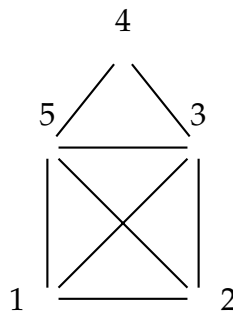


Das Haus des Nikolaus

(Nikolaus)

Stichwörter: Backtracking

Hier ist das „Haus des Nikolaus“ mit einer bestimmten Nummerierung der Eckpunkte vorgegeben. Es sollen alle Lösungen zum Zeichnen der Figur in einem Zug gefunden werden. Eine Lösung könnte dann in der Form 123451352 ausgegeben werden. Das Programm soll eine einfache Anpassung an andere Graphen ermöglichen. Der Ausschluss von gespiegelten Lösungen ist nicht gefordert.



Exkurs: Backtracking

Eine Lösung lässt sich nach dem Prinzip *Versuch und Testen* ermitteln. Eine vermutete Teillösung muss wieder verworfen werden, wenn ein Test ihre Ungültigkeit nachgewiesen hat. Man nennt diesen Ansatz deshalb auch *Rückverfolgen* oder *Backtracking*. Mit diesem Ansatz lassen sich eine ganze Reihe von Problemen in der Informatik sehr elegant formulieren und lösen. Hier eine kleine Auswahl (Genauerer dazu später):

Acht-Damen-Problem: Acht Damen sollen so auf ein Schachbrett gestellt werden, dass keine Dame eine andere bedroht.

Vier-Farben-Problem: Eine Landkarte soll mit vier Farben so gefärbt werden, dass benachbarte Länder immer unterschiedliche Farben bekommen.

Labyrinth-Problem: Ein Labyrinth mit Sackgassen und Verzweigungen ist zu durchlaufen, um den Ausgang zu finden.

Konkreter:

- Man versucht, eine Kante (Verbindungsstrecke) zu zeichnen, wenn sie zulässig ist oder noch nicht gezeichnet wurde.
- Ist das nicht möglich, muss die zuletzt gezeichnete Kante gelöscht werden.
- Ist es möglich, dann hat man das Problem um eine Stufe vereinfacht.
- Hat man durch dieses Verfahren insgesamt 8 Kanten zeichnen können, hat man eine Lösung gefunden. Jetzt löscht man wieder die zuletzt gezeichnete Kante und sucht nach weiteren Lösungen.

Realisierung des Programms

Datenstrukturen

Die folgende Tabelle gibt an, welche Verbindungslinien zulässig sind (durch X markiert). Die erste Zeile bedeutet also, dass von Punkt 1 zu den Punkten 2, 3 und 5 Strecken gezeichnet werden dürfen. Eine solche Tabelle heißt auch Adjazenzmatrix (von adjazieren; lat.: anwohnen, anliegen). Eine solche Tabelle lässt sich durch `boolean[][] kanteZulaessig`; in einem zweidimensionalen Feld speichern. Eine entsprechende Tabelle `boolean[][] kanteGezeichnet`; erfasst dann die schon gezeichneten Kanten. In einem weiteren eindimensionalen Feld wird jeweils eine Lösung erfasst.

Methoden

Es bieten sich folgende Methoden zur Strukturierung des Programmes an:

