

专业学位课程



信号分析与处理





信号分析与处理



教师个人主页: <u>https://person.zju.edu.cn/jzhao</u>



赵均

副教授 硕士生导师

学科 控制科学与工程 Ø 单位 控制科学与工程学院 Ø

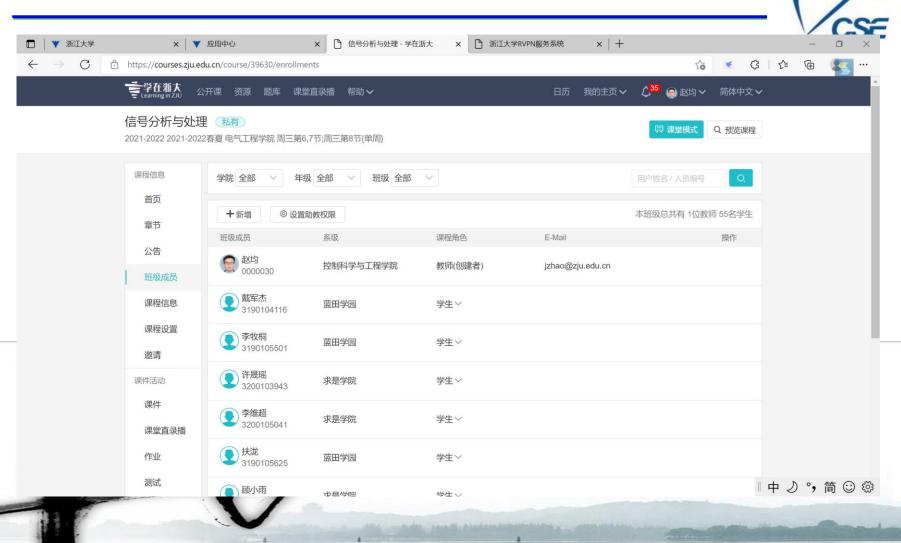
- └ 电话 0571-87953283 13003693119
- ⊙ 地址 浙江大学玉泉校区工控新楼413室
- ➡ 研究方向 · 工业智能
 - · 模型预测控制
 - ·无人自主系统

助教: 刘严 18911294095

lyxy10335@163.com



课程信息 学在浙大: https://courses.zju.edu.cn/







- □ 课程概述
- □ 课程相关概念
- □ 课程内容
- □ 学习要点
- □ 参考资料
- □ 课后作业





信息时代的特征——

用信息科学和计算机技术的理论和 手段来解决科学、工程和经济问题





1. 信号分析与处理的问题无处不在

■ 古老通讯方式:烽火、旗语、信号灯

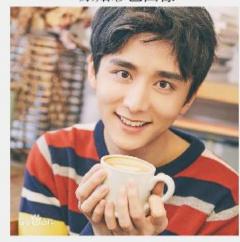
■ 近代通讯方式:电报、电话、无线通讯

■ 现代通讯方式:计算机网络通讯、视频电视传播、卫星传输、移动通讯





原始彩色图像



双边滤波后







原始彩色图像



Sobel算子边缘提取



双边滤波平滑图像



合成漫画







2. 信息科学已渗透到现代自然科学和社会科学的 所有领域

- 工业监控、生产调度、质量分析、资源遥感、地震预报、人工智能、高效农业、交通监控
- 宇宙探测、军事侦察、武器技术、指挥系统
- 经济预测、财务统计、市场信息 、股市分析
- 电子出版、新闻传媒、影视制作
- 远程教育、远程医疗、远程会议
- 虚拟仪器、虚拟手术



二、相关概念——引言(1)



- 口 消息 (Message)
- □ 信息 (Information)
- □ 信号 (signal)

信号传输(Transmission)、信号交换(Switching) 和信

号处理 (Processing) - - 涵盖了通信系统的三个方面

思考题: 1) 信号、消息与信息有什么异同?

