados_9, FUN = function(x) {
  q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
  iqr <- q[2] - q[1]
  limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
})

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$H_AL

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_9 <- with(dados_9,
                      dados_9[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_9$H_AL[which(blocos_dados_9$H_AL <
                          limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_9$H_AL < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_9$H_AL[which(blocos_dados_9$H_AL >
                          limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

```

```

## Warning in blocos_dados_9$H_AL > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do
## objeto maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

```

```

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_9 = aggregate(H_AL ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_9, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_9 = media_blocos_9[rep(row.names(media_blocos_9),
                                     each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas

```

```
rownames(media_blocos_9) <- NULL
```

```
# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a  
# combinação de fatores específica  
blocos_dados_9$H_AL[which(is.na(blocos_dados_9$H_AL))] =  
  media_blocos_9$H_AL[which(is.na(blocos_dados_9$H_AL))]
```

```
# Análises Descritivas  
str(blocos_dados_9)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)  
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...  
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...  
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...  
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...  
## $ H_AL : num [1:80] 42.6 45.4 40 44.9 36 ...
```

```
summary(blocos_dados_9)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO H_AL  
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. :27.40  
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.:34.70  
## 3:20 50 :16 Median :39.78  
## 4:20 75 :16 Mean :39.46  
## 100:16 3rd Qu.:44.07  
## Max. :54.23
```

```
# Número de observações  
with(blocos_dados_9, tapply(H_AL, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM  
## 0 8 8  
## 25 8 8  
## 50 8 8  
## 75 8 8  
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_9, tapply(H_AL, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM  
## 0 309.4900 317.7267  
## 25 285.8300 339.2033  
## 50 299.5367 331.9300  
## 75 295.9733 314.9233  
## 100 341.0200 320.8200
```

```
with(blocos_dados_9, tapply(H_AL, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM  
## 0 38.68625 39.71583
```

```
## 25 35.72875 42.40042
## 50 37.44208 41.49125
## 75 36.99667 39.36542
## 100 42.62750 40.10250
```

```
with(blocos_dados_9, tapply(H_AL, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##          COM      SEM
## 0  36.52768 40.77890
## 25 22.67904 19.89035
## 50 77.02230 32.10638
## 75 37.83979 30.84978
## 100 29.01554 29.57634
```

```
with(blocos_dados_9, tapply(H_AL, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM      SEM
## 0  6.043814 6.385836
## 25 4.762252 4.459860
## 50 8.776235 5.666250
## 75 6.151406 5.554258
## 100 5.386607 5.438413
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_9,
  model.tables(aov(H_AL ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
    CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
    CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
    "means"))
```

```
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 39.45567
##
##  CICLO
##  CICLO
##    1    2
## 40.40 38.51
##
##  BLOCO
##  BLOCO
##    1    2    3    4
## 39.79 40.27 40.40 37.36
##
##  EFLUENTE
##  EFLUENTE
##    0    25    50    75   100
## 39.20 39.06 39.47 38.18 41.37
##
##  INOCULO
```

```

## INOCULO
##   COM   SEM
## 38.30 40.62
##
##   CICLO:EFLUENTE
##       EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 39.55 39.04 41.05 39.24 43.10
##      2 38.86 39.09 37.88 37.12 39.63
##
##   CICLO:INOCULO
##       INOCULO
## CICLO COM   SEM
##      1 42.95 37.84
##      2 33.64 43.39
##
##   EFLUENTE:INOCULO
##       INOCULO
## EFLUENTE COM   SEM
##      0  38.69 39.72
##     25  35.73 42.40
##     50  37.44 41.49
##     75  37.00 39.37
##    100  42.63 40.10
##
##   CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##       EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 43.21 39.33 44.25 41.98 45.99
##      2 34.17 32.13 30.64 32.01 39.26
##
## , , INOCULO = SEM
##
##       EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 35.89 38.75 37.85 36.51 40.22
##      2 43.55 46.05 45.13 42.22 39.99

```

```

# Media dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_9 = aggregate(H_AL ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                           data = blocos_dados_9, FUN = mean)

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_9$H_AL)$p.value

# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)

```

```
## [1] 0.3667587
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_9$H_AL,
                                   media_blocos_9$EFLUENTE,
                                   media_blocos_9$INOCULO,
                                   media_blocos_9$CICLO)$p.value

# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.822809
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(H_AL ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_9)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  120.8   40.28
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1  107.5   107.5
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3  145.3   48.44
##
## Error: Within
##                  Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
```

```
## CICLO          1  70.9    70.9    4.223  0.0447 *
## EFLUENTE       4  87.8    22.0    1.308  0.2786
## CICLO:INOCULO  1 1103.0  1103.0  65.742 6.6e-11 ***
## CICLO:EFLUENTE  4  37.6     9.4    0.561  0.6922
## INOCULO:EFLUENTE  4 188.3    47.1    2.805  0.0345 *
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4 110.4    27.6    1.644  0.1765
## Residuals      54  906.0    16.8
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(H_AL ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_9)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]

# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: H_AL
##          Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## INOCULO      1  107.54   107.54   5.8305   0.01898 *
## CICLO:INOCULO  1 1103.01  1103.01  59.8022 1.909e-10 ***
## INOCULO:EFLUENTE  4  188.27    47.07   2.5519   0.04871 *
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:INOCULO"      "INOCULO:EFLUENTE"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(H_AL ~ CICLO + INOCULO,
                                  data = blocos_dados_9, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(H_AL ~ CICLO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_9, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(H_AL ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_9, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
    media_interacao <- aggregate(H_AL ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                  data = blocos_dados_9, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }
}
```

```
##  CICLO INOCULO    H_AL
## 1     1      COM 42.95050
## 2     2      COM 33.64200
## 3     1      SEM 37.84300
## 4     2      SEM 43.38717
##   INOCULO EFLUENTE    H_AL
## 1      COM      0 38.68625
## 2      SEM      0 39.71583
```



```
## 3      COM      25 35.72875
## 4      SEM      25 42.40042
## 5      COM      50 37.44208
## 6      SEM      50 41.49125
## 7      COM      75 36.99667
## 8      SEM      75 39.36542
## 9      COM     100 42.62750
## 10     SEM     100 40.10250
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

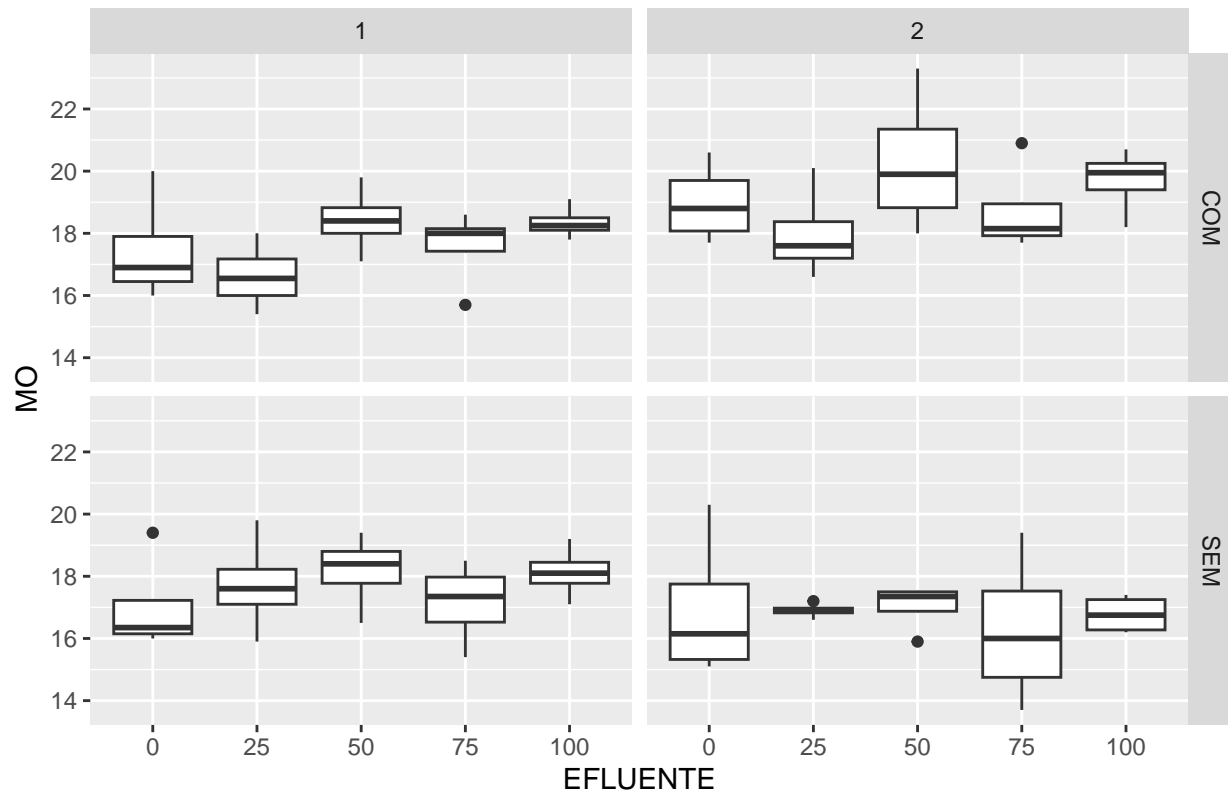
  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}
```

