Universidad del Valle de Guatemala Cifrado de Información - CC 3078 - Sección 10 Julio Herrera 19402 Bryann Alfaro 19372 Diego Arredondo 19422

Algoritmos Básicos y Fuerza Bruta Laboratorio 1

INTRODUCCIÓN

En este laboratorio se exploraron algunos de los cifrados históricos como una forma de adentrarse en el concepto de cifrado de la información. En primer lugar se utilizaron los cifrados de Caesar, Vigenere y Afín para la encriptación y la decriptación de textos de ejemplo.

Seguidamente, se hizo un análisis de frecuencias y la definición de una función de métrica para poder realizar un ataque de fuerza bruta y descifrar ciertos textos que fueron encriptados con los 3 algoritmos anteriormente mencionados.

Esto se realizó con el fin de poder observar lo vulnerable que sería la utilización de este tipo de algoritmos en sistemas actuales y la necesidad que existe de utilizar algoritmos más complejos.

METODOLOGÍA

Datos

- El alfabeto que se utilizó durante este laboratorio es el alfabeto castellano de 27 letras, incluyendo la "ñ" y excluyendo las vocales tildadas. Por lo tanto la variable M utilizada durante este laboratorio toma este valor (M = 27).
- Se utilizó la tabla de frecuencias mostrada en la **Figura 1** la cual une las frecuencias de las vocales en el caso que tengan o no un carácter especial como tilde o diéresis.

Figura 1: Tabla de frecuencias del idioma español.

```
"a": (11.525+0.502),

"b": 2.215,

"c": 4.019,

"d": 5.010,

"e": (12.181+0.433),

"f": 0.692,

"g": 1.768,

"h": 0.703,

"i": (6.247+0.725),

"j": 0.493,

"k": 0.011,
```

```
"1": 4.967,
"m": 3.157,
"n": 6.712,
"ñ": 0.311,
"o": (8.683+0.827),
"p": 2.510,
"q": 0.877,
"r": 6.871,
"s": 7.977,
"t": 4.632,
"u": (2.927+0.168+0.012),
"v": 1.138,
"w": 0.017,
"x": 0.215,
"y": 1.008,
"z": 0.467
```

Cifrados

Caesar

Para encriptar en este cifrado se utilizó la fórmula $E(x) = x + k \pmod{M}$ donde x es la posición de la letra a la que se aplica el desplazamiento y k es la llave que indica el tamaño del desplazamiento. Para desencriptar en este cifrado se utilizó la fórmula $D(x) = x - k \pmod{M}$ teniendo como parámetros los mismos valores que en el encriptado.

Afín

Para el encriptado del cifrado afín se utilizó la fórmula $E(a,b,x)=(a\cdot x+b)\ (mod\ M)$ donde a y b son las llaves donde a es un entero que no posee factor común con M, es decir a es coprimo de M para que pueda tener inverso y el desencriptado sea funcional. Para el desencriptado de este cifrado se utilizó la fórmula $D(a,b,x)=a^{-1}(x-b)\ (mod\ M)$ teniendo en cuenta lo mencionado en el cifrado, donde a es coprimo con M.

Vigenere

Para el cifrado Vigenere se utilizó la fórmula $E(x) = (x_i + k_{i \pmod N}) \pmod M$ en donde M es el tamaño del alfabeto a utilizar y N es el tamaño de la clave k. Para la descripción del mensaje se debe acudir a la fórmula $E(x) = (x_i - k_{i \pmod N}) \pmod M$.

Métrica y fuerza bruta

Probabilidades

Estas son las frecuencias o probabilidad de aparición de una letra respecto a un texto. Primero se obtiene la cantidad de veces que aparece cada letra en el texto utilizando la función "FreqDist" de la librería "nltk", luego se obtiene el total de resultados y se obtiene la probabilidad de cada letra por medio de su ocurrencia dividido la cantidad de letras en el texto.

