Introdução ao TLA+

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

08 de abril de 2024

Gabriela Moreira $\,$ 08 de abril de 2024 $\,$ Introdução ao TLA $+\,$ $\,$ $\,$ $\,$ $\,$ $\,$ $\,$ $\,$

Conteúdo

Quint -> TLA+



Quint -> TLA+



Já aprendemos Quint, então vamos ver TLA+ pensando nas equivalencias com Quint.

 O próprio Manual do Quint trás essas comparações entra TLA+ e Quint

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 4 / 39

TLA+ não tem tipos!



Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+

Tipos

TLA+ não tem tipos!

- No TLC, erros de tipo serão detectados em runtime
 - Se seu modelo tiver 1 + "bla" no sétimo estado da execução, o TLC só vai perceber o problema quando chegar nesse estado em sua exploração

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao $\mathsf{TLA}+$ 5/35

5 / 35

Tipos

TLA+ não tem tipos!

- No TLC, erros de tipo serão detectados em runtime
 - Se seu modelo tiver 1 + "bla" no sétimo estado da execução, o TLC só vai perceber o problema quando chegar nesse estado em sua exploração
- No Apalache, é preciso traduzir o modelo para fórmulas SMT, que precisam ser tipadas
 - TLA+ para o Apalache é tipado
 - A linguagem em si não é tipada, mas o Apalache espera que os tipos sejam anotados nos comentários

```
VARIABLES
  \* @type: Int -> Int;
  clock,
  \* @type: Int -> (Int -> Int);
  req,
  \* @type: Int -> Set(Int);
  ack,
```

- Mais informações no Manual do Apalache
 - Não vamos nos aprofundar nisso na disciplina!

TLA+ REPL

- O TLA+ tem uma REPL que só funciona para expressões constantes
 - Não podemos usar ela para definir variáveis e avaliar transições
- Só está disponível na pre-release do TLA+, então
 - No VSCode, precisamos da extensão versão Nightly
 - No . jar, precisamos da versão 1.8.0

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 6 / 35

TLA+ REPL

- O TLA+ tem uma REPL que só funciona para expressões constantes
 - Não podemos usar ela para definir variáveis e avaliar transições
- Só está disponível na pre-release do TLA+, então
 - No VSCode, precisamos da extensão versão Nightly
 - No . jar, precisamos da versão 1.8.0

Atenção para como faremos pra rodar ela nos computadores da UDESC:

- No VSCode, baixar a extensão: TLA+ Nightly
- 2 Aperte F1 e escolha: TLA+: Run REPL in Terminal.

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 6 / 35

TLA+ REPL em qualquer terminal

Opção 1 (com ou sem sudo, somente UNIX):

- https://github.com/pmer/tla-bin
- Instalar:

```
git clone https://github.com/pmer/tla-bin.git
cd tla-bin
sh download_or_update_tla.sh --nightly
sh install.sh ~/.local
# ou, se tiver sudo:
sudo install.sh
```

Executar:

```
cd ~/.local/bin
./tlarepl
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 7 ,

TLA+ REPL em qualquer terminal II

Opção 2 (sem sudo):

- Baixar o tla2tools.jar versão 1.8.0. Duas opções:
 - Do GitHub: https://github.com/tlaplus/tlaplus/releases/download/ v1.8.0/tla2tools.jar
 Ou se você já instalou a extensão do VSCode, esse arquivo já existe em
 - Ou, se você já instalou a extensão do VSCode, esse arquivo já existe em
 ~/.vscode/extensions/alygin.vscode-tlaplus-nightly-<versao>/tod
- Executar o jar:
 java -cp tla2tools.jar tlc2.REPL

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao $\mathsf{TLA}+$ 8/35

TLA+ REPL em qualquer terminal II

Opção 2 (sem sudo):

- Baixar o tla2tools.jar versão 1.8.0. Duas opções:
 - Do GitHub: https://github.com/tlaplus/tlaplus/releases/download/ v1.8.0/tla2tools.jar
 - Ou, se você já instalou a extensão do VSCode, esse arquivo já existe em
 ~/.vscode/extensions/alygin.vscode-tlaplus-nightly-<versao>/tod
- Executar o jar: java -cp tla2tools.jar tlc2.REPL

Opção 3 (com sudo):

- Seguir as instruções em https://lamport.azurewebsites.net/ tla/standalone-tools.html
- Executar com java tlc2.REPL

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao $\mathsf{TLA}+$ 8 /

Constantes e variáveis

Em Quint:

```
var x: str
var y: bool
```

Em TLA+:

