



LABORATÓRIO 2 - Simulação de Sistemas 1

Aluno: Matheus Carvalho Reges - 22152027

1. Descrição dos Objetivos

O objetivo principal desta simulação é modelar e analisar o movimento de um robô em um plano bidimensional, controlado por uma velocidade linear constante e uma velocidade angular variável ao longo do tempo. A simulação deve calcular e registrar a trajetória e orientação do robô ao longo de um intervalo de tempo especificado.

2. Descrição do Problema Proposto

O problema envolve a simulação do movimento de um robô que se desloca em um plano bidimensional. Esse robô possui uma velocidade linear constante e uma orientação que varia de acordo com um sinal de controle dependente do tempo. Nos primeiros 10 segundos, o sinal de controle mantém o robô em uma orientação de avanço constante, com velocidade angular igual a 1 rad/s. Após esse período, o sinal de controle muda, impondo uma orientação negativa que ajusta a trajetória do robô. A simulação deve computar e registrar a posição e orientação do robô a partir de uma posição inicial em (0,0) e uma orientação inicial de 0 radianos, avaliando como o controle afeta seu percurso e ângulo ao longo do tempo.

3. Introdução Teórica

A simulação aborda o movimento de um robô em um plano bidimensional, utilizando princípios de cinemática e controle. Em robótica, a cinemática trata de como as variáveis de movimento do robô (posição e orientação) mudam ao longo do tempo com base em suas velocidades linear e angular.

Neste caso, a velocidade linear do robô é constante, enquanto a velocidade angular depende de um sinal de controle, calculado pela função `getControlSignal`. O sinal de controle aplicado define a direção da rotação do robô em relação ao tempo: inicialmente, ele é positivo e constante (permitindo uma rotação suave em linha reta), mas após 10 segundos, o controle é invertido (passa a ser negativo) com uma taxa angular de $-0,2 * \pi$ rad/s. Isso faz com que o robô mude a orientação de sua trajetória.

A função `computeRobotEstate` atualiza o estado do robô, calculando sua posição e orientação em cada incremento de tempo (`deltaTime`). A posição é atualizada de acordo com os componentes x e y, derivados da velocidade linear e da orientação atual (usando seno e cosseno do ângulo). A orientação é ajustada em cada passo com base no sinal de controle recebido, modelando o comportamento dinâmico do robô.

Essa abordagem permite observar como diferentes sinais de controle influenciam a trajetória e a orientação do robô, sendo aplicável a sistemas que requerem navegação precisa, como veículos autônomos e robôs móveis.

4. Descrição da Estrutura de Diretórios Utilizada

A estrutura de diretórios para o projeto é simples e organizada na raiz, contendo os arquivos de código-fonte e o Makefile para a compilação. Abaixo está uma descrição dos principais arquivos:

- **estate:** Existem dois arquivos com esse nome, um deles é o cabeçalho (`estate.h`) e o outro o arquivo de implementação (`estate.c`). Esses arquivos definem e implementam a função `computeRobotEstate`, que calcula a posição e orientação do robô em cada instante de tempo.
- **model:** Similar ao caso de `estate`, há dois arquivos com o nome `model`, um sendo o cabeçalho (`model.h`) e outro a implementação (`model.c`). Eles contêm a definição da estrutura `RobotState` e a função `getControlSignal`, responsável pelo controle da velocidade angular do robô.
- **main:** Arquivo principal (`main.c`) que executa a simulação. Ele cria o arquivo de saída (`resultados.txt`), executa a simulação ao longo do tempo, e registra os dados de posição e orientação do robô.
- **makefile:** Arquivo de configuração do Makefile, que contém as instruções para compilar o projeto. Ele especifica o compilador, as flags de compilação, e as dependências de cada arquivo.
- **LEIA-ME:** Documento que contém informações adicionais sobre o projeto, como instruções de compilação e execução.
- **graficos:** Diretório que contém os gráficos gerados a partir dos dados da simulação, assim como o código Octave responsável por criar esses gráficos.