```
##           diif           lwr           upr           p_adj
## 2:COM-1:COM -9.308500 -12.9026674 -5.714333 3.316224e-08
## 1:SEM-1:COM -5.107500 -8.7016674 -1.513333 2.213180e-03
## 1:SEM-2:COM  4.201000  0.6068326  7.795167 1.575836e-02
## 2:SEM-2:COM  9.745167  6.1509992 13.339334 9.682292e-09
## 2:SEM-1:SEM  5.544167  1.9499992  9.138334 7.914183e-04
## [1] diif lwr upr p_adj
## <0 linhas> (ou row.names de comprimento 0)
```

Análise para MO

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_10, aes(x = factor(EFLUENTE), y = MO)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "MO") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```

Boxplots por combinação dos fatores



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(MO ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_10, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$MO

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(MO ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_10, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$MO

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup
```

```

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_10 <- with(dados_10,
                        dados_10[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_10$MO[which(blocos_dados_10$MO <
                        limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_10$MO < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_10$MO[which(blocos_dados_10$MO >
                        limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_10$MO > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_10 = aggregate(MO ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = blocos_dados_10, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_10 = media_blocos_10[rep(row.names(media_blocos_10),
                                       each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(media_blocos_10) <- NULL

# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a
# combinação de fatores específica
blocos_dados_10$MO[which(is.na(blocos_dados_10$MO))] =
  media_blocos_10$MO[which(is.na(blocos_dados_10$MO))]

# Análises Descritivas
str(blocos_dados_10)

## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ MO : num [1:80] 20 16.6 17.2 16 16.9 15.4 16.2 18 18.5 17.1 ...

```

```
summary(blocos_dados_10)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO MO
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. :15.10
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.:16.90
## 3:20 50 :16 Median :17.75
## 4:20 75 :16 Mean :17.92
## 100:16 3rd Qu.:18.73
## Max. :23.30
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_10, tapply(MO, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM
## 0 8 8
## 25 8 8
## 50 8 8
## 75 8 8
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_10, tapply(MO, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM
## 0 145.7000 132.5333
## 25 138.4000 138.5000
## 50 154.2333 140.8000
## 75 151.2000 137.1333
## 100 155.0000 140.2333
```

```
with(blocos_dados_10, tapply(MO, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM
## 0 18.21250 16.56667
## 25 17.30000 17.31250
## 50 19.27917 17.60000
## 75 18.90000 17.14167
## 100 19.37500 17.52917
```

```
with(blocos_dados_10, tapply(MO, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
## COM SEM
## 0 2.726964 0.1450794
## 25 2.008571 1.3183929
## 50 3.592996 1.2685714
## 75 1.077143 2.0996032
## 100 1.353571 0.8420437
```

```
with(blocos_dados_10, tapply(MO, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM          SEM
## 0    1.651352 0.3808929
## 25    1.417241 1.1482129
## 50    1.895520 1.1263088
## 75    1.037855 1.4490008
## 100   1.163431 0.9176294
```

Tamanho das Médias

```
T.medias <- with(blocos_dados_10,
                  model.tables(aov(MO ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
                                   CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
                                   CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
                              "means"))
```