```
CONSTANT MY_CONST VARIABLES x, y
```

Temos as palavras-chave: CONSTANT, CONSTANTS, VARIABLE e VARIABLES.

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 9 / 35

Instanciando módulos

Lembram nos semáforos, quando tínhamos a constante SEMAFOROS, e instanciávamos o módulo com:

```
module semaforos_3 {
  import semaforos(SEMAFOROS=Set(0, 1, 2)).*
}
```

Em TLA+, usaríamos o INSTANCE:

```
INSTANCE semaforos WITH SEMAFOROS <- {0, 1,2}</pre>
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 10/35

Instanciando módulos

Lembram nos semáforos, quando tínhamos a constante SEMAFOROS, e instanciávamos o módulo com:

```
module semaforos_3 {
  import semaforos(SEMAFOROS=Set(0, 1, 2)).*
}
```

Em TLA+, usaríamos o INSTANCE:

```
INSTANCE semaforos WITH SEMAFOROS <- {0, 1,2}</pre>
```

Inclusive, em TLA+ podemos atribuir **variáveis** nas instâncias também, o que não é permitido em Quint.

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 10/35

Instanciando módulos

Lembram nos semáforos, quando tínhamos a constante SEMAFOROS, e instanciávamos o módulo com:

```
module semaforos_3 {
  import semaforos(SEMAFOROS=Set(0, 1, 2)).*
}
```

Em TLA+, usaríamos o INSTANCE:

```
INSTANCE semaforos WITH SEMAFOROS <- {0, 1,2}
```

Inclusive, em TLA+ podemos atribuir **variáveis** nas instâncias também, o que não é permitido em Quint.

PS: Constantes e Instâncias são um tanto complicadas. A utilização delas nos trabalhos da disciplina é totalmente opcional.

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 10/35

Imports

Em Quint, tempos os imports

```
import meu_modulo.*
import meu_modulo.minha_definicao
import meu_modulo as M
```

Em TLA+

EXTENDS meu_modulo

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 1

Imports

Em Quint, tempos os imports

```
import meu_modulo.*
import meu_modulo.minha_definicao
import meu_modulo as M
```

Em TLA+

```
EXTENDS meu_modulo
```

Inclusive, os interios não são *built-in* em TLA+. Temos que importar o módulo de inteiros com

```
EXTENDS Integers
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+

Literais

- false em Quint é FALSE em TLA+
- true em Quint é TRUE em TLA+
- inteiros e strings são a mesma coisa
 - Divisão de inteiros é feita com \div

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 12/35

Lambdas (Operadores Anônimos)

Em Quint, temos lambdas como o a seguir. Contudo (por hora), lambdas só podem ser usados como argumentos pra outros operadores, como para o map e fold:

```
my_set.map(x => x + 1)
my_set.fold(0, (acc, i) => acc + i)
```

Em TLA+, temos lambdas, de forma geral, como:

```
LAMBDA x: x + 1
LAMBDA x, y: x + y
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 13/35

14 / 35

Em Quint, podemos declarar varios operadores seguidos de uma expressão:

```
pure val a = {
  pure val b = 1
  pure val c = b + 1
  c + 1
}
```

Em TLA+, fazemos o semelhante com:

```
a == LET b == 1
c == b + 1
IN c + 1
```

14 / 35

Em Quint, podemos declarar varios operadores seguidos de uma expressão:

```
pure val a = {
  pure val b = 1
  pure val c = b + 1
  c + 1
}
```

Em TLA+, fazemos o semelhante com:

```
a == LET b == 1
c == b + 1
IN c + 1
```

Percebam que usamos duplo = (==) para definições. Para o predicado de igualdade, usamos um único =, diferente de linguagens de programação. Basicamente, o oposto de Quint.

Conjunção e Disjunção

Conjunção em Quint:

```
pure val pred = a and b
action conj = all {
   A,
   B,
   C,
}
```

Conjunção em TLA+:

```
pred == a /\ b
conj ==
    /\ A
    /\ B
    /\ C
```

Disjunção em Quint:

```
pure val pred = a or b
action disj = any {
   A,
   B,
   C,
}
```

Disjunção em TLA+:

```
pred == a \/ b
conj ==
    \/ A
    \/ B
    \/ C
```

Condicional

Em Quint:

pure def
$$f(x) = if(x == 0)$$
 10 else 20

Em TLA+:

$$f(x) == IF x = 0 THEN 10 ELSE 20$$

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 16 / 35

Sets!