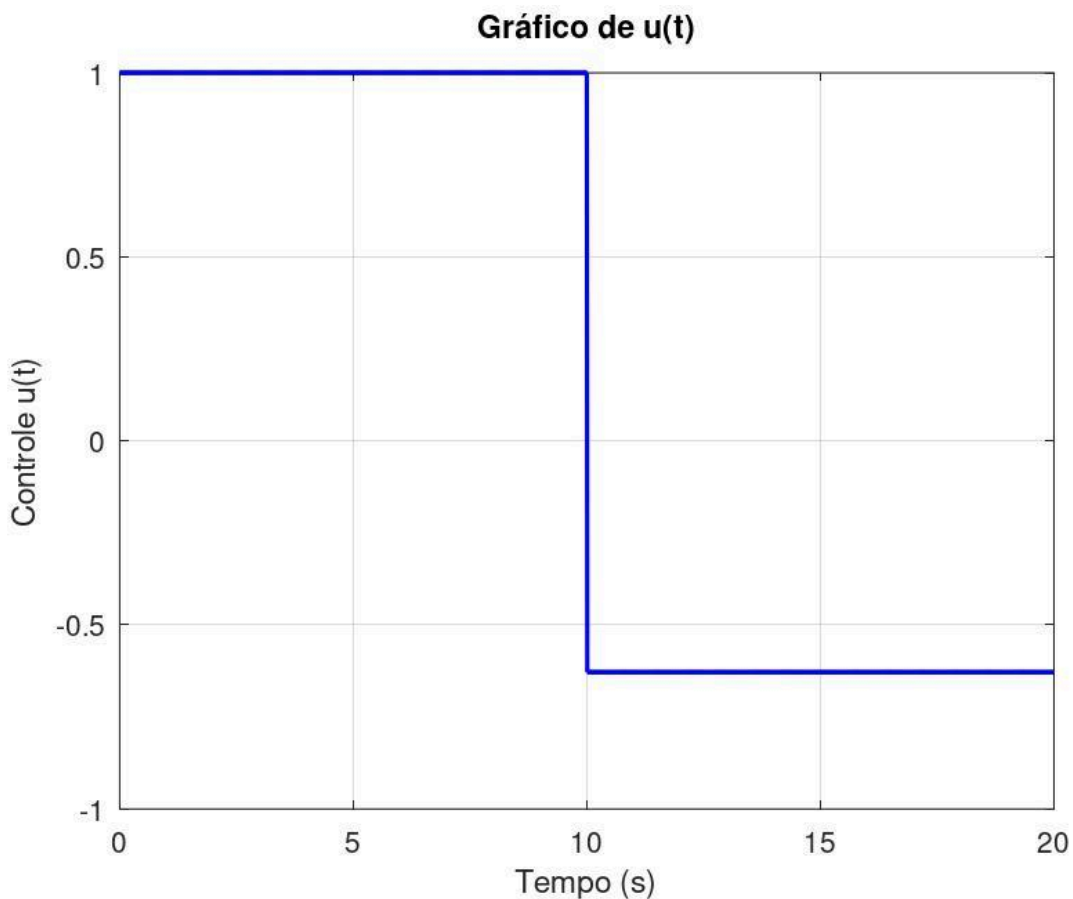
5. Descrição dos Arquivos Fontes

- **estate.c:** Implementa a função `computeRobotEstate`, que atualiza a posição e orientação do robô usando a velocidade angular recebida e o intervalo de tempo (`deltaTime`).
- **estate.h:** Define a função `computeRobotEstate` e inclui o cabeçalho `model.h` para usar o tipo `RobotState`.
- **model.c:** Implementa a função `getControlSignal`, que fornece o sinal de controle do robô com base no tempo decorrido. Esse sinal define a velocidade angular e controla a direção do movimento do robô.
- **model.h:** Define a estrutura `RobotState` com os atributos `x`, `y` e `ang` para representar a posição e orientação do robô. Declara também a função `getControlSignal`.
- **main.c:** Programa principal que cria um arquivo `resultados.txt` para armazenar os resultados da simulação. Configura o tempo total da simulação e, em um loop, chama `getControlSignal` e `computeRobotEstate` para atualizar o estado do robô em intervalos de tempo especificados.
- **Makefile:** Automatiza a compilação dos arquivos, especificando o compilador (`gcc`), as flags, e a criação do diretório `build/` para os objetos compilados e o executável. Também contém uma regra para limpeza dos arquivos gerados.

- graficos: Diretório que contém os gráficos gerados a partir dos dados da simulação, assim como o código Octave responsável por criar esses gráficos. Este diretório inclui:
 - $u(t).jpg$: Gráfico de $u(t)$, que mostra o controle em função do tempo.
 - $y(t).jpg$: Gráfico de $y(t)$, que mostra as posições X_c , Y_c , e a orientação θ ao longo do tempo.
 - $Y_c(t) \times X_c(t).jpg$: Gráfico de $Y_c(t) \times X_c(t)$, que representa a trajetória do robô no plano com indicação de orientação.
 - `Octave_graficos.m`: Código Octave que gera os gráficos. Este script lê os dados do arquivo `resultados.txt` e cria os gráficos de $u(t)$, $y(t)$, e $Y_c(t) \times X_c(t)$

6. Análise Gráfica e Comportamental de um Robô Móvel com Acionamento Diferencial

6.1 Gráfico $u(t)$



O gráfico apresentado é o de $u(t)$, que representa o controle de entrada do robô em função do tempo.