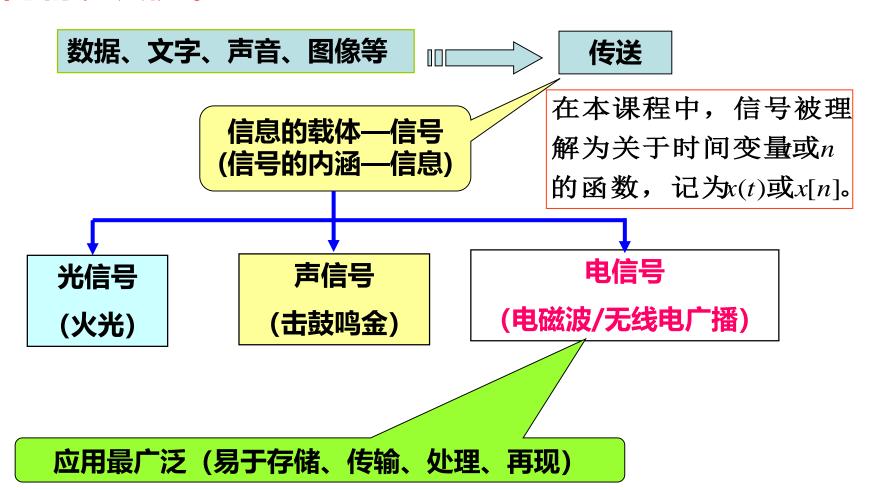
2) 信息是否具有生命周期?



二、相关概念——引言(2)



信息的表现形式:





二、相关概念——信号的描述(1)

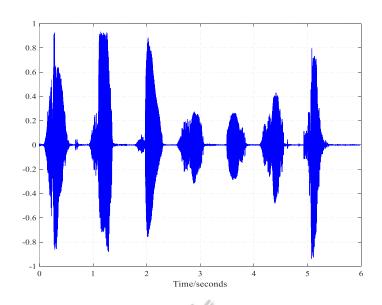


信号:通常是随时间或几个自变量变化的某种物理量,是信息的载体。

例: 语音信号——声压随时间变化的函数

黑白照片——亮度随二维空间变量变化的函数

声音



图像



雪中的梅花 (摄于玉泉校区工控新楼前)



二、相关概念——信号的描述(2)



信号的特性

- (1) 时间特性:信号出现时间的先后、持续时间的 长短、重复周期的大小以及随时间变化的快慢
- (2) 频率特性(不同频率正弦分量之和): 各频率分量的相对大小、主频分量占有的范围等

不同时间特性导致不同的频率特性

✓ 本课程讨论范围

- (1) 随时间、位置变化的电信号;
- (2) 限于讨论单变量函数 (通常是时间变量)



二、相关概念——信号的分类



分类:

确定性信号和随机性信号

连续时间信号和离散时间信号

周期信号和非周期信号

奇信号和偶信号

功率信号和能量信号



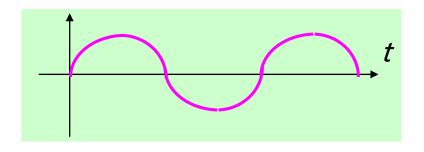
二、相关概念——信号的分类(1)

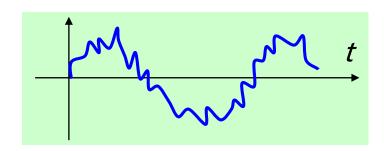


确定性信号与随机性信号

确定性信号——用时间 t 的确定函数表示,即使某时刻 t_0 尚未到达,也可预知该时刻的取值,如:正弦信号。

随机性信号——具有不可预知性,如果某时刻 t_o 尚未到达,则无法预知信号在该时刻的取值,只知道信号在 t_o 的统计特性。如:干扰、噪声信号。





本课程只讨论确定性信号(因为这是研究随机信号的基础)。



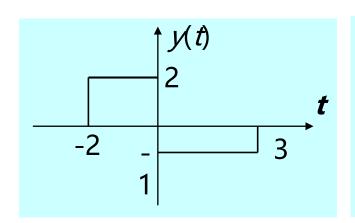
二、相关概念——信号的分类(2)

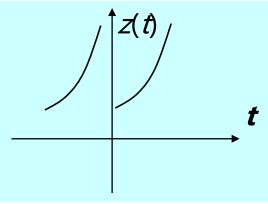
连续时间(Continuous-time)信号与离散时间(Discrete-time)信