T.medias

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 17.92167
##
##  CICLO
## CICLO
##      1      2
## 17.646 18.197
##
##  BLOCO
## BLOCO
##      1      2      3      4
## 18.377 17.890 17.660 17.760
##
##  EFLUENTE
## EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 17.390 17.306 18.440 18.021 18.452
##
##  INOCULO
## INOCULO
##      COM      SEM
## 18.613 17.230
##
##  CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 16.842 17.175 18.300 17.675 18.237
##      2 17.938 17.438 18.579 18.367 18.667
##
##  CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 17.810 17.482
##      2 19.417 16.978
##
##  EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
```

```
## EFLUENTE COM      SEM
##      0  18.212 16.567
##      25  17.300 17.312
##      50  19.279 17.600
##      75  18.900 17.142
##     100  19.375 17.529
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 17.450 16.625 18.425 18.200 18.350
##      2 18.975 17.975 20.133 19.600 20.400
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 16.233 17.725 18.175 17.150 18.125
##      2 16.900 16.900 17.025 17.133 16.933
```

```
# Média dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_10 = aggregate(MO ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = blocos_dados_10, FUN = mean)
```

```
# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_10$MO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)
```

```
## [1] 0.1531962
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_10$MO,
                                     media_blocos_10$EFLUENTE,
                                     media_blocos_10$INOCULO,
                                     media_blocos_10$CICLO)$p.value
```

```
# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.8059487
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(MO ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
  Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_10)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  6.053   2.018
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1 38.27   38.27
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3 15.35   5.116
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## CICLO      1   6.09   6.087   5.530 0.02237 *
## EFLUENTE    4 19.54   4.885   4.438 0.00357 **
## CICLO:INOCULO  1 22.26 22.261 20.224 3.69e-05 ***
## CICLO:EFLUENTE  4   1.95   0.489   0.444 0.77632
## INOCULO:EFLUENTE  4   9.84   2.459   2.234 0.07734 .
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE  4   3.89   0.973   0.884 0.47974
## Residuals    54 59.44   1.101
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(MO ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
  data = blocos_dados_10)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]
```

```
# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: M0
##           Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## CICLO       1  6.087    6.087   4.6393 0.0354902 *
## INOCULO      1 38.272   38.272  29.1709 1.345e-06 ***
## EFLUENTE     4 19.540    4.885   3.7234 0.0092446 **
## CICLO:INOCULO 1 22.261   22.261  16.9668 0.0001244 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:INOCULO"
```

```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
```



```

media_interacao <- aggregate(MO ~ CICLO + INOCULO,
                             data = blocos_dados_10, FUN = mean)
print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(MO ~ CICLO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_10, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
  media_interacao <- aggregate(MO ~ INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_10, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}

if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
  media_interacao <- aggregate(MO ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                               data = blocos_dados_10, FUN = mean)
  print(media_interacao)
}
}

```

