



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI MILANO
DIPARTIMENTO DI FILOSOFIA

Introduzione al ragionamento scientifico

A.A. 2024/2025 [Lettere A-K]

Lezione 4

Prof. Bernardino Sassoli de' Bianchi

Hume e il problema dell'induzione

- Il **problema di Hume**: è possibile trovare una giustificazione **razionale** all'inferenza induttiva?
 - L'inferenza induttiva presuppone il principio di uniformità della natura
 - Ma il principio di uniformità della natura è giustificato tramite un'inferenza induttiva
 - Quindi, la giustificazione dell'induzione presuppone che l'induzione sia giustificata
- La giustificazione dell'induzione è **circolare**. Non abbiamo basi **razionali** per le nostre inferenze induttive

La nostra *impasse*

- Il puro ragionamento deduttivo, a priori (logica del certo), garantisce la verità della conclusione date premesse certe ma non amplia il nostro patrimonio informativo (non è ampliativo)
- Il ragionamento scientifico deve poggiare sul dato empirico, osservativo e utilizzare l'inferenza induttiva (logica dell'incerto)
- Ma, se ha ragione Hume, l'induzione non è razionalmente giustificata
- Come facciamo a giustificare il ragionamento induttivo e a preservare il ruolo dell'esperienza nel ragionamento scientifico?

Il problema dell'induzione

Due approcci possibili

- Una via d'uscita consiste in una visione del metodo scientifico che salvi il ruolo dell'esperienza ma neghi un ruolo all'induzione
- Questo è l'approccio di Popper
- Un approccio radicalmente differente è adombrato da Russell, il quale trova un ruolo all'induzione facendo appello alla nozione di **probabilità**
- (Ci sono ovviamente altre soluzioni che sono state proposte. Ne parleremo.)

Popper e il falsificazionismo // 1

- Secondo Popper la scienza procede sempre e solo secondo il metodo ipotetico-deduttivo
- Le teorie scientifiche sono pure **ipotesi** o **congetture** che hanno conseguenze deduttive osservabili
- Se una teoria T ha come conseguenza logica (deduttiva) P , allora se osservo non- P devo concludere non- T : la teoria è **falsificata** (per modus tollens)

Popper e il falsificazionismo // 2

Modus tollens

Se P allora Q

Se faccio il sarto, allora so cucire

$P \rightarrow Q$

Non Q

Non so cucire

$\neg Q$

Non P

Non faccio il sarto

$\neg P$

- Il *modus tollens* è uno schema d'inferenza valido (tutte le inferenze che ne sono esempi sono valide)
- Ne ripareremo più avanti

Popper e il falsificazionismo // 3

- La teoria della relatività generale T ha come conseguenza P che in presenza di grandi masse la luce venga deflessa, cioè incurvata
- Come abbiamo già accennato Sir Arthur Eddington durante l'eclissi totale di Sole a maggio del 1919 ebbe la possibilità di misurare tale curvatura
- Con il Sole oscurato era possibile osservare la posizione delle stelle "dietro" al Sole stesso la cui luce viene deviata dalla grande massa del Sole. In questo modo era possibile misurare il grado di deflessione della loro luce.
- Secondo Popper, se Eddington non avesse misurato la curvatura nella misura predetta da Einstein avremmo dovuto concluderne la falsità della teoria della relatività generale

Popper e il falsificazionismo // 4

- Nella visione falsificazionista di Popper, l'induzione non svolge alcun ruolo
- La scienza procede solo per ipotesi e deduzioni
- Però, c'è un prezzo da pagare: è possibile considerare falsa una teoria scientifica, ma non considerarla vera
- La scienza può fare congetture e confutarle, ma non offrire certezze
- Ci torneremo più volte

Bertrand Russell: induzione e probabilità

- Secondo Bertrand Russell l'induzione è necessaria alla scienza, ma non infallibile
- L'induzione non può mai dimostrare la **verità** delle teorie, può solo accrescerne la probabilità
- La nostra fiducia nell'induzione dipende dalla nostra credenza nell'uniformità della natura

