Inicialização

Bem-vindo a primeira tarefa da parte 2 do curso de Aprendizado de Máquinas Profundo.

Treinar uma rede neural requer a especificação de um valor inicialpara os pesos. Um processo de inicialização mais adequado irá auxiliar no aprendizado.

Nesta tarefa iremos estudar a inicialização de uma rede neural analisando formas diferentes de inicialização e verificar os resultados obtidos.

Uma escolha correta da inicialização deverá:

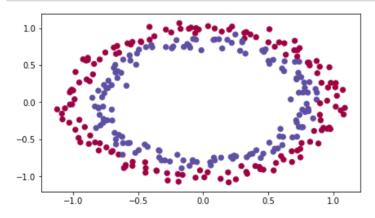
- Acelerar a convergência do gradiente descendente
- Aumentam as chances do gradiente descendente convergir para um erro menor no treinamento (e generalização)

Para começar execute a próxima célula e carregue os pacotes necessários e os dados com que iremos trabalhar.

```
In [1]: import numpy as np
    import matplotlib.pyplot as plt
    import sklearn
    import sklearn.datasets
    from init_utils import sigmoid, relu, compute_loss, forward_propagation,
    backward_propagation
    from init_utils import update_parameters, predict, load_dataset, plot_de
    cision_boundary, predict_dec

%matplotlib inline
    plt.rcParams['figure.figsize'] = (7.0, 4.0) # set default size of plots
    plt.rcParams['image.interpolation'] = 'nearest'
    plt.rcParams['image.cmap'] = 'gray'

# carrega a base de dados: pontos azul/vermelho em circulos
    train_X, train_Y, test_X, test_Y = load_dataset()
```



Você deseja criar um classificador que separe os pontos azuis dos pontos vermelhos.

1 - Modelo de Rede Neural

Para esta tarefa iremos utilizar uma rede neural com 3 camadas (já implementada para você). Aqui estão os métodos de inicialização que você irá experimentar:

- *Inicialização com zeros* -- ajustando initialization = "zeros" no argumento de entrada.
- *Inicialização aleatória* -- ajustando initialization = "random" no argumento de entrada. Este método inicializa os pesos com valores aleatórios, porém, grandes.
- Inicialização "he" -- ajustando initialization = "he" no argumento de entrada. Este método inicializa os pesos para valores aleatórios de acordo com o artigo He et al., 2015.

Instruções: Por favor leia rapidamente o código abaixo e execute a célula. Nas próximas células você irá implementar os três processos de inicialização para este modelo.

```
In [2]:
        def model(X, Y, learning rate = 0.01, num iterations = 15000, print cost
        = True, initialization = "he"):
             Implemente a rede neural em 3 camadas: LINEAR->RELU->LINEAR->RELU->L
        INEAR->SIGMOID.
             Araumentos:
             X -- dados de entrada, no formato (2, numero de exemplos)
Y -- vetor com os valores corretos de saída (contendo 0 para pontos
        vermelhos; 1 para pontos azuis), no formato
                  (1, número de exemplos)
             learning_rate -- taxa de aprendizado do gradiente descendente.
             num_iterations -- número de interações do gradiente descendente
             print_cost -- se True, imprime o custo a cada 1000 interações
             initialization -- flag para escolha do método de inicialização
             Retorna:
             parameters -- parâmetros aprendidos pelo modelo
             grads = \{\}
             costs = [] # para manter os valores do custo
             m = X.shape[1] # número de exemplos
             layers_dims = [X.shape[0], 10, 5, 1]
             # Inicializa os parâmetros do dicionário.
             if initialization == "zeros":
                 parameters = initialize parameters zeros(layers dims)
             elif initialization == "random":
                parameters = initialize_parameters_random(layers_dims)
             elif initialization == "he":
                 parameters = initialize_parameters_he(layers_dims)
             # Loop (gradiente descendente)
             for i in range(0, num_iterations):
                 # Propagação para frente: LINEAR -> RELU -> LINEAR -> RELU -> LI
        NEAR -> SIGMOID.
                 a3, cache = forward propagation(X, parameters)
                 # Custo
                 cost = compute_loss(a3, Y)
                 # Propagação para trás.
                 grads = backward_propagation(X, Y, cache)
                 # Atualização de parâmetros
                 parameters = update_parameters(parameters, grads, learning_rate)
                 # Imprime o custo a cada 1000 interações
                 if print_cost and i % 1000 == 0:
                     print("Custo após a interação {}: {}".format(i, cost))
                     costs.append(cost)
             # plota o custo
             plt.plot(costs)
             plt.ylabel('custo')
             plt.xlabel('iterações (por centenas)')
             plt.title("Taxa de aprendizado =" + str(learning_rate))
             plt.show()
             return parameters
```