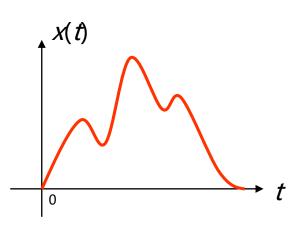
号 - - 按自变量的取值是否连续划分

连续时间信号——信号的自变量(时间 t) 是连续变化的,可以取所有的实数,通常记为x(t)(但可能有若干个不连续的点)

模拟信号(Analog) x(t): 时间、幅度均连续的信号,例:温度、气压等





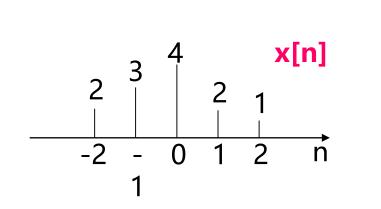




二、相关概念——信号的分类(2-2)

离散时间信号 [n] ——信号的自变量是离散的,只取整数值,通

常也称为时间序列(实际上是按顺序排列的数据),记作*[/].



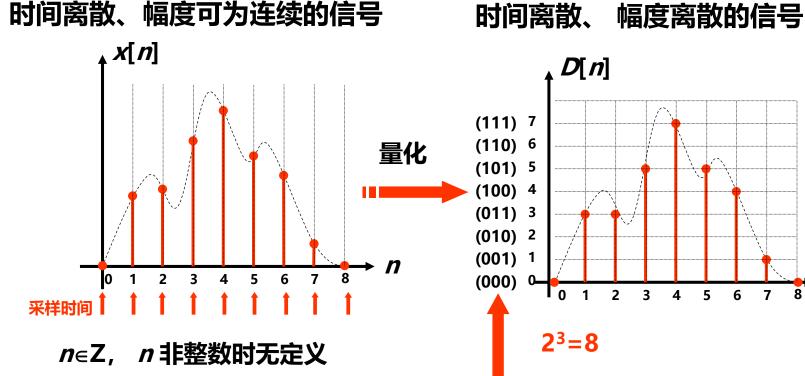
n=0时的离 散信号值

$$x[n] = \{0, 2, 3, 4, 2, 1, 0\}$$



二、相关概念——信号的分类(2-3)

离散信号(Sampling抽/采样) x[n]: 时间离散、幅度可为连续的信号



例:每年的人口增长情况,

二进制编码(0,1) 例: 计算机处理的信息

数字信号(Digital): D[n]

| 福度量化 | 数字信号 | 数字信号 |



二、相关概念——信号的分类(2-4)

时间轴 幅度轴	连续	离散
连续	Analog(模拟)	Sampling (抽/采样)
离散	Quantization (量化)	Digital (数字)
统称	连续时间(CT) Continuous-time	离散时间(DT) Discrete-time

本课程并行讨论连续时间和离散时间这两种信号



二、相关概念——信号的分类 (3-1)

周期(Periodic)信号与非周期信号

连续周期信号:
$$x(t) = x(t+T) = x(t+2T) = \cdots$$

$$x(t) = x(t+mT)$$
, m=0, ±1, ±2,....

离散周期信号:
$$x[n] = x[n+N] = x[n+2N] = \cdots$$

$$x[n] = x[n+mN], m=0, \pm 1, \pm 2,....$$

能使上两式分别成立的最小正值T、N称为x(t)和x[n]的基波周期 T_0 和 N_0

不满足上述关系的称为非周期信号。

思考: 1) 非周期信号能看成周期信号?

- 2) 基波周期的含义?
- 3) 周期信号都有基波周期吗?



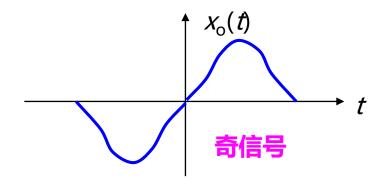
相关概念— -信号的分类(4-1)

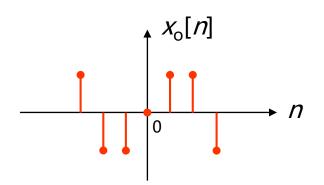
奇(Odd)信号xo(t)/xo[n]—与偶(Even)信号xe(t)/xe[n]