Em Quint:

Set(1, 2, 3)

Em TLA+:

{1, 2, 3}

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 17 / 35

Operadores sobre sets

Existe e para todo:

```
\E x \in S: P \* S.exists(x => P) 
\A x \in S: P \* S.forall(x => P)
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 18/35

Operadores sobre sets

Existe e para todo:

```
\E x \in S: P \* S.exists(x => P)
\A x \in S: P \* S.forall(x => P)

map e filter:
{ e: x \in S } \* S.map(x => e)
{ x \in S: P } \* S.filter(x => P)
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 18/35

Predicados:

```
e \in S \* e.in(S) ou S.contains(e)
S \union T \* S.union(T)
S \intersect T \* S.intersect(T)
S \ T \* S.exclude(T)
S \subseteq T \* S.subseteq(T)
```

Gabriela Moreira $\,$ 08 de abril de 2024 $\,$ Introdução ao TLA+ $\,$ 19 / 35

Operadores sobre sets II

Predicados:

```
e \in S \* e.in(S) ou S.contains(e)
S \union T \* S.union(T)
S \intersect T \* S.intersect(T)
S \ T \* S.exclude(T)
S \subseteq T \* S.subseteq(T)
```

Outros operadores:

```
SUBSET S \* S.powerset()
UNION S \* S.flatten()
Cardinality(S) \* S.size()
a..b \* a.to(b)
```

PS: Para usar Cardinality, precisamos fazer EXTENDS FiniteSets

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 19/35

Não-determinismo

Em Quint:

```
nondet name = my_set.oneOf()
x' = name
```

Em TLA+, é apenas um exists normal:

```
\E name \in my_set: x' = name
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 20 / 35

Não-determinismo

Em Quint:

```
nondet name = my_set.oneOf()
x' = name
```

Em TLA+, é apenas um exists normal:

```
\E name \in my_set: x' = name
```

Lembrando que o equivalente ao exists (my_set.exists(name => x' = name)) não é permitido em Quint, pois não podemos usar ações como argumentos do exists.

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 20 / 35

Exercícios Sets

Resolva usando os equivalentes a map e filter na REPL:

Dado um conjunto de números, retorne um conjunto do quadrado desses números.

```
LET quadrado(S) == resolucao IN quadrado({1, 2, 3,
     4})
```

2 Dado um conjunto de números, retorne um conjunto apenas com os números pares.

```
LET pares(S) == resolucao IN pares({1, 2, 3, 4})
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 21 / 35

Maps

- Chamados funções em TLA+, mas podemos continuar chamando de mapas para não confundir.
- Contudo, a perspectiva aqui é a de funções. Não temos uma boa forma de expressar um mapa que começa vazio e vai crescendo conforme o sistema evolui.
 - Geralmente inicializamos o mapa com as chaves já definidas, e algum valor inicial.
 - Isso é uma boa prática para Quint também!

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 22 / 35

Maps - construtor

${\sf Em}\ {\sf Quint}:$

$$S.mapBy(x => e)$$

Em TLA+:

[
$$x \in S \rightarrow e$$
]



Maps - construtor

Em Quint:

```
S.mapBy(x => e)
```

Em TLA+:

```
[ x \in S \rightarrow e ]
```

Por exemplo, criando uma estrutura para guardar o saldo no banco de cada pessoa:

```
[ pessoa \in { "alice", "bob", "charlie" } |-> 0 ]
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 23 / 35

Maps - construtor

Em Quint:

```
S.mapBy(x => e)
```

Em TLA+:

[
$$x \in S \rightarrow e$$
]

Por exemplo, criando uma estrutura para guardar o saldo no banco de cada pessoa:

```
[ pessoa \in { "alice", "bob", "charlie" } |-> 0 ]
```

Se eu ainda não souber quem são as pessoas, aí sim preciso criar um mapa vazio:

```
[ pessoa \in {} |-> 0 ]
```

Gabriela Moreira 08 de abril de 2024 Introdução ao TLA+ 23/35

Maps - construtor como em Quint

O equivalente a:

$$Map(k_1 \rightarrow v_1, k_2 \rightarrow v_2, k_3 \rightarrow v_3)$$

seria:

```
[ x \in { a: <<a, b>> \in S } |-> (CHOOSE p \in S: p
   [1] = x)[2]]
```

Maps - construtor como em Quint

O equivalente a:

$$Map(k_1 \rightarrow v_1, k_2 \rightarrow v_2, k_3 \rightarrow v_3)$$

seria:

```
[ x \in { a: <<a, b>> \in S } |-> (CHOOSE p \in S: p
   [1] = x)[2]]
```

O CHOOSE é um operador um tanto complicado

- Ele parece não determinístico, mas é completamente determinístico
- Vamos evitar ele por agora. Talvez voltamos nisso no final da disciplina.

Maps - acesso

Para acessar uma chave e de um mapa f:



Maps - acesso

Para acessar uma chave e de um mapa f:

Um exemplo na REPL.

 PS: A REPL de TLA+ imprime somente os valores de um mapa quando imprime um mapa.

