

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio :

Microeconomia II - 2021/02

Bruno de M. Ruas

Escola Superior de Ciências Sociais Universidade do Estado do Amazonas

5. februar 2022



Sumário

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio

Introdução

Preparativos

3 Monopólio

4 Monopólio 2



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

Introdução



Apresentação do Professor

Micro II

Bruno de N Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio

Nome: Bruno de Melo Ruas

Formação:

- Graduação em Ciências Econômicas (UEA) em 2017
- Pós-graduação em Gestão Financeira (FGV) em 2020
- Cursando Análise e Desenvolvimento de Sistemas (PUC-MG)

Experiência:

- Monitorias de Intro. Eco, Macro I e Econometria
- Projeto Acadêmico de Iniciação Científica
- Observatório do Polo Industrial (UEA)
- Gerente de Orçamento da SEMSA-Manaus (2019-2020)
- Supervisor de Faturamento One Clinic (Atualmente)



Ementa do Curso

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

терагаці

Monopólio

Monopólio

- Poder de Mercado;
- Monopólios e Monopsônios;
- Mercado de Fatores;
- Interação estratégica;
- Oligopólios: Equilíbrios de Cournot e Bertrand;
- Introdução à Teoria dos Jogos: Estratégias dominantes, Equilíbrio de Nash;
- Jogos dinâmicos, Jogos sequenciais;
- Introdução ao equilíbrio geral;
- Falhas de Mercados e ineficiência do equilíbrio;
- Externalidades;
- Bens Públicos;
- Assimetria de Informação.





Bibliografia

Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

- Varian, Hal. Microeconomia: Uma Abordagem Moderna. 6
 ed. Rio de Janeiro: Campus Elsevier, 2003. (Principal)
- Goolsbee, Levitt e Syverson. Microeconomia. 2 ed. São Paulo: Atlas, 2008.
- Pindyck, Robert S.; Rubinfeld, Daniel L. Microeconomia. 6
 ed. São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2007.
- Bergstrom, Theodore C.; Varian, Hal R. Workouts in intermediate microeconomics. WW Norton, 2014.
- Varian, Hal R. Intermediate microeconomics with calculus: a modern approach. WW Norton & Company, 2014.



Metodologia

Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

ттерагаці

ivioliopolio

Professor:

- Aulas expositivas e dinâmicas (EAD ou presenciais) com os conteúdos propostos
- Material didático original elaborado específicamente para o curso (versão 1.0)
- Grupo no discord para tiragem de dúvidas e auxílios extra-classe
- Publicação de todo o material no repositório do Github

Alunos:

- Presença participativa em todas as aulas e, em caso de falta, esforço de recuperação do material perdido
- Leitura antecipada do material referente à cada aula prevista
- Realização dos exercícios propostos em sala de aula e para casa



Panorama do Curso

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

. горагант.

топороно

Como o nome da disciplina deixa evidente, nós estamos continuando uma jornada que já se iniciou com a disciplina de Microeconomia I.

A essa altura, você deve ter o domínio de assuntos como:

- O Modelo de Escolha do Consumidor
 - Restrição Orçamentária
 - Curvas de Indiferença
 - Excedente do Consumidor
- A Oferta da Empresa competitiva
 - Custos: Médio, Marginal, Total
 - Curvas de isolucro
 - Tecnologias de Produção
- Mercado de Fatores
- O Equilíbrio de Mercado competitivo



Panorama do Curso

Micro II

Ruas

Introdução

I também não devem ser nenhum mistério. Portanto, vocês já devem saber o que são:

> Funções, funções Inversas, funções lineares, coeficientes angular e linear

Os ferramentais usados ao longo do curso de microeconomia

- Variações e Taxas de Variação
- Derivadas e Derivadas Parciais
- Otimização e Otimização com Restrição

Então podemos seguir de onde micro I parou, né?



Panorama do Curso

Micro II

Bruno de M.

Introdução

Preparativo

Monopólio :





Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Mananália

Preparativos



Funções

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopóli

Monopólio

Vamos relembrar as principais ferramentas matemáticas necessárias para compreender alguns livros de microeconomia de graduação.

Funções

Sejam dois números quaisquer x e y, uma **função** ou **transformação** é uma regra que descreve uma relação entre eles.

Propriedades das Funções

Uma **função contínua** é aquela que não possui nenhum "salto" ou "quebra".

Uma **função suave** é aquela que não tem "dobras" nem "cantos".

Uma **função monotônica** é aquela que sempre segue o mesmo sentido (ou crescendo ou decrescendo) sem nunca mudar de sentido.



Funções

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

.. ...

Monopólio

Essas definições são simplificações draconianas dos conceitos que os matemáticos desenvolveram. Como o escopo do curso é introdutório, precisaremos nos valer dessas versões mais simples.

Quando é uma função é crescente a medida que x cresce, chamaremos de **função monotônica crescente**. Quando decrescer a medida que x crescer, chamaremos de **função monotônica decrescente**.

Função Inversa

Uma **função inversa** é a função que, sempre que colocarmos um y como variável independente teremos como resultado um x de alguma função anterior.



Funções

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Função Linear

Chamamos de **função linear**, qualquer função da forma y=ax+b.

Fique atento porque uma função linear pode ser expressa de maneira implícita (ou seja, será necessário desenvolver um pouco a álgebra até que se chegue numa equação no formato da definição).



Equações e Identidades

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

...

Monopólio

Equações

equações (usando o símbolo da igualdade "="). Onde as suas respectivas **soluções** são os valores atribuíveis as incógnitas que assegurem a validade da relação proposta.

Identidades

Uma **identidade** (que tem o símbolo dado por "≡") é um tipo de relação onde sempre haverá as soluções independentemente de quais valores suas variáveis assumam.



Variações

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio :

Variações

Usamos o símbolo " Δ " a para denotar a variação de alguma variável. Ou seja, se tivemos uma variável qualquer x que teve seu valor alterado de x^1 para x^2 , então:

$$\Delta x = x^2 - x^1$$

ou também

$$x^2 = x^1 + \Delta x$$

^aO nome é "delta".