Métrica

La métrica calcula el error entre las frecuencias de todas las letras obtenidas de un descifrado con un posible valor del espacio de claves contra las frecuencias verdaderas del idioma español. El error total se obtiene del error de cada letra utilizando la fórmula $error_1 = (valor\ teórico\ -\ valor\ experimental)^2$. Luego se

obtiene finalmente $error_{total} = \sqrt{\frac{\sum\limits_{i=1}^{M} error_{1}}{M \cdot (M-1)}}$ que será el error de cada posible valor de la clave en el espacio de claves para cada cifrado, donde un menor error representa una frecuencia de letras más parecida al del idioma español.

Fuerza bruta Caesar

 Se ejecutó el descifrado para cada posible valor del campo de claves (27) y se calculó el error comparando la frecuencia de letras del idioma español con la obtenida a partir del descifrado.

Fuerza bruta Afín

 Se ejecutó el descifrado para cada posible valor del campo de claves (286) y se calculó el error comparando la frecuencia de letras del idioma español con la obtenida a partir del descifrado.

Fuerza bruta Vigenere

Primero se obtuvo todas las combinaciones sobre el abecedario de 1 a 4 letras de longitud (dando menos error las combinaciones de 4 letras de longitud), para luego meter cada combinación al método de descifrado. Seguidamente, se calculó el error comparando la frecuencia de letras del idioma español con la obtenida a partir del descifrado.

RESULTADOS

Cifrado Caesar

- Tiempo: 0.073 milisegundos.
- Primer puesto
 - Llave 19
 - error 0.0016103904146207765%
 - Decriptado caesar:

elanalisisporfrecuenciasparadescifrarcriptogramassebasaenestudiarla frecuenciaconlaqueaparecenlosdistintossimbolosenunlenguajedetermi nadoyluegoestudiarlafrecuenciaconlaqueaparecenenloscriptogramasy deestamaneraestablecerunarelacionyobtenereltextoplanolaideafunda mentalesquenotodaslasletrasaparecenconlamismafrecuenciaenlostext ossinoquealgunasaparecenmasamenudoqueotrascontandolassignosd eltextocifradoyordenandolosdemayoramenorfrecuenciapodemosestabl

ecerconjeturasacercadequeletracorrespondeacadasignoelanalisisseco mpletaconlabusquedadepalabrasfrecuentescomoarticulosypreposicion essiademasconocemososospechamosdealgunapalabraquedebaapare cerenelmensajemejorquemejorelrestoescuestiondeintuicionsegununes tudiosobretextosdeldiarioelpaisdeenriquefontanillolamuestratomadads onlosejemplaresdedichodiariopublicadosduranteunasemanacincuenta ydosmilseiscientosdiecinueveletrasentotallafrecuenciadelasletrasenca stellanoesaproximadamentelaquesigue

Segundo

- Llave 8
- error 0.008879057471202647%
- Decriptado caesar:

ovlxlvsdsdazcpconfoxnsldalclñodnspclcncsaezqclwlddomldloxodefñslc vlpconfoxnslnzxvlbfolalconoxvzdñsdesxezddswmzvzdoxfxvoxqfltoñoe ocwsxlñzjvfoqzodefñslcvlpconfoxnslnzxvlbfolalconoxoxvzdncsaezqclw ldjñoodelwlxoclodelmvonocfxlcovlnszxjzmeoxocoveoiezavlxzvlsñolpfx ñlwoxelvodbfoxzezñldvldvoecldlalconoxnzxvlwsdwlpconfoxnsloxvzdeo iezddsxzbfolvqfxldlalconoxwldlwoxfñzbfozecldnzxelxñzvlddsqxzdñove oieznspclñzjzcñoxlxñzvzdñowljzclwoxzcpconfoxnslazñowzdodelmvon ocnzxtoefcldlnocnlñobfovoeclnzccodazxñolnlñldsqxzovlxlvsdsddonzw avoelnzxvlmfdbfoñlñoalvlmcldpconfoxeodnzwzlcesnfvzdjacoazdsnszx oddslñowldnzxznowzdzdzdaonrlwzdñolvqfxlalvlmclbfoñomllalconocox ovwoxdltowotzcbfowotzcovcodezodnfodeszxñosxefsnszxdoqfxfxodefñ szdzmcoeoiezdñovñslcszovalsdñooxcsbfopzxelxsvvzvlwfodeclezwlñlñ dzxvzdotowavlcodñoñsnrzñslcszafmvsnlñzdñfclxeofxldowlxlnsxnfoxelj ñzdwsvdosdnsoxezdñsonsxfogovoecldoxezelvvlpconfoxnslñovldvoecl doxnldeovvlxzodlacziswlñlwoxeovlbfodsqfo

