# 252-0027 Einführung in die Programmierung

#### 2.0 Einfache Java Programme

Thomas R. Gross

Department Informatik ETH Zürich

#### Übersicht

- 2.0 Einfache Java Programme
- 2.1 Methoden
  - Struktur
- 2.2 Typen und Variable
  - 2.2.1 Einführung
  - 2.2.2 Basistypen: Einfache (eingebaute) Typen
     Operationen (mit Werten desselben und verschiedener Typen)
  - 2.2.3 Deklaration von Variablen

#### 2.2.2 Primitive Types (eingebaute, Basis-Typen)

Deklaration und Definition

```
int x = expression; // Ausdruck
```

- Was sind die Regeln für Ausdrücke?
  - Zuerst für int (und long)
  - EBNF Regel expr

## **EBNF Beschreibung Ausdruck (Expression)**

```
number \Leftarrow integer | integer . { digit } | sign . digit { digit } op \Leftrightarrow + | - | * | / | % atom \Leftarrow number | identifier term \Leftarrow ( expr ) | atom expr \Leftarrow term { op term }
```

#### 1. Nicht die vollständige Beschreibung für Java Ausdrücke

- Keine Überraschungen ... wie in der Mathematik/Schule
- number beschreibt Literals (nicht vollständig)

#### 2. Beschreibt nur die Syntax

#### **Arithmetische Operatoren**

- Operator: Verknüpft Werte (Literals) oder Ausdrücke.
  - + Addition
  - Subtraktion (oder Negation)
  - \* Multiplikation
  - / Division
  - % Modulus (Rest)
- Müssen festlegen was «a ⊗ b» bedeutet (⊗ Operator; a,b int)
  - Was ist das Ergebnis?
  - Was für einen Typ hat das Ergebnis?

#### **Arithmetische Operatoren**

- Operator: Verknüpft Werte oder Ausdrücke.
  - + Addition
  - / Division

• • • •

- Ergebnis hat einen [festgelegten] Typ
  - EBNF beschreibt nur Form (int + int ergibt ? int)
  - Operator ⊗ (+, -, /, \*, %) :
    - Typ\_A ⊗ Typ\_A ergibt Typ\_A (für arithmetische Operatoren)
    - Typ\_A  $\otimes$  Typ\_B ergibt???? (hängt von  $\otimes$ , Typ\_A, Typ\_B ab später)

#### int Division mit /

- Wenn wir ganze Zahlen dividieren ist der Quotient auch wieder eine ganze Zahl.
- 14 / 4 ergibt 3, nicht 3.5

#### int Division mit /

#### Weitere Beispiele:

```
32 / 5 ergibt 6
84 / 10 ergibt 8
156 / 100 ergibt 1
-4 / 3 ergibt -1
-101 / 9 ergibt -11
```

 Division durch 0 führt zu einem Fehler während der Ausführung des Programmes

#### int Rest mit %

- Der % Operator liefert den Rest der Division ganzer Zahlen
  - 14 % 4 ergibt 2
  - **•** 218 % 5 ergibt 3

#### int Rest mit %

#### Einsatz des % Operators:

- Finde letzte Ziffer einer ganzen Zahl: 230857 % 10 ist 7
- Finde letzte 4 Ziffern: 658236489 % 10000 ist 6489
- Entscheide ob Zahl gerade ist: 7 % 2 ergibt 1,
  - 42 % 2 ergibt 0

# Was ist das Ergebnis von

- 1. 10 / 4
- 2. 45 % 6
- 3. **-23** / **11**
- 4. 11 % 0
- 5. **2** % **2**
- 6. 43 / 3
- 7. 8 % 20

## Was ist das Ergebnis von

```
1. 10 / 4 2
2. 45 % 6 3
3. -23 / 11 -2
4. 11 % 0 Exception java.lang.ArithmeticException: / by zero
5. 2 % 2 0
6. 43 / 3 14
7. 8 % 20 8
```

#### Ausdrücke mit mehreren Operanden

■ Hat ein Ausdruck mehrere Operanden X, Y, Z (mit Operator ⊙) so müssen wir festlegen, was

$$X \odot Y \odot Z$$

bedeutet.

■ 
$$7+5+3$$
  $\rightarrow$   $(7+5)+3$ 

• 64/8/2  $\rightarrow$  (64/8)/2 und nicht 64/(8/2)

Wird durch die Assoziativität der Operatoren bestimmt

# Assoziativität ("Associativity") -- Bindung

■ Die Assoziativität eines Operators ⊙ hält fest wie ein Operand zu verwenden ist: \_\_\_\_



Y ist mit dem linken Operator verknüpft ("left—associative", "left—to—right associative")

$$X \odot Y \odot Z = (X \odot Y) \odot Z$$

Y ist mit dem rechten Operator verknüpft ("right—associative", "right—to—left associative") X ⊙ Y ⊙ Z = X ⊙ (Y ⊙ Z)

#### **Assoziativität**

 Links-assoziativ: Y ist mit dem linken Operator verknüpft («left-associative», «left-to-right associative»)

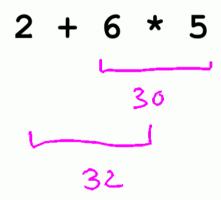
$$X \odot Y \odot Z = (X \odot Y) \odot Z$$

Viele der uns bekannten Operatoren: +, \*,

- rechts-assoziativ: Y ist mit dem rechten Operator verknüpft («right-associative», «right-to-left associative»)
  - Später werden wir Beispiele sehen (es gibt einige!)
- Es gibt Operatoren die sind assoziativ (in der Mathematik)
  - Rechts—assoziativ und links—assoziativ: (X ⊙ Y ) ⊙ Z = X ⊙ (Y ⊙ Z)

# Aber es gibt noch mehr zu bedenken ...

Was für einen Wert erhalten wir für



# Rang Ordnung

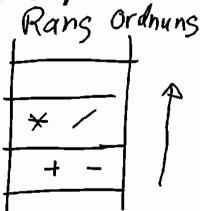
■ Hat ein Ausdruck mehrere Operanden X, Y, Z (mit Operatoren ⊙ und ⊗) so müssen wir festlegen, was



bedeutet. (⊙ und ⊗ sind unterschiedliche Operatoren)

Operand Y kann zuerst mit ⊙ oder ⊗ verknüpft werden

Die Rang Ordung von ⊙ und ⊗ entscheidet.