Normalmente, usamos o delta quando falamos de **pequenas va-** riações ou, como os economistas falam, variações marginais.



Taxa de Variação

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Taxa de Variação

A taxa de variação é obtida pela razão (ou seja, pela divisão) de duas variações. Seja a função y=f(x), sempre que tivermos um $\Delta x>0$ e também tivermos algum $\Delta y\neq 0$. A taxa de variação de y em relação à x é dada por:

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y^2 - y^1}{x^2 - x^1} = \frac{f(x^1 + \Delta x) - f(x^1)}{\Delta x}$$

É uma medida do quanto y varia a medida que x varia.



Taxa de Variação

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Monopólio :

Quando uma função é linear, teremos que essa taxa de variação será sempre constante para quaisquer valores de x. Como y=ax+b, então

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} =$$

$$\frac{a(x^{1} + \Delta x) + b - (ax^{1} + b)}{\Delta x} = \frac{ax^{1} + a\Delta x + b - ax^{1} - b}{\Delta x} = \frac{ax^{1} + a\Delta x + b - ax^{1} - b}{\Delta x} = \frac{ax^{1} + a\Delta x + b - ax^{1}}{\Delta x} = \frac{ax^{1} + a\Delta x - ax^{1}}{\Delta x} = \frac{a\Delta x}{\Delta x} = a$$



Taxa de Variação

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Para as funções não lineares, essa propriedade não é observada. Tomemos $y=f(x)=x^2$ como exemplo,

$$\frac{(x + \Delta x)^2 - x^2}{\Delta x} = \frac{2x\Delta x + (\Delta x)^2 - x^2}{\Delta x} = \frac{2x\Delta x + \Delta x \cdot \Delta x}{\Delta x} = \frac{2x + \Delta x}{2x + \Delta x}$$



Inclinações e Interceptos

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio :

Inclinações

Em uma função linear, a inclinação da curva sempre será a mesma independente da magnitude da variação.

No caso das funções não lineares, a inclinação é dada pela **reta tangente** ao ponto da curva.

Interceptos

No caso de uma função linear, y=ax+b, temos alguns pontos que recebem nomes de **intercepto**. O **intercepto vertical** (y^*) é dado pelo ponto y=a.0+b=b, ou seja, onde x=0. Já o **intercepto horizontal** (x^*) é dado pelo ponto onde y=ax+b=0, ou seja, $x=\frac{-b}{a}$



Valor Absoluto e Logaritmo

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio 2

Valor Absluto

O valor absoluto de um número x qualquer é definido pela função f(x) do seguinte modo:

$$f(x) = |x| = \begin{cases} x & \text{se } x \geqslant \\ -x & \text{se } x < 0 \end{cases}$$

Logaritmo Natural

Você já deve ter visto no ensino médio que o **logaritmo natural** ou **log** de um número é uma função escrita como y=lnx ou y=ln(x) e que possui as seguintes propriedades:

- Se x, y > 0, então, ln(xy) = ln(x) + ln(y)
- ln(e) = 1
- $ln(x^y) = yln(x)$



Derivadas

Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Você deve lembrar desse conceito das aulas de matemática no primeiro período.

Derivada

A **derivada** da função f(x) será dada por:

$$f'(x) = \frac{df(x)}{dx} = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$$

A gente acabou de ver um conceito muito parecido na parte de Taxa de Variação. E é isso mesmo, a derivada é o cálculo da taxa de variação à medida que aplicamos o limite tendendo a zero na variação de (Δx) .



Derivadas

Micro II

Preparativos

Comentário: Essa técnica é muito importante ao longo de quase todos os tópicos desse curso. Volte nas apostilas e nas listas de derivadas caso seja necessário.

Já vimos que a deriva nos permite saber a inclinação da reta tangente da nossa função genérica f(x) num determinado ponto.

Derivadas Segundas

Chamamos de **derivada segunda** de f(x) a derivada da derivada dessa função.

$$f''(x) = \frac{d^2 f(x)}{dx^2}$$

Se for positiva, a função é convexa no ponto. Se for negativa, a função é côncava no ponto. Por fim, se for igual a zero, a função será plana. 23 / 94



Regra do Produto e da Cadeia

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Dadas duas funções g(x) e h(x).

Regra do Produto

Definindo uma nova função f(x)=g(x)h(x). A derivada dessa última função é dada pela aplicação da **regra do produto**:

$$\frac{df(x)}{dx} = g(x)\frac{dh(x)}{dx} + h(x)\frac{dg(x)}{dx}$$

Dadas as funções y = g(x) e z = h(y).

Regra da Cadeia

A função composta é dada por f(x) = h(g(x)) cuja derivada de uma função composta é obtida pela **regra da cadeia** da seguinte forma:

$$\frac{df(x)}{dx} = \frac{dh(y)}{dy} \frac{dg(x)}{x}$$



Derivadas Parciais

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Supondo uma função composta $f(x_1, x_2)$.

Derivada Parcial

A derivada parcial de $f(x_1, x_2)$ em relação a x_1 é dada por:

$$\frac{\partial f(x_1, x_2)}{\partial x_1} = \lim_{\Delta x_1 \to 0} \frac{f(x_1 + \Delta x_1, x_2) - f(x_1, x_2)}{\Delta x_1}$$

Similarmente, a derivada parcial em relação a x_2 será dada por:

$$\frac{\partial f(x_1, x_2)}{\partial x_2} = \lim_{\Delta x_2 \to 0} \frac{f(x_1, x_2 + \Delta x_2) - f(x_1, x_2)}{\Delta x_2}$$



Regra da cadeia das Derivadas Parciais

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio 2

Seja a função composta $g(t) = f(x_1(t), x_2(t))$.

Regra da Cadeia para Funções Compostas

A regra da cadeia aplicada à essa função é dada por:

$$\frac{dg(t)}{dt} = \frac{\partial f(x_1, x_2)}{\partial x_1} \frac{dx_1(t)}{dt} + \frac{\partial f(x_1, x_2)}{\partial x_2} \frac{dx_2(t)}{dt}$$

Atente para o fato que as variáveis independentes da nossa função g(t) são as funções $x_1(t)$ e $x_2(t)$ que também têm como variável independente t.