```
(tla+) [ x \in {1, 2} |-> x + 1 ]

\* <<2, 3>>

(tla+) LET m == [ x \in {1, 2} |-> x + 1 ] IN m[1]

\* 2
```

Operadores sobre Maps

Obtendo o conjunto com as chaves:

```
DOMAIN f \* f.keys()
```



Operadores sobre Maps

Obtendo o conjunto com as chaves:

```
DOMAIN f \* f.keys()
```

Obtendo todos os mapas possíveis:

```
[ S \rightarrow T ] \* setOfMaps(S, T)
```

26 / 35

Operadores sobre Maps

Obtendo o conjunto com as chaves:

```
DOMAIN f \* f.keys()
```

Obtendo todos os mapas possíveis:

```
[ S \rightarrow T ] \* setOfMaps(S, T)
```

Atualizando e adicionando valores:

```
[f EXCEPT ![e1] = e2] \* f.set(e1, e2)
[f EXCEPT ![e1] = e2, ![e3] = e4]
\* f.set(e1, e2).set(e3, e4)
[f EXCEPT ![e1] = @ + y]
\* f.setBy(e1, (old => old + y))
(k :> v) @@ f \* f.put(k, v)
```

Records

Construtor:

```
[ f_1 |-> e_1, ..., f_n |-> e_n ]
\* { f_1: e_1, ..., f_n: e_n }
```



Records

Construtor:

```
[ f_1 |-> e_1, ..., f_n |-> e_n ]
\* { f_1: e_1, ..., f_n: e_n }
```

Acesso, idêntico ao Quint:

```
r.meu_campo \* r.meu_campo
```

27 / 35

Records

Construtor:

```
[f_1 \mid -> e_1, \ldots, f_n \mid -> e_n]
\* { f_1: e_1, ..., f_n: e_n }
```

Acesso, idêntico ao Quint:

```
r.meu_campo \* r.meu_campo
```

Atualização:

```
[r EXCEPT !.f = e]
\* r.with("f", e) ou { ...r, f: e }
[r EXCEPT !.f1 = e1, !fN = eN] \times N campos
```

Records II

Obtendo todos os possíveis records:

```
[ f_1: S_1, ..., f_n: S_n ]
\* tuples(S_1, ..., S_n).map(((a_1, ..., a_n)) => {
    f_1: a_1, ..., f_n: a_n })
```

Gabriela Moreira $\hspace{.1cm} 08 \hspace{.1cm}$ de abril de 2024 $\hspace{.1cm}$ Introdução ao $TLA+\hspace{.1cm} 2$

Records II

Obtendo todos os possíveis records:

```
[ f_1: S_1, ..., f_n: S_n ]
\* tuples(S_1, ..., S_n).map(((a_1, ..., a_n)) => {
    f_1: a_1, ..., f_n: a_n })
```

Obtendo os nomes dos campos:

```
DOMAIN r \* r.fieldNames()
```

Construtor:

$$<> * [e_1, \ldots, e_n]$$



Listas (ou Sequências)

Construtor:

$$<> * [e_1, ..., e_n]$$

Acesso, sendo que os índices iniciam em 1:

Listas (ou Sequências)

Construtor:

$$<> * [e_1, ..., e_n]$$

Acesso, sendo que os índices iniciam em 1:

Atualização em um índice:

Listas (ou Sequências)

Construtor:

```
<<e_1, ..., e_n>> \* [ e_1, ..., e_n ]
```

Acesso, sendo que os índices iniciam em 1:

Atualização em um índice:

```
[ s EXCEPT ![i] = e ] \* l.replaceAt(i - 1, e)
```

Adicionando elementos:

```
Append(s, e) \* 1.append(e)
1 \circ t \* 1.concat(t)
```

Listas II

Outros operadores:

