

Profa. Dra. Raquel C. de Melo-Minardi  
Departamento de Ciência da Computação  
Instituto de Ciências Exatas  
Universidade Federal de Minas Gerais

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*
1	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑
2	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*
3	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑
4	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*
5	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑
6	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*
7	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑
8	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*
9	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑	↖	↑
10	*	←	*	←	*	←	*	←	*	←	*

MÓDULO 4

ALGORITMOS PARA BIOINFORMÁTICA

Implementação do algoritmo  
de Needleman–Wunsch

## PROGRAMA PRINCIPAL

```
# PROGRAMA PRINCIPAL
v = [ '*', 'A', 'T', 'C', 'G', 'T', 'A', 'C' ]
w = [ '*', 'A', 'T', 'G', 'T', 'T', 'A', 'T' ]
lcs(v, w)
```

- ▶ Esse programa declara e inicializa dois arranjos contendo as sequências *v* e *w* a serem alinhadas e chama a função “lcs” (*Longest Common Subsequence*) passando esses dois arranjos por referência
  - ▶ Colocamos um “\*” no início de cada sequência para que os índices da lista estejam em conformidade com o número do caractere na sequência e ainda para acomodar a primeira linha e a primeira coluna que são compostas de “0”s

## FUNÇÃO LCS

```
1 def lcs(v, w):
2     pontuacao = []
3     ponteiros = []
4     pontuacao = [0]*len(v)
5     ponteiros = ['']*len(v)

6     for i in range(0, len(w)):
7         pontuacao[i] = [0]*len(v)
8         ponteiros[i] = ['']*len(v)

9     for i in range(0, len(w)):
10         ponteiros[i][0] = '|'
11     for j in range(0, len(v)):
12         ponteiros[0][j] = '_'
```

- ▶ Na linha (1), recebemos como argumento as referências para duas listas com as sequências  $v$  e  $w$
- ▶ Em (2-3) declaramos duas matrizes que receberão as pontuações dos alinhamentos “pontuacao” e os ponteiros para recuperar o caminho do alinhamento máximo “ponteiros”. Note que a matriz ilustrada anteriormente é aqui armazenada em duas matrizes diferentes indexadas pelos mesmos índices
- ▶ Em (4-8), inicializamos com “0”s a matriz pontuação e com vazio a matriz de ponteiros

## FUNÇÃO LCS

```
1 def lcs(v, w):
2     pontuacao = []
3     ponteiros = []
4     pontuacao = [0]*len(v)
5     ponteiros = ['']*len(v)

6     for i in range(0, len(w)):
7         pontuacao[i] = [0]*len(v)
8         ponteiros[i] = ['']*len(v)

9     for i in range(0, len(w)):
10        ponteiros[i][0] = '|'
11    for j in range(0, len(v)):
12        ponteiros[0][j] = '_'
```

- ▶ Em (9-12), inicializamos com “|”s a primeira coluna da matriz de ponteiros e com “\_”s a primeira linha desta mesma matriz
- ▶ Esse procedimento é necessário para garantir que o alinhamento seja gerado até o fim nos casos em que há uma cauda inicial em uma das duas sequências
- ▶ Exemplo: ACTG e AAAACTG

## FUNÇÃO LCS

```
13 for i in range(1, len(w)):  
14     for j in range(1, len(v)):  
15         pontuacao[i][j] = maximo(v[j], w[i], pontuacao[i-1][j], pontuacao[i][j-1], pontuacao[i-1][j-1])  
16.         ponteiros[i][j] = ponteiro(v[j], w[i], pontuacao[i-1][j], pontuacao[i][j-1], pontuacao[i-1][j-1])
```

- ▶ Os laços em (13) e (14) são a implementação do algoritmo para preenchimento da matriz
- ▶ Em (15), implementamos o critério  $s_{i,j} = \max(s_{i-1,j}, s_{i,j-1} \text{ e } s_{i-1,j-1}+1)$  (desde que  $v[i] = w[j]$ ). A função “maximo” será implementada a seguir
- ▶ Na linha (16), o mesmo critério é aplicado através da implementação que será explicada a seguir da função “ponteiro” que serve para decidir segundo o critério de pontuação para qual das três células vizinhas ( $s_{i-1,j}$ ,  $s_{i,j-1}$  e  $s_{i-1,j-1}$ ) a célula atual deverá apontar ( $\uparrow$ ,  $\leftarrow$  e  $\nwarrow$ )

## FUNÇÃO LCS

```
17     imprimeMatriz(v, w, pontuacao, ponteiros)
18     geraAlinhamento(v, w, pontuacao, ponteiros)
```

- ▶ Por fim, as linhas (17) e (18) são chamadas a outras funções que detalharemos a seguir que imprimem as matrizes de pontuação e ponteiros e realizam a impressão do alinhamento de pontuação máxima calculado