Otimização

Micro II

Bruno de N Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Matematicamente falando, dada uma função y = f(x) seu valor **máximo** será dado no ponto x^* se $f(x^*) \ge f(x)$ para qualquer valor de x.

Condições de Maximização

Se uma função for suave, o seu valor máximo é obtido no ponto onde teremos:

Condição de 1º Ordem:
$$\frac{df(x^*)}{dx} = 0$$

e também

Condição de
$$2^{\underline{0}}$$
 Ordem: $\frac{d^2 f(x^*)}{dx^2} \leq 0$



Otimização

Micro II

Bruno de N Ruas

Introdução

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Também é muito comum buscarmos a minimização de determinadas funções. Nesse caso, só teremos uma pequena mudança na condição de segunda ordem

Condições de Minimização

Se uma função for suave, o seu valor mínimo é obtido no ponto onde teremos:

Condição de 1º Ordem:
$$\frac{df(x^*)}{dx} = 0$$

e também

Condição de
$$2^{\underline{0}}$$
 Ordem: $\frac{d^2 f(x^*)}{dx^2} \ge 0$



Otimização

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

NA - - - - - - - - - - - - - -

Monopólio

No casos das funções compostas suaves, as condições de primeira ordem para os pontos de máximo e mínimo são alcançadas no ponto (x_1^*, x_2^*) cujas derivadas serão

Otimização de Função Composta

$$\frac{\partial f(x_1^*, x_2^*)}{\partial x_1} = 0$$

е

$$\frac{\partial f(x_1^*, x_2^*)}{\partial x_2} = 0$$

As condições de segunda ordem são muito mais complexas então não fazem parte do escopo desse curso.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Saber maximizar ou minimizar uma função é só uma parte do problema de otimização. Na vida real, a esmagadora maioria das situações de otimização está contida dentro de algum limite de possibilidades.

A **otimização com restrição** é a técnica usada para encontrar o ponto de máximo ou mínimo de alguma função dentro de um determinado domínio de possibilidades.

Otimização com Restrição

$$\max_{x_1, x_2} f(x_1, x_2)$$

de modo que $g(x_1, x_2) = c$

A função $f(x_1,x_2)$ é chamada de **função objeto** e a equação $g(x_1,x_2)=c$ é chamada de **restrição**.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Quando temos uma função de uma única variável, basta transformarmos a nossa restrição em uma igualdade, substituir uma função dentro da outra e aplicar as condições de primeira e segunda ordem.

Exemplo: O Problema da Empresa Líder (cap 28.2)

$$\max_{y_1} p(y_1 + y_2)y_1 - c_1(y_1)$$

de modo que
$$y_2 = f_2(y_1)$$



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Quanto temos uma função de múltiplas variáveis, temos que lidar com tangências em ordem mais elevadas. Quando dizemos que duas curvas são tangentes, podemos afirmar que o **vetor gradiente** dessas duas curvas são proporcionais em alguma medida.

Para não dificultar, um vetor gradiente é um vetor que contém as derivadas parciais de uma função multivariada. E, como qualquer vetor, poder ser somado para indicar uma única direção.



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativos

Monopólio

Monopólio

Num ponto qualquer (x_1, x_2) o vetor gradiente aponta para a direção onde os valores da função $f(x_1, x_2)$ aumentam mais rapidamente.

Uma propriedade interessante dos vetores gradientes é que quando duas funções são tangentes, seus vetores gradientes são proporcionais. O multiplicador de Langrange é justamente a quantidade dessa proporção.

Indicação de Material

Esse vídeo explica muito bem como o processo de otimização com restrição faz uso do vetor gradiente.

[Clique Aqui] e [Clique Aqui]



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

Monopólio

- Maximização dos Lucros
- Curva de Demanda Linear e Monopólio
- Estabelecimento de Preços com Markup
- A Ineficiência do Monopólio
- O Ônus do Monopólio
- O Monopólio Natural
- O que Causa os Monopólios



Introdução

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Monopólio

Monopólio

Vamos trabalhar um caso diferente do que foi visto no curso de microeconomia l: Como seria o caso onde só exista uma empresa controlando toda a oferta?

Diferente dos casos anteriores, agora nós buscamos construir um modelo de tomada de decisão que leve em consideração a capacidade do monopolista de intervir diretamente no preço de modo a maximizar seus lucros totais.

Existem duas maneiras de enxergar esse problema:

- Podemos modelar como se o monopolista controlasse o preço e a demanda é quem definiria a quantidade de equilíbrio.
- Podemos modelar como se o monopolista definisse a quantidade e a demanda definiria o seu preço de equilíbrio.



Maximização dos Lucros

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

Podemos resumir o problema do monopolista como:

O problema do Monopolista

$$\max_{y} r(y) - c(y)$$

Onde p(y) é a demanda inversa para o mercado, r(y)=yp(y) é a receita do monopolista e c(y) é o custo de produção das y unidades.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Monopólio

ivionopone

A condição de otimização é evidente: A receita marginal deve ser igual ao custo marginal.

Se a receita marginal for maior, bastaria aumentar a produção para aumentar os lucros. Se fosse menor, seria necessário reduzir a quantidade produzida afim de elevar o preço a um nível satisfatório.

Algebricamente, o problema é

$$RM = CMa$$

$$\frac{\Delta r}{\Delta y} = \frac{\Delta}{\Delta x}$$



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

O custo marginal é definido pela tecnologia de produção. A mudança em relação ao modelo competitivo acontecerá na receita marginal.