```

##    CICLO INOCULO      MO
## 1      1      COM 17.81000
## 2      2      COM 19.41667
## 3      1      SEM 17.48167
## 4      2      SEM 16.97833

```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

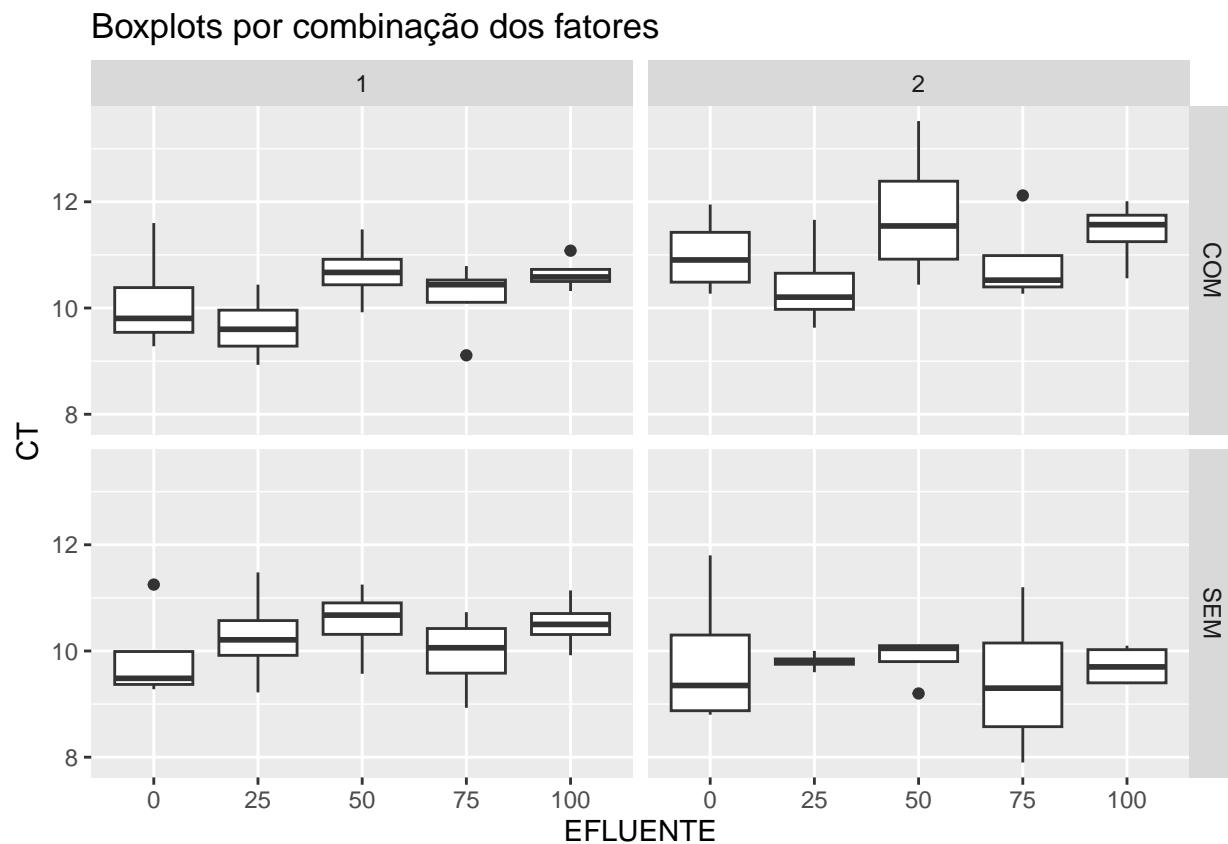
  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}

```

```
##                diif          lwr          upr          p_adj
## 2:COM-1:COM    1.606667    0.6480731    2.5652602    2.430914e-04
## 1:SEM-2:COM   -1.935000   -2.8935935   -0.9764065    9.797518e-06
## 2:SEM-2:COM   -2.438333   -3.3969269   -1.4797398    5.294404e-08
```

Análise para CT

```
# Gráficos com os boxplots para cada combinação de todos os fatores
ggplot(dados_11, aes(x = factor(EFLUENTE), y = CT)) +
  geom_boxplot() +
  facet_grid(INOCULO ~ CICLO) +
  labs(x = "EFLUENTE", y = "CT") +
  ggtitle("Boxplots por combinação dos fatores")
```



```
# Calcular os limites inferiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(CT ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                              data = dados_11, FUN = function(x) {
    q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
    iqr <- q[2] - q[1]
    limite_inferior <- q[1] - 1.5 * iqr
  })

# Armazenar vetor com os limites inferiores
lim_inf = limites_outliers$CT
```

```

# Calcular os limites superiores de outliers para cada combinação de fatores
limites_outliers <- aggregate(CT ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = dados_11, FUN = function(x) {
  q <- quantile(x, c(0.25, 0.75), na.rm = TRUE)
  iqr <- q[2] - q[1]
  limite_superior <- q[2] + 1.5 * iqr
})

# Armazenar vetor com os limites superiores
lim_sup = limites_outliers$CT

# Montar Dataframe com os limites inferior e superior
limites_outliers = limites_outliers[c(1:3)]
limites_outliers$LIM_INF = lim_inf
limites_outliers$LIM_SUP = lim_sup

# Definir o número de replicação de acordo com o valor de CICLO
num_rep <- ifelse(limites_outliers$CICLO == 1, 4, 3)

# Replicar as linhas do dataframe
limites_outliers <- limites_outliers[rep(row.names(limites_outliers),
                                         num_rep), ]

# Redefinir os índices das linhas
rownames(limites_outliers) <- NULL

# Reordenar os dados do tempo 1 seguindo a combinação de fatores por cada bloco
blocos_dados_11 <- with(dados_11,
                        dados_11[order(CICLO, INOCULO, EFLUENTE), ])

# Definir como NA (valor ausente) os outliers
blocos_dados_11$CT[which(blocos_dados_11$CT <
                        limites_outliers$LIM_INF)] = NA

## Warning in blocos_dados_11$CT < limites_outliers$LIM_INF: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

blocos_dados_11$CT[which(blocos_dados_11$CT >
                        limites_outliers$LIM_SUP)] = NA

## Warning in blocos_dados_11$CT > limites_outliers$LIM_SUP: comprimento do objeto
## maior não é múltiplo do comprimento do objeto menor

# Calcular a média para cada grupo de 4 linhas
media_blocos_11 = aggregate(CT ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = blocos_dados_11, FUN = mean)

# Replicar cada linha por 4 vezes
media_blocos_11 = media_blocos_11[rep(row.names(media_blocos_11),
                                       each = 4), ]

# Redefinir os índices das linhas