Análise do Gráfico de $u(t)$:

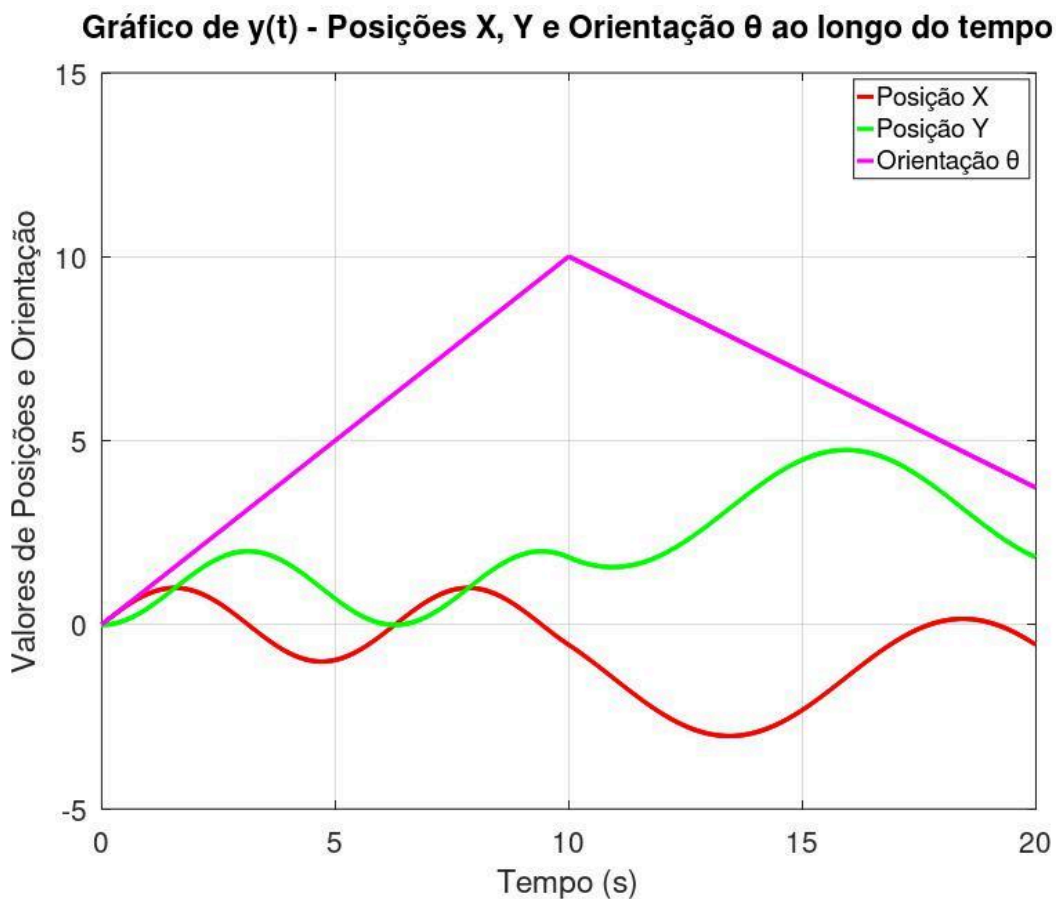
- Eixo X (Tempo): O tempo está em segundos, variando de 0 a 20 segundos, que é o intervalo de simulação definido.
- Eixo Y (Controle $u(t)$): Representa o valor do controle aplicado ao sistema, com três fases distintas conforme definido no problema:

- Para $t < 0$: $u(t) = 0$ (não aparece no gráfico, pois o intervalo de simulação é de 0 a 20 segundos).
- Para $0 \leq t < 10$: $u(t) = 1$. Neste intervalo, o robô recebe um controle constante positivo.
- Para $t \geq 10$: $u(t) = -1$. Após os 10 segundos, o controle muda para um valor negativo constante, alterando a direção da entrada aplicada ao robô.

o gráfico de $u(t)$ está conforme esperado de acordo com as especificações do problema pois essa variação condiz com as instruções fornecidas para o controle $u(t)$, onde inicialmente o robô deve se mover em uma direção até 10 segundos, e, em seguida, o controle inverte o sinal, sugerindo que o robô mudará sua direção a partir de então.

Este gráfico permite entender como o controle varia ao longo do tempo e a resposta do robô nas outras variáveis devido a essa entrada.