奇信号关于原点对称:

$$x(t) = -x(-t)$$

$$x(t) = -x(-t) \quad \overrightarrow{x} \quad x[n] = -x[-n]$$

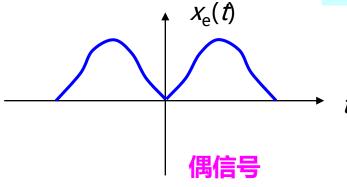


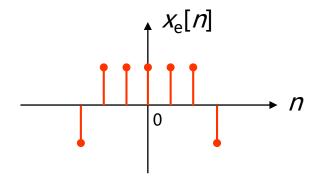


偶信号关于纵坐标对称:

$$x(t) = x(-t)$$
 或

$$x[n] = x[-n]$$







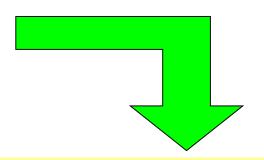
相关概念— -信号的分类(4-2)。

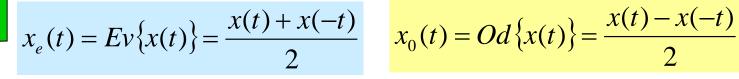
信号的分解:奇偶信号的划分是不完备的,存在非奇非偶信号。

但任何信号都可分解成奇分量与偶分量之和。

$$\therefore x(t) = \frac{1}{2} \left[x(t) + x(t) + x(-t) - x(-t) \right]$$

$$= \frac{1}{2} [x(t) + x(-t)] + \frac{1}{2} [x(t) - x(-t)]$$





$$x_0(t) = Od\{x(t)\} = \frac{x(t) - x(-t)}{2}$$

$$x(t) = x_e(t) + x_o(t)$$

$$x_e[n] = \frac{x[n] + x[-n]}{2}$$

$$x_o[n] = \frac{x[n] - x[-n]}{2}$$

二、相关概念——信号的分类(5-1)

功率(Power)信号与能量(Energy)信号(时间信号的可积性划分

考虑在1 Ω 电阻上信号x(t)/x[n] (电压或电流)消耗的瞬时功率

$$p(t) = v(t)i(t) = i^{2}(t) \cdot R = v^{2}(t)/R = x^{2}(t)$$
 $\Rightarrow p(t) = |x(t)|^{2}$

在时间间隔 $t_1 \le t \le t_2$ 内消耗的总能量E和平均功率P:

$$E_{t_1t_2} = \int_{t_1}^{t_2} p(t)dt = \int_{t_1}^{t_2} |x(t)|^2 dt;$$

$$E_{t_1t_2} = \int_{t_1}^{t_2} p(t)dt = \int_{t_1}^{t_2} |x(t)|^2 dt; \quad P_{t_1t_2} = \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} p(t)dt = \frac{E_{t_1t_2}}{t_2 - t_1}$$

总能量:

$$E_{\infty} = \lim_{t_2 - t_1 \to \infty} \int_{t_1}^{t_2} |x(t)|^2 dt$$

当(t₂-t₁)→∞时,

平均功率:

$$P_{\infty} = \lim_{t_2 - t_1 \to \infty} \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} |x(t)|^2 dt$$

- a.信号可以具有复数值,因此统一用模表示。
- b."能量"和"功率"不同于物理上概念,可以具有不同的单位。



二、相关概念——信号的分类(5-2)。



离散信号:

总能量:
$$E = \lim_{N \to \infty} \sum_{k=-N}^{N} |x[k]|^2$$

$$P = \lim_{N \to \infty} \frac{1}{2N+1} \sum_{k=-N}^{N} |x[k]|^{2}$$



能量 功率 非负

能量有限信号:

如果信号满足:0<E<∞,而P=0,则称为能量有限信号,简称<mark>能量信号</mark>。

功率有限信号:

$$P_{\infty} = \lim_{N \to \infty} \frac{E_{\infty}}{2N + 1} = 0$$

如果信号满足:0<P<∞,而E→∞,则称为功率有限信号,简称功率信号。

第三类信号: $P_{\infty} \rightarrow \infty$, $E_{\infty} \rightarrow \infty$ 例: x(t)=t

证明幅度有限的周期信号必定是功率信号



二、相关概念——系统(1)



- □ 系统是由若干相互联系的单元组成的、具有某种功能有 机整体
- 在信息科学领域,<u>系统可定义为对信号进行处理的物理设备和软件运算方法</u>。如为从信号中滤除干扰和噪声,可将信号通过一个称为滤波器的系统,该系统可以是硬件处理设备,也可以是计算机的软件实现的一种算法
- 口 本课程所讨论的系统局限于按本学科定义的狭义系统