## FUNÇÃO MAXIMO

```
1 def maximo(c1, c2, cima, lado, diagonal):
2     if (c1 == c2 and (diagonal+1) >= cima and (diagonal+1) >= lado):
3         diagonal = diagonal+1
4         return diagonal
5     elif (lado >= cima and lado >= diagonal):
6         return lado
7     else:
8         return cima
```

- ▶ Nas linhas (1) a (8) definimos a função “maximo” que conforme explicado implementa o critério  $s_{i,j} = \max(s_{i-1,j}, s_{i,j-1} \text{ e } s_{i-1,j-1}+1)$  (desde que  $v[i] = w[j]$ )
- ▶ Ela recebe como argumentos (1) os caracteres “c1” e “c2” que estão sendo avaliados e os valores das pontuações nas células vizinhas (“lado”, “cima”, “diagonal”)
- ▶ Note que, caso os caracteres sejam iguais e a pontuação da célula em diagonal seja a maior, retornamos o valor somado de “+1” (4)
- ▶ Caso contrário, podemos decidir vir da célula do lado (6) ou de cima (8)

## FUNÇÃO PONTEIRO

```
11 def ponteiro(c1, c2, cima, lado, diagonal):
12     if (c1 == c2 and (diagonal+1) >= cima and (diagonal+1) >= lado):
13         return '\\'
14     elif (lado >= cima and lado >= diagonal):
15         return '_'
16     else:
17         return '|'
```

- ▶ A função “ponteiro” implementada nas linhas (11) a (17) é praticamente idêntica à função “maximo” com o diferencial de retornar símbolos “|”, “\_” e “\” para representar respectivamente  $\uparrow$ ,  $\leftarrow$  e  $\nwarrow$



## FUNÇÃO IMPRIMEMATRIZ

```
21 def imprimeMatriz(v, w, pontuacao, ponteiros):
22     print('\t', end=' ');
23     for j in range(0, len(v)):
24         print(v[j], end='\t')
25     print()
26     for i in range(0, len(w)):
27         print(w[i], end='\t')
28         for j in range(0, len(v)):
29             print(pontuacao[i][j], ponteiros[i][j], end='\t', sep=' ')
30         print()
31     print()
```

## FUNÇÃO IMPRIMEMATRIZ

- ▶ A função “imprimeMatriz” implementada nas linhas (21) a (31) recebe como argumentos (21) as sequências  $v$  e  $w$  e as matrizes de pontuação e ponteiros e as percorre imprimindo a matriz de programação dinâmica gerada para simples conferência e entendimento

## FUNÇÃO GERAALINHAMENTO

```
1 def geraAlinhamento(v, w, pontuacao, ponteiros):
2     ali_v = ''
3     ali_w = ''
4     i = len(w)-1
5     j = len(v)-1
6     while ((i!=0) or (j!=0)):
7         if (ponteiros[i][j] == '\\\\'):
8             ali_v = v[j] + ali_v
9             ali_w = w[i] + ali_w
10            i-=1
11            j-=1
12        elif (ponteiros[i][j] == '_'):
13            ali_v = v[j] + ali_v
14            ali_w = '_' + ali_w
15            j-=1
16        else:
17            ali_v = '_' + ali_v
18            ali_w = w[i] + ali_w
19            i-=1
20    print(pontuacao[len(w)-1][len(v)-1])
21    print(ali_v)
22    print(ali_w)
```

## FUNÇÃO GERAALINHAMENTO

- ▶ A função “geraAlinhamento” reconstrói o alinhamento a partir das matrizes de programação dinâmica calculadas pela função “lcs”
- ▶ Recebe como argumentos (1) as sequências  $v$  e  $w$  e as matrizes de pontuação e de ponteiros e as percorre da célula  $s_{n,m}$  em direção à célula  $s_{0,0}$  emitindo nas variáveis arranjo “ali\_v” e “ali\_w” (2-3) caracteres ou *gaps* conforme direção do ponteiro da célula da matriz de ponteiros (7), (12) ou (16)
  - ▶ Caso seja um ↖, (“\”), emitimos um caracter em  $v$  e outro em  $w$  indicando um *match*
  - ▶ Caso seja um ← (“\_”), emitimos um caracter em  $v$  e um *gap* em  $w$  indicando uma deleção;
  - ▶ Caso seja um ↑ (“|”), emitimos um caracter em  $w$  e um *gap* em  $v$  indicando uma inserção
- ▶ As variáveis “i” e / ou “j” são decrementadas seguindo o caminhamento indicado

## FUNÇÃO GERAALINHAMENTO

- ▶ Note que essa implementação pontua apenas em caso de *matches* não penalizando *indels* e nem permitindo *mismatches*
  - ▶ Esse é a base do algoritmo Needleman-Wunsch [Needleman e Wunsch, 1970], proposto por Saul Needleman e Christian Wunsch na década de 1970
  - ▶ Trata-se de um algoritmo para **alinhamento global par-a-par de sequências**
  - ▶ Há quatro tipos de algoritmos para alinhamento:
    - ▶ um alinhamento pode ser para-a-par ou múltiplo
    - ▶ e pode ser ao mesmo tempo global ou local