

ESTRUTURA DE DADOS

PROF. NILTON

Aula de hoje

- Apresentação da disciplina;
- Metodologia de avaliação;
- Revisão de conceitos básicos;
- Introdução às estruturas de dados;
- Recursividade;

Apresentação da disciplina

Objetivos Gerais

Aprofundar conhecimentos sobre criação e manipulação de tipos abstratos de dados: listas, pilhas, filas e árvores

Apresentação da disciplina

Objetivos específicos

Criar, manipular e aplicar, por meio de uma linguagem de programação, os tipos abstratos de dados: listas, pilhas, filas e árvores.

Apresentação da disciplina

Ementa

Revisão dos conceitos básicos de tipos abstratos de dados. Pilhas, filas, alocação dinâmica, recursividade, listas encadeadas, tabelas de espalhamento e árvores. Aplicações das estruturas de dados em problemas computacionais.

Apresentação da disciplina

Bibliografia básica

ASCENCIO, A. F. G. Estruturas de dados. São Paulo: Pearson Brasil, 2011.

EDELWEISS, N; GALANTE, R. Estruturas de dados. V 18. Porto Alegre: Bookman, 2009.

PEREIRA, S. L. Estruturas de dados fundamentais – Conceitos e Aplicações. São Paulo: Érica, 2009.

Bibliografia complementar

KOFFMANN, E. B. Objetos, abstração, estrutura de dados e projeto. Rio de Janeiro: LTC, 2008.

Revisão

Tipos de dados (conjunto de valores que a variável pode assumir)

- int, float, double, char
 - Qualificadores short, long e unsigned

Estruturas simples

- Vetor unidimensional
- Vetor bidimensional ou multidimensional

Funções

Estrutura de Dados

Uma estrutura de dados é um modo particular de armazenamento e organização de dados em um computador de modo que possam ser usados eficientemente, facilitando sua busca e modificação.

Exemplos:

- Vetores
- registros
- listas encadeadas
- pilhas
- filas
- árvores
- grafos

Recursividade

Um módulo pode ser chamado ou ativado por qualquer outro módulo. Quando um módulo faz uma chamada ou ativa a si mesmo, dizemos que fez uma chamada recursiva.

Para entender a utilidade da recursão, podemos recorrer a um princípio importante da matemática discreta, q equações de recorrência. As funções de recorrência são funções expressas em função de si mesmas, ou seja, a resolução da função implica uma resolução anterior da função para outro valor. Para que essa solução tenha uma solução final, é necessário que haja uma base, um valor para o qual a resolução da função não seja recorrente/recursiva. Caso contrário a função original jamais se resolverá.

Recursividade

Exemplo com uma função simples (F) e uma função recorrente (R):

$$F(x) = 10 * x + 2$$

$$R(x) = 10 * R(x-1) + 2, \text{ para } x > 1, \text{ e } R(x) = 1 \text{ para } x = 1$$

Recursividade

Resolução da função simples com os valores 1,2,3,4

$$\mathbf{F(x) = 10 * x + 2}$$

$$F(1) = 10 * 1 + 2 = 12$$

$$F(2) = 10 * 2 + 2 = 22$$

$$F(3) = 10 * 3 + 2 = 32$$

$$F(4) = 10 * 4 + 2 = 42$$

Recursividade

$$R(x) = 10 * R(x-1) + 2$$

$$R(1) = 1 \quad \text{(definição ou base)}$$

$$R(2) = 10 * R(1) + 2 = 10 * 1 + 2 = 12$$

$$R(3) = 10 * R(2) + 2 = 10 * 12 + 2 = 122$$

$$R(4) = 10 * R(3) + 2 = 10 * 122 + 2 = 1222$$

Recursividade

Como vimos, a resolução da função recorrente R para valores maiores que 1 só é possível após a resolução da função anterior. Para o exemplo anterior, utilizamos valores consecutivos, por isso podemos utilizar para $R(n)$ o resultado de $R(n-1)$. Vejamos como seria a resolução de $R(4)$ se antes não tivéssemos resolvido a equação anterior:

$$\begin{aligned} R(4) &= 10 * R(3) + 2 \\ &= 10 * (10 * R(2) + 2) + 2 \\ &= 10 * (10 * (10 * R(1) + 2) + 2) + 2 \\ &= 10 * (10 * 1 + 2) + 2 \\ &= 10 * (10 * (12) + 2) + 2 \\ &= 10 * (122) + 2 \\ &= 1222 \end{aligned}$$

