Einzelprüfung "Theoretische Informatik / Algorithmen (vertieft)"

## Einzelprüfungsnummer 66115 / 2017 / Frühjahr

## Thema 1 / Aufgabe 2

(Top-Level-Domains (TLD))

Stichwörter: Sortieralgorithmen, Bucketsort, Radixsort, Mergesort, Quicksort

In dieser Aufgabe sei vereinfachend angenommen, dass sich Top-Level-Domains (TLD) ausschließlich aus zwei oder drei der 26 Kleinbuchstaben des deutschen Alphabets ohne Umlaute zusammensetzen. Im Folgenden sollen TLDs lexikographisch aufsteigend sortiert werden, d. h. eine TLD  $(s_1, s_2)$  mit zwei Buchstaben (z. B. "co" für Kolumbien) wird also vor einer TLD  $(t_1, t_2, t_3)$  der Länge drei (z. B. "com") einsortiert, wenn  $s_1 < t_1 \lor (s_1 = t_1 \land s_2 \le t_2)$  gilt.

(a) Sortieren Sie zunächst die Reihung ["de", "com", "uk", "org", "co", "net", "fr", "ee"] schrittweise unter Verwendung des Radix-Sortierverfahrens (Bucketsort). Erstellen Sie dazu eine Tabelle wie das folgende Muster und tragen Sie dabei in das Feld "Stelle" die Position des Buchstabens ein, nach dem im jeweiligen Durchgang sortiert wird (das Zeichen am TLD-Anfang habe dabei die "Stelle" 1).

## **Exkurs: Alphabet**

abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

Lösungsvorschlag

```
Stelle
      Reihung
       de
            com uk_ org
                                  net
                                        fr_
                             CO_
                                              ee_
3
       de_
            uk_
                       fr_
                             ee_
                                        com
                  co_
                                  org
                                              net
2
                       uk_
       de_
            ee_
                  net
                             CO_
                                  com
                                        fr_
                                              org
1
                             fr
            com
                  de
                       ee_
                                  net
                                              uk_
       CO
                                        org
```

(b) Sortieren Sie nun die gleiche Reihung wieder schrittweise, diesmal jedoch unter Verwendung des Mergesort-Verfahrens (Sortieren durch Mischen). Erstellen Sie dazu eine Tabelle wie das folgende Muster und vermerken Sie in der ersten Spalte jeweils welche Operation durchgeführt wurde: Wenn Sie die Reihung geteilt haben, schreiben Sie in die linke Spalte ein T und markieren Sie die Stelle, an der Sie die Reihung geteilt haben, mit einem senkrechten Strich "|". Wenn Sie zwei Teilreihungen durch Mischen zusammengeführt haben, schreiben Sie ein M in die linke Spalte und unterstreichen Sie die zusammengemischten Einträge. Beginnen Sie mit dem rekursiven Abstieg immer in der linken Hälfte einer (Teil-)Reihung.

```
Τl
                  uk | org
M
                  org
                        uk_
M \mid com
           de
                  org
                        uk
ΤΙ
                                      net | fr
                                CO
                                                    ee
ΤI
                                co | net
M
                                      net
                                CO
Τl
                                             fr | ee
Τl
                                             ee | fr
M
                                             fr
                               co_
                                                    net
                                      ee_
M | co_
           com
                  de
                         ee_
                                \operatorname{fr}_{-}
                                      net
                                             org
                                                    uk
```

(c) Implementieren Sie das Sortierverfahren Quicksort für String-TLDs in einer gängigen Programmiersprache Ihrer Wahl. Ihr Programm (Ihre Methode) wird mit drei Parametern gestartet: dem String-Array mit den zu sortierenden TLDs selbst sowie jeweils der Position des ersten und des letzten zu sortierenden Eintrags im Array.

Lösungsvorschlag

```
public class Quicksort {
 public static void swap(String[] array, int index1, int index2) {
    String tmp = array[index1];
    array[index1] = array[index2];
    array[index2] = tmp;
  }
 public static int partition(String[] array, int first, int last) {
    int pivotIndex = (last + first) / 2;
    String pivotValue = array[pivotIndex];
    int pivotIndexFinal = first;
    swap(array, pivotIndex, last);
    for (int i = first; i < last; i++) {</pre>
      if (array[i].compareTo(pivotValue) < 0) {</pre>
        swap(array, i, pivotIndexFinal);
        pivotIndexFinal++;
    }
    swap(array, last, pivotIndexFinal);
    return pivotIndexFinal;
 public static void sort(String[] array, int first, int last) {
    if (first < last) {</pre>
      int pivotIndex = partition(array, first, last);
      sort(array, first, pivotIndex - 1);
      sort(array, pivotIndex + 1, last);
    }
  }
 public static void main(String[] args) {
    String[] array = new String[] { "de", "com", "uk", "org", "co", "net", "fr",
    sort(array, 0, array.length - 1);
```

```
for (int i = 0; i < array.length; i++) {
        System.out.println(array[i]);
    }
}

Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66115/jahr_2017/fruehjahr/Quicksort.java</pre>
```



## Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike  $4.0\,\mathrm{International\text{-}Lizenz}.$ 

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TeX-Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Examen/66115/2017/03/Thema-1/Aufgabe-2.tex