Tercero

- Llave 4
- error 0.008959692332862508%
- Decriptado caesar:

szobozwhwhedgtgsqjsbqwoheogorshqwtgogqgweidugoaohhspohosbs hijrwogzotgsgjsbqwoqdbzofjsoeogsgsbzdhrwhiwbidhhwapdzdhsbjbzs bujoxsrsisgawbordnzjsudshijrwogzotgsqjsbqwoqdbzofjsoeogsqsbsbzd hqgweidugoaohnrsshioaobsgoshiopzsqsgjbogszoqwdbndpisbsgszismi dezobdzowrsotjbroasbiozshfjsbdidrohzohzsigohoeogsgsbgdbzoawhao tgsqjsbqwosbzdhismidhhwbdfjsozujbohoeogsqsbaohoasbjrdfjsdigohq dbiobrdzohhwubdhrszismidqwtgordndgrsbobrdzdhrsaondgoasbdgtgsq jsbqwoedrsadhshiopzsqsgqdbxsijgohoqsgqorsfjszsigoqdggshedbrsoq orohwubdszobozwhwhhsqdaezsioqdbzopjhfjsrorseozopgohtgsqjsbish qdadogiwqjzdhnegsedhwqwdbshhworsaohqdbdqsadhdhdhesqvoadhr sozujboeozopgofjsrspooeogsqsgsbszasbhoxsasxdgfjsasxdgszgshidsh qjshiwdbrswbijwqwdbhsujbjbshijrwdhdpgsismidhrszrwogwdszeowhrss bgwfjstdbiobwzzdzoajshigoidaororhdbzdhsxsaezogshrsrwqvdrwogwd ejpzwqordhrjgobisjbohsaoboqwbqjsbionrdhawzhswhqwsbidhrwsqwbjs kszsigohsbidiozzotgsqjsbqworszohzsigohsbqohiszzobdshoegdmwaor oasbiszofjshwujs

Cifrado Afín

Tiempo: 1.6 segundos

Primero

■ Llaves: 23 y 12

error 0.0014964708505096108%

Decriptado afin:

lamadrugadadeestejuevesquincedejulioaterrizoenelaeropuertointernac ionallaauroradeguatemalaelavionquetrajounlotedetrescientasdiezmild osisdevacunasputnikvqueserviranparacontinuarconelplannacionaldev acunacioncontraelcoronavirusoriginalmenteelavionibaaaterrizarenguat emalaelmiercolesalasvieintiunahorasperoluegoseinformoqueelvuelose habiaretrasadoyporesollegoalpaisaesodelascuatrohorasdeestejueves elministeriodesaludinformoqueelaviontrajotrescientasdiezmildosisdelbi ologicorusodelascualessesentamilsonsegundasdosisydoscientoscincu entamilprimerasdosisadiferenciadeotrasvacunaselbiologicoderusiatien edoscomponentesunoqueseutilizaparalaprimeradosisyotroparaelrefue rzoyestecargamentodesesentamilsignificariaelprimeroquerecibeelpais desegundasdosisconestasdosissecontinuaraconelplannacionaldevacu nacionyseiniciaraconlaadministraciondelassegundasdosiscuandolaspr imeraspersonasinmunizadasconsputnikvcumplansusnoventadiasdeha berrecibidolaprimeradosiscitalainformaciondelministeriodesalud

