Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)"

## Einzelprüfungsnummer 66115 / 2012 / Frühjahr

## Thema 1 / Aufgabe 7

(Kürzeste Kreise)

Stichwörter: Breitensuche

Mit der Länge eines Pfads oder eines Kreises bezeichnen wir die Anzahl der Kanten, aus denen der Pfad bzw. der Kreis besteht. Bekanntlich kann man Breitensuche verwenden, um für zwei gegebene Knoten s und? die Länge eines kürzesten s-t-Wegs zu berechnen. Im folgenden geht es um die Berechnung kürzester Kreise.

- (a) Für einen Graphen G und einen Knoten v von G berechnet KK(G,v) (siehe Abbildung 1) die Länge des kürzesten Kreises in G, der durch v geht.
  - Analysieren Sie die Laufzeit von KK in Abhängigkeit von der Anzahl n der Knoten von G, von der Anzahl m der Kanten von G und vom Grad deg(v) des übergebenen Knotens v.
- (b) Wenn man den Algorithmus KK für jeden Knoten eines Graphen G aufruft, kann man die Länge eines kürzesten Kreises in G berechnen. Welche Laufzeit hat der resultierende Algorithmus in in Abhängigkeit von n und m?
- (c) Geben Sie einen Algorithmus KKschnell(G, v) an, der in O(n +m) Zeit die Länge des kürzesten Kreises in G berechnet, der durch v geht. Argumentieren Sie, warum ihr Algorithmus korrekt ist.

## Abbildung 1

vum pam aba ee aan mn a sr lee KK(ungerichteter UNBEWICHLELEN rapı ıL= 2 Adi): =weV | v,w  $\in$  E 8 foreach w  $\in$  Adjlvj do 4 | Sei G' der Graph G ohne die Kante v, w. 5 Sei £ die Länge eines kürzesten v-w-Wegs in G'. 6 if 2< L then 7 | Lex s return L



## **Die Bschlangaul-Sammlung**Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TeX-Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Examen/66115/2012/03/Thema-1/Aufgabe-7.tex