扩军与裁军问题

问题建模

这是一个非合作双矩阵对策问题,我们把两个国家分别记为A和B。策略集为:{扩军,裁军}。 根据题意,整体的赢得矩阵为:

$$\begin{bmatrix}
(-3000, -3000) & (10000, -\infty) \\
(-\infty, 10000) & (0, 0)
\end{bmatrix}$$

局中人1 (国家A) 的赢得矩阵记为 R_1 , 局中人2 (国家B) 的赢得矩阵记为 R_2 : (单位: 亿美元)

$$R_1 = egin{bmatrix} -3000 & 10000 \ -\infty & 0 \end{bmatrix}$$

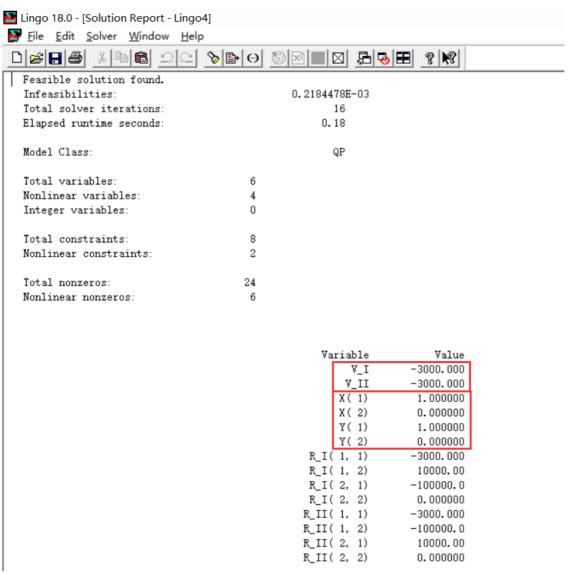
$$R_2 = egin{bmatrix} -3000 & -\infty \ 10000 & 0 \end{bmatrix}$$

代码

使用Lingo求解,在求解过程中我们以 10^6 代替 ∞ 。

```
MODEL:
sets:
str_I/1..2/:x;
str_II/1..2/:y;
rew(str_I,str_II):R_I,R_II;
endsets
R_I=-3000 10000,-100000 0;
R_II=-3000 -100000,10000 0;
enddata
V_I=@sum(rew(i,j):R_I(i,j)*x(i)*y(j));
V_{II} = @sum(rew(i,j):R_{II}(i,j)*x(i)*y(j));
@free(V_I);
@free(V_II);
 @ for(str_I(i): @ sum(str_II(j): R_I(i,j)*y(j)) <= V_I); \\
 @ for(str_II(j): @ sum(str_I(i): R_II(i,j)*x(i)) <= V_II); \\
@sum(str_I:x)=1;
@sum(str_II:y)=1;
END
```

结果



可以看到结果中:

$$V_I = -3000, V_2 = -3000$$

$$X_1 = 1, X_2 = 0, Y_1 = 1, Y_2 = 0$$

结果说明两国都应当采用纯策略(1,0), 也即都选择扩军, 此时双方达到战略平衡, 这是该问题的一个纳什平衡解。