6.2 $Y(t)$



Este gráfico mostra as variáveis de saída $y(t)$, que incluem as posições Y e X e a orientação θ ao longo do tempo t . A legenda especifica cada curva:

- **Posição X** (em vermelho): representa a variação da posição $X_c(t)$ do robô ao longo do tempo, exibindo um comportamento oscilatório.
- **Posição Y** (em verde): indica a variação da posição $Y_c(t)$, também oscilando, mas com uma amplitude maior que a de $X_c(t)$.
- **Orientação θ** (em lilás): demonstra a variação do ângulo $\theta(t)$, com um comportamento linear nos primeiros 10 segundos, seguida de uma inclinação

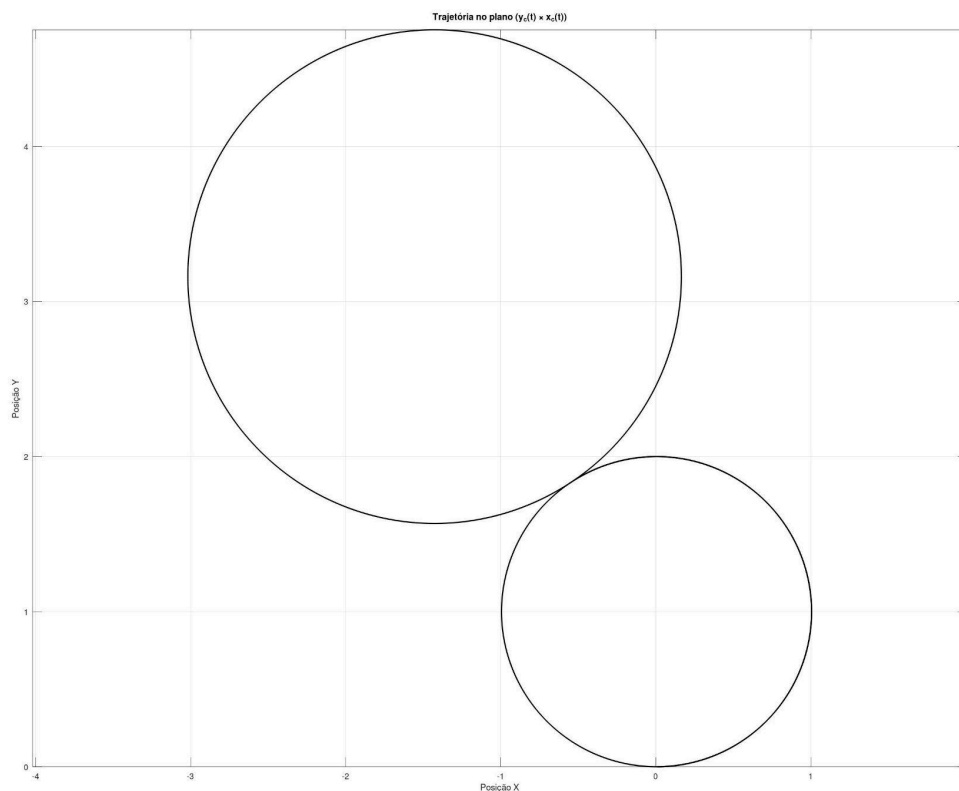
negativa para o restante do intervalo, devido à mudança no sinal da velocidade angular ω em $u(t)$.

Esse comportamento está **conforme o esperado**, pois o modelo descreve que:

- Para $0 \leq t < 10$, o robô se move com velocidade linear $v=1$ e velocidade angular $\omega=0.2\pi$, o que faz com que a orientação aumente linearmente com o tempo.
- Para $t \geq 10$, a velocidade angular inverte para $\omega=-0.2\pi$, resultando na mudança de direção observada em $\theta(t)$.

A análise desse gráfico permite observar como a posição e a orientação do robô mudam com a entrada de controle, ilustrando o comportamento esperado do sistema para o intervalo $t \in [0, 20]$ s.

6.3 Trajetória no plano ($Y_c(t) \times X_c(t)$)



Este gráfico exibe a trajetória do robô no plano cartesiano, com **Posição X** no eixo horizontal e **Posição Y** no eixo vertical. Ele representa como o robô se move ao longo do tempo com a entrada definida:

- A trajetória forma duas curvas circulares conectadas, uma maior seguida por uma menor, o que reflete a ação de controle aplicada ao robô. A primeira curva é gerada

pela entrada com $\omega > 0$ (trajetória no sentido anti-horário), e a segunda curva resulta da inversão de ω para negativo (trajetória no sentido horário).

Este comportamento também está **conforme o esperado**, pois, de acordo com a entrada $u(t)$, a mudança de ω após $t=10$ leva o robô a realizar uma curva em sentido oposto, formando a segunda seção da trajetória circular.