Como o monopolista tem o poder de intervir no mercado, sempre que ele decidir alterar a produção em Δy unidades, haverá dois efeitos na receita:

- Ele terá um aumento na receita em $p\Delta y$ unidades
- \bullet Como o mercado terá mais bens a sua disposição, ele estará disposto a pagar um preço menor pelas novas unidades, ou seja, $y\Delta p$

O resultado será obtido por

$$\Delta r = p\Delta y + y\Delta p$$



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introducão

Monopólio

$$\begin{split} \Delta r &= p\Delta y + y\Delta p \\ \frac{\Delta r}{\Delta y} &= \frac{p\Delta y}{\Delta y} + \frac{y\Delta p}{\Delta y} \\ &= \frac{p\Delta y}{\Delta y} + \frac{y\Delta p}{\Delta y} \\ &= p + y\frac{\Delta p}{\Delta y} \\ &= p \left[1 + \underbrace{\frac{y}{p}\frac{\Delta p}{\Delta y}}_{1/\text{elasticidade}}\right] \\ &= p \left[1 + \frac{1}{\epsilon(y)}\right]_{1/\text{elasticidade}} \end{split}$$



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

rreparativ

Monopólio

Monopólio

Como a elasticidade da demanda é negativa, podemos reescrever como

$$\frac{\Delta r}{\Delta y} = RM(y) = p \left[1 - \frac{1}{|\epsilon(y)|} \right]$$

Veja só como sofisticamos um pouco mais a ideia da receita marginal. Agora é uma função do preço e da elasticidade-preço da demanda.

Voltemos para a condição de maximização onde a Receita Marginal deve ser igual a o Custo Marginal.

$$p(y)\left[1 - \frac{1}{|\epsilon(y)|}\right] = CMa(y)$$



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio

Não faz sentido para ele operar nos pontos onde a demanda é inelástica porque ele poderia simplesmente reduzir a quantidade produzida (o que reduziria o custo total) com aumento de receita (porque o preço aumentaria). O ponto de máximo estará sempre na zona onde $|\epsilon| \geq 1$.

Se operar no ponto onde ϵ tende ao infinito, cairá exatamente no caso da competição perfeita. Onde a receita marginal é igual ao preço.

Agora podemos ver claramente que o nosso monopolista atuará somente nos pontos onde a demanda é elástica ($|\epsilon|>1$).

Para discussão em aula

O que acontece quando $|\epsilon|=1$?



Curva de Demanda Linear e Monopólio

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

гтерагаці

Monopólio

Monopólio

Veremos como fica o comportamento dessas variáveis num exemplo cuja curva de demanda é linear.

Considere os seguintes sistemas de equações:

Varian pg 632

Demanda Linear Inversa: p(y) = a - by

Função Receita: $r(y) = p(y)y = ay - by^2$

Função Receita Marginal: RM(y) = a - 2by

A receita marginal é dada (capítulo 15) pela derivada da função receita. Podemos ver que o intercepto vertical da demanda e da receita marginal são iguais (dado pelo ponto a).



Curva de Demanda Linear e Monopólio

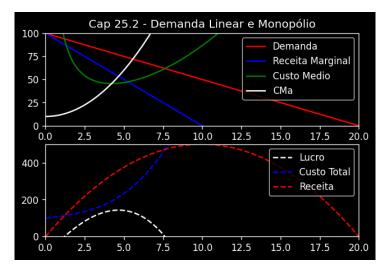
Micro II

Bruno de M.

Introducão

Preparativo

Monopólio





Curva de Demanda Linear e Monopólio

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

Conseguimos ver que a curva de lucro tem um ponto de máximo exatamente onde a curva da receita marginal encontra o custo marginal. Qualquer ponto diferente desse levaria a um nível de lucro menor.

Além disso, também é relevante o fato da curva de custo médio estar abaixo da curva de demanda. Se o ponto de produção cuja receita marginal é igual ao custo marginal tiver um custo médio superior a demanda, a empresa receberá menos do que os custo de produção.



Estabelecimento de Preços com Markup

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

Agora que tornamos a receita marginal endógena, podemos ver as condições de maximização do lucro quando a firma tem poder de definir o preço ou a quantidade do mercado (mas não os dois ao mesmo tempo).

Podemos compreender essa última equação como uma política de preço do monopolista. Para isso, só precisamos isolar o termo p(y) via rearranjo da última equação, o que após feito nos dá a seguinte relação

$$p(y) = \frac{CMa(y)}{1 - 1/|\epsilon(y)|}$$

Essa equação nos diz que o preço praticado no mercado cujo monopolista atua sempre se comportará como uma função de markup do seu custo marginal.



Estabelecimento de Preços com Markup

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

терагаціч

Monopólio

Monopólio

Podemos simplificar a visualização disso do seguinte modo

$$p(y) = \phi \times CMa(y)$$

onde
$$\phi = \frac{1}{1-1/|\epsilon(y)|}$$
.

Como sabemos, o monopolista sempre operará nos pontos cuja demanda é elástica, isso nos dará um $\epsilon(y) > 1$. Isso nos diz que o divisor $(1-1/|\epsilon|) < 1$, o que por sua vez, nos diz que $\phi > 1$.

Para dicussão em aula - Varian pg 634

Vamos analisar o caso da modelagem para um mercado com demanda de elasticidade constante.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio

Já conseguimos ver que, quando uma empresa opera como um monopólio, o preço de mercado será definido sempre acima do seu custo marginal.

No mercado de competição perfeita, esse preço seria exatamente igual ao custo marginal.

Isso implica na redução de algum excedente dos consumidores, mas em um incremento no excedente do produtor.

Como já sabemos, um arranjo é eficiente no sentido de Pareto se, e somente se, é possível realizar alguma troca de modo a se ter um aumento no excedente de uma das partes sem a redução do excedente de outra parte.



Micro II

Bruno de M. Ruas

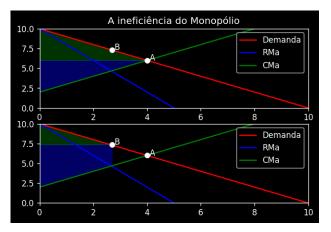
Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio

Agora vamos investigar se o equilíbrio no mercado monopolista é eficiente. Considere a imagem abaixo.





Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Геригии

Monopólio

Monopólio

O gráfico da parte de cima é o equilíbrio no mercado de competição e o de baixo é o nosso equilíbrio com monopólio.