```

```
rownames(media_blocos_11) <- NULL
```

```
# Preencher os NA's com as médias dos 4 blocos para a  
# combinação de fatores específica
```

```
blocos_dados_11$CT[which(is.na(blocos_dados_11$CT))] =  
  media_blocos_11$CT[which(is.na(blocos_dados_11$CT))]
```

```
# Análises Descritivas
```

```
str(blocos_dados_11)
```

```
## tibble [80 x 5] (S3: tbl_df/tbl/data.frame)  
## $ BLOCO : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 1 2 3 4 1 2 3 4 1 2 ...  
## $ EFLUENTE: Factor w/ 5 levels "0","25","50",...: 1 1 1 1 2 2 2 2 3 3 ...  
## $ INOCULO : Factor w/ 2 levels "COM","SEM": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...  
## $ CICLO : Factor w/ 2 levels "1","2": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...  
## $ CT : num [1:80] 11.6 9.63 9.98 9.28 9.8 ...
```

```
summary(blocos_dados_11)
```

```
## BLOCO EFLUENTE INOCULO CICLO CT  
## 1:20 0 :16 COM:40 1:40 Min. : 8.80  
## 2:20 25 :16 SEM:40 2:40 1st Qu.: 9.80  
## 3:20 50 :16 Median :10.29  
## 4:20 75 :16 Mean :10.39  
## 100:16 3rd Qu.:10.79  
## Max. :13.52
```

```
# Número de observações
```

```
with(blocos_dados_11, tapply(CT, list(EFLUENTE, INOCULO), length))
```

```
## COM SEM  
## 0 8 8  
## 25 8 8  
## 50 8 8  
## 75 8 8  
## 100 8 8
```

```
with(blocos_dados_11, tapply(CT, list(EFLUENTE, INOCULO), sum))
```

```
## COM SEM  
## 0 84.52000 76.86667  
## 25 80.27000 80.32000  
## 50 89.46000 81.57000  
## 75 87.68667 79.51333  
## 100 89.32667 81.39333
```

```
with(blocos_dados_11, tapply(CT, list(EFLUENTE, INOCULO), mean))
```

```
## COM SEM  
## 0 10.56500 9.608333
```

```
## 25 10.03375 10.040000
## 50 11.18250 10.196250
## 75 10.96083 9.939167
## 100 11.16583 10.174167
```

```
with(blocos_dados_11, tapply(CT, list(EFLUENTE, INOCULO), var))
```

```
##          COM          SEM
## 0  0.9162000 0.04805079
## 25 0.6760554 0.44591429
## 50 1.2125929 0.43385536
## 75 0.3612175 0.67357698
## 100 0.5273698 0.28118651
```

```
with(blocos_dados_11, tapply(CT, list(EFLUENTE, INOCULO), sd))
```

```
##          COM          SEM
## 0  0.9571834 0.2192049
## 25 0.8222259 0.6677681
## 50 1.1011779 0.6586770
## 75 0.6010137 0.8207174
## 100 0.7262023 0.5302702
```

```
# Tamanho das Médias
```

```
T.medias <- with(blocos_dados_11,
  model.tables(aov(CT ~ CICLO + BLOCO + EFLUENTE + INOCULO +
    CICLO:EFLUENTE:INOCULO + CICLO:EFLUENTE +
    CICLO:INOCULO + EFLUENTE:INOCULO),
    "means"))
```

```
T.medias
```

```
## Tables of means
## Grand mean
##
## 10.38658
##
##  CICLO
##  CICLO
##      1      2
## 10.220 10.553
##
##  BLOCO
##  BLOCO
##      1      2      3      4
## 10.655 10.371 10.246 10.274
##
##  EFLUENTE
##  EFLUENTE
##      0      25      50      75      100
## 10.087 10.037 10.689 10.450 10.670
##
##  INOCULO
```

```

## INOCULO
##      COM      SEM
## 10.782  9.992
##
## CICLO:EFLUENTE
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1  9.770  9.961 10.614 10.251 10.506
##      2 10.404 10.113 10.765 10.649 10.834
##
## CICLO:INOCULO
##      INOCULO
## CICLO COM      SEM
##      1 10.301 10.140
##      2 11.262  9.843
##
## EFLUENTE:INOCULO
##      INOCULO
## EFLUENTE COM      SEM
##      0  10.565  9.608
##      25 10.034 10.040
##      50 11.182 10.196
##      75 10.961  9.939
##      100 11.166 10.174
##
## CICLO:EFLUENTE:INOCULO
## , , INOCULO = COM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1 10.122  9.642 10.685 10.557 10.497
##      2 11.008 10.425 11.680 11.365 11.835
##
## , , INOCULO = SEM
##
##      EFLUENTE
## CICLO 0      25      50      75      100
##      1  9.417 10.280 10.542  9.945 10.515
##      2  9.800  9.800  9.850  9.933  9.833

# Media dos blocos para fazer os testes de Normalidade e Homocedasticidade
media_blocos_11 = aggregate(CT ~ EFLUENTE + INOCULO + CICLO,
                             data = blocos_dados_11, FUN = mean)

# Realizar o teste Shapiro-Wilk no conjunto de dados completo
resultado_shapiro <- shapiro.test(media_blocos_11$CT)$p.value

# Exibir o resultado do teste Shapiro-Wilk
print(resultado_shapiro)

## [1] 0.1201501