Segundo

Llaves: 4 y 9

error 0.006443292511110896%

Decriptado afin:

ishspbynspspooazokyoxoacylgqopokyileszobblteogoisobedyobzelgzo bgsqlegsiissybebsponyszohsisoisxlegcyozbskeygiezopozboaqlogzsap lothlipealapoxsqygsadyzglixcyoaobxlbsqdsbsqegzlgysbqegoidisggsqle gsipoxsqygsqlegqegzbsoiqebegsxlbyaeblnlgsihogzooisxleglrssszobblt sbognyszohsisoihlobqeioasisaxlolgzlygsmebsadobeiyoneaolgñebhecy ooixyoieaomsrlsbozbsaspeudeboaeiionesidslasoaepoisagyszbemebs apooazokyoxoaoihlglazoblepoasiyplgñebhecyooisxlegzbskezboaglogz saplothlipealapoirleienlqebyaepoisaqysioaaoaogzshliaegaonygpsapea laupeaglogzeaglggvogzshlidblhobsapealasplñobogglspoezbsaxsgygs aoirleienIgepobyalszlogopeagehdegogzoaygecyoaoyzliltsdsbsisdblho bspealauezbedsbsoiboñyobteuoazogsbnshogzepoaoaogzshlialnglñlgs blsoidblhobecyoboglrooidslapoaonygpsapealagegoazsapealaaogegzl gysbsqegoidisggsqlegsipoxsqygsqleguaolglqlsbsqegissphlglazbsqleg poisaaonygpsapealagysgpeisadblhobsadobaegsalghygltspsagegadyz glixgyhdisgayagexogzsplsapomsrobboglrlpeisdblhobspealaglzsislgñeb hsqlegpoihlglazoblepoasiyp

Tercero

■ Llaves: 4 y 15

error 0.007044540113742563%

Decriptado afin:

tesebnkyebebaamlavkajamñkwrcabavktwpelannwfparateanpokanlpwrl anrecwpretteeknpnebaykelaseteatejwprñkalnevpkrtplabalnamcwarlem bwafswtbpmwmbajeckremoklrwujñkamanjwneroenecprlwrkencpratote rrecwpretbajeckrecwprcprlneatcpnprejwnkmpnwywretsarlaatejwprwde eelannwfenarykelaseteatswancptametemjwawrlwkrexpnemoanptkayp mawrzpnspñkaatjkatpmaxedwenalnemebpgopnampttaypetoewmeam pbatemckelnpxpnembaamlavkajamatswrwmlanwpbametkbwrzpnspñk aatejwprlnevplnamcwarlembwafswtbpmwmbatdwptpywcpnkmpbatem cketammamarleswtmprmaykrbembpmwmgbpmcwarlpmcwrckarleswto nwsanembpmwmebwzanarcwebaplnemjeckrematdwptpywcpbankmw elwarabpmcpsoprarlamkrpñkamaklwtwfeoeneteonwsanebpmwmgplnp oeneatnazkanfpgamlacenyesarlpbamamarleswtmwyrwzwcenweatonw sanpñkanacwdaatoewmbamaykrbembpmwmcpramlembpmwmmacprl wrkenecpratoterrecwpretbajeckrecwprgmawrwcwenecprteebswrwmln ecwprbatemmaykrbembpmwmckerbptemonwsanemoanmpremwrskrw febemcprmoklrwujcksotermkmrpjarlebwembaxedannacwdwbpteonws anebpmwmcwletewrzpnsecwprbatswrwmlanwpbametkb