Perceba como há um incremento no excedente do produtor (medido pela área azul) e uma redução do excedente do consumidor (área verde).

Para investigarmos se há uma ineficiência no sentido de Pareto no ponto B, façamos a seguinte pergunta:

Para discussão em aula

É possível adicionar uma unidade de produto no mercado de modo que o custo marginal pela produção desse bem seja inferior ao preço do mesmo?



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

гтерагаці

Monopólio

Monopólio

No nível B, a curva de preço (medida pela demanda inversa) ainda é superior à curva de custo marginal (aquela reta verde).

Desse modo, se o monopolista produzisse mais uma unidade, ele receberia mais do que o custo marginal dessa unidade e os consumidores cujo preço de reserva é igual ao novo nível de preço passariam a consumir o produto.

Como o produtor teria um lucro positivo (pois o custo marginal é inferior ao preço) e os consumidores teriam um aumento de excedente, achamos uma melhoria de Pareto.

Com isso, podemos ver que o equilíbrio com monopólio é ineficiente no sentido de Pareto.



O Ônus do Monopólio

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

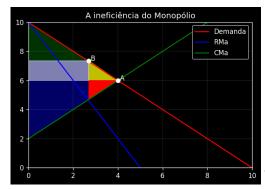
Preparativo

Monopólio

Monopólio

Agora que já vimos que o monopólio é ineficiente, podemos querer mensurar o tamanho dessa ineficiência.

Uma maneira possível de medir essa ineficiência é observando os excedentes nos cenários competitivo e de monopólio. Observe a figura abaixo:





O Ônus do Monopólio

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio

Monopólio

A área amarela é a medida da redução do excedente do consumidor.

Em vermelho temos a redução do excedente do produtor.

Em branco temos o quanto o monopolista consegue "capturar" do excedente dos consumidores ao adotar o nível de produção que maximiza o seu lucro.

O **ônus resultante do monopólio** é precisamente a soma das áreas amarela e vermelha.



O Monopólio Natural

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio

Já aprendemos o modelo de decisão do monopolista e também já vimos a ineficiência que esse modelo acarreta para os mercados.

Ao percebemos que o monopólio produz aquém da quantidade ótima, poderíamos nos sentir tentados a propor regulações que obrigassem o monopolista a aumentar o seu nível de produção até o nível da competição perfeita.

Contudo, esse problema é mais complexo do que parece, porque essa proposta de solução não leva em consideração a estrutura de custos.

A próxima imagem é um exemplo do que acontece quando alteramos apenas o custo fixo em 3 diferentes cenários.



O Monopólio Natural

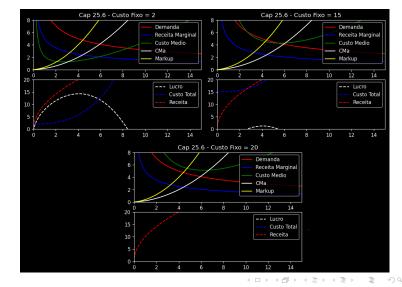
Micro II

Bruno de M.

Introducão

Preparativo

Monopólio





O Monopólio Natural

Micro II

Monopólio

Chamamos de monopólio natural a situação onde temos uma estrutura de custo fixos muito alta e custos marginais baixos.

Agora podemos ver que se obrigarmos o monopolista a produzir o nível da competição perfeita, pode acontecer do projeto não ser sustentável, pois a curva de custo médio está acima da curva de demanda.

Não existe solução simples para essa questão. Na maioria das situações os monopólios naturais são regulamentados ou operados diretamente pelos governos.

Cada opção de solução acaba acarretando benefícios e malefícios consigo. Em ambos os casos, os problemas são geralmente oriundos devido a informação assimétrica entre a empresa e os seus 4 D > 4 A > 4 B > 4 B > controladores. 55 / 94



Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativ

Monopólio

Monopólio

Agora nos resta uma última investigação: Qual a causa dos monopólios?

Uma variável que podemos creditar como importante é a **escala mínima de eficiêntia (EME)**. Ela nada mais é do que o ponto de mínimo da nossa curva de custo médio.

O formato da curva de custo médio (e consequentemente a EME) é definido exclusivamente pela tecnologia.

Quando temos uma escala mínima de eficiência muito elevada, uma empresa precisa produzir uma quantidade muito grande dos bens vendidos no mercado para se manter.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

D.....

Monopólio

Monopólio

Quando temos uma EME pequena, qualquer empresa pequena pode começar a operar no mercado. Isso aumenta o número de competidores.

O que acaba por reduzir o peso de cada empresa individualmente.

O que acaba por gerar um ambiente de competição.

Observe que o fator importante é a relação entre a EME e o tamanho do mercado. Se a EME é de 10.000 unidades, mas o mercado é o país todo, essa é uma EME relativamente baixa. Se o tamanho do mercado fosse um único shopping center, aí seria considerar consideravelmente alta.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Monopólio

Monopólio

Além da EME, outra maneira de se criar um monopólio é por meio da coordenação dos agentes ofertantes em uma **colusão**.

Quando um conjunto de empresa se une para definir em conjunto a produção, elas agem como um **cartel**.

Esse cartel acaba atuando como se fosse um ofertante só (e consequentemente, age com o poder de mercado advindo dessa coordenação).



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

i reparativ

Monopólio

Monopólio

Um terceiro e último motivo para o nascimento de um monopólio é o bom e velho "cheguei primeiro".

Se uma empresa, por algum acidente histórico, é a primeira a se estabelecer no mercado. É natural que ela se valha da falta de competidores e consiga um crescimento em escala.

Quando novos ofertantes entram no mercado, o monopolista consegue usar seu arsenal de escala e reduzir artificialmente o preço até o ponto onde ninguém além dele pode se manter.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativo

. .

