

# Introdução à Lógica Temporal das Ações

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC  
Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

20 de março de 2024



# Conteúdo

Lógica Temporal das Ações (TLA)

TLA+ e Quint



# Outline

Lógica Temporal das Ações (TLA)

TLA+ e Quint

# Introdução

A Lógica Temporal das Ações (*Temporal Logic of Actions* - TLA) foi proposta em (LAMPORT, 1994).

Seu principal conceito são **ações**. Uma ação é uma expressão booleana composta de variáveis, variáveis *primed* e constantes.

Nessa aula, vamos focar em como usar ações, com o operador *primed* ('), para definir estruturas de Kripke. Mais adiante, em outra aula, falaremos sobre outros conceitos.

# Operador *primed*

$f'$  ( $f$  *primed*) para uma função de estado  $f$  é o valor de  $f$  no **final de um passo**.

Em outras palavras, para um passo composto por uma **dupla de estados**  $(s, t)$ ,  $f'$  é o valor de  $f$  para  $t$ .

De forma semelhante,  $P'$  para um predicado  $P$  é o valor de  $P$  para o estado final de um passo. Assim, na avaliação da valoração de uma ação para um passo, predicados e variáveis **sem** o operador *primed* se referem aos seus respectivos valores no **primeiro estado** do passo, e sempre que **forem marcados** com o operador, fazem referência aos valores no **segundo** estado do passo.



# Exemplos: operador *primed*

①  $x' = x + 1$

②  $x + 1 = x'$

③  $x = x' - 1$



# Exemplos: operador *primed*

①  $x' = x + 1$

②  $x + 1 = x'$

③  $x = x' - 1$

Outros exemplos:

- $x' > x$
- $x' / = x + 1$

# Exemplos: operador *primed*

①  $x' = x + 1$

②  $x + 1 = x'$

③  $x = x' - 1$

Outros exemplos:

- $x' > x$
- $x' / = x + 1$

PS: É necessário muito cuidado ao usar formas diferentes de (1).



# Ações definem Transições

Combinando operações *primed* e predicados comuns, podemos definir as transições do modelo.

- Uma transição é permitida no modelo definido por uma ação sse a avaliação da ação pro passo da transição é verdadeiro.
  - Exemplo:
    - Ação  $x' = x + 1$
    - Transição  $1 \rightarrow 2$
    - Substituindo  $x$  por 1 e  $x'$  por 2, a igualdade é satisfeita

# Ações definem Transições

Combinando operações *primed* e predicados comuns, podemos definir as transições do modelo.

- Uma transição é permitida no modelo definido por uma ação sse a avaliação da ação pro passo da transição é verdadeiro.
  - Exemplo:
    - Ação  $x' = x + 1$
    - Transição  $1 \rightarrow 2$
    - Substituindo  $x$  por 1 e  $x'$  por 2, a igualdade é satisfeita

Note que **1** ação define **N** transições. Assim, uma única ação pode definir todas as transições de um modelo!



# Uma fórmula temporal define o modelo!

- 1 Um predicado comum define o(s) estado(s) inicial(is).
  - Geralmente, chamamos de *Init* ou *init*.
  - Exemplo:  $Init \triangleq x = 0$

# Uma fórmula temporal define o modelo!

- ① Um predicado comum define o(s) estado(s) inicial(is).
  - Geralmente, chamamos de *Init* ou *init*.
  - Exemplo:  $Init \triangleq x = 0$
- ① Uma ação define as transições.
  - Geralmente, chamamos de *Next* ou *step*.
  - Exemplo:  $Next \triangleq x' = x + 1$

# Uma fórmula temporal define o modelo!

- ① Um predicado comum define o(s) estado(s) inicial(is).
  - Geralmente, chamamos de *Init* ou *init*.
  - Exemplo:  $Init \triangleq x = 0$
- ① Uma ação define as transições.
  - Geralmente, chamamos de *Next* ou *step*.
  - Exemplo:  $Next \triangleq x' = x + 1$
- ① Uma fórmula temporal define o modelo.
  - $Spec \triangleq Init \wedge \Box Next$



# Outline

Lógica Temporal das Ações (TLA)

TLA+ e Quint



# TLA+ e Quint

- TLA+ (*Temporal Logic of Actions+*) combina a lógica de TLA com teoria de conjuntos, definindo uma linguagem de especificação formal.

# TLA+ e Quint

- TLA+ (*Temporal Logic of Actions+*) combina a lógica de TLA com teoria de conjuntos, definindo uma linguagem de especificação formal.
- Quint é uma syntaxe alternativa à TLA+, que pode ser transpilada para TLA+, e portanto pode usar as mesmas ferramentas.
  - Quint tem alguns recursos adicionais que não existem em TLA+, com definições de testes e execuções (*runs*).
  - Quint (ainda) não suporta algumas coisas de TLA+ que serão vistas no final da disciplina, como refinamento.
  - No geral, Quint é **intencionalmente** mais restrito que TLA+.





# TLC e Apalache

Temos dois *model checkers* disponíveis para TLA+ e Quint.

- TLC
  - Primeiro *model checker* para TLA+. Faz enumeração explícita de estados.
  - Funciona apenas com TLA+, então especificações em Quint precisam ser transpiladas
  - Open source, mantido pela Microsoft Research

# TLC e Apalache

Temos dois *model checkers* disponíveis para TLA+ e Quint.

- TLC
  - Primeiro *model checker* para TLA+. Faz enumeração explícita de estados.
  - Funciona apenas com TLA+, então especificações em Quint precisam ser transpiladas
  - Open source, mantido pela Microsoft Research
- Apalache
  - *Model checker* limitado simbólico. Traduz a especificação para restrições SMT e resolve-as usando o *solver* Z3.
  - Exige anotações de tipo para variáveis e constantes
  - Suporte nativo a TLA+ e Quint\*
  - Open source, desenvolvido e mantido pela Informal Systems



# Model checking TLA+

## 1 Apalache

- Lembre-se de anotar os tipos
- Use a linha de comando



# Model checking TLA+

## 1 Apalache

- Lembre-se de anotar os tipos
- Use a linha de comando

## 1 TLC

- Crie um arquivo `.cfg`
- Use a linha de comando ou a extensão para VSCode



# Model checking TLA+

## 1 Apalache

- Lembre-se de anotar os tipos
- Use a linha de comando

## 1 TLC

- Crie um arquivo `.cfg`
- Use a linha de comando ou a extensão para VSCode

## 1 Toolbox (TLC)

- A IDE cria as configurações para você, porém você fica dependente da IDE para rodar o *model checker*.



# Model checking Quint

- 1 Linha de comando: `quint verify spec.qnt`
  - Isso vai baixar e usar o Apache por baixo



# Model checking Quint

- ① Linha de comando: `quint verify spec.qnt`
  - Isso vai baixar e usar o Apache por baixo
- ① TLC: em breve, talvez.



# Referências

LAMPORT, L. The temporal logic of actions. **ACM trans. program. lang. syst.**, v. 16, n. 3, p. 872–923, 1994.



# Introdução à Lógica Temporal das Ações

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC  
Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

20 de março de 2024