Cifrado Vigenere

o Tiempo: 21.13 minutos

Primero

Llave: bees

error 0.0010466438768528194%

Decriptado Vigenere:

cuandofraybartolomearrazolasesintioperdidoaceptoqueyanadapodrias alvarlolaselvapoderosadeguatemalalohabiaapresadoimplacableydefini tivaantesuignoranciatopograficasesentocontranquilidadaesperarlamue rtequisomorirallisinningunaesperanzaaisladoconelpensamientofijoenla españadistanteparticularmenteenelconventodelosabrojosdondecarlos quintocondescendieraunavezabajardesueminenciaparadecirlequeconf iabaenelceloreligiosodesulaborredentoraaldespertarseencontrorodead oporungrupodeindigenasderostroimpasiblequesedisponianasacrificarl oanteunaltarunaltarqueabartolomelepareciocomoellechoenquedescan sariaalfindesustemoresdesudestinodesimismotresañosenelpaislehabi anconferidounmedianodominiodelaslenguasnativasintentoalgodijoalgu naspalabrasquefueroncomprendidasentoncesflorecioenelunaideaquet uvopordignadesutalentoydesuculturauniversalydesuarduoconocimient odearistotelesrecordoqueparaesediaseesperabauneclipsetotaldesolyd ispusoenlomasintimovalersedeaguelconocimientoparaengañarasusop resoresysalvarlavidasimemataislesdijopuedohacerqueelsolseoscurezc aensualturalosindigenaslomiraronfijamenteybartolomesorprendiolaincr edulidadensusojosvioqueseprodujounpequeñoconsejoyesperoconfiad onosinciertodesdendoshorasdespueselcorazondefraybartolomearrazol achorreabasusangrevehementesobrelapiedradelossacrificiosbrillanteb ajolaopacaluzdeunsoleclipsadomientrasunodelosindigenasrecitabasin ningunainflexiondevozsinprisaunaporunalasinfinitasfechasenquesepro ducirianeclipsessolaresylunaresquelosastronomosdelacomunidadmay ahabianprevistoyanotadoensuscodicessinlavaliosaayudadearistoteles

Segundo

Llave: bess

error 0.0019572561518825396%

 Decriptado Vigenere: cumndograynartalomparrmzolmsestntiaperoidomcepfogupyanmdapad

rimsalharlalasplvabodedosaoegumtemmlalahabtaapdesaooimblacmbl ekdeftnittvaaytesgignaranñiatapogdafiñaseeentaconfrancuiltdadmesp prarwamuprtecuisamortralwisiyninrunapspedanzmaiswadoñonewpene amipntoqijopnlapspazadietanfepadticglarxentpenewconhentadelasabd ojoedonoecadloscuinfocoydesñendteragnavpzabmjaroesupminpncimp armdectrlecuecanfimbaeyelcplorpligtosooesuwabodredpntodaaloespp rtadseeyconfroradeaoopodungdupooeinoigeyasdprosfroixpastblecues pdisbonimnasmcrigicadloayteuyaltmrunmltadquembarfoloxelebareñioc amoewlecsoencuedpscaysartaalgindpsusfemodesdpsudpstiyodeeimie motdesazoseyelpmislphabtancanfedidognmeoianadomtniooelaelenru asyatihasiytenfoalrodiuoalrunaepalmbraequequerancoxpreydidmsenfo ncpsflarectoenplunmidemquefuvobordtgnaoesufaleytoyoesuñultgrauyi vedsalkdesgardgocoyocixienfodemrisfotewesrpcorooqupparmeseoias pespprabmuneñlipeetofaldpsolkdisbusopnloxasiytimavalprseoeaqgelc anoctmieytopmraeygañmrasgsopdesodesyealymrlahidaeimexatatslee dijapueoohañerggeeleolsposcgrezñaeneualfurawosiydigpnaswomidar oyfijmmenfeybmrtowomeeorpdendtolatncrpdultdadpnsueojoeviocuesp prooujognpecueñaconeejokespprocanfimdonasinñierfodeedenooshar asoespgesewcormzonoefrmybadtolameadrazalacsorrpabaeusaygrehe hexentpsobdelabieddadewossmcrigiciasbrtllaytebmjolmopañaluldeuys olpclibsadamieytraeunooeloeindtgenmsreñitanasiyninrunatnflpxioydev azsiyprieaunmporgnalmsinginifasfpchaeenggesebrodgcirtaneñlipeess alarpsylgnarpsquplosmstranomasdewacoxunioadmmyahmbiayprehist ayanatadaensgscooiceesinwavawiosmayuoademrisfotewes