2 - Inicialização com Zeros

Existem dois tipos de parâmetros a serem inicializados em uma rede neural:

```
• as matrizes de peso (W^{[1]}, W^{[2]}, W^{[3]}, \dots, W^{[L-1]}, W^{[L]})
• os vetores de bias (b^{[1]}, b^{[2]}, b^{[3]}, \dots, b^{[L-1]}, b^{[L]})
```

Exercício: Implemente a função a seguir para inicializar todos os parâmetros com zeros. Voce verá, depois, que está inicialização não funciona muito bem pois ele falha na hora que "quebrar simetrias" mas, vamos tentar usar este processo de qualquer forma e ver o que acontece. Utilize np.zeros((..,..)) com os formatos corretos.

```
In [58]: # FUNÇÃO DE AVALIAÇÃO: initialize parameters zeros
         def initialize parameters zeros(layers dims):
             Argumentos:
             layer dims -- array de python (lista) contendo o tamanho de cada cam
         ada.
             Retorna:
             parameters -- dicionário python contendo os parâmetros "W1", "b1", .
         .., "WL", "bL":
                             W1 -- matriz de pesos no formato (layers_dims[1], la
         yers dims[0])
                             b1 -- vetor de bias no formato (layers dims[1], 1)
                             WL -- matriz de pesos no formato (layers dims[L], la
         yers_dims[L-1])
                             bL -- vetor de bias no formato (layers_dims[L], 1)
             parameters = {}
             L = len(layers_dims)
                                              # número de camadas na rede
             for l in range(1, L):
                 ### INICIE SEU CÓDIGO AQUI ### (≈ 2 linhas de código)
                 parameters['W' + str(l)] = np.zeros((layers_dims[l], layers_dims
         [l -1]))
                 parameters['b' + str(l)] = np.zeros((layers dims[l], 1))
                 ### TÉRMINO DO CÓDIGO ###
             return parameters
```

```
In [59]: parameters = initialize_parameters_zeros([3,2,1])
    print("W1 = " + str(parameters["W1"]))
    print("b1 = " + str(parameters["b1"]))
    print("W2 = " + str(parameters["W2"]))

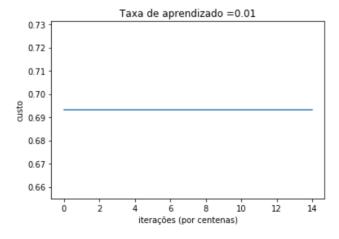
    [[0. 0. 0. 0. 0.]]
    [0. 0. 0. 0.]]
    [0. 0. 0. 0.]]
    W1 = [[0. 0. 0.]]
    [0. 0. 0.]]
    b1 = [[0.]]
    [0.]]
    W2 = [[0. 0.]]
    b2 = [[0.]]
```

Saída esperada:

W1	[[0. 0. 0.] [0. 0. 0.]]
b1	[[0.] [0.]]
W2	[[0. 0.]]
b2	[[0.]]

Execute o código abaixo para treinar seu modelo utilizando 15.000 interações utilizando inicialização com zeros.

```
In [29]:
         parameters = model(train_X, train_Y, initialization = "zeros")
         print ("No conjunto de treinamento:")
         predictions_train = predict(train_X, train_Y, parameters)
         print ("No conjunto de teste:")
         predictions_test = predict(test_X, test_Y, parameters)
         Custo após a interação 0: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 1000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 2000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 3000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 4000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 5000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 6000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 7000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 8000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 9000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 10000: 0.6931471805599455
         Custo após a interação 11000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 12000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 13000: 0.6931471805599453
         Custo após a interação 14000: 0.6931471805599453
```

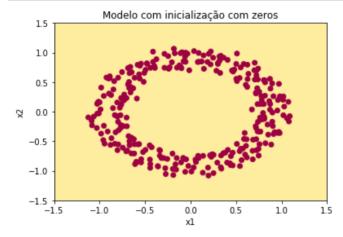


No conjunto de treinamento: Accuracy: 0.5 No conjunto de teste: Accuracy: 0.5

O desempenho é bem ruim, e o custo não diminui. O desempenho deste modelo não é muito melhor que uma escolha aleatória. Porque? Vamos analisar os detalhes da predição e a borda de decisão:

```
In [30]:
  print ("predictions train = " + str(predictions train))
  print ("predictions_test = " + str(predictions_test))
  0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
  0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0
```

```
In [31]: plt.title("Modelo com inicialização com zeros")
    axes = plt.gca()
    axes.set_xlim([-1.5,1.5])
    axes.set_ylim([-1.5,1.5])
    plot_decision_boundary(lambda x: predict_dec(parameters, x.T), train_X,
    predictions_train)
```



O modelo está fazendo uma previsão de 0 para todos os exemplos.