二、相关概念——系统 (2)



信号与系统的关系: 系统和信号相互依存

- □ 要产生信号,并对信号进行传输、处理、存储和转化,需要一定的物理装置(系统)
- 京统在外加信号作用下将产生某种反应,这种外加信号 称为系统的输入或激励,相应的反应称为系统的输出或 响应
- 口 系统和系统之间通过信号来联系,信号则在系统之间以及系统内部流动



二、相关概念——系统(3)



信号处理系统

 信号分析: 是揭示信号自身的特性,包括时域特性和频域特性, 以及信号发生某些变化时其特性的相应变化

如:连续信号的傅里叶变换(Fourier transform)、拉普拉斯变换(Laplace transform)、Z变换(Ztransform)、离散时间傅里叶变换(discrete time Fourier transform)

信号处理: 是指通过对信号的加工和变换,把一个信号变换成另一个信号的过程。也可以把信号处理理解为为了特定的目的,通过一定的手段改造信号



二、相关概念——系统(4)



系统研究的内容和方法:

建立系统的数学模型 (用数学表示式来表 征系统的特性)或物 理模型(用具有理想 特性的符号组合成图 形来表征系统的特性) 数学方法求出数学模型的模型或物理模型的解答。
对所得的结果做出物理解释,赋予物

理意义。

连续系统的系统分析:列写微分方程→求解微分方程

离散系统的系统分析:列写差分方程→求解差分方程



二、相关概念——系统 (5)



模拟信号处理系统:输入模拟信号,通过模拟元件及 模拟电路构成的模拟系统的加工、处理,输出的仍然 是模拟信号

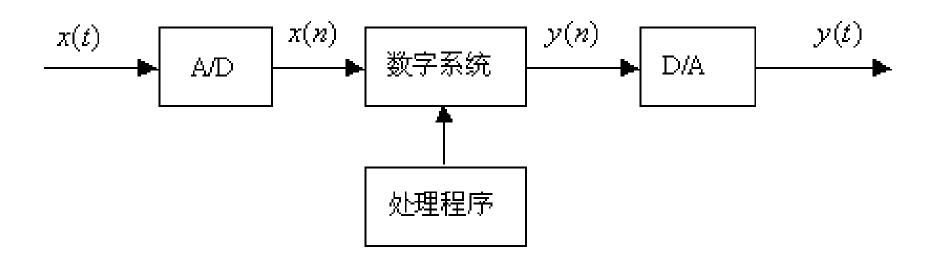




二、相关概念——系统 (6)



数字信号处理系统:用数字计算机的运算功能代替模拟电路装置,达到信号加工变换的目的

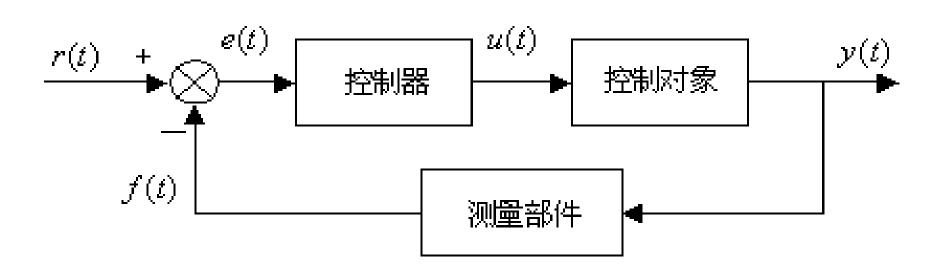




二、相关概念——系统(7)



自动控制系统:由相互制约的若干部分组成,为达到某一 控制目的具有一定功能的整体,它利用控制器使控制对象 的物理量自动地按预定的规律变化







■ 所需的预修课程

>数学分析(微积分)、常微分方程、复变函数、电路原理等

■ 第二章 连续信号的分析

- 信号的时域分析:基本信号、奇异信号,时域运算,信号的分解
- 频域分析: 周期信号和非周期信号的傅立叶变换,傅立叶变换的基本性质,卷积定理和抽样定理
- > 拉普拉斯变换分析: 信号的拉普拉斯变换, 复频域分析