Monopólio 2

O comportamento do Monopolista

- Tipos de discriminação de preços
- Discriminação de 1º ordem
- Discriminação de 2º ordem
- Discriminação de 3º ordem
- Vinculação de produtos
- Tarifas bipartidas
- Competição monopolística
- Estabilidade na Competição
- Diferenciação de Produtos
- Mais sorveteiros





Tipos de Discriminação de Preços

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio 2

Nós vimos que o monopolista acaba produzindo em um ponto onde a demanda ainda está disposta a pagar por mais do que o custo marginal.

Porque o monopolista não abaixa o preço para vender mais unidades?

Ele teria de baixar o preço de todos os produtos e não apenas os adicionais!

Existem alguns monopolistas que detém o poder de **discrimi- nação de preços**.



Tipos de Discriminação de Preços

Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

Discriminação de Preços de 1º Grau:

Nesse caso ele tem poder de cobrar um preço diferente para cada consumidor e para cada quantidade.

Discriminação de Preços de 2º Grau

Nesse caso ele tem poder de discriminar o preço apenas para as quantidades compradas. Mas todos os consumidores que levarem a mesma quantidade, pagarão o mesmo preço no total.

Discriminação de Preços de 3º Grau

Esse é o caso mais comum. É quando o monopolista tem o poder de escolher qual preço cada pessoa vai pagar por todas as unidades que levar. Ou seja, ele pode controlar qual o valor de todas as unidades da cesta, contudo, não pode diferenciar o valor entre essas unidades.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

терагаці

Monopólio

Monopólio 2

O monopolista está em plenos poderes. Ele possui conhecimento do preço de reserva de cada consumidor e, com esse conhecimento, cobra exatamente o valor máximo para cada quantidade. Também chamamos esse tipo de **discriminação perfeita**.

Um fato curioso desse arranjo é que, por incrível que pareça, ele é eficiente no sentido de Pareto.

Para discussão em aula

Quem pode explicar como esse arranjo pode ser ótimo de Pareto?

Em termos de excedente, o que acontece é que o monopolista captura todo o excedente do mercado. Os consumidores, por sua vez, não possuem nenhum excedente.

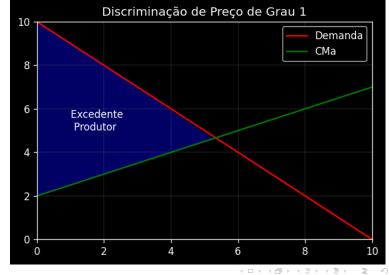


Micro II

Bruno de M. Ruas

Introducão

Preparativos





Micro II

Bruno de M Ruas

Introducã

Preparativ

Monopólio

Monopólio 2

Um exemplo é o mafioso Don Vito Corleone da clássica trilogia de filmes The Godfather. O "modelo de negócio" do protagonista é fazer alguns favores em troca de outros favores. No caso do personagem mafioso, ele abusava do poder de mercado que detinha para cobrar o máximo possível (em bens ou serviços) de quem estava em dívida com ele.





Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio 2

Nesse modelo, também chamado de **fixação de preços não linear**, o produtor já não pode cobrar, por uma mesma quantidade, um valor diferente entre consumidores diferentes.

Isso força o monopolista a desenvolver uma estratégia de precificação que tente tirar o maior proveito possível das diferentes curvas de demanda.

Imagine que temos apenas 2 grupos de consumidores no mercado. Como nosso modelo prevê, o monopolista tem acesso as curvas de demanda de cada consumidor, mas como limitação, ele só pode escolher quais cestas ofertar por qual preço, e deixar que os consumidores escolham qual é a melhor para eles.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

O objetivo do monopolista é captar todo o excedente do mercado. Mas ele enfrenta uma limitação nessa modalidade de discriminação de preços.

Como ele não pode vender a mesma quantidade a preços diferentes para os grupos de consumidores, ele tem de escolher se vai vender a preço de reserva da curva de demanda 1 ou 2.

Se ele optar por vender na fronteira da curva de demanda 1, ele vai abrir mão de todo o excedente advindo dos consumidores do tipo 2!



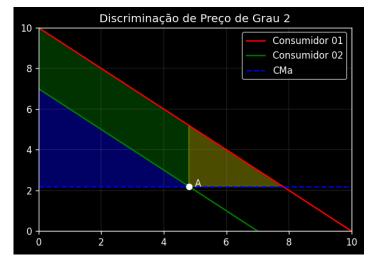
Micro II

Bruno de M. Ruas

Introducão

Preparativos

·



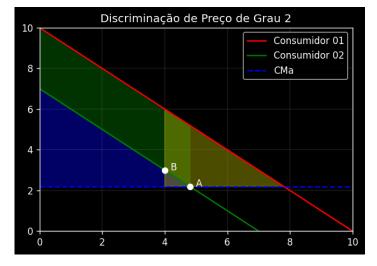


Micro II

Bruno de M.

Introducão

Preparativo





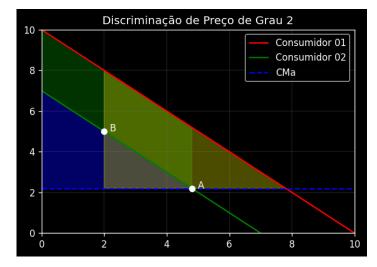
Micro II

Bruno de M. Ruas

Introducão

Preparativos

Monopólio





Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio 2

Na realidade, o principal método de incentivo a autosseleção é a alteração da qualidade do bem. Normalmente, o monopolista reduz a qualidade dos produtos direcionados aos consumidores com preços de reserva menores, afim de evitar que seus consumidores dispostos a pagar mais, prefiram comprar esses produtos ao invés de produtos de "primeira linha".

Essa estratégia maximiza o lucro do monopolista e ainda garante algum excedente para os consumidores das demandas mais altas.

