### 轮式机器人技术与强化实践报告(Week 7-8)

### 3210105327 万晨阳

### 实验要求:

- 1. 在非 ROS 的框架下完成任意路径规划算法(Astar 或 RRT)的实现。
- 2. 在非 ROS 的框架下完成任意避障规划算法(DWA)的实现。
- 3. 在 ROS 的框架下完成小车的自主导航任务: 任意给定目标点, 小车能够自主规划路径, 并跟随路径到达目标点。

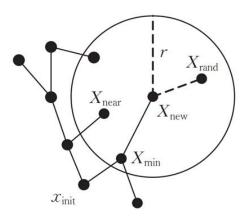
### 实验原理:

#### 1. 目标规划:路径规划算法 RRT

RRT 是 Steven M. LaValle 和 James J. Kuffner Jr.提出的一种通过随机构建 Space Filling Tree 实现对非凸高维空间快速搜索的算法。该算法可以很容易的处理包含障碍物和差分运动约束的场景,因而广泛的被应用在各种机器人的运动规划场景中。

原始的 RRT 算法中将搜索的起点位置作为根节点, 然后通过随机采样增加叶子节点的方式, 生成一个随机扩展树, 当随机树的叶子节点进入目标区域, 就得到了从起点位置到目标位置的路径。

```
RRT_BUILD(q_i,q_{goal})
Algorithm 1: RRT Algorithm
                                                                                            T.initial(q_i)
  Input: \mathcal{M}_{,x_{init},x_{qoal}}
                                                                                            from k=1 to k=K
  Result: A path \Gamma from x_{init} to x_{goal}
                                                                                                q_{rand} \leftarrow \text{RANDOM STATE()}
                                                                                3
                                                                                                EXPAND(T,q_{rand})
  \mathcal{T}.init();
                                                                                            Give T
  for i = 1 to n do
        x_{rand} \leftarrow Sample(\mathcal{M});
                                                                                EXPAND(T,q)
                                                                                            q_{near} \leftarrow NEAREST\_NEIGHBOR(T,q);
        x_{near} \leftarrow Near(x_{rand}, \mathcal{T});
        x_{new} \leftarrow Steer(x_{rand}, x_{near}, StepSize);
                                                                                            if |q_{\textit{near}}\text{-}q_{\textit{rand}}| \le \varepsilon then
                                                                                               q_{\it new} = q_{\it rand}
        E_i \leftarrow Edge(x_{new}, x_{near});
        if CollisionFree(\mathcal{M}, E_i) then
                                                                                                q_{new} = q_{near} + \varepsilon
                                                                                            T.\text{vertex\_add}(q_{new});
              \mathcal{T}.addNode(x_{new});
                                                                                            T.edge\_add(q_{near},q_{new});
              \mathcal{T}.addEdge(E_i);
                                                                                            if |q_{goal}-q_{new}| < \mu then
                                                                                                    Reached
        if x_{new} = x_{goal} then
                                                                                10
                                                                                                    Give Connectivity Path
              Success();
                                                                                11
                                                                                12
                                                                                                    Advanced
```



在基础的 RRT 算法上我们可以对其进行改进,通过概率控制使得某些时候树的生长是朝向目标点的(这样可以加快收敛速度)。基于概率的 RRT 算法在随机树的扩展的步骤中引入一个概率p,根据概率p的值来选择树的生长方向是随机生长还是朝向目标位置生长。引入向目

标生长的机制可以加速路径搜索的收敛速度。我在本次任务中实现的是基于概率的 RRT 算 法。

### 2. 导航规划:避障算法 DWA

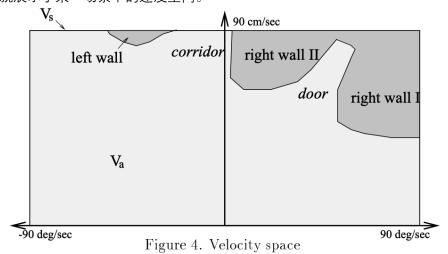
动态窗口法(Dynamic Window Approach, DWA)是一种避障规划方法, DWA 算法通 过对速度空间施加约束以确保动力学模型和避障的要求,在速度空间中搜索机器人最优控制 速度,最终实现快速安全地到达目的地。作者将速度空间约束在由机器人的平移速度和旋转 速度(v,w)组成的二维速度搜索空间。