- (a) `void initialisiereFelder()`
- (b) `void zeichneKante(int von, int nach)`
- (c) `void löscheKante(int von, int nach)`
- (d) `void gibLösungAus()`
- (e) `void versucheKanteZuZeichnen(int start)`: Die rekursive Methode soll vom Punkt start weitere Kanten zeichnen.
- (f) Das Hauptprogramm:

```
public static void main(String[] arg) {
    initialisiereFelder();
    for (int punktNr = 1; punktNr <= maxPunktAnzahl; punktNr++) {
        lösungsWeg[0] = punktNr; // Startpunkt eintragen
        versucheKanteZuZeichnen(punktNr);
    }
    System.out.println();
    System.out.println("Es ergaben sich " + lösungsAnzahl + " Loesungen.");
}

/**
 * Qualifizierungsmaßnahme Informatik: Algorithmen und Datenstrukturen:
 * Aufgabenblatt 3: Algorithmenmuster.
 *
 * <a href="https://www.studon.fau.de/file2521908_download.html">Angabe: AB_3
 * Greedy_DP_Backtracking.pdf</a>
 * <a href="https://www.studon.fau.de/file2521907_download.html">Lösung: AB_3
 * Greedy_DP_Backtracking_Lsg.pdf</a>
 */
public class Nikolaus {
    static final int maxPunktAnzahl = 5;
    static final int maxKantenAnzahl = 8;
    static boolean[][] kanteZulässig;
    static boolean[][] kanteGezeichnet;
```

```
static int[] lösungsweg;
static int aktuelleKantenAnzahl = 0;
static int lösungsAnzahl = 0;

/**
 * Zulässige Kanten für das „Haus des Nikolaus“ eintragen. Der Nummerierung
 * liegt das Bild in main zu Grunde. Eine Anpassung an andere Graphen ist leicht
 * möglich.
 */
static void initialisiereFelder() {
    kanteZulässig = new boolean[maxKantenAnzahl + 1][maxKantenAnzahl + 1];
    kanteGezeichnet = new boolean[maxKantenAnzahl + 1][maxKantenAnzahl + 1];
    lösungsweg = new int[maxKantenAnzahl + 2]; // mit Startpunkt
    // Erst mal alles auf false ;
    for (int i = 1; i <= maxPunktAnzahl; i++) {
        for (int k = 1; k <= maxPunktAnzahl; k++) {
            kanteZulässig[i][k] = false;
            kanteGezeichnet[i][k] = false;
        }
    }

    kanteZulässig[1][2] = true; // von 1 nach 2 zulässig
    kanteZulässig[2][1] = true;

    kanteZulässig[1][3] = true;
    kanteZulässig[3][1] = true;

    kanteZulässig[1][5] = true;
    kanteZulässig[5][1] = true;

    kanteZulässig[2][3] = true;
    kanteZulässig[3][2] = true;

    kanteZulässig[2][5] = true;
    kanteZulässig[5][2] = true;

    kanteZulässig[3][4] = true;
    kanteZulässig[4][3] = true;

    kanteZulässig[3][5] = true;
    kanteZulässig[5][3] = true;

    kanteZulässig[4][5] = true;
    kanteZulässig[5][4] = true;
    for (int i = 0; i <= maxKantenAnzahl; i++) {
        lösungsweg[i] = 0;
    }
}

static void zeichneKante(final int von, final int nach) {
    kanteGezeichnet[von][nach] = true;
    kanteGezeichnet[nach][von] = true;
    // Anzahl bereits gezeichneter Kanten erhöhen
    aktuelleKantenAnzahl++;
    // neuen Wegpunkt in Lösung aufnehmen
}
```

```

    lösungsWeg[aktuelleKantenAnzahl] = nach;
}

static void löscheKante(final int von, final int nach) {
    kanteGezeichnet[von][nach] = false;
    kanteGezeichnet[nach][von] = false;
    aktuelleKantenAnzahl--;
}

static boolean fertig() {
    return (aktuelleKantenAnzahl == maxKantenAnzahl);
}

static void gibLösungAus() {
    for (int i = 0; i <= maxKantenAnzahl; i++) {
        System.out.print(lösungsWeg[i]);
        System.out.print(" ");
        lösungsAnzahl++;
        if (lösungsAnzahl % 8 == 0) {
            System.out.println();
        }
    }
}

static void versucheKanteZuZeichnen(final int start) {
    for (int ziel = 1; ziel <= maxPunktAnzahl; ziel++) {
        if (kanteZulässig[start][ziel] && !kanteGezeichnet[start][ziel]) {
            zeichneKante(start, ziel);
            if (!fertig()) {
                versucheKanteZuZeichnen(ziel);
            } else {
                gibLösungAus();
            }
            löscheKante(start, ziel);
        }
    }
}

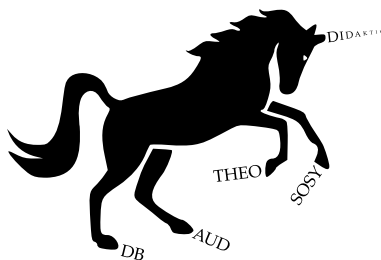
public static void main(final String[] arg) {
    initialisiereFelder();
    System.out

↪ .println("Das Programm bestimmt alle Lösungen des Problems, das Haus des Nikolaus in einem Zug zu z
    System.out.println("      4      ");
    System.out.println("    . .    ");
    System.out.println("    . .    ");
    System.out.println("  5-----3  ");
    System.out.println(" |.  .|    ");
    System.out.println(" |.  .|    ");
    System.out.println(" |.  .|    ");
    System.out.println(" |.  .|    ");
    System.out.println("  1-----2  ");
    for (int punktNr = 1; punktNr <= maxPunktAnzahl; punktNr++) {
        lösungsWeg[0] = punktNr;
        versucheKanteZuZeichnen(punktNr);
    }
}

```

```
}  
System.out.println();  
System.out.println("Es ergaben sich " + lösungsAnzahl + " Lösungen.");  
}  
}
```

Code-Beispiel auf Github ansehen: [src/main/java/org/bschlangaul/aufgaben/aud/muster/backtracking/Nikolaus.java](https://github.com/bschlangaul/aufgaben/aud/muster/backtracking/Nikolaus.java)



Die Bschlangaul-Sammlung

Hermine Bschlangaul and Friends

Eine freie Aufgabensammlung mit Lösungen von Studierenden für Studierende zur Vorbereitung auf die 1. Staatsexamensprüfungen des Lehramts Informatik in Bayern.



Diese Materialsammlung unterliegt den Bestimmungen der Creative Commons Namensnennung-Nicht kommerziell-Share Alike 4.0 International-Lizenz.

Hilf mit! Die Hermine schafft das nicht allein! Das ist ein Community-Projekt! Verbesserungsvorschläge, Fehlerkorrekturen, weitere Lösungen sind herzlich willkommen - egal wie - per Pull-Request oder per E-Mail an hermine.bschlangaul@gmx.net. Der TeX-Quelltext dieser Aufgabe kann unter folgender URL aufgerufen werden: https://github.com/bschlangaul-sammlung/examens-aufgaben-tex/blob/main/Module/30_AUD/60_Algorithmenmuster/50_Backtracking/Aufgabe_Nikolaus.tex