Simulación de Sistemas: FHP Lattice-Gas

Sespede Braulio, Julian Nicastro March 29, 2017

1 Fundamentos

Resolver y predecir el flujo de fluidos es una tarea importante para ingenieros, físicos y matemáticos. Puede ser una tarea matematicamente compleja para dominios con espacios de geometría compleja. Por este motivo, es deseable simularlo en vez de resolverlo con las ecuaciones originales de Naiver-Stokes. Con este proposito se diseñaron modelos como el del "lattice gas" y "lattice Boltzmann" para simular fluidos.

Un automata celular de "Lattice gas", se caracteriza, como el resto de los automatas celulares, por estar compuesto por particulas dispuestas en una cuadrícula de espacio discreto. Dichas particulas se caracterizan por poseer distintos estados, en el caso del "Lattice gas", tienen distintas velocidades de igual magnitud pero distinta dirección.

La evolución en el tiempo del sistema es de pasos discretos, donde en cada paso se puede determinar el estado en una posición por el estado de la posición misma y la de sus vecinos antes de que transcurra dicho paso.

En cada paso, el estado de una posición esta determinado por la existencia o no de una particula sobre la misma: existe o no una particula moviendose en una dirección. A su vez, en cada paso, se llevan a cabo dos procesos: la propagación y colisión.

En el paso de propagación, cada particula se moverá a la posición vecina determinada por el vector velocidad de la particula y posición actual. Excluyendo posibles colisiones, la particula continuará su trayectoria a la misma velocidad.

En el paso de colisión, se utilizan reglas de colisiones para determinar que sucede si múltiples particulas han de transladarse a la misma posición a la vez.

En el primer modelo, por Pomeau y de Pazzis, llamado HPP, las particulas solo pueden transladarse horizontal y verticalmente, y en caso de colisionar pasan a moverse perpendicularmente a su dirección original. La consecuencia de estas restricciones hacen que los vortices producidos por dicho modelo tengan forma cuadrada.

Posteriormente, se presentó otro modelo por Uriel Frisch, Brosl Hasslacher e Yves Pomeau, donde se permite el movimiento diagonal. Dicho modelo se conoce como FHP en honor a sus investigadores. Según la variante existen 6 o 7 estados posibles por posición. En cualquiera de las variantes, 6 de los estados representan la velocidad con la cual se mueven las particulas a posiciones vecinas (misma magnitud pero distintas direcciones, las de un hexagono). En algunas variantes (llamadas FHP-II y FHP-III), se toma un estado adicional para indicar el reposo de una particula. Dichas particulas no se propagan a sus vecinos pero pueden colisionar con otras particulas en cada paso de darse el caso.

El modelo básico de FHP contempla colisiones entre dos y tres particulas. Sin embargo, esto basta lograr el comportamiento deseado. Si dos particulas transladandose en direcciones opuestas se encuentran en la misma posición, el par de particulas rota 60 grados en sentido de las manecillas del reloj o su opuesto, de manera pseualeatoria. En caso de que la colisión sea entre tres particulas, colisionan de manera que se "invierta" la configuración de particulas. Cualquier otro tipo de colisión puede llevarse a cualquier de los casos anteriores. Ver **Figura 1**.

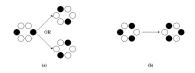


Figure 1: Posibles colisiones en FHP en la misma posición, los puntos negros representan la direccion de los vectores velocidades que colisionan y los puntos blanco los vectores "vacíos". (a) Colisión entre dos particulas. (b) Colisión entre tres partículas.

2 Implementación

La simulación implementada usando el modelo FHP procede en dos pasos. El primer paso de la simulación es la inicialización con el tamaño del dominio, la cantidad de pasos y el tamaño de la barrera. Se implementó la primer opción en la que cada 4 pasos se inyectan 3 particulas en cada sitio del borde izquierdo con velocidades en 3 direcciones distintas.

Como se comentó anteriormente la simulación tiene en cuenta obstaculos (barrera de tamaño L), a través del cual fluido no puede pasar. Esto se simula haciendo que cuando una particula colisione con la barrera la misma se refleja en la dirección en la que vino (con el vector dirección rotado 180 grados).

El siguiente paso es el calculo de colisiones en cada posición (y la propagación) de las particulas. Este proceso se hace en cada paso hasta completar la cantidad de pasos pedidos.

3 Resultados

Si bien el modelo de "lattice gas" es conveniente, sufre de varios problemas.

Uno de ellos es el de la presición por la simplificación del modelo. Para solucionar este problema se puede tomar un tamaño de dominio más grande y más pasos de simulación. Desafortunadamente, esto require el uso de más recursos (ya que habrán más colisiones).

De esto se desprende que de aumentar el tamaño del dominio requerirá más RAM y tiempo de ejecución. Para mejorar el algoritmo podrían hacerse mejoras como paralelizar el procesamiento de colisiones a través de multithreading (o incluso sobre GPU's).

A continuación mostramos los tiempos de simulación.

L	Tiempo de ejecución
30	14
50	14,6
70	15,4

Table 1: Tiempos de ejecución en función del tamaño de L

Las pruebas fueron ejecutadas en la siguiente PC:

CPU: Intel i7 6700kRAM: 32gb ddr4

4 Conclusiones

A modo de conclusión, podemos decir que se implementó satisfactoriamente el algoritmo del automata celular FHP "lattice gas" para la simulación de fluídos. Aunque la implementación no fue la más eficiente, da buenos resultados, logrando simular el comportamiento complejo del flujo de fluidos.

References

[1] Dieter A. Wolf-Gladrow, Lattice-Gas Cellular Automata and Lattice Bolzmann Models - An introduction, June 26, 2005.