

Teljes és páronkénti függetlenség

teljesen független események: független kísérletelés
(kockadobás, pénzfeldobás, igazatvétel szűz)

Néhány valószínűség

$$P(\text{mind az } n \text{ kísérlet sikeres}) = p^n$$

$$P(\text{legalább 1 sikeres}) = 1 - (1-p)^n$$

$$P(\text{pontosan } k\text{-szor sikeres } n\text{-ből}) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

végig a függetlenséget
használtuk ki, azaz
a valószínűségek szorzatából

∞ sok ften kísérletben mi a valószínűsége, hogy mindig sikeres?

$$S_\infty = \bigcap_{n=1}^\infty S_n, S_n = \bigcap_{k=1}^n E_k \quad P(S_n) = p^n \xrightarrow{\infty} 0 \quad \text{így } P(S_\infty) = 0$$

Feltételes függetlenség

Def E esemény, $P(E) > 0$, F_1 és F_2 feltételesen ftenek E mellett
ha

$$P(F_1 \cap F_2 | E) = P(F_1 | E) P(F_2 | E)$$

Orvosi tesztelés, tudjuk hogy beteg, akkor nem ftenek, de felt. függ.

Valószínűségi változó

Def $X: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$ (mérhető) függvény, azaz X egy véletlen
szám, mérési eredmény \rightarrow valószínűségi változónak nevezzük
|| nagybetűvel / görög betűvel