# Rang Ordnung («Precedence»)

Der Operand (Y) in X ⊙ Y ⊗ Z wird mit dem Operator verknüpft, der den höheren Rang hat.

$$1 + 3 * 4$$

$$1 + 12$$

13

# Rang Ordnung

```
6 + 8 / 2 * 3
                         links anfangen
                         6 ist Literal
                         8 ist Literal
                          / hat höheren Rang als +
                         links anfangen: / zuerst
                         / und * haben selben Rang
                         int Division ergibt 4
                         * hat höheren Rang als +
                         nur noch ein Operator
6 +
                         Resultat:
      18
```

#### **Operanden und Operatoren**

- Operand wird vom Operator mit h\u00f6herer Rang Ordnung («precedence», Pr\u00e4zedenz) verwendet
- Wenn zwei Operatoren die selbe Rang Ordnung haben, dann entscheidet die Assoziativität
- Wenn zwei Operatoren die selbe Rang Ordnung und Assoziativität haben, dann werden die (Teil)Ausdrücke von links nach rechts ausgewertet.

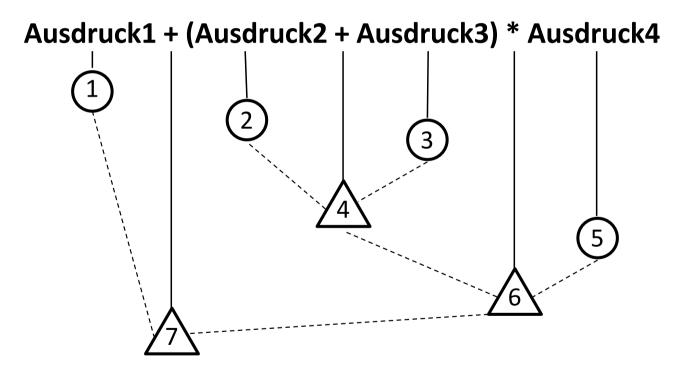
Wenn etwas anderes gewünscht wird: Klammern verwenden!

#### **Operanden und Operatoren**

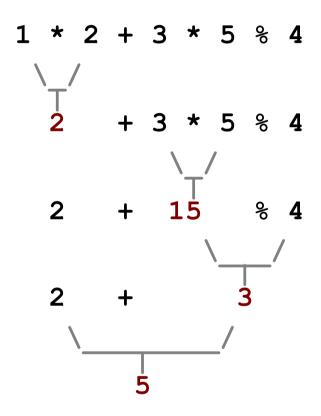
- Klammern bestimmen abweichende die Gruppierung:
   (1 + 3) \* 4 ergibt 16
- Leerzeichen (oder Kommentare) haben keinen Einfluss auf die Reihenfolge der Auswertung
   1+3 \* 4-2 ergibt 11 (trotzdem keine gute Idee!)

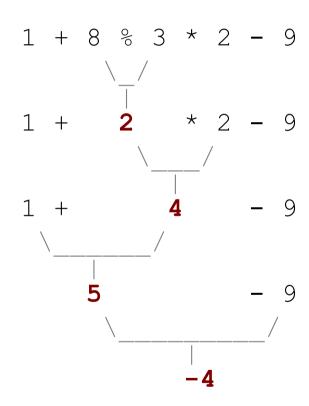
# **Operanden und Operatoren**

Beispiel Rang Ordnung und Assoziativität:



# Rang Ordnung Beispiele





#### Rang Ordnung Beispiele

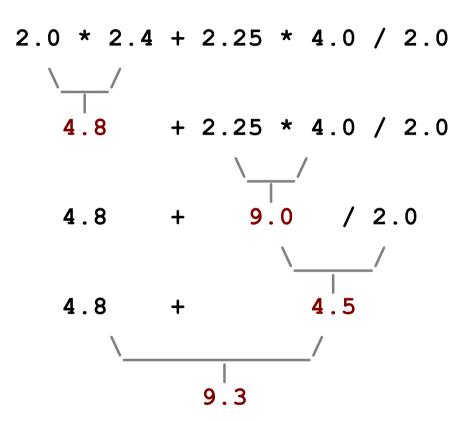
Welche Werte ergeben die Auswertung dieser Ausdrücke?

- 9 / 5
- **695 % 20**
- **7** + 6 \* 5
- **7** \* 6 + 5
- **248 % 100 / 5**
- 6 \* 3 9 / 4
- **(5 7) \* 4**
- **■** 6 + (18 % (17 12))

## Reelle Zahlen (Typ double)

- Beispiele: 6.022 -42.0 2.143e17
  - Hinzufügen von .0 (oder .) an eine ganze Zahl macht diese zu double.
- Die Operatoren + \* / % und () sind auch für double definiert.
  - / berechnet ein genaues Resultat: 15.0 / 2.0 ergibt 7.5
  - Rang Ordnung (der Auswertung) ist die selbe: () vor \* / % vor + -