■ 第三章 离散信号的分析

- > 连续信号的离散化和采样定理
- > 离散信号的时域分析:基本信号、奇异信号,时域运算
- > 离散信号的频域分析:从离散傅立叶级数到离散傅立叶变换DFT,快速傅立叶变换FFT
- 离散信号的Z域分析: 从拉氏变换到正、反Z变换、收敛域、 Z变换的基本性质、用Z变换解差分方程





■ 第四章 信号处理基础

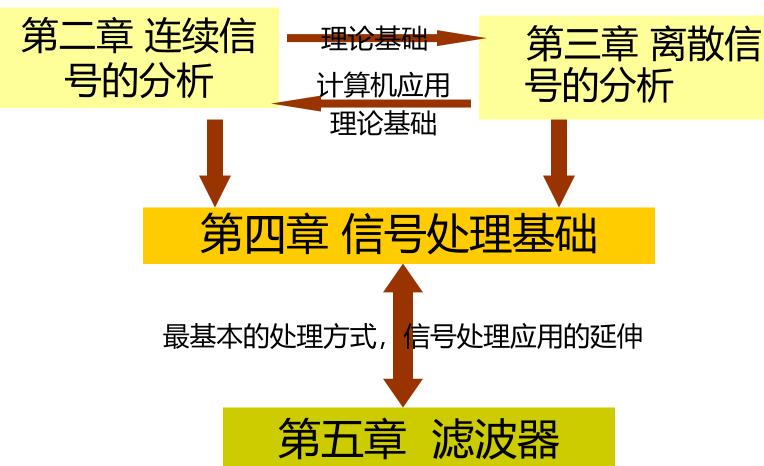
- >系统及其性质
- >信号的线性系统处理: 时域分析法, 频域分析法, 复频域分析法

■ 第五章 滤波器

- > 概述:滤波器的定义、分类、技术指标
- 模拟滤波器设计: 巴特沃思低通滤波器、切比雪夫低通滤 波器, 从低通到其它类型的滤波器
- > 数字滤波器设计:IIR数字滤波器,FIR数字滤波器



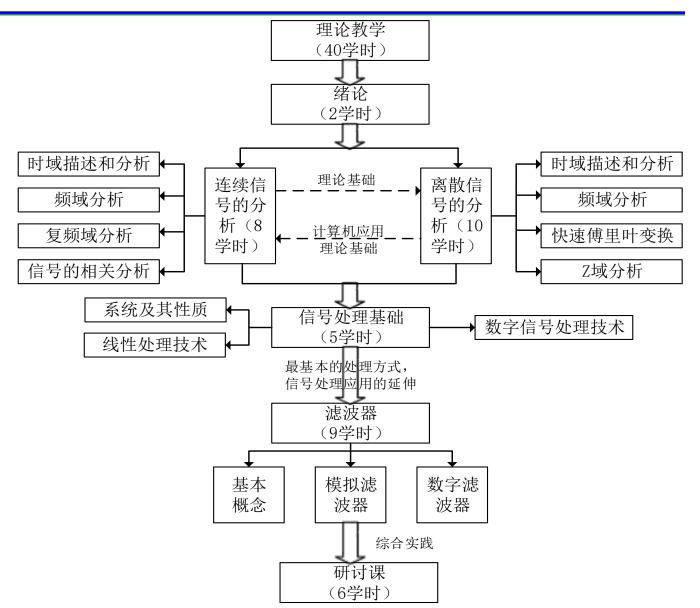




关键词:连续/离散,时域/频域/复频域,信号/系统









三、课程内容



1. 理论教学 (40学时)

- 周二(3课时/单周,2课时/双周) 赵均主讲
- 紫金港西2-415
- 研讨课2*3学时(课程大作业) (6.13、6.19)

2. 实验教学 (16学时)

- 基础性实验3个,综合性实验2个 季瑞松主讲
- 紫金港东3-409
- 周四1、2节(双周,具体时间另行通知)



三、课程考核



1. 考核要求

- 平时作业 (周二上课交, 纸质)
- 实验报告(实验结束后一周,纸质)
- 课程大作业(夏学期末,PPT答辩)
- 课程考试 (夏学期末, 闭卷)



