## Model lotu balonu - wzory analiza numeryczna

Jakub Brzegowski

Grudzień 2015

## 1 Użyte wzory:

Siła ciężkości:

$$F_g = m \cdot g$$

 $F_g$  – siła ciężkości,

m – masa ciała,

g – przyspieszenie grawitacyjne.

Przyspieszenie(w ruchu prostoliniowym):

$$a = \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$$

a – przyspieszenie,

v – szybkość ciała,

t – czas.

Prędkość chwilowa:

$$v = \frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t}$$

v – prędkość,

s – droga,

t – czas,

skąd:

$$s = \int_{t_0}^{t_1} ds = \int_{t_0}^{t_1} v(t) dt.$$

Obliczanie przyrostu temperatury:

$$\frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t} = \frac{P}{C_w \cdot m}$$

T – temateratura ośrodka,

t - czas,

P - moc,

 $C_w$  – ciepło właściwe,

m – masa.

Zależność pomiędzy liczbą moli, a masą i masą cząsteczkową substancji:

$$n = \frac{m}{M}$$

n – liczba moli,

m – masa substancji,

M – masa cząsteczkowa(masa molowa) danej substancji.

Gęstość powietrza w kopercie balonu: z równania Clapeyrona mamy:

$$pv = nRT$$

$$p\frac{m}{g} = \frac{m}{M}RT$$

$$\rho = \frac{pM}{RT}$$

m – masa substancji,

p – ciśnienie,

v – objętość,

 $\rho$  – gęstość,

n – liczba moli gazu, będąca miarą liczby jego cząsteczek; n = v/V,

T – temperatura bezwzględna, T[K] = t [°C] + 273,15

R — uniwersalna stała gazowa:  $R = N_A k_B$ , gdzie:  $N_A$  — stała Avogadra (liczba Avogadra),  $k_B$  — stała Boltzmanna,  $R = 8,314 \frac{J}{(mol \cdot K)}$ .

Siła wyporu:

$$F_w = \rho \cdot g \cdot V$$

 $F_w$  – siła wyporu,

 $\rho$  – gęstość cieczy lub gazu, w którym znajduje się ciało,

g – przyspieszenie grawitacyjne,

V – objętość wypieranego płynu równa objętości części ciała zanurzonego w ośrodku.

Zależność ciśnienia od wysokości:

$$p = p_0 \cdot \left(1 - \frac{L \cdot h}{T_0}\right)^{\frac{g \cdot M}{R \cdot L}}$$

 $p_0$  – standardowe ciśnienie atmosferyczne na poziomie morza,

L – gradient adiabatyczny temperatury,

h – wysokość nad poziomem morza,

 $T_0$  – standardowa temateratura na poziomie morza,

g – przyspieszenie ziemskie,

M – masa molowa suchego powietrza,

R – uniwersalna stała gazowa.

Siła oporu powietrza:

$$F_D = \frac{1}{2} \rho v^2 C_D A$$

 $F_D$  – siła oporu aerodynamicznego,

 $\rho$  – gęstość ośrodka,  $v^2$  – prędkość obiektu relatywna do ośrodka,

 $C_D$  – współczynnik oporu aerodynamicznego,

A – pole przekroju.