# Beispiel mit reellen Zahlen



#### **Arithmetische Operatoren**

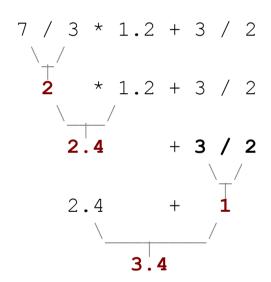
- Evaluation eines Ausdrucks ergibt Wert eines Typs
  - EBNF beschreibt nur Form
    - int + int ergibt ? , int + long ergibt ? keine Antwort von EBNF
- Operanden haben den selben Typ: Ergebnis hat selben Typ
  - Operator ⊗: Typ\_A ⊗ Typ\_A ergibt Typ\_A (für arithmetische Operatoren)
    - (Nehmen an dass das Ergebnis dargestellt werden kann fixer Wertebereich für alle Typen!)
- Operanden haben unterschiedliche Typen
  - Typ\_A ⊗ Typ\_B ergibt ???? (jetzt)

#### Kombinationen von Typen

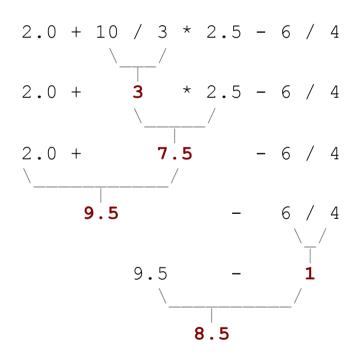
- Wenn int oder long und double kombiniert werden dann ist das Ergebnis double.
  - 4.2 \* 3 ergibt 12.6
- Auch dann wenn das Result als int darstellbar wäre
  - 4.5 \* 2 ergibt 9.0
- Umwandlung («conversion») von einem Typ in einen anderen
  - Wird für jeden Operator separat gemacht und beeinflusst nur dessen Operanden
  - Automatisch («implizit») werden später sehen wie wir Umwandlungen erzwingen können

## Ausdrücke mit verschiedenen Typen

Umwandlung geschieht für jeden Operator separat ...



3 / 2 ergibt 1 nicht 1.5.



#### Ausdrücke mit verschiedenen Typen

#### Bitte evaluieren Sie diese Ausdrücke

## Ausdrücke mit verschiedenen Typen

#### Bitte evaluieren Sie diese Ausdrücke

Division durch 0 ist nicht erlaubt. 2/3 ist 0, 9/0 resultiert in Laufzeitfehler

## Typ Umwandlungen

- Ausser impliziten Umwandlungen gibt es die Möglichkeit der expliziten Umwandlung
  - implizit (ein Operand ist double Umwandlung des anderen): 1.0 / 4
  - explizite (erzwungene) Umwandlungen heissen «cast» oder «type cast»
- type cast: Umwandlung von einem Typ in den anderen.
  - Um int in double umzuwandeln (z.B. damit Division das gewünschte exakte Ergebnis liefert)
  - Um einen double Wert in einen int Wert zu verwandeln
    - Abschneiden («truncation») nicht Rundung

## Typ Umwandlungen

Syntax:

```
(type) expression
```

Beispiele:

#### Typ Umwandlungen

- (type) ist ein Operator
  - Der «cast operator»
  - Höherer Rang (Präzedenz) als arithmetische Operatoren
  - Rechts-assoziativ
    - D.h. wandelt nur den Operanden direkt rechts daneben um
- Für alle Basistypen verfügbar

#### Bemerkungen über explizite Umwandlungen

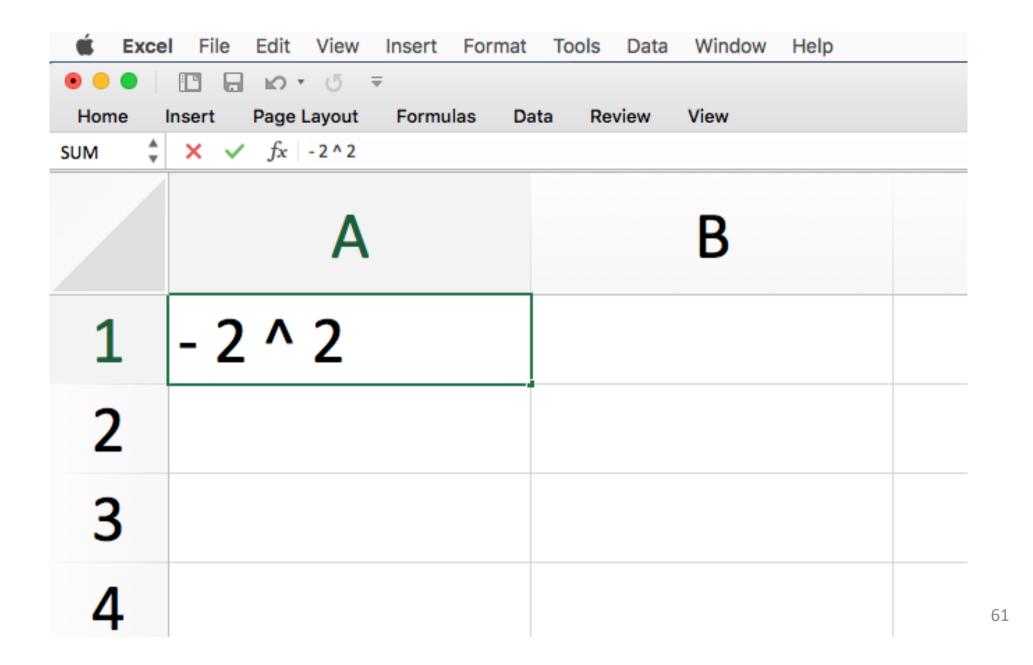
 Typ Umwandlung hat hohe Präzedenz und der Cast Operator bezieht sich nur auf den (Teil)Ausdruck direkt neben sich.

```
(double) 1 + 1 / 2;  // 1.0
1 + (double) 1 / 2;  // 1.5
```