# ① 允许速度 (Admissible velocities)

允许速度确保机器人可以在障碍前停下, 最大的允许速度取决于当前轨迹距最近障碍的 距离dist(v,w), 允许速度集 $V_a$ 被定义为:

$$V_a = \{(v, w) | v \leq \sqrt{2 \cdot dist(v, w) \cdot \dot{v_b}} \land w \leq \sqrt{2 \cdot dist(v, w) \cdot \dot{w_b}} \}$$

下图就展示了某一场景下的速度空间。



### 滑动窗口 (Dynamic window)

考虑到机器人存在加速度限制,搜索空间被限定动态窗口中(在下一个规划间隔可达到 的速度), 具体如下:

$$V_d = \{(v, w) | v \in [v_a - \dot{v} \cdot t, v_a + \dot{v} \cdot t] \land w \in [w_a - \dot{w} \cdot t, w_a + \dot{w} \cdot t] \}$$

其中 $\dot{v}$ 和 $\dot{v}$ 表示机器人的加速度。最终的速度搜索空间为 $V_r = V_s \cap V_d \cap V_d$ ,如下图。

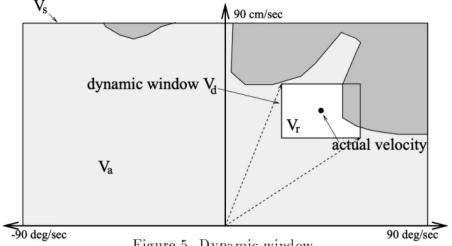


Figure 5. Dynamic window

### ③ 优化过程

目标函数考虑了方位角、安全距离和速度:

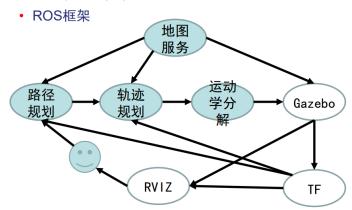
$$G(v,w) = \sigma(\alpha \cdot heading(v,w) + \beta \cdot dist(v,w) + \gamma \cdot velocity(v,w))$$

其中,方位角项heading(v,w)保证了机器人在运动过程中可以快速对准目标点。安全距离项dist(v,w)保证了机器人不会发生碰撞,速度项velocity(v,w)确保了尽快到达目标点。

参数α,β,γ可以根据需求调整。这三个指标是目标函数的重要组成部分,缺一不可。仅使clearance和velocity最大化,机器人始终在无障碍空间运动,但不会有向目标位置移动的趋势。单独最大化heading,机器人很快就会被阻碍其前进的第一个障碍所阻挡,无法在其周围移动。通过组合三个指标,机器人在上述限制条件下能够快速地绕过碰撞,同时朝着目标方向运动。

### 实验过程与实验结果:

任务的完成基于以下的 ROS 框架:



首先,在第五、六周的实验中我通过 python 实现了 RRT 与 DWA 的算法类,实现的基本如下:

#### - 对于 RRT 算法类

类接受障碍点、起始点、终止点、地图图幅、网格长度以及 dist 阈值作为初始化需要的参数:

#### class RRT:

- 2. def \_\_init\_\_(self, obstacles\_point, start\_point, end\_point, p
   lanning\_minx, planning\_miny, planning\_maxx, planning\_maxy, grid,
   dist):
- 3. .....

而后在该类中中包含了名为 RRT\_Tree 的子类,以完成 RRT 树的构建和生长;同时在这个算法类中包含了终点判断、寻找下一个点、最小距离判断、RRT 树生长的功能的实现。最终结构如下:

#### class RRT:

2. def \_\_init\_\_(self, obstacles\_point, start\_point, end\_point, p
lanning\_minx, planning\_miny, planning\_maxx, planning\_maxy, grid,
dist):

```
3.
4.
       class RRT_Tree:
           def __init__(self, point, father, child, endpoint, startp
5.
   oint):
6.
7.
       def Process(self):
8.
9.
           return best_path_X, best_path_Y
10.
11.
       def search_next(self):
12.
13.
       def min_distance_node(self, temp_point):
14.
15.
       def if near destination(self, node):
16.
```

