

Einzelprüfung „Theoretische Informatik / Algorithmen / Datenstrukturen (nicht vertieft)“

Einzelprüfungsnummer 46115 / 2013 / Frühjahr

## Thema 2 / Aufgabe 4

(Hashing mit Modulo 11)

**Stichwörter:** Streutabellen (Hashing)

### „Streuspeicherung“

Die Werte 7, 0, 9, 11, 18, 4, 5, 3, 13, 24, 2 sollen in eine Hashtabelle der Größe 11 (Fächer 0 bis 10) eingetragen werden. Die zur Hashfunktion  $h(x) = (7 \cdot x) \% 11$  gehörenden Schlüssel sind in der folgenden Tabelle bereits ausgerechnet:

$x$	7	0	9	11	18	4	5	3	13	24	2
$h(x)$	5	0	8	0	5	6	2	10	3	3	3

- (a) Fügen Sie die oben genannten Schlüssel in der vorgegebenen Reihenfolge in einen Streuspeicher ein, welcher zur Kollisionsauflösung verkettete Listen verwendet, und stellen Sie die endgültige Streutabelle dar.

Lösungsvorschlag

Index	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Schlüssel	0		5	13		7	4		8		3
	11			24		18					
				2							

- (b) Fügen Sie die gleichen Schlüssel mit linearem Sondieren bei Schrittweite +1 zur Kollisionsauflösung in eine neue Hash-Tabelle ein. Geben Sie für jeden Schlüssel an, auf welche Felder beim Einfügen zugegriffen wird und ob Kollisionen auftreten. Geben Sie die gefüllte Streutabelle an.

Lösungsvorschlag

Index	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Schlüssel	0	11 <sub>1</sub>	5	13	24 <sub>1</sub>	7	18 <sub>1</sub>	4 <sub>1</sub>	9	2 <sub>6</sub>	3

- (c) Wie hoch ist der „Load“-Faktor (die Belegung) der Hashtabelle aus a) bzw. b) in Prozent? Können Sie weitere Schlüssel einfügen?

Lösungsvorschlag

#### Teilaufgabe a)

$\frac{11}{11} = 100\%$ : Es können allerdings weitere Elemente eingefügt werden. Die Verkettung lässt einen Loadfaktor über 100% zu. Der Suchaufwand wird dann jedoch größer.

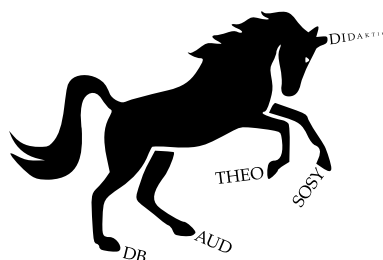
#### Teilaufgabe b)

$\frac{11}{11} = 100\%$ : Es können keine weiteren Elemente eingefügt werden, da alle Buckets belegt sind.

- (d) Würden Sie sich bei dieser Zahlensequenz für das Hashing-Verfahren nach a) oder nach b) entscheiden? Begründen Sie kurz Ihre Entscheidung.

Lösungsvorschlag

Das Verfahren a) scheint hier sinnvoller, da noch nicht zu viele Suchoperationen notwendig sind (max. 2), während bei Verfahren b) einmal bereits 6-mal sondiert werden muss.



## Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an [hermine.bschlangaul@gmx.net](mailto:hermine.bschlangaul@gmx.net). Der  $\text{\LaTeX}$ -Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: <https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Examen/46115/2013/03/Thema-2/Aufgabe-4.tex>