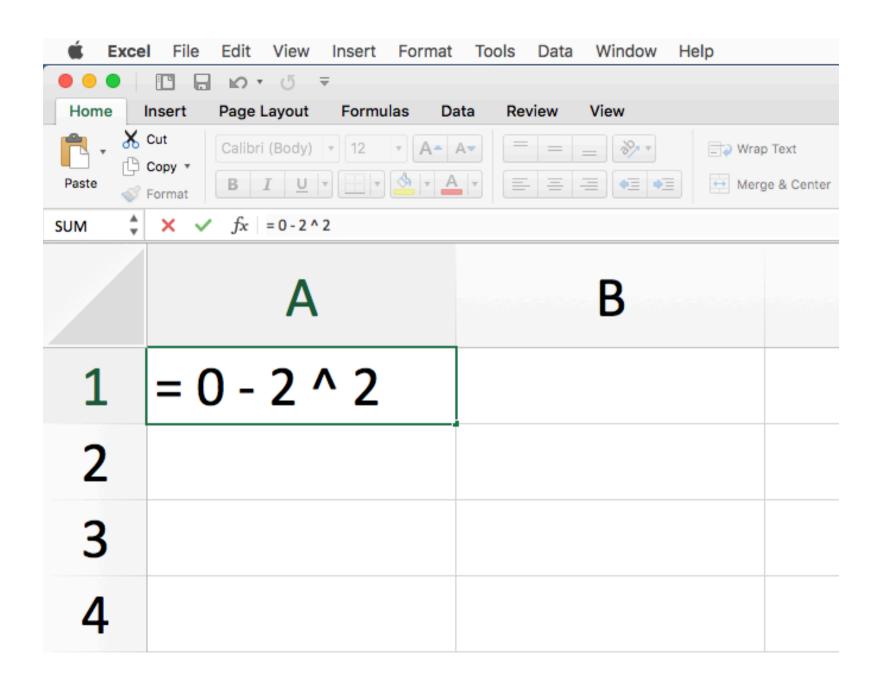
Mit Klammern kann man die Reihenfolge der Auswertung verändern.

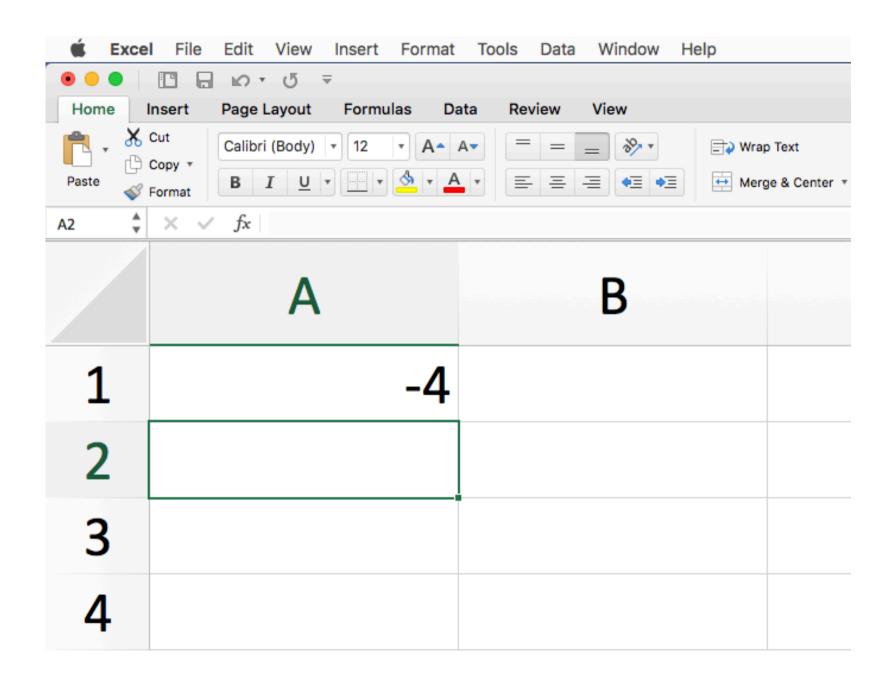
### Rang Ordnung ...

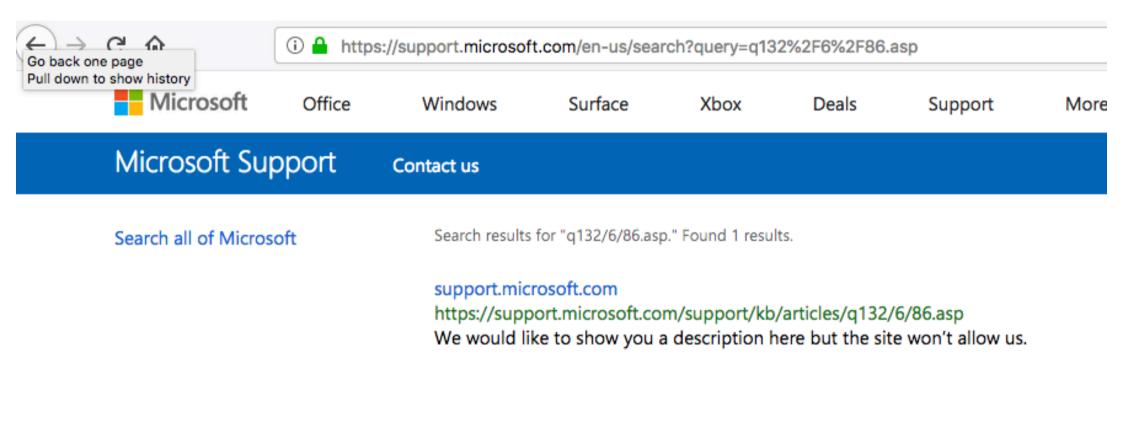
- Die letzten Slides haben die Java Sicht gezeigt.
- Andere Programmiersprachen haben (eventuell) andere Regeln
  - Notwendigkeit von Typ Information
  - Rang Ordnung sollte festgelegt sein
- Nicht immer was man erwartet
  - Beispiel: Microsoft Excel



<b>É</b> Exce	l File	Edit	View	Insert	Format	Tools	Data	Window	Help	
• • •		K) T	5	₹						В
			ayout	Formu	ılas Da	ta Re	view	View		
A2 *	× ×	fx								
	Α							В		
1					4					
2										
3										
4										2







#### Operator precedence

If you combine several operators in a single formula, Excel performs the operations in the order shown in the following table. If a formula contains operators with the same precedence — for example, if a formula contains both a multiplication and division operator — Excel evaluates the operators from left to right.