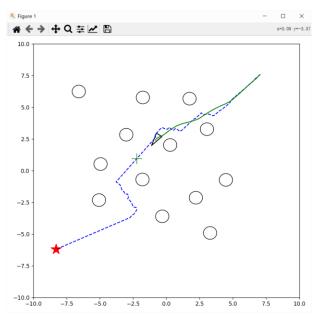
# - 对于 DWA 算法类

首先在 dwaconfig 中定义了进行 DWA 算法的各种所需参数。在 DWA 算法类中首先完成了对于三种代价(heading\_cost, dist\_cost, velocity\_cost)的计算函数的实现,在规划(plan)部分对速度空间进行了遍历搜索,假想其在某一速度点下运动的情况进行了总代价的计算,然后不断比较,基于此完成了在速度空间中的规划:

```
1. class DWA:
       #计算方向角代价
2.
       def heading_cost(self, from_x, from_y, to_x, to_y, robot_info
   ):
4.
5.
           return np.abs(angleCost)+now dist
6.
7.
       #计算距离代价
       def dist_cost(self,dwaconfig,robot_info, planning_obs, radius
8.
   ):
9.
10.
           return 1 / dist
11.
12.
       #计算速度代价
13.
       def velocity_cost(self, now_v, max_v):
14.
15.
          return delta
16.
       #计算运动
17.
18.
       def motion(self, robot_info, dwaconfig):
19.
20.
           return new_robot_info
21.
```

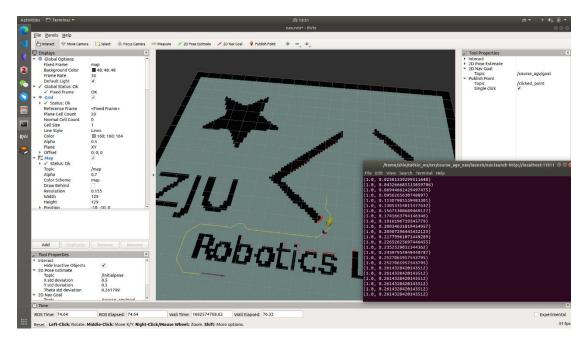
```
22. # robot info: [x, y, theta, vx, vw]
23. # dwaconfig: {robot_radius, obs_radius, dt, max_speed, min_speed, max_accel, v_reso, max_yawrate, max_dyawrate, yawrate_reso, predict_time, to_goal_cost_gain, speed_cost_gain, obstacle_cost_gain, tracking_dist, arrive_dist}
24.
25. #遍历搜索完成规划
26. def plan(self, robot_info, dwaconfig, midpos, planning_obs):
27. ...
28. return nvx, nvw
```

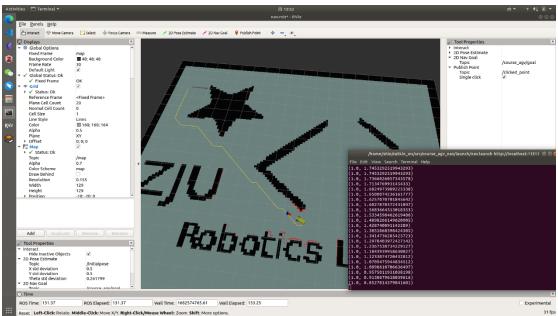
基于给定的非 ROS 框架,实现了使用 matplotlib 进行绘图模拟小车进行规划和运动。 效果如下:



然后基于给定的 ROS 框架,我对代码进行了略微的修改以适合框架的接口,主要是把dwaconfig 的内容集成到了 DWA 算法类中,并对两个算法类的返回内容进行了略微的修改。同时在完成指定的任务之后,我注意到小车在运动过程中总是发生翻车的情况,所以对于之前运动控制的代码部分我也进行了部分修改,使得速度解算得到的值相对小一点,避免翻车的发生。

rviz 中的最终实验结果如下:





# 实验总结:

通过完成第七、八周的任务,我了解了经典的路径规划和避障规划算法,如 PRM、RRT、VFH、DWA 等,并对 RRT 和 DWA 进行了具体的实现。通过完成小车的自主导航,我认识到了小车的实际运动是相当复杂的,不仅要考虑全局规划出来的理想运动路径,对于局部的物理运动限制也要有充分的考虑。因为后者是即时的,所以这一过程中很多时候我们对算法速度有比较高的要求。一开始由于参数原因算法运行的特别慢,后来经过调整,我的小车能够比较流畅地完成运动。

同时,我进一步熟悉了 Linux 系统的操作和使用,也进一步了解了 ROS 项目的建构和 debug 过程。