16 GB Armazenamento SSD de 512 GB¹	16 GB Armazenamento SSD de 1 TB¹
Neural Engine de 16 núcleos	Neural Engine de 16 núcleos
Tela Liquid Retina XDR de 14 polegadas	Tela Liquid Retina XDR de 14 polegadas
Três portas Thunderbolt 4, porta HDMI, slot para cartão SDXC, porta MagSafe 3	Três portas Thunderbolt 4, porta HDMI, slot para cartão SDXC, porta MagSafe 3
Magic Keyboard com Touch ID	Magic Keyboard com Touch ID
Trackpad Force Touch	Trackpad Force Touch
Adaptador de energia USB-C de 67W	Adaptador de energia USB-C de 96W
R\$ 26.999,00	R\$ 32.999,00



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparati

Monopólio

Monopólio 2

Nesse caso, o monopolista consegue discernir claramente qual consumidor pertence a qual grupo e, consequentemente, consegue cobrar um preço diferente. Atente para o fato que o monopolista só pode adota um único preço para cada grupo de consumidores.

Na prática, a modelagem desse problema é muito parecida com o que vimos no capítulo passado, já que, ele só pode escolher um único preço para cada tipo de consumidor.

A única diferença do modelo do capítulo passado é que ele vai se deparar com mais de uma curva de demanda.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

$$\max_{y_1,\,y_2} \ p_1(y_1)y_1 + p_2(y_2)y_2 - c(y_1 + y_2)$$

$$RM_1(y_1) = CMa(y_1 + y_2)$$

$$RM_2(y_2) = CMa(y_1 + y_2)$$

Isso claramente implica em

$$RM_1(y_1) = RM_2(y_2) = CMa(y_1 + y_2)$$



Micro II

Bruno de M Ruas

Introducã

Preparativo

Monopólio 2

Podemos usar a nossa fórmula da elasticidade para elaborar um pouco mais esse problema:

$$p_1(y_1) \left[1 - \frac{1}{|\epsilon_1(y_1)|} \right] = CMa(y_1 + y_2)$$

$$p_2(y_2) \left| 1 - \frac{1}{|\epsilon_2(y_2)|} \right| = CMa(y_1 + y_2)$$

Suponha que $y_1 = y_2$. Se $p_1 > p_2$, então:

$$1 - \frac{1}{|\epsilon_1(y_1)|} < 1 - \frac{1}{|\epsilon_2(y_2)|}$$



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativo

Mononólio

Monopólio 2

O que implica em

$$\frac{1}{|\epsilon_1(y_1)|} > \frac{1}{|\epsilon_2(y_2)|}$$

Que, por fim, nos diz que

$$|\epsilon_1(y_1)| < |\epsilon_2(y_2)|$$



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

терагация

ivionopolio

Monopólio 2

Vocês agora entendem o motivo de existir meia entrada.

Eu sei, eu sei, isso é muito top.

O monopolista vai cobrar mais caro de quem tiver a demanda menos elástica.



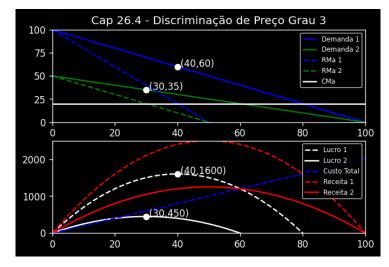
Micro II

Bruno de M.

Introducão

Preparativo

Monopólio 2





Micro II

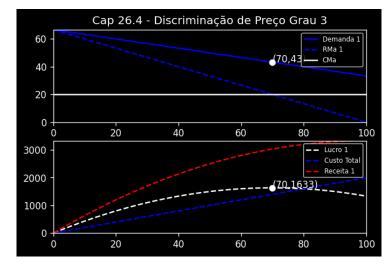
Bruno de M.

Introducão

Preparativos

Monopólio

Monopólio 2





Vinculação de Produtos

Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

Já vimos que a vontade do monopolista é cobrar o máximo possível para cada cliente em cada quantidade. Isso faria com que ele capturasse todo o excedente do mercado.

Como na prática isso implicaria em conhecimento perfeito de todos os consumidores e existe uma legislação que limita a capacidade de impor muito do poder de mercado, as empresas se valem de estratégias para maximizar esse excedente.

Uma dessas estratégias é exatamente a venda casada. A ideia é a seguinte: como o vendedor não pode cobrar um preço para cada consumidor, ele precisa ter uma ideia dos preços de reserva dos mesmos para que possa cobrar exatamente o valor do preço de reserva mais baixo que o custo marginal permita.



Vinculação de Produtos

Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio 2

Consumidor	Processador Texto	Planilha Eletrônica
А	120	100
В	100	120

Para discussão em aula

Vale mais a pena o monopolista cobrar separadamente ou pela cesta dos dois bens?



Tarifas Bipartidas

Micro II

Monopólio 2

Baseado no paper de Walter Oi, "A Disneyland Dilemma: Two-Part Tariffs for a Mickey Mouse Monopoly".

Como o monopolista se comportará no caso da venda de dois produtos que possuem demandas interrelacionadas?

No tópico anterior, supomos que as demandas eram independentes. Agora temos um caso onde, ao aumentar a oferta do bem 1, os consumidores estarão menos propensos a consumir o bem 2. Chamamos esse arranjo de tarifa bipartida.



Tarifas Bipartidas

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio 2

Como já trabalhamos antes, sabemos que a maximização do lucro é obtida no ponto onde o custo marginal é igual à receita marginal.

Fazendo isso para a oferta do bem 1 e como ele não pode discriminar perfeitamente os preços, haverá um excedente do consumidor. Esse excedente é exatamente o valor máximo que ele pode cobrar pelo bem 2.

Nesse caso, pode ser que a quantidade cobrada pelo bem 2 seja inferior ao montante que iguale o custo marginal à receita marginal.



Tarifas Bipartidas

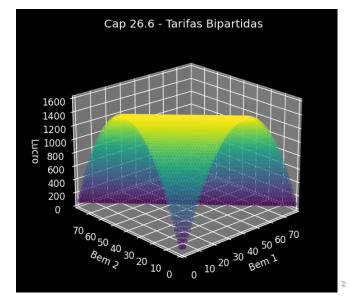
Micro II

Bruno de M.

Introducão

Preparativo

Monopólio 2





Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio 2

Nós começamos essa seção do livro partindo da posição oposta aos modelos que vimos ao longo da primeira metade do curso.