Il principio di induzione - versione 1

- (a) quando una cosa di tipo A si presenta insieme ad una cosa di un altro tipo B, e non si è mai presentata separatamente da una cosa del tipo B, quanto più grande è il numero dei casi in cui A e B si sono presentate assieme tanto maggiore è la probabilità che si presenteranno insieme in un nuovo caso in cui si sa che è presente una delle due
- (b) in circostanze eguali, un numero sufficiente di casi in cui due fenomeni si siano presentati assieme farà della probabilità che si presentino ancora assieme quasi una certezza; e farà sì che questa probabilità si avvicini illimitatamente alla certezza

Il principio di induzione - versione 2

- (a') quanto più grande è il numero dei casi in cui una cosa del tipo A si presenta associata a una cosa del tipo B, tanto più è probabile (se non si conosce nessun caso in cui l'associazione sia mancata) che A sia sempre associato a B.
- (b') a parità di circostanze, un numero sufficiente di casi di associazione di A con B darà quasi la certezza che A sia sempre associato a B, e farà sì che questa legge generale si avvicini illimitatamente alla certezza.

Russell e l'induzione probabilistica

- Cosa ci induce a credere che la natura obbedisca a leggi universali?
- Il **principio di uniformità della natura**: tutto ciò che accade, è accaduto o accadrà è un esempio di qualche legge generale alla quale non vi sono eccezioni
- Cosa ci induce a credere che le inferenze induttive sono corrette?
- Il **principio di induzione**: Se non abbiamo mai osservato un A che non è B, allora quanto più grande è il numero di casi in cui abbiamo osservato che un A è B, tanto maggiore è la **probabilità** che tutti gli A siano B (che il prossimo A osservato sia B)

Induzione e probabilità - Intuizione // 1

- Ho un'urna che contiene 100 biglie. So che tutte e 100 sono bianche. Ho la certezza di pescare una biglia bianca. In termini percentuali, posso dire che la mia probabilità di pescare una biglia bianca è del 100%, ovvero 1. Dovrei credere con assoluta sicurezza che pescherò una biglia bianca.
- Ho un'urna che contiene 100 biglie. So che 50 sono bianche. So che la mia probabilità di pescare una biglia bianca è di 50 su 100, cioè $1/2$ (ovvero il 50%, o 0,5). La mia credenza che uscirà una biglia bianca dovrebbe essere neutrale, come quando faccio testa o croce.
- Ho un'urna che contiene 100 biglie. So che solo 1 di queste biglie è bianca. So che la mia probabilità di pescare una biglia bianca è $1/100$ (ovvero l'1%, cioè 0,01). La mia credenza che uscirà una biglia bianca dovrebbe essere abbastanza debole.

Induzione e probabilità - Intuizione // 2

- Immaginiamo una persona che ha di fronte un'urna. Sa solo che contiene alcune biglie, ma non sa di che colore siano.
- Ne pesco una bianca. Cosa mi dice questo evento sulla mia credenza che la prossima biglia sarà bianca? Che grado di probabilità dovrei assegnarle?
- Ora pesco altre 9 biglie, che risultano tutte bianche. Come dovrei comportarmi razionalmente, con queste nuove evidenze?
- Possiamo configurare il problema dell'induzione come il problema di aggiornare la probabilità (la forza di una nostra opinione) di una nostra ipotesi alla luce delle nuove evidenze

Incertezza // 1

- Se lancio 10 dadi la somma ottenuta sarà minore di 60?
- La Juventus vincerà il campionato?
- Pioverà domenica prossima a Milano?
- Ci sarà un forte terremoto nella regione A nei prossimi 50 anni?
- Se risulterà positivo al test per la malattia A sono effettivamente malato?

Incertezza // 2

- Chi vincerà le prossime elezioni presidenziali negli Stati Uniti?
- Qual è l'esatta posizione di un elettrone e che si muove con una certa velocità osservata v ?
- Se una e-mail contiene le parole p_1, \dots, p_n , si tratta di spam oppure no?
- Quanti utenti tra quelli che cliccano su una pubblicità su YouTube compreranno il prodotto?