三、课程内容—研讨课



1、可选题目

> 题目1: 声控系统设计

题目2:数字滤波器在工程中的典型应用

》题目3:无人自主系统中的视频图像分析

》题目4:移动机器人路径识别技术

》题目5:电气系统中的过采样和欠采样分析

》 题目6: 光伏发电系统中的信号采样与滤波

▶ 题目7: FFT及其工程应用

题目8: 电力系统谐波分析

▶ 题目9:



三、课程内容—研讨课



1、历届题目

题目1: 图像信号的处理方式(图像变换和滤波)

》题目2:典型图像滤波方法及其在漫画化处理中的应用

▶ 题目3:基于DTW的阿拉伯数字语音识别

> 题目4: FFT及其图像和音频中的应用

题目5:数字滤波器在工程中的典型应用

> 题目6: FFT的误差分析及滤波应用

》题目7:移动过程定位问题与卡尔曼滤波



三、课程内容—研讨课



2、具体要求

- 每小组人数不能多于4人
- 可围绕信号分析与处理的相关内容,结合具体的应用背景,自由选题,或结合SRTP、省创和国创选题
- 提交研究报告,需按照学术论文格式撰写,主要包括题目、作者、摘要(中英文)、引言、正文和参考文献等
- 提交10分钟的汇报PPT
- 提交MATLAB源代码,并可现场演示



四、学习要点



- □ 注重物理含义,避免繁琐的公式推导
- □ 明白为什么
- □ 注重实践 (实验和课程大作业)



五、参考资料—教材





主教材

信号分析与处理

ISBN: 978-7-111-08492-1

主编: 赵光宙

机械工业出版社



主教材

信号分析与处理----虚拟仪...

ISBN: 978-7-302-31561-2

主编: 孙晖

清华大学出版社



五、参考资料—MOOC课



信号分析与处理MOOC课:

https://www.icourse163.org/course/ZJU-1450039178

网上课程:

http://www.icourses.cn/coursestatic/course 6799.html



五、参考资料--参考书



- ◆ Oppenheim A V, Willsky A S, Nawab, Nawab S H.Signals & System, (Second Edition) 1998年,清华大学出版社•PRENTICE HALL(英文版)
- ◆ 《信号与系统》Alan V.Oppenheim等著,刘树堂译,西安交通大学 出版社
- ◆ 《信号与系统》 (第二版) ,于慧敏主编, 北京: 化学工业出版社, 2008
- ◆ 《信号、系统与信号处理》,吴湘淇编著,电子工业出版社
- ◆ 《应用Web和Matlab的信号与系统基础》(第二版),Edward W Kamen等著,高强等译,电子工业出版社
- **◆** 《信号与系统》郑君里、应启珩、杨为理等著,清华大学出版社
- ◆ 《信号与系统例题分析及习题》乐正友、杨为理、应启珩著,清华大学 出版社



五、参考资料—学术杂志



- ◆ 数据采集与处理
- ◆ 信号处理
- ◆ 自动化学报
- IEEE Transactions on Signal Processing
- **♦ IEEE Signal Processing Letters**
- IEEE Signal Processing Magazine
- IEEE Journal of Selected Topics in Signal Processing
- IET Signal Processing



五、参考资料—网站



- ◆ 麻省理工学院开发课程信号与系统 Signals and Systems
 - ♦ http://www.myoops.org/cocw/mit/Electrical-Engineering-and-Computer-Science/6-003Fall-2003/CourseHome/index.htm
- ◆ 犹他州立大学 Signals and Systems
 - http://www.myoops.org/cocw/usu/Electrical_and_Computer_Engineering/Signals_and_Systems/index.htm
- Signals and Systems at Uppsala University
 - http://www.signal.uu.se/
- Signals and Systems at Berkeley university
 - http://ptolemy.eecs.berkeley.edu/eecs20/
- Signals and Systems at University of Wisconsin-Madison
 - http://www.engr.wisc.edu/ece/courses/ece330.html
- Signals and Systems Lab at COMSOL Group
 - http://www.comsol.com/products/signal/
- Foundation Course on Signals and Systems DEP
 - http://www.dep.iitb.ac.in/spring04/signals/index.html



六、课外作业



- 作业: P7
 - -2: (1)-(4)
 - -3: (1)-(4)
 - **-4:** (1)-(3)

■ 预习内容:

- -连续信号的时域描述和分析
- -MATLAB仿真软件