Operator	Description
: (colon) (single space) , (comma)	Reference operators
-	Negation (as in −1)
٨	Exponentiation
* and /	Multiplication and division
+ and -	Addition and subtraction

#### **Operationen und Typen**

- Basistypen («primitive types»)
  - Beispiele: int und long
    - Haben Werte (4, 1, 0, -218), Operationen und Variable gesehen
  - Beispiel: double
    - Haben Werte (0.0. -5.1, 4.3) und Operationen gesehen
- Typen aus der Java Bibliothek
  - Beispiel: String
    - Haben Werte gesehen ("hello", "2 + 3")
    - Operationen durch Methoden ("hello".toUpperCase())
    - Operationen mit Operator (jetzt)
- Selbst entwickelte Typen (später)

# **String Operationen**

 String Verkettung («concatenation»): Der Operator + erlaubt es, zwei (oder mehr) Strings zu verketten (verknüpfen)

```
"hello" + "world" ergibt "helloworld"
"a" + "b" + "c" ergibt "abc"
```

- Ausdrücke können Operanden verschiedener Typen kombinieren
  - Auch Strings mit anderen Werten/Variablen/Ausdrücken

### **String Operationen**

- Java Regel: Für jeden Wert gibt es eine Darstellung als String
  - Gilt für alle Typen (Basistypen, Bibliothek, selbst entwickelte Typen)
  - Ob die default Darstellung (D: voreingestellte oder standardmässig eingestellte Darstellung) sinnvoll/verständlich ist – eine andere Frage
  - Trotzdem sehr praktisch: Kann jeden Wert W mittels print(W) ausgeben

# **Darstellung als String**

- Für Basistypen ist die default Darstellung die erwartete Darstellung
- Für int oder long Variable und Konstanten
  - int Literal(Konstante) 42 Default Darstellung: "42"
- Für double Variable genauso
- Das selbe gilt für String
  - "Hello" Default Darstellung: "Hello"

# **String Operationen**

- Java Regel: Für jeden Wert gibt es eine Darstellung als String
  - Gilt für alle Typen (Basistypen, Bibliothek, selbst entwickelte Typen)
  - Ob die default Darstellung (D: voreingestellte oder standardmässig eingestellte Darstellung) sinnvoll/verständlich ist – eine andere Frage
  - Trotzdem sehr praktisch: Kann jeden Wert W mittels print(W) ausgeben
- Der Operator + mit einem String und einem anderen Wert als Operanden ergibt einen längeren String
  - Verwendet die default Darstellung

# Operator + mit String Operand

 String + anderer Wert als Operand: verknüpfe String mit default Darstellung des Operanden zu neuem String

Nur der Operator + ist erlaubt (kein \*, /, oder -)

#### Von links nach rechts rechnen

```
12 - 3 + 5 ergibt ?
2 + 3 + " Hello" ergibt ?
"Hello " + 2 + 3 ergibt ?
```

#### Von links nach rechts rechnen

- 12 3 + 5 ergibt 14 (nicht 4)
- 2 + 3 + " Hello"
- "Hello " + 2 + 3

#### Von links nach rechts rechnen

- 2 + 3 + " Hello" ergibt "5 Hello"
- "Hello " + 2 + 3
- 12 3 + 5 ergibt 14 (nicht 4)

#### Von links nach rechts rechnen

**12** - 3 + 5

• "Hello " + 2 + 3 ergibt "Hello 23"

ergibt 14 (nicht 4)

■ 2 + 3 + " Hello" ergibt "5 Hello"

#### **Punkt vor Strich**

"Hello " + 2 \* 3

#### Von links nach rechts rechnen

**12** - 3 + 5

ergibt 14 (nicht 4)

■ 2 + 3 + " Hello" ergibt "5 Hello"

"Hello " + 2 + 3 ergibt "Hello 23"

#### **Punkt vor Strich**

"Hello " + 2 \* 3 ergibt "Hello 6"

# **String Operationen Quiz**

4 - 1 + "abc"

#### Poll

# **Weitere String Operationen**

# **String Operationen**

 Können + verwenden um einen String und den Wert eines Ausdrucks auszugeben.

```
System.out.println("Note: " + (4.8 + 5.4) / 2);
```

Output:

Note: 5.1

Warum brauchen wir ( und )?