A cosa serve la probabilità

- A nessuna di queste domande si può dare una risposta **certa**
- Non abbiamo informazioni sufficienti oppure le variabili che determinano l'evento sono troppe e le loro interazioni sono troppo complesse
- Ma incertezza non significa che tutte le risposte sono equivalenti
- Alcune risposte sono più **plausibili** di altre
- La teoria della probabilità ci aiuta a determinare il grado di plausibilità di una risposta sulla base dei dati disponibili e ad aggiornarlo sulla base di nuovi dati

Concetti di probabilità

- Lanciando una moneta si ha una probabilità del 50% di ottenere “testa”.
- La probabilità che domani piova è il 70%
- La probabilità che io ho di contrarre la malattia X è il 2%
- Lanciando un dado si ha una probabilità $1/6$ di ottenere 6
- C'è una probabilità dell'1% che a Palermo piova il 20 luglio
- La Juventus ha una probabilità del 90% di vincere il campionato 2023-2024
- C'è una probabilità su un milione che ci sia un incidente nucleare con rilascio significativo di materiale radioattivo
- Che cosa significano queste affermazioni? Hanno tutte lo stesso significato?

Dadi, demoni, divinità



Dosso Dossi, *Allegoria della Fortuna*,
1535-38 ca. Getty Museum



“Io possiedo la scienza dei dadi. Perciò di numeri sono esperto”

- Rituparna nel
Mahābhārata (400 aC?)



Girolamo Cardano, *Liber de ludo aleae*

(1560, ma pubblicato solo nel 1643)

Il crepuscolo della probabilità

“Di conseguenza, poiché Dio ha posto alcune cose in piena luce e poiché ci ha dato qualche conoscenza determinata, seppure limitata se confrontata al resto, probabilmente come fosse un assaggio di ciò di cui sono capaci le creature intellettuali e per suscitare in noi il desiderio di una migliore condizione seguente e lo sforzo per conseguirla, così per la maggior parte del nostro interesse egli ci ha offerto, se così posso dire, solo il **crepuscolo della probabilità**, adeguata, credo, allo stato di mediocrità e di noviziato in cui ha voluto porci in questo mondo”

John Locke, *Saggio sull'intelletto Umano* (1690), libro IV.

La logica dell'incerto

“Merita forse anche il titolo di conoscenza l'opinione fondata sulla *plausibilità*; [...] Per questo credo che la ricerca sui gradi di *probabilità* sia estremamente importante; [...] Così, quando non si potesse decidere assoluta certezza una questione, si potrebbe almeno determinare il grado di probabilità all'luce dell'evidenza”.

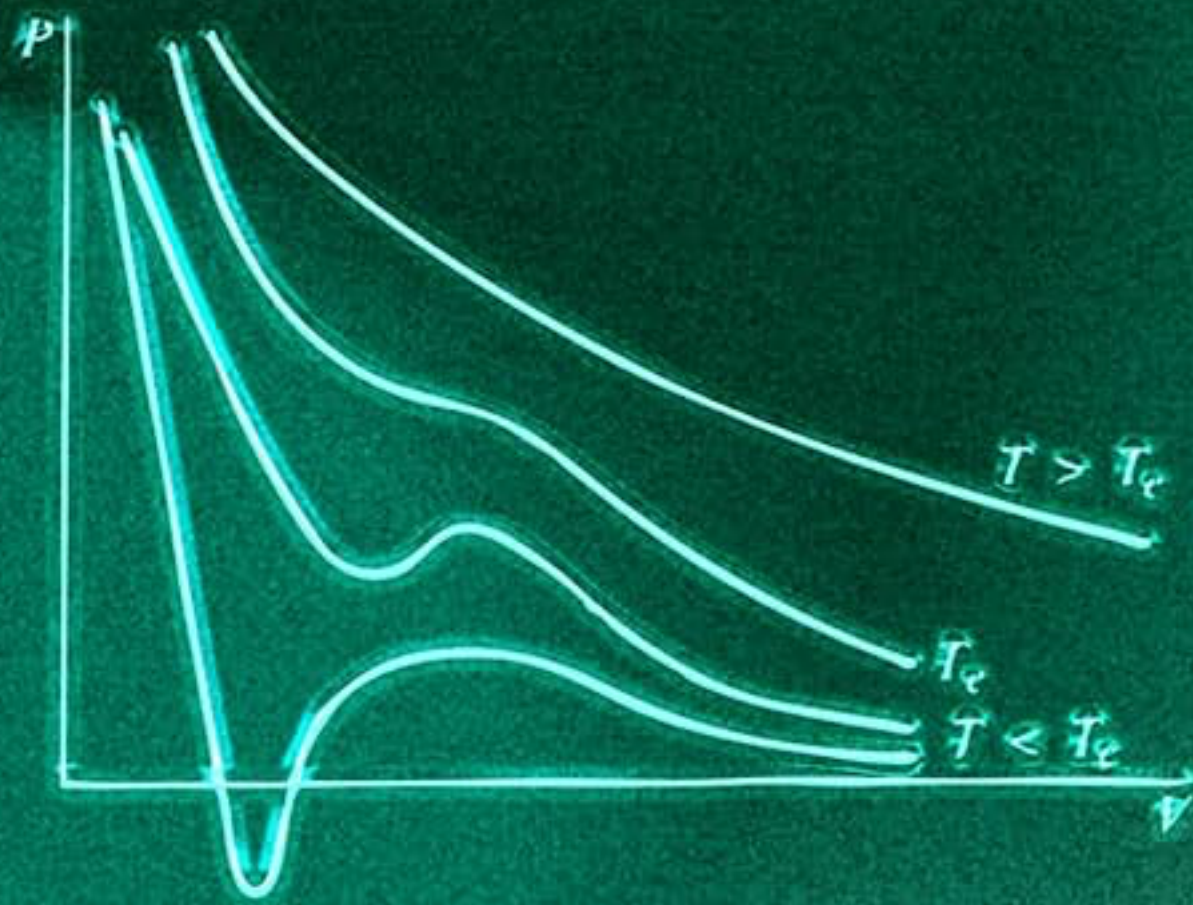
G.W. Leibniz, *Nuovi saggi sull'intelletto umano* (1703)

