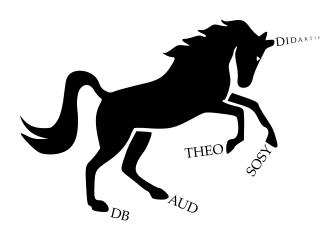
# 66112 Herbst 2003

Automatentheorie / Komplexität / Algorithmen (vertieft)
Aufgabenstellungen mit Lösungsvorschlägen



### Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

## Aufgabenübersicht

Thema Nr. 2	 	 . 3
Aufgabe 5 [drei hoch]	 	 . 3
Aufgabe 8 [Klasse "BinBaum"]	 	 . 3



### Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

### Thema Nr. 2

#### Aufgabe 5 [drei hoch]

Zeigen Sie mit Hilfe vollständiger Induktion, dass das folgende Programm bzgl. der Vorbedingung x > 0 und der Nachbedingung drei\_hoch  $x = 3^x$  partiell korrekt ist!

```
(define (drei_hoch x)
  (cond ((= x 0) 1)
     (else (* 3 (drei_hoch (- x 1))))
  )
)
```

Lösungsvorschlag

#### Induktionsanfang

— Beweise, dass A(1) eine wahre Aussage ist. — drei\_hoch  $1 = 3 \cdot (\text{drei\_hoch } 0) = 3 \cdot 1 = 3$ 

#### Induktionsvoraussetzung

#### Induktionsschritt

— Beweise, dass wenn A(n = k) wahr ist, auch A(n = k + 1) wahr sein muss. — x->x+1

```
drei_hoch (x + 1) = 3 \cdot drei_hoch (-(x + 1)1)
= 3 \cdot (drei_hoch x)
= 3 \cdot 3^x
= 3^{x+1}
```

#### Aufgabe 8 [Klasse "BinBaum"]

(a) Implementieren Sie in einer objektorientierten Sprache einen binären Suchbaum für ganze Zahlen! Dazu gehören Methoden zum Setzen und Ausgeben der Attribute zahl, linker\_teilbaum und rechter\_teilbaum. Design: eine Klasse Knoten und eine Klasse BinBaum. Ein Knoten hat einen linken und einen rechten Nachfolger. Ein Baum verwaltet die Wurzel. Er hängt neue Knoten an und löscht Knoten.

```
public class BinBaum {
  private Knoten wurzel = null;
```

```
public void setzeWurzel(Knoten knoten) {
    wurzel = knoten;
                    Code-Beispiel\ auf\ Github\ ansehen: \verb|src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/BinBaum.java.|
public class Knoten {
  private int zahl;
  private Knoten links = null;
  private Knoten rechts = null;
  public Knoten() {
  }
  public Knoten(int zahl) {
    this.zahl = zahl;
  public void setzeZahl(int zahl) {
    this.zahl = zahl;
  public int gibZahl() {
     return zahl;
  public void setzeLinks(Knoten k) {
    links = k;
  public Knoten gibLinks() {
    return links;
  public void setzeRechts(Knoten k) {
    rechts = k;
  public Knoten gibRechts() {
    return rechts;
}
                    Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/Knoten.java
```

(b) Schreiben Sie eine Methode fügeEin(...), die eine Zahl in den Baum einfügt!

Lösungsvorschlag

```
public void fügeEin(int zahl) {
   Knoten aktueller = wurzel;
   Knoten neuerKnoten = new Knoten(zahl);
   if (wurzel == null) {
      wurzel = neuerKnoten;
   }
}
```

```
return;
  }
  while (aktueller != null) {
    // suche links
    if (zahl <= aktueller.gibZahl() && aktueller.gibLinks() != null) {</pre>
      aktueller = aktueller.gibLinks();
      // fuege ein
    } else if (zahl <= aktueller.gibZahl() && aktueller.gibLinks() == null) {
      aktueller.setzeLinks(neuerKnoten);
      break;
    }
    // suche rechts
    if (zahl > aktueller.gibZahl() && aktueller.gibRechts() != null) {
      aktueller = aktueller.gibRechts();
      // fuege ein
    } else if (zahl > aktueller.gibZahl() && aktueller.gibRechts() == null) {
      aktueller.setzeRechts(neuerKnoten);
      break;
  }
}
                Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/BinBaum.java
```

(c) Schreiben Sie eine Methode void besuchePostOrder(...), die die Zahlen in der Reihenfolge postorder ausgibt!

```
Lösungsvorschlag
public static void besuchePostOrder(Knoten knoten) {
  // Sonderfall leerer (Teil-)Baum
  if (knoten == null) {
    System.out.println("Leerer Baum");
  } else {
    // Linker
    if (knoten.gibLinks() != null) {
      besuchePostOrder(knoten.gibLinks());
    // Rechter
    if (knoten.gibRechts() != null) {
      besuchePostOrder(knoten.gibRechts());
    System.out.println(knoten.gibZahl());
  }
}
                Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/BinBaum.java
```

(d) Ergänzen Sie Ihr Programm um die rekursiv implementierte Methode int berechn eSumme(...), die die Summe der Zahlen des Unterbaums, dessen Wurzel der Knoten ist, zurückgibt! Falls der Unterbaum leer ist, ist der Rückgabewert 0!

```
int summe (Knoten x)...
```

```
public int berechneSumme(Knoten knoten) {
  int ergebnis = 0;
  // Sonderfall: leerer Unterbaum
  if (knoten == null) {
    return 0;
  // linker
  if (knoten.gibLinks() != null) {
    ergebnis = ergebnis + berechneSumme(knoten.gibLinks());
  // rechter
  if (knoten.gibRechts() != null) {
    ergebnis = ergebnis + berechneSumme(knoten.gibRechts());
  // Wurzel
  ergebnis = ergebnis + knoten.gibZahl();
  return ergebnis;
}
                Code-Beispiel auf Github ansehen: src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/BinBaum.java
```