```
Head(1) \* 1.head()
Tail(1) \* 1.tail()
Len(s) \* 1.length()
DOMAIN i \* 1.indices().map(i => i - 1)
SubSeq(lst, start, end) \* 1.slice(start - 1, end)
SelectSeq(s, Test) \* select(1, Test)
```

Tuplas

Já que não temos tipos em TLA+, tuplas são nada mais do que uma lista.

• elementos podem ter tipos distintos em ambas (heterogenindade).

Tuplas

Já que não temos tipos em TLA+, tuplas são nada mais do que uma lista.

• elementos podem ter tipos distintos em ambas (heterogenindade).

Construtor:

$$<< e_1, \ldots, e_n >> * (e_1, \ldots, e_n)$$

Tuplas

Já que não temos tipos em TLA+, tuplas são nada mais do que uma lista.

• elementos podem ter tipos distintos em ambas (heterogenindade).

Construtor:

$$<< e_1, \ldots, e_n >> * (e_1, \ldots, e_n)$$

Acesso:

31 / 35

Tuplas

Já que não temos tipos em TLA+, tuplas são nada mais do que uma lista.

• elementos podem ter tipos distintos em ambas (heterogenindade).

Construtor:

Acesso:

$$t[1], t[2], \ldots, t[50] \ \ t._1, t._2, \ldots, t._50$$

Obtendo todas as possíveis tuplas:

$$S_1 \setminus X S_2 \setminus X \dots \setminus X S_n \times tuples(S_1, S_2, \dots, S_n)$$

Unchanged

TLA+ fornece um operador para o caso especial onde uma variável se mantém com o mesmo valor em uma ação:

Unchanged

TLA+ fornece um operador para o caso especial onde uma variável se mantém com o mesmo valor em uma ação:

Ao invés de escrevermos:

Podemos escrever:

Folds

Não consegui descobir um jeito de fazer EXTENDS pela REPL. Então, vamos usar o VSCode com a funcionalidade de avaliação:

- Selecione o texto de uma expressão
- Aperte F1 e selecione TLA+: Evaluate selected expression

Folds

Não consegui descobir um jeito de fazer EXTENDS pela REPL. Então, vamos usar o VSCode com a funcionalidade de avaliação:

- Selecione o texto de uma expressão
- Aperte F1 e selecione TLA+: Evaluate selected expression

Para usar o fold, precisamos de:

- EXTENDS FiniteSetsExt para FoldSet
- EXTENDS SequencesExt para FoldSeq

Folds

Não consegui descobir um jeito de fazer EXTENDS pela REPL. Então, vamos usar o VSCode com a funcionalidade de avaliação:

- Selecione o texto de uma expressão
- Aperte F1 e selecione TLA+: Evaluate selected expression

Para usar o fold, precisamos de:

- EXTENDS FiniteSetsExt para FoldSet
- EXTENDS SequencesExt para FoldSeq

Em Quint:

$$Set(1, 2, 3, 4).fold(0, (acc, i) => acc + i)$$

Em TLA+:

FoldSet(LAMBDA i, acc : acc + i, 0, S)

Exercícios Fold

Exercício: Re-escreva nossos exemplos anteriores usando FoldSet Agora, resolva ambos usando FoldSet.

Exercícios TLA+

- Escreva um operador que recebe um conjunto e retorna a média dos valores.
- Dado um conjunto de records como [nome |-> "Gabriela", idade |-> 25], escreva um operador que recebe esse conjunto e retorna a diferença de idade entre o mais velho e o mais novo.
- Defina um valor que contenha todos os conjuntos possíveis com valores inteiros de 1 a 10, com tamanho maior que 2 e menor que 5.
- Escreva um operador que calcule o fatorial de um número. Recursão não é permitida.
- Sescreva um operador que recebe uma lista e retorna um mapa onde as chaves são os elementos da lista, e os valores são inteiros representando a quantidade de ocorrências daquele elemento na lista.

Exercícios TLA+

- Escreva um operador que recebe um conjunto e retorna a média dos valores.
- Dado um conjunto de records como [nome |-> "Gabriela", idade |-> 25], escreva um operador que recebe esse conjunto e retorna a diferença de idade entre o mais velho e o mais novo.
- Oefina um valor que contenha todos os conjuntos possíveis com valores inteiros de 1 a 10, com tamanho maior que 2 e menor que 5.
- Escreva um operador que calcule o fatorial de um número. Recursão não é permitida.
- **5** Escreva um operador que recebe uma lista e retorna um mapa onde as chaves são os elementos da lista, e os valores são inteiros representando a quantidade de ocorrências daquele elemento na lista.

Dica: você vai precisar dos módulos importados pela expressão:

EXTENDS FiniteSets, FiniteSetsExt, Integers, SequencesExt