

Einzelprüfung „Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)“

Einzelprüfungsnummer 66115 / 2018 / Herbst

Thema 1 / Aufgabe 3

(Kontextfreie Sprachen)

Stichwörter: Kontextfreie Sprache, CYK-Algorithmus

- (a) Entwerfen Sie eine kontextfreie Grammatik für die folgende kontextfreie Sprache über dem Alphabet $\Sigma = \{a, b, c\}$:

$$L = \{wb^{3k}c^{2k+1}v \mid k \in \mathbb{N}, |w|_c = |u|_a\}$$

(Hierbei bezeichnet $|u|_x$ die Anzahl des Zeichens x in dem Wort u , und es gilt $0 \in \mathbb{N}$.) Erklären Sie den Zweck der einzelnen Nichtterminale (Variablen) und der Grammatikregeln Ihrer Grammatik.

- (b) Betrachten Sie die folgende kontextfreie Grammatik

$$G = (\{S, X, Y, Z\}, \{z, y\}, P, S)$$

mit den Produktionen

$$P = \left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow ZX \mid y \\ X \rightarrow ZS \mid SS \mid x \\ Y \rightarrow SX \mid YZ \\ Z \rightarrow XX \mid XS \end{array} \right\}$$

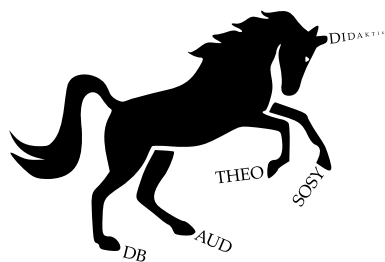
Benutzen Sie den Algorithmus von Cocke-Younger-Kasami (CYK) um zu zeigen, dass das Wort $xxxyx$ zu der von G erzeugten Sprache $L(G)$ gehört.

Lösungsvorschlag

x	x	x	y	x
X	X	X	S	X
Z	Z	Z	Y	
S	X	S		
Z,X	Z			
X,S,Z				

$\Rightarrow xxxyx \in L(G)$

- (c) Geben Sie eine Ableitung des Wortes $xxxyx$ mit G an.



Die Bschlangaul-Sammlung Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net. Der \LaTeX -Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: <https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Examen/66115/2018/09/Thema-1/Aufgabe-3.tex>