Fatorial

Por definição:

$$n! = n * (n-1)!, \text{ para } n > 0;$$

$$0! = 1$$

De forma iterativa teríamos:

$$5! = 5 * 4 * 3 * 2 * 1$$

$$5! = 120$$

Fatorial

Podemos resolver esse problema da seguinte forma:

```
f = 1;  
for (int i = n; i > 0; i--){  
    f *= i;  
}
```

Fatorial Recursivo

Por definição:

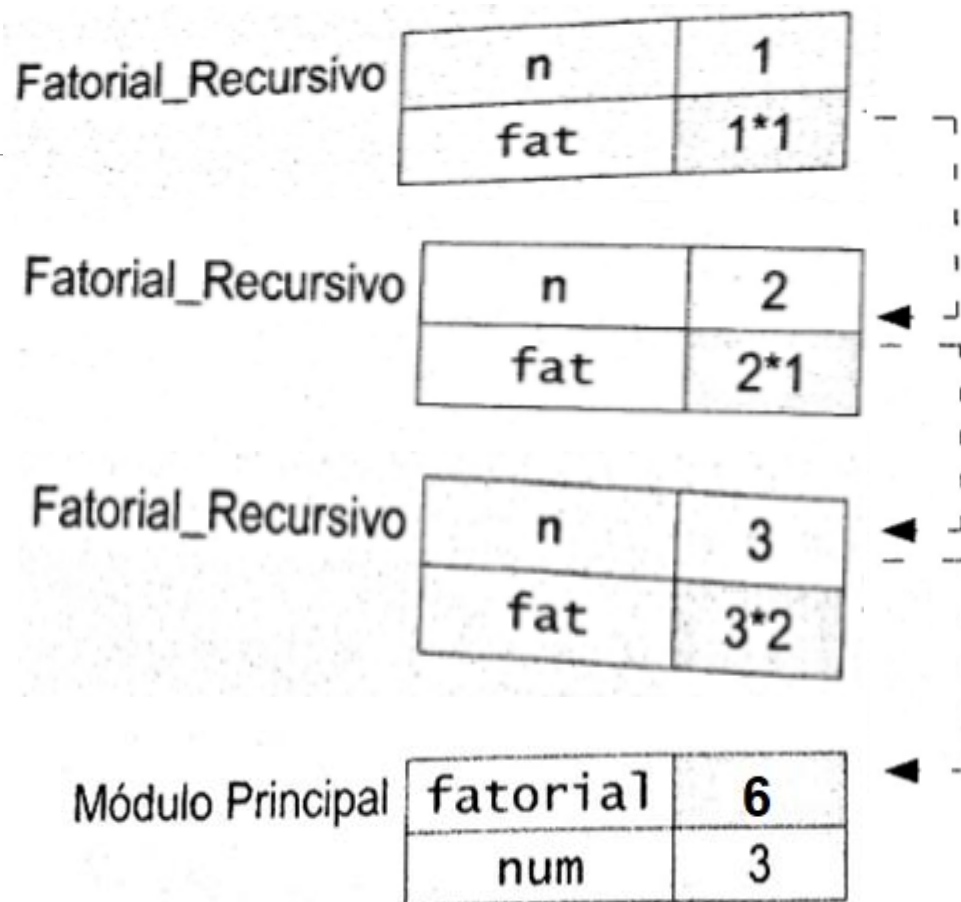
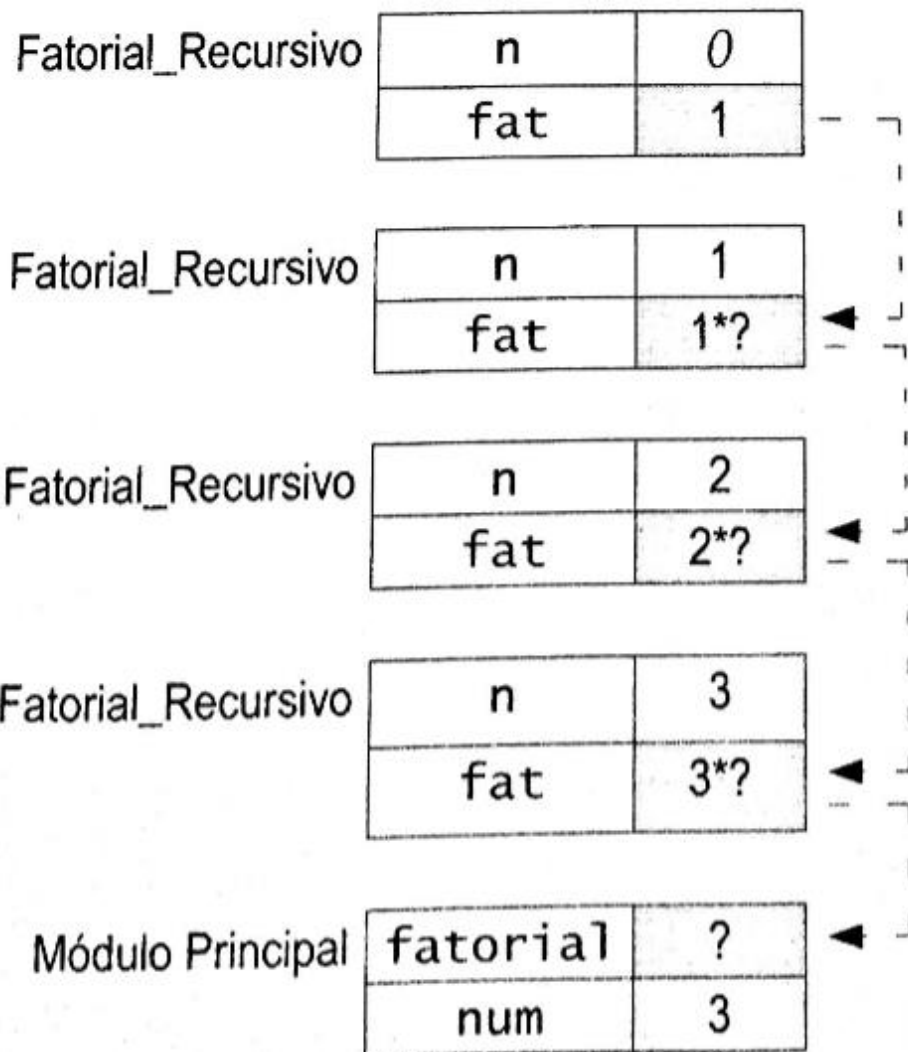
$$n! = n * (n-1)!, \text{ para } n > 0;$$

