

|| a fenti reláció nem dichotóm
 || $\nexists \alpha \neq \beta$ van mo, akkor van max megoldás is
 || megoldások részen rendezett halmaz (Zorn-lemma)

Lemma $U \subset \mathbb{R} \times \mathbb{R}^n$, $f: U \rightarrow \mathbb{R}^n$ folyt., $y'(t) = f(t, y(t))$
 DE-nek \exists kezdeti ~~feltétel~~ felt. -hez \exists mo \rightarrow
 \rightarrow egy ~~max~~ max mo. határtól határig terjed, azaz
 minden $K \subset U$ kompakt halmazt mindkét irányban
 ($t < t_0$ -ra és has.) elhagy.

Biz $\exists K \subset U$ kompakt, $\varphi(t)$ max mo. $\varphi(t)$ $t > t_0$ nem
 hagyja el a K -t ($t < t_0$ hasonló), azaz $(t, \varphi(t)) \in K$
 K -n $|f|$ maximuma M , hkk $|\varphi(t_1) - \varphi(t_2)| =$

$$= \left| \int_{t_1}^{t_2} f(s, \varphi(s)) ds \right| \leq M |t_1 - t_2| \rightarrow \varphi \text{ egyenletesen is folytonos}$$

$b \in \text{Dom}(\varphi)$ felső végpontja, $b \notin \text{Dom}(\varphi) \rightarrow$
 $\rightarrow \varphi(b) = \lim_{t \rightarrow b-} \varphi(t) \exists$ (mert $t_n \rightarrow b \rightarrow t_n$ Cauchy \rightarrow
 $\rightarrow \varphi(t_n)$ is Cauchy $\rightarrow \varphi(t_n)$ konvergens)
 φ balról diffható b -ben (mert:

$$\lim_{t \rightarrow b-} \frac{\varphi(b) - \varphi(t)}{b - t} = \lim_{t \rightarrow b-} \varphi'(c) =$$

Lagrange: $\exists c \in (t, b)$

$$= \lim_{t \rightarrow b-} f(c, \varphi(c)) = f(b, \varphi(b))$$

$\nexists \varphi$ folytatható

$b \in \text{Dom}(\varphi) \leadsto$