PRACTICA-3

FORMALIZACION USANDO LOGICA DE PREDICADOS

1. Usando lógica de predicados y sabiendo que el dominio de discurso son los números enteros, determine si la siguiente función proposicional es verdadera o falsa usando las interpretaciones mostradas a continuación:

Sea p(x) la funcion proposicional $x^2 = 2x$

- a) p(0)
- b) p(1)
- c) p(2)
- d) p(−2)
- $e) \exists x p(x)$
- $f) \quad \forall x p(x)$
- 2. Dada la fórmula F descrita a continuación y la interpretación I, determinar el valor de la fórmula

$$F = \forall x \exists y (P(x, y) \land Q(f(x))) \rightarrow \neg Q(g(a, b, f(y)))$$

Interpretación

- Dominio D = {1,2,3}
- Constantes: I(a) = 1; I(b)=3
- Funciones: I(f(x)) = 4 x

$$I(g(x,y,z)) = [(x+y+z) MOD 3]+1$$

- Predicados: $I(P(x,y)) = x \le y$ I(Q(x)) = x=2 o x=3
- 3. ¿Cuál es el significado en lenguaje de las siguientes fórmulas FOL?.
 - compró (Jorge; DVD)
 - $\forall x: (compró (Jorge; x) \rightarrow compró (Isabel; x))$
 - ∀x∃y:compró (x; y)
- 4. Dado el siguiente dominio △ = {1; 3; 5; 15} y sea I una interpretación de los predicados E¹ como "siendo par", M² como "múltiplo de" y L² como "menor que", y dado además que I (a) = 1; I (b) = 3; I (c) = 5; I (d) = 15. Determine si la interpretación I satisface las siguientes fórmulas:
 - ∀y:E(y)
 - $\forall x:(E(x) \rightarrow M(x; a))$
 - $\forall x: (M(x; b) \rightarrow L(x; c))$