- (e) Schreiben Sie eine Folge von Anweisungen, die einen Baum mit Namen BinBaum erzeugt und nacheinander die Zahlen 5 und 7 einfügt! In den binären Suchbaum werden noch die Zahlen 4, 11, 6 und 2 eingefügt. Zeichnen Sie den Baum, den Sie danach erhalten haben, und schreiben Sie die eingefügten Zahlen in der Reihenfolge der Traversierungsmöglichkeit postorder auf!
- (f) Implementieren Sie eine Operation isSorted(...), die für einen (Teil-)baum feststellt, ob er sortiert ist.

Lösungsvorschlag

```
public boolean istSortiert(Knoten knoten) {
  // Baum leer
  if (knoten == null) {
    return true;
  }
  // linker Nachfolger nicht okay
  if (knoten.gibLinks() != null && knoten.gibLinks().gibZahl() >
 knoten.gibZahl()) {
    return false;
  // rechter Nachfolger nicht okay
  if (knoten.gibRechts() != null && knoten.gibRechts().gibZahl() <=</pre>
 knoten.gibZahl()) {
    return false;
  // sonst prüfe Teilbaeume
  return (istSortiert(knoten.gibRechts()) && istSortiert(knoten.gibLinks()));
}
```

 $Code-Beispiel\ auf\ Github\ ansehen: \verb|src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/BinBaum.java| and the statement of the statement of$ 

```
public class BinBaum {
  private Knoten wurzel = null;
  public void setzeWurzel(Knoten knoten) {
    wurzel = knoten;
  public void fügeEin(int zahl) {
    Knoten aktueller = wurzel;
    Knoten neuerKnoten = new Knoten(zahl);
    if (wurzel == null) {
      wurzel = neuerKnoten;
      return;
    while (aktueller != null) {
      // suche links
      if (zahl <= aktueller.gibZahl() && aktueller.gibLinks() != null) {</pre>
        aktueller = aktueller.gibLinks();
        // fuege ein
      } else if (zahl <= aktueller.gibZahl() && aktueller.gibLinks() == null) {
        aktueller.setzeLinks(neuerKnoten);
        break;
      // suche rechts
      if (zahl > aktueller.gibZahl() && aktueller.gibRechts() != null) {
        aktueller = aktueller.gibRechts();
        // fuege ein
      } else if (zahl > aktueller.gibZahl() && aktueller.gibRechts() == null) {
        aktueller.setzeRechts(neuerKnoten);
        break;
      }
    }
  }
  public static void besuchePostOrder(Knoten knoten) {
    // Sonderfall leerer (Teil-)Baum
    if (knoten == null) {
      System.out.println("Leerer Baum");
    } else {
      // Linker
      if (knoten.gibLinks() != null) {
        besuchePostOrder(knoten.gibLinks());
      // Rechter
      if (knoten.gibRechts() != null) {
        besuchePostOrder(knoten.gibRechts());
      System.out.println(knoten.gibZahl());
    }
  }
```

```
public int berechneSumme(Knoten knoten) {
    int ergebnis = 0;
    // Sonderfall: leerer Unterbaum
    if (knoten == null) {
     return 0;
    // linker
    if (knoten.gibLinks() != null) {
      ergebnis = ergebnis + berechneSumme(knoten.gibLinks());
    }
    // rechter
    if (knoten.gibRechts() != null) {
      ergebnis = ergebnis + berechneSumme(knoten.gibRechts());
    // Wurzel
    ergebnis = ergebnis + knoten.gibZahl();
    return ergebnis;
 public boolean istSortiert(Knoten knoten) {
    // Baum leer
    if (knoten == null) {
     return true;
   // linker Nachfolger nicht okay
    if (knoten.gibLinks() != null && knoten.gibLinks().gibZahl() > knoten.gibZahl()) {
      return false;
    // rechter Nachfolger nicht okay
    if (knoten.gibRechts() != null && knoten.gibRechts().gibZahl() <= knoten.gibZahl())</pre>
     return false;
    }
    // sonst prüfe Teilbaeume
    return (istSortiert(knoten.gibRechts()) && istSortiert(knoten.gibLinks()));
  public static void main(String[] args) {
    BinBaum baum = new BinBaum();
    baum.fügeEin(5);
    baum.fügeEin(7);
    baum.fügeEin(4);
    baum.fügeEin(11);
    baum.fügeEin(6);
    baum.fügeEin(2);
    besuchePostOrder(baum.wurzel);
 }
}
```

```
public class Knoten {
  private int zahl;
  private Knoten links = null;
  private Knoten rechts = null;
  public Knoten() {
  public Knoten(int zahl) {
    this.zahl = zahl;
  public void setzeZahl(int zahl) {
   this.zahl = zahl;
  public int gibZahl() {
   return zahl;
  public void setzeLinks(Knoten k) {
   links = k;
  public Knoten gibLinks() {
   return links;
  }
  public void setzeRechts(Knoten k) {
   rechts = k;
  public Knoten gibRechts() {
    return rechts;
}
```

 $Code-Beispiel\ auf\ Github\ ansehen: \verb|src/main/java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/Knoten.java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/Knoten.java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/Knoten.java/org/bschlangaul/examen/examen_66112/jahr_2003/herbst/Knoten.java/org/bschlangaul/examen/$