Il demone di Laplace

“Possiamo considerare lo stato attuale dell'universo come l'effetto del suo passato e la causa del suo futuro. Un intelletto che ad un determinato istante dovesse conoscere tutte le forze che mettono in moto la natura, e tutte le posizioni di tutti gli oggetti di cui la natura è composta, se questo intelletto fosse inoltre sufficientemente ampio da sottoporre questi dati ad analisi, esso racchiuderebbe in un'unica formula i movimenti dei corpi più grandi dell'universo e quelli degli atomi più piccoli; **per un tale intelletto nulla sarebbe incerto** ed il futuro proprio come il passato sarebbe evidente davanti ai suoi occhi”

Pierre S. Laplace, *Essai philosophique sur le probabilités* (1814)

STATES OF MATTER



David L. Goodstein

1.1 INTRODUCTION: THERMODYNAMICS AND STATISTICAL MECHANICS OF THE PERFECT GAS

Ludwig Boltzmann, who spent much of his life studying statistical mechanics, died in 1906, by his own hand. Paul Ehrenfest, carrying on the work, died similarly in 1933. Now it is our turn to study statistical mechanics.

Perhaps it will be wise to approach the subject cautiously. We will begin by considering the simplest meaningful example, the perfect gas, in order

Indeterminazione e probabilità nella fisica contemporanea

“Nell’ambito della realtà le cui connessioni sono formulate dalla teoria quantistica, le leggi naturali non conducono dunque a una completa determinazione di ciò che accade nello spazio e nel tempo; l’accadere (all’interno delle probabilità determinate dalle connessioni) è piuttosto rimesso al caso.”

W. Heisenberg, 1926, in *Indeterminazione e realtà*, Napoli 1991

Giocatori e filosofi

- Lo studio matematico della probabilità nasce nel XVII secolo (1654) da uno scambio fra Blaise Pascal e il Cavalier de Méré, accanito giocatore d'azzardo: Qual è la probabilità di vincere in un gioco il cui scopo è ottenere almeno un 6 in 4 lanci di un unico dado?
- Il cavaliere riteneva che bastasse moltiplicare la probabilità di ottenere un 6 ($1/6$) per il numero di lanci (4) e che dunque questa probabilità fosse uguale a $4/6 = 2/3 = 66\%$
- Pascal (con il contributo di Fermat) gli fece osservare che in base a una più precisa analisi la probabilità di vincere è di poco superiore al 50%
- Per stabilirlo, bisogna considerare tutti i possibili esiti dei quattro lanci:
 - $\langle 1,1,1,1 \rangle, \langle 1,1,1,2 \rangle, \dots, \langle 6,6,6,5 \rangle, \langle 6,6,6,6 \rangle$
 - ci sono 1296 disposizioni possibili
 - di queste 671 sono favorevoli e 625 sfavorevoli
 - dunque la probabilità è $671/1296 = 0.52 = 52\%$ circa