o Tercero

Llave: beeh

error 0.001997799144696237%

Decriptado Vigenere:

cuaydofdaybmrtowomemrralolaeesiytioberdtdoañeptaquekanaoapoori aealvmrlowasewvapaderasadpguafemawalosabimaprpsadaimpwacan leyoefiyitihaanfesutgnodanctatobogrmficmsespntoñontdanggilioadaps pedarlmmuedteggisoxoridalltsinyinggnaeepermnzamislmdocanelbens mmievtoftjoevlaeepañmdisfantpparficuwarmpntepnelñonvpntooeloeab rajosoondpcarwosggintaconoescpndiprauyavelabauardpsuexineyciab araoecidleggecoyfianaenplceworewigiasodpsulmbordedeytormaldpsp edtareeenñontdorooeadaporgngrgpodpindtgenmsdedostdoimbasinleg geseoispaniayasañriftcarwoanfeunmltadunawtarcueanartalomplepmre ctocoxoelwechaenggedeecanearimalftndeeustpmorpsdeeudeetinades tmisxotrpsañasenplpatslesabimncoyfertdouymedtanooomiyiodplaswe nggasnmtivmsinfentaalgadijaalggnasbalanrascuefgeroycombrenoidae entanceeflodeciaenewunatdeacuetgvopardirnadpsutmlenfoydpsucgltu dauntverealyoesumrduaconacimtentadeadistatelpsreñordaguebaraps edtasepspedabagnecwipsptotmldeeolyoispgsoeylommsinfimohaledse dpaquplcoyocixienfopadaenrañadasueoprpsorpsysmlvadlavtdastmem mtaielesoijobuedahacprgupelsalseascudezcmensgaltgralasinoigevasl amirmrongijaxentpybadtolamesarprpndialaiycreoulioadeysusajoshiogg esebrodgjouypeggeñoñonspjoypspedocoyfiaoonoeinctertadesoendas hodasdpspupselñoralondpfrakbarfoloxeardazowacharrembasgsanrrev

phempnteeobrplaptedrmdelassañriftcioebriwlanfebauolaapacmluzoeu neoleñlipeadoxienfrasgnodplostndirenaerecttabmsinyinggnaiyflejionoe volsinbrismunaboruyalaeinftnitmsfeñhaspnqupsepdoduñirimnecwipsp ssowareeyluyareequewosaetroyomoedelmcomgnidmdmakahanianbre vtstokanofadopnsuecodtceseinlmvaltosamyudmdeadistatelps

CONCLUSIONES

- Es posible obtener la llave de estos cifrados por el método de fuerza bruta debido a que estos tienen un espacio de claves relativamente pequeños al poder computacional utilizado actualmente.
- Mientras mayor sea el espacio de clave, mayor será el tiempo que tome computar todos los posibles valores de clave que descifren el texto.
- Para los tres cifrados se encontró la llave correcta a partir de un error menor al 0.00161. Por lo que, se puede concluir que en estos cifrados, al analizar sus frecuencias, existe cierta correlación con el alfabeto que se utilizó y esto es lo que los hace vulnerables.
- Para el cifrado Caesar y Afín, desde la segunda opción con un error a partir a 0.00644 (Afín) y 0.0089 (Caesar) dió como resultado un texto ilegible, mientras que para el cifrado Vigenere, tanto la segunda opción como la tercera, con un error de 0.001957 y 0.001997 respectivamente, dieron como resultado un texto donde se pueden llegar a entender palabras con solo algunas letras incorrectas.