# 2.2.3 Variablen

### Übersicht

- 2.0 Einfache Java Programme
- 2.1 Methoden
  - Struktur
- 2.2 Typen und Variable
  - 2.2.1 Einführung
  - 2.2.2 Basistypen: Einfache (eingebaute) Typen
  - 2.2.3 Deklaration von Variablen Zuweisungen

 Variable («variable»): Name der es erlaubt, auf einen gespeicherten Wert zuzugreifen

- Variable («variable»): Name der es erlaubt, auf einen gespeicherten Wert zuzugreifen
- Wert muss (irgendwo) vom Programm gespeichert werden

In Speicherzelle(n) im Computer



- Variable («variable»): Name der es erlaubt, auf einen gespeicherten Wert zuzugreifen
- Wert muss (irgendwo) vom Programm gespeichert werden



#### Wie man diese Wahlknöpfe benutzt:

- Einrichten (in der Fabrik)
- Konfiguration
- Einsatz



#### Ähnlicher Ablauf für Variablen in einem Programm

- Deklaration gibt Namen und Typ an
- Initialisierung speichert einen Wert in der Variablen
- Gebrauch in einem Ausdruck oder println Anweisung

#### **Deklaration**

- Deklaration einer Variablen: Reserviert Speicher für Werte
  - Variable müssen deklariert sein bevor sie verwendet werden können.
  - Fürs erste: in einer Methode
- Syntax: type name;

name ist ein Bezeichner («identifier»)
type ist der Typ

int x;
double meineNote;



Auch mit Initialisierung (Definition)

meineNote

#### Arbeiten mit einer Variablen

- Variable muss deklariert sein bevor sie im Programm gebraucht wird
  - Als Operand einer Zuweisung («assignment»)

```
int z;
z = 1;
```

- Variable muss Wert haben bevor sie als Operand anderer
   Operatoren gebraucht werden kann
  - Wert kann von «Deklaration mit Initialisierung» oder Zuweisung kommen

### Compiler Fehler Meldungen

Eine Variable kann erst nach einer Zuweisung verwendet werden.

```
• int x;
System.out.println(x); // ERROR: x has no value
```

Keine Doppeltdeklarationen.

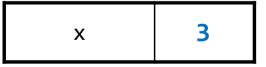
```
int x;
int x;
    // ERROR: x already exists
int x = 3;
int x = 5;
    // ERROR: x already exists
```

### Compiler Fehler Meldungen

Keine Doppeltdeklarationen.

# Zuweisungen («Assignment»)

- Zuweisung: Anweisung die Wert in einer Variable speichert.
  - Wert kann ein Ausdruck sein, die Zuweisung speichert das Ergebnis
  - Fürs erste: Zuweisungen in einer Methode
- Syntax: name = expression;
  - int x;
    x = 3;
  - double meineNote; meineNote = 3.0 + 2.25;



.25
•

#### **Gebrauch von Variablen**

Wiederholte Zuweisungen sind erlaubt:

```
int x;
x = 3;
System.out.println(x + " here");  // 3 here
x = 4 + 7;
System.out.println("now x is " + x); // now x is 11
```

x 11

### **Assignment**

- Java verwendet = um eine Zuweisung auszudrücken
  - «Assignment operator»

```
name = expression;
```

#### **EBNF** Description assignment

```
variableidentifier \Leftarrow bezeichner assignment \Leftarrow variableidentifier = expression;
```

Die EBNF Beschreibung für expression hatten wir schon gesehen.

# **Deklaration mit Initialisierung**

#### **EBNF** Description variabledeclaration

```
typeidentifier \Leftarrow bezeichner
variableidentifier \Leftarrow bezeichner
variablelist \Leftarrow variableidentifier \{ , variableidentifier \}
variableinitialization \Leftarrow variableidentifier = expr
variablespecification \Leftarrow variableinitialization | variablelist
variabledeclaration \Leftarrow typeidentifier variablespecification ;
```

# Zuweisung (Programm) und Algebra (Mathematik)

- Zuweisung verwendet = , aber eine Zuweisung ist keine algebraische Gleichung!
  - = bedeutet: «speichere den Wert der RHS in der Variable der LHS»

Die rechte Seite des Ausdrucks wird zuerst ausgewertet,

dann wird das Ergebnis in der Variable auf der linken Seite gespeichert

Was passiert hier?



## Was passiert hier?

Poll

Sehen Sie sich diese Anweisungen an. Welchen Wert hat x am Ende?

```
int x;
int y;
x = 0; // (S1)
y = 1; // (S2)
x = y; // (S3)
y = 2; // (S4)
```

x hat den Wert ???

## Was passiert hier?

Poll

Sehen Sie sich diese Anweisungen an. Welchen Wert hat x am Ende?

```
int x;
int y;
x = 0; // (S1)
y = 1; // (S2)
x = y; // (S3)
y = 2; // (S4)
```

x hat den Wert ???

## Was passiert hier?

Poll

Sehen Sie sich diese Anweisungen an. Welchen Wert hat x am Ende?

```
int x;
int y;
x = 0; // (S1)
y = 1; // (S2)
x = y; // (S3)
y = 2; // (S4)
```

Nach Var	S1	<b>S2</b>	<b>S</b> 3	<b>S4</b>
X	0	0	1	1
У	?	1	1	2

x hat den Wert ???

1

#### aus dem Archiv

Welchen Wert hat x am Ende?	
•-1	(0%   0
• 0	(1%   3)
•1	(90%   239
• 2	(7%   21)
• 3	(0%   0
Keinen dieser Werte bzw Wert undefiniert	(0%   0

## Übersicht

2.3 Aussagen über Programm(segment)e

Vorwärts/Rückwärts schliessen

- 2.3.1 Pre- und Postconditions
- 2.3.2 Hoare-Tripel für Anweisungen
- 2.4 Verzweigungen

# 2.3 Aussagen über Programm(segment)e

Beispiel Programm(segment)

```
public static void main(String[] args) {
  int laenge = 70;
  int hoehe = 40;
  int tiefe = 27;
  int flaeche = 2*(laenge*tiefe + tiefe*hoehe + laenge*hoehe);
  ...
}
```

- Wir wollen eine Aussage über die Berechnung machen
  - Muss Variable flaeche involvieren

# Aussagen über Programm(segment)e

 Aussage über Variable flaeche muss an Ort (Stelle im Programm) gekoppelt sein

### Ziel: Aussagen über ein Programm machen

- Zuerst: welche Aussagen gelten für eine Methode
  - Erlaubte Anweisungen in der Methode:
    - Zuweisungen
- Also zuerst Programm(segment) ist Rumpf (Body) einer Methode

# (Logische) Aussagen

- Aussage («assertion»): Eine Behauptung die entweder wahr oder falsch ist.
  - Wir fragen dann oft «Ist die Aussage wahr»?