$$0! = 1$$

Fatorial Recursivo

```
int Fatorial_Recursivo(int n) {  
    int f;  
    if ( n == 0) {  
        f = 1;                // (base)  
    }else{  
        f = n * Fatorial_Recursivo(n - 1);    // função recorrente  
    }  
    return f;  
}
```

Processo Fatorial Recursivo



Exercícios

1) Na matemática, a Sucessão de Fibonacci (também Sequência de Fibonacci), é uma sequência de números inteiros, começando normalmente por 0 e 1, na qual, cada termo subsequente corresponde à soma dos dois anteriores. Ex.: F(5) = 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8

Dado o algoritmo a seguir:

$\text{fib}(n) = \text{fib}(n-1) + \text{fib}(n-2)$ para $n > 1$

$\text{fib}(0) = 0$ e $\text{fib}(1) = 1$ (base)

Desenvolva um programa que calcule a serie Fibonacci de forma recursiva

Exercícios

2) Implemente um módulo recursivo que resolva a seguinte equação recorrente:

$$R(x) = 10 * R(x - 1) + 2 \text{ para } x > 1, \text{ e } R(x) = 1 \text{ para } x = 1$$

3) Implemente um módulo recursivo que resolva a seguinte equação recorrente:

$$R(x) = 2 * R(x - 1) - 4 \text{ para } x > 0, \text{ e } R(0) = 2$$

4) Faça um algoritmo recursivo para o cálculo do somatório:

$$\sum_{i=1}^n (2 * i^2 + 2 * i + 8)$$

Obrigado!!!