Adaptamos o modelo da escolha maximizadora do lucro para a existência do poder de mercado e avançamos como o monopolista pode usar esse poder mesmo em arranjos menos favoráveis à capacidade de discriminação de preços.

Nessas últimas duas seções expandimos nosso modelo para mais de um produto e como eles podem interagir entre si para a maximização do lucro.



Micro II

Bruno de N Ruas

Introduçã

гтерагаці

Monopólio

Monopólio 2

Até agora, tratamos uma **indústria** como um conjunto de produtores cujo resultado do esforço produtivo era *exatamente* a mesma mercadoria. Isso quer dizer que, sendo 1 (que é o caso do monopólio) ou 1.000 produtores, todas as mercadorias que saem das fábricas e são comercializadas seriam exatamente as mesmas.

Essa hipótese simplificadora vai dar lugar a uma nova que, na minha opinião, é bem mais aplicável a nossa realidade fática.

Os produtos agora possuem certas propriedades exclusivas (sendo a marca a principal) e seus competidores também serão diferenciáveis entre si. Todos competindo por um mercado de bens relativamente parecidos aos consumidores.



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

гтерагація

Monopólio 2

Nesse novo arranjo, os produtores possuem características de ambos os modelos vistos.

Eles não podem alterar seus preços completamente como um monopólio, porque os consumidores olhariam para os seus concorrentes e comprariam algum produto semelhante ao seu, só que mais barato.

Por outro lado, eles não estão fadados estritamente ao preço de mercado, uma vez que nesse arranjo a demanda não será infinitamente elástica.

O nome dessa estrutura setorial é **concorrência monopolística**.



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio 2

É razoável supor que se o número de concorrentes aumentar (algo que está muito relacionado às barreiras de entrada) haverá impactos na curva de demanda que a empresa está imposta.

O primeiro impacto que podemos supor é que essa curva irá se aproximar mais da origem do plano cartesiano. Ou seja, ele vai acabar tendo que baixar mais o seu preço se quiser continuar vendendo a mesma quantidade.

O segundo impacto previsto é que a elasticidade de demanda aumentará porque agora os consumidores podem escolher mais opções em relação a antes.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

гтерагація

ivionopolio

Monopólio 2

Se todas as empresas do mercado tiverem como objetivo o lucro. Qualquer equilíbrio alcançado terá que obedecer algumas restrições:

- Cada empresa venderá o máximo possível. Ou seja, elas sempre optam por ofertar cestas que estejam na curva de demanda e não abaixo dela.
- Cada empresa precisará maximizar seu lucro levando em consideração as imposições oriundas à sua curva de demanda da empresa.
- Quanto mais competidores o mercado tiver, mais próximo de zero será o lucro das empresas contidas no mercado.



Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2

Do fato 1, podemos derivar o fato que quaisquer opções de maximização estão na própria curva de demanda.

Do fato 3, podemos ver que a medida que o número de competidores tende ao infinito, a cesta escolhida deve ser num ponto onde a curva de custo médio tangencia a curva de demanda.

Por fim, o nosso postulado 2 afirma que a maximização ocorrerá na curva de demanda, isso implica no fato que a curva de custo médio não cruzará a curva de demanda, porque se isso acontecer, as empresas terão lucro positivos.



Estabilidade na Competição

Micro II

Bruno de M.

Monopólio 2

Esse seção é inspirada no clássico artigo de 1929 "Stability in Competition" de Harold Hotelling. Isso mesmo, 1929.

Imagine que a orla da Ponta Negra seja retilínea e que só seja permitida a venda de sorvetes mediante autorização da Prefeitura. Adicionaremos a restrição que a probabilidade de você encontrar um transeunte com calor é uniforme em toda a extensão da orla. Suporemos também que os preços dos sorvetes sempre serão iguais, que não há diferença de qualidade e que por motivos climáticos só exista um único sabor disponível.

Diante das características do mercado acima, onde o primeiro sorveteiro com licenca da prefeitura deve instalar sua barraquinha?. Não é difícil chegar na conclusão que ele deve se instalar exatamente no meio da orla. 4 0 1 4 4 4 5 1 4 5 1



Estabilidade na Competição

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativ

Monopólio

Monopólio 2

Supondo que outro sorveteiro consiga sua licença para vender na orla. Qual será o melhor arranjo?. Se usarmos o mesmo pensamento de antes, podemos supor que cada vendedor fique no ponto que corresponda a 1/4 e 3/4 do tamanho da orla.

No final teremos uma distância máxima de 1/4 da orla para cada consumidor e 1/2 da receita total para cada sorveteiro.

Como eles querem maximizar sua receita, cada vendedor terá o incentivo à se mover um pouco para o centro, porque desse modo ele manterá a sua demanda cativa e ainda "roubará" parte da demanda do seu colega de ofício.



Estabilidade na Competição

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

Preparativo

Monopólio 2

No final, ambos se encontrarão no centro da orla. Esse novo arranjo aumenta a distância máxima dos consumidores para 1/2 e mantém a receita dos sorveteiros em 1/2.

Esse é um exemplo de como a competição pelos clientes gerou um padrão menos eficiente na localização dos sorveteiros. Quanto menos agentes temos nos mercado, mais precisaremos nos preocupar com as estratégias que cada um deles adotará.

Se você começou a pensar em teoria do jogos, é isso mesmo!



Diferenciação de Produtos

Micro II

Bruno de M Ruas

Introduçã

гтерагаці

Monopólio

Monopólio 2

Existem situações onde os produtores optam por buscar o oposto do modelo de convergência, eles investem na diferenciação dos seus produtos. Qual o sentido disso? nós já vimos que, quanto maior é o grau de diferenciação do produto, mais característica de monopólio o competidor terá.

Infelizmente, o livro não adentra muito além da demonstração que existe essa vertente de possibilidade dos mercados.

O importante aqui é saber que a competição monopolística pode gerar tanto uma padronização dos produtos quanto uma excessiva diferenciação deles.



Micro II

Bruno de M. Ruas

Introdução

Preparativo

Monopólio

Monopólio 2