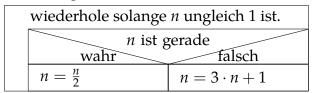
Die Bschlangaul-Sammlung Collatz

Abitur 2019 IV (Collatz)

Stichwörter: Ein-Adress-Befehl-Assembler

Das Collatz-Problem ist ein immer noch ungelöstes Problem der Mathematik. Dabei geht es um Zahlenfolgen, die nach folgendem Algorithmus gebildet werden, wobei der Eingabewert n eine natürliche Zahl größer 0 ist:

## collatzfolge(n)



Obwohl der Algorithmus sehr einfach ist, ist bis heute ungeklärt, ob er tatsächlich bei jedem beliebigen Startwert von n nach endlich vielen Durchläufen der Wiederholung terminiert.

(a) Geben Sie die Zahlenfolge an, die man mit dem Startwert 7 erhält, wenn *n* nach jedem Durchlauf der Wiederholung ausgegeben wird.

Lösungsvorschlag

7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

(b) Beschreiben Sie, wie man mithilfe der ganzzahligen Division ohne Rest prüfen kann, ob eine Zahl *a* durch eine andere Zahl *b* teilbar ist.

Lösungsvorschlag

1

Wenn man das Ergebnis der Division der beiden Zahlen a und b mit b multipliziert und nach der Mulitplikation als Ergebnis wieder die Zahl a feststeht, dann handelt es sich um eine Division ohne Rest, ergibt sich eine Zahl, die kleiner als a ist, so handelt es sich um eine Division mit Rest.

Die Bschlangaul-Sammlung Collatz

(c) Geben Sie ein Programm für die Registermaschine an, das den gegebenen Algorithmus collatzfolge(n) umsetzt, wobei zusätzlich die Anzahl der Durchläufe der Wiederholung bestimmt werden soll. Der Startwert für *n* steht am Anfang bereits in Speicherzelle 100.

Lösungsvorschlag

```
Ohne Modulo
                                            Mit Modulo
# n:
          100
                                                      100
                                            # n:
# anzahl: 101
                                            # anzahl: 101
                LOADI O
                                                             LOADI O
                STORE 101
                                                             STORE 101
# WHILE n <> 1
                                            # WHILE n <> 1
solange:
                LOAD 100
                                            solange:
                                                             LOAD 100
                SUBI 1
                                                             CMPI 1
                JMPZ ende
                                                             JMPZ ende
# anzahl := anzahl + 1;
                                            # IF (n \% 2) = 0 THEN
zaehler:
                LOAD 101
                                            bedingung:
                                                            LOAD 100
                ADDI 1
                                                            MODI 2
                STORE 101
                                                             JMPNZ ist_ungerade
# Poorman's Modulo
                                            # n := n / 2;
# IF (n \% 2) = 0 THEN
                                            ist_gerade:
                                                             LOAD 100
modulo:
                LOAD 100
                                                             DIVI 2
                DIVI 2
                                                             STORE 100
                MULI 2
                                                             JMP zaehler
                SUB 100
                JMPN ist_ungerade
                                            # n := 3 * n +
                                                             1;
                                                            LOADI 3
                                            ist_ungerade:
# n := n / 2;
                                                             MUL 100
ist_gerade:
                LOAD 100
                                                             ADDI 1
                DIVI 2
                                                             STORE 100
                STORE 100
                JMP solange
                                            # anzahl := anzahl + 1;
                                            zaehler:
                                                            LOAD 101
# n := 3 * n +
                1;
                                                            ADDI 1
                LOAD 100
ist_ungerade:
                                                             STORE 101
                MULI 3
                                                             JMP solange
                ADDI 1
                STORE 100
                                            ende:
                                                             HOLD
                 JMP solange
ende:
                HOLD
```

Die Bschlangaul-Sammlung Collatz

## Minisprache PROGRAM collatz; VAR n, anzahl; **BEGIN** n := 7;anzahl := 0; WHILE n <> 1 DO IF (n % 2) = 0 THEN n := n / 2; **ELSE** n := 3 \* n + 1;END; anzahl := anzahl + 1; **END** END collatz. Java public class Collatz { public static void main(String[] args) { int n = 7; int anzahl = 0; while (n != 1) { if $(n \% 2 == 0) {$ n = n / 2;} else { n = 3 \* n + 1;} anzahl++; System.out.println(n);

 $Code-Beispiel\ auf\ Github\ ansehen: \verb|src/main/java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/Collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/collatz.java/org/bschlangaul/aufgaben/tech_info/assembler/ein_adress/col$ 



## Die Bschlangaul-Sammlung

System.out.println("Anzahl an Durchläufen " + anzahl);

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike  $4.0\,\mathrm{International\text{-}Lizenz}.$ 

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net.Der TEX-Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Module/50\_TECH/10\_Ein-Adress/Aufgabe\_06-Abitur-2019-IV-Collatz.tex

} }