Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)"

## Einzelprüfungsnummer 66115 / 2016 / Frühjahr

## Thema 1 / Aufgabe 1

(Reguläre Sprachen)

Stichwörter: Reguläre Sprache

(a) Geben Sie einen möglichst einfachen regulären Ausdruck für die Sprache  $L_1 = \{a_1, a_2, \dots, a_n \mid n \ge 3, a_i \in \{a, b\}$  für alle  $i = 1, \dots, n$  und  $a_1 \ge a_n\}$  an.

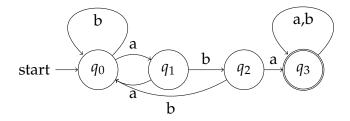
Lösungsvorschlag

$$((a(a|b)+b)|(b(a|b)+a))$$

(b) Geben Sie einen möglichst einfachen regulären Ausdruck für die Sprache  $L_2 = \{ w \in \{a,b\}^* \mid w \text{ enthält genau ein } b \text{ und ist von ungerader Länge } \}$  an.

Lösungsvorschlag

(c) Beschreiben Sie die Sprache des folgenden Automaten  $A_1$ , möglichst einfach und präzise in ihren eigenen Worten.

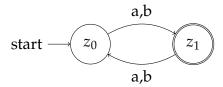


Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Arz003ccg

Lösungsvorschlag

## Die Sprache enthält das Teilwort aba

(d) Betrachten Sie folgenden Automaten  $A_2$ :



Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Ap9qbkumc

Im Original sind die Zustände mit  $q_x$  benannt. Damit wir die Schnittmenge besser bilden können, wird hier  $z_x$  verwendet.

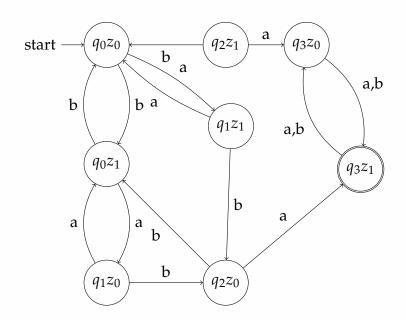
Konstruieren Sie einen endlichen Automaten, der die Schnittmenge der Sprachen  $L(A_1)$  und  $L(A_2)$  akzeptiert.

Lösungsvorschlag

| $A_1$ |       |       |
|-------|-------|-------|
|       | a     | b     |
| $q_0$ | $q_1$ | 90    |
| $q_1$ | $q_0$ | 92    |
| $q_2$ | $q_3$ | $q_0$ |
| $q_3$ | $q_3$ | $q_3$ |
| $A_2$ |       |       |
|       | a     | b     |
| $z_0$ | $z_1$ | $z_1$ |
| $z_1$ | $z_0$ | $z_0$ |
|       |       | _     |

Neuer Endzustand:  $q_3z_1$ 

|              | a            | b            |
|--------------|--------------|--------------|
| $q_0 z_0$    | $q_1z_1$     | $q_0 z_1$    |
| $q_1z_0$     | $q_0 z_1$    | $q_2z_1$     |
| $q_{2}z_{0}$ | $q_3z_1$     | $q_0 z_1$    |
| $q_{3}z_{0}$ | $q_3z_1$     | $q_{3}z_{1}$ |
| $q_0 z_1$    | $q_1 z_0$    | $q_0 z_0$    |
| $q_1z_1$     | $q_0z_0$     | $q_{2}z_{0}$ |
| $q_{2}z_{1}$ | $q_3 z_0$    | $q_0 z_0$    |
| $q_{3}z_{1}$ | $q_{3}z_{0}$ | $q_{3}z_{0}$ |



Der Automat auf flaci.com (FLACI: Formale Sprachen, abstrakte Automaten, Compiler und Interpreter) Ein Projekt der Hochschule Zittau/Görlitz und der Pädagogischen Hochschule Schwyz: flaci.com/Ar3pc5rh7



## Die Bschlangaul-Sammlung Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TeX-Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Examen/66115/2016/03/Thema-1/Aufgabe-1.tex