

- 2.a) (i) A:=„Spieler würfelt eine gerade Zahl“ $\Pr[A] = 3/6 = 1/2$
 B:=„Speler würfelt 1 2 oder 3“ $\Pr[B] = 3/6 = 1/2$
 $\Pr[A|B] = 1/3 \Rightarrow \Pr[A] > \Pr[A|B]$

(ii) Es existiert kein Wahrscheinlichkeitsraum welcher die Eigenschaften erfüllt.

Proof:

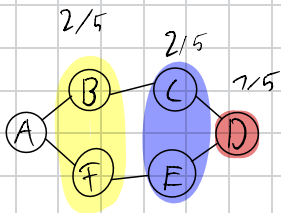
Def. of $\Pr[A|B] := \Pr[A \cap B] / \Pr[B] \Rightarrow 1/4 = \Pr[A \cap B] / (3/4) \Rightarrow \Pr[A \cap B] = 3/16$

If two events happen 3 out of 4 times their intersection has to be at least $1/2$. $1/2 > 3/16$ therefore there exists no $\Pr[A \cap B]$ that fulfills the requirements.

b) $\Pr[A] = 1/5 + (2/5 * 1/4) + (2/5 * 1/4 * 1/3) = 0.333.. = 1/3$

Da der Startknoten des Algorithmus egal ist betrachten wir hier nur A als Startknoten. Es können nur 3 Farben entstehen wenn D vor E oder C gewählt wird. Dies kann zu $1/5$ direkt passieren oder zu $2/5 * 1/4$ nachdem B oder F gewählt wurden oder zu $2/5 * 1/4 * 1/3$ nachdem B oder F und danach der noch verbleibende und am ende D gewählt wid. In allen anderen Fällen wird C oder E vor D gewählt.

Somit hat der Algorithmus eine $0.33333...$ Chance 3 Farben zu wählen



- c) $\Pr[A] :=$ „Die Schwester gewinnt“ \Rightarrow „beide Würfel sind ungerade“ $= 3/6 * 3/6 \Rightarrow 1/4$
 $\Pr[B] :=$ „Ich gewinne“ $\Rightarrow \{(4,6), (5,5), (5,6), (6,4), (6,5), (6,6)\} / 6*6 \text{ Möglichkeiten} = 6/36 = 1/6$
 $\Pr[B|A] = \{(4,6), (5,6), (6,4), (6,5), (6,6)\} / 6*6 = 5/36$