```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_shapiro > 0.05) {
  print("Os dados seguem uma distribuição normal.")
} else {
  print("Os dados não seguem uma distribuição normal.")
}
```

```
## [1] "Os dados seguem uma distribuição normal."
```

```
# Realizar o teste de Bartlett no conjunto de dados completo
resultado_bartlett <- bartlett.test(media_blocos_11$CT,
                                     media_blocos_11$EFLUENTE,
                                     media_blocos_11$INOCULO,
                                     media_blocos_11$CICLO)$p.value

# Exibir o resultado do teste de Bartlett
print(resultado_bartlett)
```

```
## [1] 0.8012291
```

```
# Interpretação do p-valor
if (resultado_bartlett > 0.05) {
  print("A variância é homogênea entre os grupos.")
} else {
  print("A variância não é homogênea entre os grupos.")
}
```

```
## [1] "A variância é homogênea entre os grupos."
```

```
# Ajustar o modelo linear para parcelas subdivididas
modelo_PARCELASUB = aov(CT ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE +
                        Error(BLOCO*INOCULO), data = blocos_dados_11)

# Visualizar os resultados do modelo
summary(modelo_PARCELASUB)
```

```
##
## Error: BLOCO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## BLOCO  3  2.099  0.6997
##
## Error: INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq
## INOCULO  1 12.48  12.48
##
## Error: BLOCO:INOCULO
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals  3  4.985  1.662
##
## Error: Within
##      Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
```

```
## CICLO          1  2.213   2.213   6.084  0.01684 *
## EFLUENTE       4  6.212   1.553   4.269  0.00449 **
## CICLO:INOCULO   1  7.917   7.917  21.763 2.07e-05 ***
## CICLO:EFLUENTE  4  0.644   0.161   0.443  0.77717
## INOCULO:EFLUENTE 4  3.179   0.795   2.184  0.08299 .
## CICLO:INOCULO:EFLUENTE 4  1.529   0.382   1.051  0.38984
## Residuals      54 19.645   0.364
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
modelo = modelo_PARCELASUB
```