Em geral, inicializar todos os pesos com zero resulta em uma rede que não consegue quebrar simetrias. Isto quer dizer que cada neurônio em cada camada irá aprender exatamente a mesma coisa, e você pode estar treinando uma rede neural com $n^{[I]}=1$ para todas as camadas, e a rede não é mais poderosa que um classificador linear como a regressão logística.

O que você deve lembrar:

- ullet Os pesos $W^{[l]}$ devem ser inicializados aleatoriamente para quebrar a simetria.
- ullet Não existe problema em se inicializar os bias $b^{[l]}$ com zeros. A simetria ainda é quebrada desde que $W^{[l]}$ seja inicializado aleatoriamente.

3 - Inicialização aleatória

Para quebrar a simetria da rede vamos inicializar os pesos aleatoriamente. Seguindo a inicialização aleatória, cada neurônio poderá aprender uma função diferente para suas entradas. Neste exercício, você verá o que acontece se os pesos são inicializados aleatoriamente, porém, com valores altos.

Exercício: Implemente a seguinte função para inicializar os pesos para valores aleatórios altos (ajustados para *10) e os bias com zeros. Utilize np.random.randn(..,..) * 10 para os pesos e np.zeros((.., ..)) para os bias. Nós estamos utilizando uma semente fixa np.random.seed(..) para garantir os resultados, portanto, não se preocupe em executar o código várias vezes, os valores devem ser sempre os mesmos.

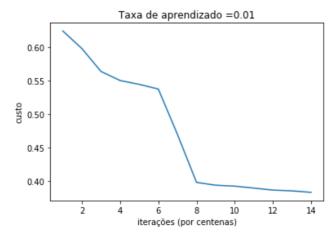
```
In [64]: # FUNÇÃO DE AVALIAÇÃO: initialize parameters random
         def initialize_parameters_random(layers_dims):
             Argumentos:
             layer dims -- um array python (lista) contendo o tamanho de cada cam
         ada.
             Retorna:
             parameters -- dicionário python contendo os parâmetros "W1", "b1", .
         .., "WL", "bL":
                             W1 -- matriz de pesos no formato (layers dims[1], la
         yers_dims[0])
                             b1 -- vetor de bias no formato (layers dims[1], 1)
                             WL -- matriz de pesos no formato (layers dims[L], l
         ayers dims[L-1])
                             bL -- vetor de bias no formato (layers dims[L], 1)
             .....
             np.random.seed(3)
                                              # Esta semente garante que os valore
         s aleatórios serão sempre os mesmos
             parameters = {}
             L = len(layers_dims)
                                             # valor inteiro representando o núme
         ro de camadas
             for l in range(1, L):
                 ### INICIE O SEU CÓDIGO AQUI ### (≈ 2 linhas de código)
                 parameters['W' + str(l)] = np.random.randn(layers_dims[l], layer
         s_dims[l-1]) * 10
                 parameters['b' + str(l)] = np.zeros((layers_dims[l], 1))
                 ### TÉRMINO DO CÓDIGO ###
             return parameters
```

Saída esperada:

W1	[[17.88628473 4.36509851 0.96497468] [-18.63492703 -2.77388203 -3.54758979]]
b1	[[0.] [0.]]
W2	[[-0.82741481 -6.27000677]]
b2	[[0.]]

