

TLA+ avançado

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC
Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

02 de julho de 2025



Conteúdo

Model Values

Conjuntos de Simetria

Refinamento



Outline

Model Values

Conjuntos de Simetria

Refinamento



Model values

Segundo a documentação em (CENTRE, [s.d.]):

- Podem ser usados quando vamos definir os valores de uma constante



Model values

Segundo a documentação em (CENTRE, [s.d.]):

- Podem ser usados quando vamos definir os valores de uma constante
- Ao invés de indentificar processos, semáforos, etc por identificadores com $\{1, 2, 3\}$ ou $\{"p1", "p2", "p3"\}$, podemos model values: $\{p1, p2, p3\}$ (sem aspas).

Model values

Segundo a documentação em (CENTRE, [s.d.]):

- Podem ser usados quando vamos definir os valores de uma constante
- Ao invés de indentificar processos, semáforos, etc por identificadores com $\{1, 2, 3\}$ ou $\{"p1", "p2", "p3"\}$, podemos model values: $\{p1, p2, p3\}$ (sem aspas).

Um *model value* é um valor não especificado que o *model checker* considera diferente de qualquer outro valor que possa ser expressado:

- $p1 = p1$
- $p1 \# p2$
- $p1 \# 1$
- $p1 \# "p1"$



Model values - pra que serve?

Evitar erros:





Model values - pra que serve?

Evitar erros:

- operações não intencionais sobre os identificadores, i.e. $p + 1$



Model values - pra que serve?

Evitar erros:

- operações não intencionais sobre os identificadores, i.e. $p + 1$
- evitar erros de digitação em strings (assim como tipos soma em quint)

Model values - pra que serve?

Evitar erros:

- operações não intencionais sobre os identificadores, i.e. $p + 1$
- evitar erros de digitação em strings (assim como tipos soma em quint)

Mesmo no TLC, existe possibilidade de dar tipos para esses valores adicionando uma letra e `_` no começo:

- P_1, P_2, \dots
- a_1, a_2, \dots

Model values - pra que serve?

Evitar erros:

- operações não intencionais sobre os identificadores, i.e. $p + 1$
- evitar erros de digitação em strings (assim como tipos soma em quint)

Mesmo no TLC, existe possibilidade de dar tipos para esses valores adicionando uma letra e `_` no começo:

- `P_1`, `P_2`, ...
- `a_1`, `a_2`, ...

Dessa forma, o TLC reporta um erro quando comparamos *model values* de tipos diferentes (como se estivéssemos comparando `1` e `"a"`):

- `P_1 = P_2` resulta em `FALSE`
- `P_1 = a_1` resulta em erro em runtime



Outline

Model Values

Conjuntos de Simetria

Refinamento



Conjuntos de Simetria (*symmetry sets*)

Explicação em (WAYNE, 2022)

Podemos dizer para o *model checker* que um conjunto é simétrico, fazendo com que ele precise considerar menos estados.

Conjuntos de Simetria (*symmetry sets*)

Explicação em (WAYNE, 2022)

Podemos dizer para o *model checker* que um conjunto é simétrico, fazendo com que ele precise considerar menos estados.

Suponha que nossa especificação constrói uma sequência a partir do conjunto de *model values* $\{s1, s2, s3, s4\}$. Imagine alguns dos valores que podem ser construídos:

- 1 (1) $\langle\langle s1, s2, s3 \rangle\rangle$
- 2 (2) $\langle\langle s2, s1, s3 \rangle\rangle$
- 3 (3) $\langle\langle s1, s2, s2 \rangle\rangle$
- 4 (4) $\langle\langle s2, s3, s3 \rangle\rangle$

Conjuntos de Simetria (*symmetry sets*)

Explicação em (WAYNE, 2022)

Podemos dizer para o *model checker* que um conjunto é simétrico, fazendo com que ele precise considerar menos estados.

Suponha que nossa especificação constrói uma sequência a partir do conjunto de *model values* {s1, s2, s3, s4}. Imagine alguns dos valores que podem ser construídos:

- 1 (1) <<s1, s2, s3>>
- 2 (2) <<s2, s1, s3>>
- 3 (3) <<s1, s2, s2>>
- 4 (4) <<s2, s3, s3>>

- A única diferença do (1) pro (2) é que trocamos a ordem de s1 e s2.
- A única diferença do (3) pro (4) é que trocamos os s1 por s2 e os s2 por s3.



Conjuntos de Simetria para otimização





Conjuntos de Simetria para otimização

Se essas diferenças não forem relevantes para nosso modelo, podemos definir que $\{s1, s2, s3, s4\}$ é um conjunto de simetria, e assim o *model checker* vai precisar verificar bem menos estados.

Conjuntos de Simetria para otimização

Se essas diferenças não forem relevantes para nosso modelo, podemos definir que $\{s1, s2, s3, s4\}$ é um conjunto de simetria, e assim o *model checker* vai precisar verificar bem menos estados.

- Para isso, o TLC vai primeiro computar todas as permutações possíveis desse conjunto, o que pode levar um tempo para conjuntos grandes. Nesses casos, pode valer a pena usar um conjunto normal (sem simetria).

Conjuntos de Simetria para otimização

Se essas diferenças não forem relevantes para nosso modelo, podemos definir que $\{s1, s2, s3, s4\}$ é um conjunto de simetria, e assim o *model checker* vai precisar verificar bem menos estados.

- Para isso, o TLC vai primeiro computar todas as permutações possíveis desse conjunto, o que pode levar um tempo para conjuntos grandes. Nesses casos, pode valer a pena usar um conjunto normal (sem simetria).

Exemplo no trabalho de RPG: dois monstros são simétricos

Conjuntos de Simetria para otimização

Se essas diferenças não forem relevantes para nosso modelo, podemos definir que $\{s1, s2, s3, s4\}$ é um conjunto de simetria, e assim o *model checker* vai precisar verificar bem menos estados.

- Para isso, o TLC vai primeiro computar todas as permutações possíveis desse conjunto, o que pode levar um tempo para conjuntos grandes. Nesses casos, pode valer a pena usar um conjunto normal (sem simetria).

Exemplo no trabalho de RPG: dois monstros são simétricos

Exemplo no trabalho do banco: Usuários são simétricos



Outline

Model Values

Conjuntos de Simetria

Refinamento



Refinamento

Vamos ver dois exemplos:

- ① Transaction commit de Leslie Lamport (GRAY; LAMPORT, 2004)
- ② Threads de Hillel Wayne (WAYNE, 2021)



TLA+ avançado

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC
Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

02 de julho de 2025