#### Beispiele:

- Zürich ist ein Kanton der Schweiz
- Stockholm ist die Hauptstadt Norwegens
- 11 ist eine Primzahl
- 120 ist kleiner als 11
- $x \ge 0$  (hängt von x ab)
- x geteilt durch 2 ergibt 8 (hängt von x ab)

# (Logische) Aussagen

- Nicht alle Aussagen sind wahr
  - Für einige Aussagen können wir vielleicht nicht sofort entscheiden ob sie wahr oder falsch sind
- Wichtig ist dass es Sinn macht zu fragen, ob die Aussage wahr oder falsch ist

Logisch heisst hier: im Sinne der klassischen Logik

### Ziel: Aussagen über ein Programm herleiten

- Welche Aussagen gelten (an einer Stelle) im Programm?
  - Ggf. was für Annahmen sind nötig, dass eine Aussage P wahr ist

Was heisst «an einer Stelle»?

## Arbeiten mit Aussagen

- Wir stellen uns vor, Positionen (Punkte) im Code haben einen Namen
  - Point A
  - Point B
  - ...
- Alle Anweisungen, die davor (im Programm) erscheinen, sind ausgeführt wenn wir diesen Punkt (während der Ausführung) erreichen
- Keine Anweisung danach wurde ausgeführt

## **Hoare Logik**

- Tony Hoare entwickelte in den (19)70gern einen Ansatz wie man über Programme logische Schlüsse ziehen kann.
- Schritt 1: Vorwärts und rückwärts schliessen
- Schritt 2: Von einer Anweisung zu mehreren Anweisungen und Blöcken

#### Warum

- Ziel ist es, dass Sie für ein einfaches Programm genau argumentieren können.
- In der täglichen Programmentwicklung genügt es oft, weniger detailliert zu argumentieren als es die Hoare Logik erforderlich macht.
  - Für einfache Programme ist dieser Ansatz zu aufwändig.
  - Für realistische Programme wird der Ansatz schnell kompliziert.
    - Wir haben immer noch kein gutes Modell für Objekte und Parallelismus. Aliasing ist eine Herausforderung.
  - Aber manchmal hilft der Ansatz denn ...

#### Eine gute Schulung, systematisch zu programmieren

- Wir können Aussagen machen über Zustände (der Ausführung) eines Programms (und später auch eines Objekts)
  - Wir können den Effekt eines Programms beschreiben
- Wir können definieren was es heisst dass eine Aussage «weaker» (schwächer) oder «stronger» (stärker) ist.
- Wichtig für die Definition von Schnittstellen (zwischen Modulen) wenn wir entscheiden müssen welche Bedingungen erfüllt sein müssen (um eine Methode aufzurufen).

## Was für Aussagen brauchen wir?

- Wie finden wir Aussagen für Stellen (Punkte) im Programm?
  - Uns interessieren nicht irgendwelche Aussagen sondern solche, die das Verhalten der Ausführung beschreiben
- Alle Programm(segment)e arbeiten mit int Variablen und Werten
  - Wir nehmen an (oder wissen) dass die endliche Darstellung kein Problem ist
  - Alle Ergebnisse können korrekt dargestellt werden

# Beispiel

#### Vorwärts schliessen

- Vom Zustand vor der Ausführung eines Programm(segments)
- Nehmen wir an wir wissen (oder vermuten) w > 0

```
// w > 0
x = 17;
//
y = 42;
//
z = w + x + y;
//
```

# **Beispiel**

#### Vorwärts schliessen

- Vom Zustand vor der Ausführung eines Programm(segments)
- Nehmen wir an wir wissen (oder vermuten) w > 0

```
// w > 0
x = 17;
// w > 0 \wedge x hat den Wert 17
y = 42;
// w > 0 \wedge x hat den Wert 17 \wedge y hat den Wert 42
z = w + x + y;
// w > 0 \wedge x hat den Wert 17 \wedge y hat den Wert 42 \wedge z > 59
```

Jetzt wissen wir einiges mehr über das Programm, u.a. z > 59 132

### Was sehen wir?

- Folge von Statements: hier Zuweisungen
- Vor und nach jeder Zuweisung eine Aussage
  - Als Java Kommentar

$$// w > 0$$
  
x = 17;

 Der Kommentar ist logische Aussage, kein Java Ausdruck oder Anweisung

# Beispiel

- Rückwärts schliessen:
  - Nehmen wir an wir wollen dass z nach Ausführung negativ ist

```
//
x = 17;
//
y = 42;
//
z = w + x + y;
// z < 0</pre>
```

# Beispiel

- Rückwärts schliessen:
  - Nehmen wir an wir wollen dass z nach Ausführung negativ ist

```
// w + 17 + 42 < 0
x = 17;
// w + x + 42 < 0
y = 42;
// w + x + y < 0
z = w + x + y;
// z < 0</pre>
```

### **Anderer Blickwinkel**

- Wie erreichen wir ein gewünschtes Resultat
  - Den gewünschten Zustand nach der Ausführung von Anweisungen

# Beispiel

- Rückwärts schliessen:
  - Nehmen wir an wir wollen dass z nach Ausführung negativ ist

- Dann müssen wir wissen (oder vermuten) dass vor der Ausführung gilt: w < -59
  - Notwendig und hinreichend

## Vorwärts vs Rückwärts, Teil 1

#### Vorwärts schliessen:

- Bestimmt was sich aus den ursprünglichen Annahmen herleiten lässt.
- Sehr praktisch wenn eine Invariante gelten soll

#### Rückwärts schliessen:

- Bestimmt hinreichende Bedingungen die ein bestimmtes Ergebnis garantieren
  - Wenn das Ergebniss erwünscht ist, dann folgt aus den Bedingungen die Korrektheit.
  - Ist das Ergebniss unerwünscht, dann reichen die Bedingungen um einen Bug (oder einen Sonderfall) zu generieren

## Vorwärts vs Rückwärts, Teil 2

#### Vorwärts schliessen:

- Simuliert die Ausführung des Programms (für viele «Inputs» «gleichzeitig»)
- Oft leicht zu verstehen, erscheint «natürlich»
- Aber führt dazu dass (viele) Details festgehalten werden, die letztlich irrelevant sind.