Execute o código abaixo para treinar o seu modelo com 15.000 interações utilizando a inicialização aleatória.

```
In [66]:
         parameters = model(train_X, train_Y, initialization = "random")
         print ("No conjunto de treinamento:")
         predictions_train = predict(train_X, train_Y, parameters)
         print ("No conjunto de teste:")
         predictions_test = predict(test_X, test_Y, parameters)
         /home/bruno/Documentos/Mackenzie/Deep Learning/deep learning/atividade 05
         _01/init_utils.py:145: RuntimeWarning: divide by zero encountered in log
           logprobs = np.multiply(-np.log(a3), Y) + np.multiply(-np.log(1 - a3), 1
         /home/bruno/Documentos/Mackenzie/Deep Learning/deep learning/atividade 05
          _01/init_utils.py:145: RuntimeWarning: invalid value encountered in multi
         ply
           logprobs = np.multiply(-np.log(a3),Y) + np.multiply(-np.log(1 - a3), 1
         - Y)
         Custo após a interação 0: inf
         Custo após a interação 1000: 0.6242434241539614
         Custo após a interação 2000: 0.5978811277755388
         Custo após a interação 3000: 0.5636242569764779
         Custo após a interação 4000: 0.5500958254523324
         Custo após a interação 5000: 0.544339206192789
         Custo após a interação 6000: 0.5373584514307651
         Custo após a interação 7000: 0.469574666760224
         Custo após a interação 8000: 0.39766324943219844
         Custo após a interação 9000: 0.3934423376823982
         Custo após a interação 10000: 0.3920158992175907
         Custo após a interação 11000: 0.38913979237487845
         Custo após a interação 12000: 0.3861261344766218
         Custo após a interação 13000: 0.3849694511273874
         Custo após a interação 14000: 0.3827489017191917
```



No conjunto de treinamento: Accuracy: 0.83 No conjunto de teste:

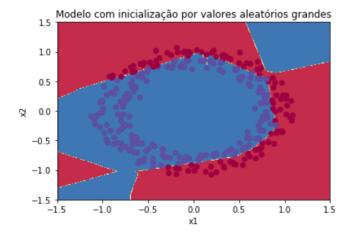
Accuracy: 0.86

Se você obtiver um "inf" como o custo após a interação 0, isto ocorre devido a um problema de arredondamento no python; uma implementação mais sofisticada resolveria este problema, mas isto não afeta o nosso propósito neste exercício.

De qualquer forma, note que a simetria foi quebrada e os resultados obtidos parecem melhores que os anteriores. A saída do modelo não é mais de apenas zeros.

```
In [67]: print (predictions_train)
   print (predictions test)
   [[1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1
    1
    0
     1 0
       1 0 1 1 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1
                     1 1 0 1 1
                         1 0
    0 1 1 0
       1 1 1 1 0 0 0 1 1 1 1 0]]
   1 1 1 1 1 0 1 0 0 1 0 0 0 1 1 0 1 1 0 0 0 1 1 0 1 1 0 0 0 1
```

```
In [68]: plt.title("Modelo com inicialização por valores aleatórios grandes")
    axes = plt.gca()
    axes.set_xlim([-1.5,1.5])
    axes.set_ylim([-1.5,1.5])
    plot_decision_boundary(lambda x: predict_dec(parameters, x.T), train_X, predictions_train)
```



Observações:

- O custo começa muito alto. Isto ocorre porque os valores aleatórios da inicialização são altos. A última ativação (sigmoid) da como saída valores muito próximos de 0 ou de 1 para alguns exemplos e quando o resultado está errado o valor da perda é grande para aquele exemplo. De fato, quando $\log(a^{[3]}) = \log(0)$, a perda vai para infinito.
- Uma inicialização ruim pode levar a gradientes que vão para zero ou que explodem fazendo com que o algoritmo de otimização seja lento.
- Se você treinar esta rede por mais tempo você deve conseguir melhores resultados porém, a inicialização com valores aleatórios grandes desacelera o processo de aprendizado.

Em Resumo:

- Inicializar os pesos para valores aleatórios grandes não funciona muito bem.
- Esperamos que a inicialização com valores aleatórios pequenos se comporte de uma melhor forma. A questão importante é: quão pequeno devem ser estes valores? Vamos tentar descobrir no próximo exercício.

4 - Inicialização He

Finalmente, vmos experimentar a inicialização He; este nome foi escolhido por ser o nome do primeiro autor do artigo He et al., 2015. (Se você já ouviu falar da inicialização de Xavier, está é similar, exceto que na Xavier é utilizado um fator de escala para os pesos $W^{[l]}$ de sqrt(1./layers_dims[l-1]) enquanto que na inicialização He é utilizado sqrt(2./layers_dims[l-1]).)

Exercício: Implemente a seguinte função de inicialização usando o processo de He.

