

$$\sigma = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 2 & 4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{ll} 1 < 2 & \sigma(1) < \sigma(2) \\ 1 < 3 & \sigma(1) > \sigma(3) \\ 1 < 4 & \sigma(1) < \sigma(4) \\ 2 < 3 & \sigma(2) > \sigma(3) \\ 2 < 4 & \sigma(2) > \sigma(4) \\ 3 < 4 & \sigma(3) < \sigma(4) \end{array}$$

Def Az  $\langle i, j \rangle$   $i < j$  pár a  $\sigma$  egy inverziója, ha  $\sigma(i) > \sigma(j)$

Def Egy  $\sigma$  perm. páros (ptlan), aszerint, hogy inverziói száma páros (ptlan).

$$||S_n| = n!$$

$$\text{Tétel } |S_{n, \text{páros}}| = |S_{n, \text{ptlan}}| = \frac{n!}{2}$$

Biz  $\triangle$

$$\text{jel. } S_{n, \text{páros}} = A_n$$

Tétel Azonos paritású perm.-ok szorzata ps, egyébként a szorzat ptlan.

Def  $A_n$  is csoport,  $n$ -edfokú alternatív csoport.

Def Ha  $k_1, \dots, k_r \in \underline{n}$  páronként különbözők, jelölje  $(k_1 k_2 \dots k_r)$  azt az  $n$ -edfokú perm.-ot, mely  $k_1$ -hez  $k_2$ -t,  $k_2$ -hez  $k_3$ -at, ...,  $k_{r-1}$ -hez  $k_r$ -t és  $k_r$ -hez  $k_1$ -et rendeli,  $n$  többi elemét fixen hagyja, ezt ciklusnak nevezzük.