D.ddd和鸵鸟

n只鸵鸟,第i号鸵鸟有 a_i 片羽毛。双方轮流行动。每次行动的一方必须选择两只鸵鸟i,j和一个正整数k,随后,他将拔走i号鸵鸟的k片和j号鸵鸟的k-1片羽毛。鸵鸟的羽毛数不能为负数。问是否先手必胜。

 $1 < n < 10^5$

 $1 \le a_i \le 10^9$

出题人: 陈子谦

题解

注意到每次拔的羽毛 $2 \times k - 1$, 是奇数。

所以羽毛总数也会奇偶奇偶交替变换,并且两方各自行动后总羽毛数的奇偶性是不变的。

所以如果初始总羽毛数为奇数,则先手胜,否则先手败。