## Vorwärts vs Rückwärts, Teil 3

#### Rückwärts schliessen:

- Oft von grossem praktischen Nutzen: Sie müssen verstehen (oder festhalten) was jede Anweisung zum Erreichen eines bestimmten Zustandes beiträgt.
- Ein Programm(segment) «rückwärts» zu lesen erfordert Übung aber führt zu einer neuen Sicht auf ein Programm.

### 2.3.1 Pre- und Postconditions

#### **Pre- und Postconditions**

- Precondition: notwendige Vorbedingungen die erfüllt sein müssen (vor Auszuführung einer Anweisung)
- Postcondition: Ergebnis der Ausführung (wenn Precondition erfüllt)

### **Pre- und Postconditions**

- Pre- und Postconditions für eine Anweisung
  - Wenn vor der Ausführung der Anweisung die Precondition erfüllt ist, dann gilt nach der Ausführung die Postcondition, oder
  - Damit nach der Ausführung die Postcondition gilt, muss vor der Ausführung die Precondition erfüllt sein
  - Precondition, Anweisung und Postcondition hängen zusammen!
- Werden wir für Folgen von Anweisungen erweitern

### **Pre- und Postconditions**

- Pre- und Postconditions für eine Anweisung
  - Wenn vor der Ausführung der Anweisung die Precondition erfüllt ist, dann gilt nach der Ausführung die Postcondition, oder
  - Damit nach der Ausführung die Postcondition gilt, muss vor der Ausführung die Precondition erfüllt sein
  - Precondition, Anweisung und Postcondition hängen zusammen!
- Werden wir für Folgen von Anweisungen erweitern

## **Terminologie**

 Die Annahme (Aussage), die vor der Ausführung eines Statements gilt, ist die Precondition.

- Die Aussage, die nach der Ausführung gilt (unter der Annahme dass die Precondition gültig ist und das Statement ausgeführt wurde), ist die Postcondition.
  - Wenn wir diesen Punkt erreichen dann gilt die Postcondition
  - Wenn wir diesen Punkt nicht erreichen (z.B. wegen eines Laufzeitfehlers) dann machen wir keine Aussage

# **Pre/Postconditions**

- Aussagen (Pre/Postconditions) sind logische (bool'sche)
   Ausdrücke die sich auf den Zustand (der Ausführung) eines
   Programms beziehen.
- Der Zustand eines Programms ist sichtbar durch die Namen der Variablen (und jede Variable liefert ihren Wert)
  - Die Variablennamen können in (logischen) Ausdrücken verwendet werden – solange die Ausdrücke keine Nebenwirkungen («no sideeffects») haben
    - Nebenwirkungen wurden noch nicht diskutiert: das ist eine Warnung an Studierende mit Vorkenntnissen

### Die übliche Notation

- Statt die Pre/Postconditions in Kommentaren (nach //) anzugeben verwenden viele Texte (...)
  - Kein Java mehr ...
  - Aber diese Schreibweise hat sich eingebürgert, lange vor Java

- Zwischen { und } steht eine logische Aussage
  - Kein Java Code (aber wir verwenden Java's Operatoren oder die aus der Mathematik bekannten)

### assert-Statement in Java

- Eine Aussage («Assertion», Behauptung) in Java kann durch ein assert-Statement ausgedrückt werden.
- Syntax:

```
assert expression;
```

- expression ist ein logischer Ausdruck (nach den Java Regeln)
  - Also ohne «{» und «}»
  - Beispiel: assert x>0;

### assert-Statement in Java

 Wenn zur Laufzeit expression nicht gültig ist, dann wird ein Laufzeitfehler generiert

- Da { und } (fast) überall in Texten verwendet werden verwenden wir diese Zeichen
  - ... und die Hoare Logik kann nicht nur für Java verwendet werden

# 2.3.2 Hoare Tripel (oder 3-Tupel)

# **Hoare Tripel (oder 3-Tupel)**

Ein Hoare Tripel besteht aus zwei Aussagen und einem Programmsegment:

- P ist die Precondition
- S das Programmsegment (bzw Statement)
- Q ist die Postcondition

# **Hoare Tripel (oder 3-Tupel)**

- Ein Hoare Tripel {P} S {Q} ist gültig wenn (und nur wenn):
  - Für jeden Zustand, für den P gültig ist, ergibt die Ausführung von S immer einen Zustand für den Q gültig ist.
  - Informell: Wenn P wahr ist vor der Ausführung von S, dann muss Q nachher wahr sein.
- Andernfalls ist das Hoare Tripel ungültig.

## Überblick

- Wenn P wahr ist vor der Ausführung von S, dann muss Q nachher wahr sein.
  - Bisher «informell»
- Für jedes Java Statement gibt es genaue Regeln die eine Precondition und eine Postcondition in Beziehung setzen
  - Regel für Zuweisungen
  - Regel für zwei aufeinander folgende Anweisungen
  - Regel für «if»-Statements
  - [später:] Regel für Schleifen