```
# Refazer o modelo sem o erro, apenas para facilitar as funções subsequentes
modelo = aov(CT ~ BLOCO + CICLO * INOCULO * EFLUENTE,
             data = blocos_dados_11)

# Realizar a análise de variância (ANOVA)
anova_result <- anova(modelo)

# Filtrar apenas os fatores significativos ao nível 0.05
fatores_significativos <- anova_result[anova_result$"Pr(>F)" < 0.05, ]

# Exibir as interações significativas
print(fatores_significativos)
```

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: CT
##          Df Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
## CICLO      1  2.2133   2.2133   5.1223  0.02745 *
## INOCULO     1 12.4820  12.4820  28.8870 1.482e-06 ***
## EFLUENTE    4  6.2124   1.5531   3.5943  0.01108 *
## CICLO:INOCULO 1  7.9170   7.9170  18.3223 7.222e-05 ***
## NA
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Vetor com os fatores significativos
nomes_linhas = row.names(fatores_significativos)

# Filtrar apenas as interações
interacoes_significativas <- nomes_linhas[nchar(nomes_linhas) > 8]

# Exibir o resultado
if (length(interacoes_significativas) == 0){
  print("Não houve interações significativas no modelo")
} else {
  print(interacoes_significativas)
}
```

```
## [1] "CICLO:INOCULO"
```



```
# Realizar o teste de Tukey para todas as interações significativas
tukey_result <- TukeyHSD(modelo)
```

```
for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(CT ~ CICLO + INOCULO,
                                data = blocos_dados_11, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(CT ~ CICLO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_11, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "INOCULO" && fator2 == "EFLUENTE" && fator3 == 0){
    media_interacao <- aggregate(CT ~ INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_11, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }

  if(fator1 == "CICLO" && fator2 == "INOCULO" && fator3 == "EFLUENTE"){
    media_interacao <- aggregate(CT ~ CICLO + INOCULO + EFLUENTE,
                                data = blocos_dados_11, FUN = mean)
    print(media_interacao)
  }
}
```

```
##   CICLO INOCULO      CT
## 1     1      COM 10.300667
## 2     2      COM 11.262500
## 3     1      SEM 10.139833
## 4     2      SEM  9.843333
```

```

for (i in 1:length(interacoes_significativas)) {
  if (length(interacoes_significativas) == 0){
    break
  }
  interacao = interacoes_significativas[i]
  partes <- strsplit(interacao, split = ":")
  if (nchar(interacao) < 20){
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- 0
  }
  else{
    fator1 <- partes[[1]][1]
    fator2 <- partes[[1]][2]
    fator3 <- partes[[1]][3]
  }

  inter_tukey = tukey_result[interacao]
  inter_tukey = data.frame(inter_tukey)
  colnames(inter_tukey) = c('diif', 'lwr', 'upr', 'p_adj')
  inter_tukey = subset(inter_tukey, p_adj < 0.05)
  print(inter_tukey)
}

```

```

##              diif          lwr          upr          p_adj
## 2:COM-1:COM  0.9618333  0.4117118  1.5119549  1.258402e-04
## 1:SEM-2:COM -1.1226667 -1.6727882 -0.5725451  7.902559e-06
## 2:SEM-2:COM -1.4191667 -1.9692882 -0.8690451  3.675382e-08

```

```

# Juntar dados em um mesmo dataframe
dados_final = cbind(blocos_dados_1, blocos_dados_2["P_resina"],
                    blocos_dados_3["S"], blocos_dados_4["K_resina"],
                    blocos_dados_5["Na"], blocos_dados_6["Ca"],
                    blocos_dados_7["Mg"], blocos_dados_8["Al"],
                    blocos_dados_9["H_AL"], blocos_dados_10["MO"],
                    blocos_dados_11["CT"])

```

```

# Criar planilha com todos os dados atualizados
library("xlsx")

```

```

## Warning: package 'xlsx' was built under R version 4.3.1

```

```

write.xlsx(dados_final, file = "Solo 20-40 atualizado.xlsx",
           sheetName = "R - Solo", append = FALSE)

```