

Checando propriedades com Lógica Temporal II

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

26 de março de 2025



Conteúdo

Revisão & Cheatsheet

Exemplos



Outline

Revisão & Cheatsheet

Exemplos



\square ou **G**: Globally, sempre

G ϕ : ϕ deve ser verdadeiro por toda a execução a partir de agora.

 $\mathbf{G} \phi$ é verdadeiro num momento t se. . .

 $\dots \phi$ é verdadeiro em **todos** os momentos $t' \geq t$.

Exemplo: Comida sacia a fome.





♦ ou F: Finally, eventualmente, no Futuro

 ${\bf F}~\phi$: eventualmente (na execução a partir de agora), ϕ deve ser verdadeiro.

 $\mathbf{F} \phi$ é verdadeiro num momento t se. . .

 $\dots \phi$ é verdadeiro em **algum** o momento $t' \geq t$.

Exemplo: Eventualmente, terei fome.





\bigcirc ou **X**: Ne(x)t, próximo

- $\mathbf{X} \phi$: ϕ deve ser verdadeiro no próximo estado.
- $\mathbf{X} \phi$ é verdadeiro num momento t se. . .
 - $\dots \phi$ é verdadeiro no momento t+1.

Exemplo: Logo após comer, tenho sede.





U: Until, até

 ψ **U** ϕ : ψ deve ser verdade até que ϕ seja verdade, sendo que ϕ deve ser verdade no presente ou no futuro.

 $\psi \ \mathbf{U} \ \phi$ é verdadeiro num momento t se. . .

 $\dots \phi$ é verdadeiro em algum momento $t' \geq t$ e, para todo tempo t'' (tal que $t \leq t'' < t'$), ψ é verdadeiro.

Exemplo: Eu tenho fome até eu comer alguma coisa.





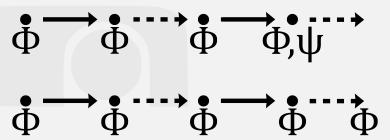
R: Release, libera

 ψ R $\phi\colon \phi$ deve ser verdade até e incluindo o momento que ψ se torna verdadeiro. Se ψ nunca ficar verdadeiro, ϕ deve permanecer verdadeiro para sempre.

 $\psi \ \mathbf{R} \ \phi$ é verdadeiro num momento t se. . .

 $\dots \phi$ é verdadeiro em todos os momentos $t' \geq t$ até e incluindo o momento t'' onde ψ também é verdadeiro. Alternativamente, pode ser que ψ nunca seja verdadeiro, e nesse caso ϕ deve ser verdadeiro para todo momento t' > t.

Exemplo: Ao comer chocolate, deixo de ter vontade de comer doce.





Outline

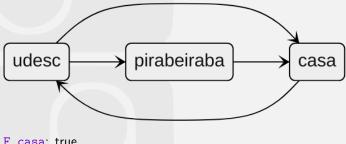
Revisão & Cheatshee

Exemplos



Ônibus

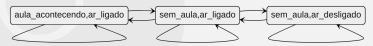
Normalmente, Joãozinho pega ônibus pra udesc e de volta pra casa. As vezes, Joãozinho erra o ônibus e vai parar em Pirabeiraba.



F casa: true



Ar condicionado da sala de aula



- aula_acontecendo -> sem_aula V ar_ligado: true
- aula_acontecendo -> ar_ligado U sem_aula: false, porque podemos ficar em aula pra sempre:)



Outline

Revisão & Cheatshee

Exemplos



Exercício prático

Vamos escrever um avaliador de operadores para operadores temporais

- Isso n\u00e3o \u00e9 um model checker, porque n\u00e3o vamos considerar todas as poss\u00edveis execu\u00e7\u00f3es de um sistema
- Dado uma única execução e uma fórmula temporal, a fórmula é verdadeira para essa execução?



Tarefa de casa

Ler página 10 de https://bidenwhitehouse.archives.gov/wp-content/uploads/2024/02/Final-ONCD-Technical-Report.pdf



FIM

Checando propriedades com Lógica Temporal II

Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

26 de março de 2025