Dica: Esta função é similar a prévia initialize_parameters_random(...). A única diferença é que ao invés de multiplicar np.random.randn(..,..) por 10, você irá multiplicá-los por $\sqrt{\frac{2}{\text{dimensão da camada anterior}}}$, que é o que é feito na inicialização He para as camadas com função de ativação ReLU.

```
In [77]:
         # FUNÇÃO DE INICIALIZAÇÃO: initialize parameters he
         import math
         def initialize parameters he(layers dims):
             Argumentos:
             layer_dims -- array python (lista) contendo o tamanho de cada camada
             Retorna:
             parameters -- um dicionário python contendo os parâmetros "W1", "b1"
         , ..., "WL", "bL":
                             W1 -- matriz de pesos no formato (layers dims[1], la
         yers dims[0])
                             b1 -- vetor de bias no formato (layers dims[1], 1)
                             WL -- matriz de pesos no formato (layers dims[L], la
         yers dims[L-1])
                             bL -- vetor de bias no formato (layers_dims[L], 1)
             np.random.seed(3)
             parameters = {}
             L = len(layers_dims) - 1 # valor inteiro representando o número de c
         amadas
             for l in range(1, L + 1):
                 ### INICIE SEU CÓDIGO AQUI ### (≈ 2 linhas de código)
                 parameters['W' + str(l)] = np.random.randn(layers_dims[l], layer
         s_dims[l-1]) * math.sqrt(2./layers_dims[l-1])
                 parameters['b' + str(l)] = np.zeros((layers_dims[l], 1))
                 ### TÉRMINO DO CÓDIGO ###
             return parameters
```

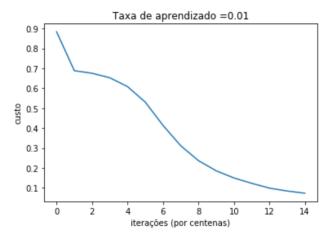
Saída esperada:

W1	[[1.78862847 0.43650985] [0.09649747 -1.8634927] [-0.2773882 -0.35475898] [-0.08274148 -0.62700068]	
b1	[[0.] [0.] [0.] [0.]]	
W2	[[-0.03098412 -0.33744411 -0.92904268 0.62552248]]	
b2	[[O.]]	

Execute a célula abaixo para treinar seu modelo com 15.000 interações utilizando a inicialização He.

```
In [79]: parameters = model(train_X, train_Y, initialization = "he")
    print ("Sobre o conjunto de treinamento:")
    predictions_train = predict(train_X, train_Y, parameters)
    print ("Sobre o conjunto de teste:")
    predictions_test = predict(test_X, test_Y, parameters)
```

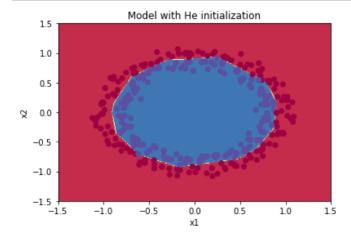
Custo após a interação 0: 0.8830537463419761
Custo após a interação 1000: 0.6879825919728063
Custo após a interação 2000: 0.6751286264523371
Custo após a interação 3000: 0.6526117768893807
Custo após a interação 4000: 0.6082958970572938
Custo após a interação 5000: 0.5304944491717495
Custo após a interação 6000: 0.4138645817071794
Custo após a interação 7000: 0.3117803464844441
Custo após a interação 8000: 0.23696215330322562
Custo após a interação 9000: 0.18597287209206834
Custo após a interação 10000: 0.15015556280371806
Custo após a interação 12000: 0.09917746546525934
Custo após a interação 13000: 0.08457055954024278
Custo após a interação 14000: 0.07357895962677369



Sobre o conjunto de treinamento: Accuracy: 0.993333333333333333 Sobre o conjunto de teste:

Accuracy: 0.96

```
In [80]: plt.title("Model with He initialization")
    axes = plt.gca()
    axes.set_xlim([-1.5,1.5])
    axes.set_ylim([-1.5,1.5])
    plot_decision_boundary(lambda x: predict_dec(parameters, x.T), train_X,
    predictions_train)
```



Observações:

 O modelo com a inicialização He separa ospontos vermelhos dos azuis muito bem com um número pequeno de interações.

5 - Conclusões

Você viu 3 formas diferentes de inicializar os parâmetros de uma rede neural. Para o mesmonúmero de interações e o mesmo conjunto de hiper-parâmetros, a comparação é a seguinte:

Modelo	**Acurácia do treinamento**	**Problema/Comentário**
Rede de 3-camadas inicializada com zeros.	50%	falha na quebra de simetria
Rede de 3-camadas inicializada aleatoriamente.	83%	pesos muito grandes
Rede de 3-camadas inicializada com o método de He	99%	método recomendado

O que você deve lembrar deste notebook:

- Inicializações diferentes levam a resultados diferentes.
- Inicialização aleatória é utilizada para quebrar simetrias e fazer com que unidades diferentes aprendam coisas diferentes.
- Não inicialize com valores muito grandes.
- A inicialização He funciona bem para redes com fnção de ativação ReLU.