

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

06 de março de 2024

Conteúdo

Model checking

Lógica Temporal

LTL

CTL

Verificando propriedades

Outline

Model checking

Lógica Temporal

LTL

CTL

Verificando propriedades

Contexto

 Problema: É difícil pensar em todos os cenários, principalmente em sistemas concorrentes/distribuídos

Contexto

- Problema: É difícil pensar em todos os cenários, principalmente em sistemas concorrentes/distribuídos
- Solução: Diferentes níveis de verificação
 - **●** Fuzzing e simulação
 - Model checking
 - 3 Provas (com assistente de provas)



Interface de um model checker

Como um model checker é usado?



Interface de um *model checker*

Como um *model checker* é usado?

Duas entradas:

- Tum modelo uma máquina de estado finita*
- ② ≠ Uma propriedade uma fórmula de alguma lógica temporal



Interface de um model checker

Como um model checker é usado?

Duas entradas:

- T Um modelo uma máquina de estado finita*
- ② ≠ Uma propriedade uma fórmula de alguma lógica temporal

Três possíveis saídas

- Sucesso
- Q Contra-exemplo: Uma sequência de estados que viola a propriedade
- 3 Não há memória suficiente

Opcionalmente, também pode detectar deadlocks.

• Deadlock: o modelo não obedece a restrição de uma estrutura de Kripke, ou seja, existe um estado sem transição alguma saindo dele.



Vantagens

- Ontra-exemplos عوا ال
- ② ₹≡ Verificação parcial
- 3 ☐ Processo automatizado
- 4 Sequências infinitas de estados



Vantagens

- Contra-exemplos عوا
- ② ₹≡ Verificação parcial
- 3 🖵 Processo automatizado
- 4 Sequências infinitas de estados

Desvantagens

- Explosão de estados
- Q Não permite generalização (i.e. N processos)
- 3 # Model checkers em si não são verificados



Vantagens

- Ontra-exemplos عوا ال
- ② ₹≡ Verificação parcial
- ⊕ Processo automatizado
- 4 Sequências infinitas de estados

Desvantagens

- Explosão de estados
- Q Não permite generalização (i.e. N processos)
- 3 # Model checkers em si não são verificados

No geral, é um método bom para encontrar falhas em software, que permite a verificação com certas restrições.

Comparado a testes e simulações aleatórias, pode ser mais eficiente em encontrar casos de borda onde falhas ocorrem.



Linguagens de especificação fornecem diferentes abstrações para como definir uma máquina de estados. Exemplos: Redes de Petri, TLA+ (*Temporal Logic of Actions+*), CSP (*Communicating Sequential Processes*), Alloy, entre outras.



Dois operadores temporais principais:

- Eventualmente (♦) ou Finalmente (F): Cada semáforo deve eventualmente ficar verde
- Sempre (□) ou (A): O número do próximo estado é sempre maior que o número no estado anterior

Fórmulas de lógica temporal são sobre um comportamento (execução) do sistema modelado.



Invariantes são predicados sobre estados individuais do sistema. Um invariante é satisfeito se e somente se ele é verdadeiro para todos os estados do sistema.



Invariantes são predicados sobre estados individuais do sistema. Um invariante é satisfeito se e somente se ele é verdadeiro para todos os estados do sistema.

Invariantes Indutivos são tipos especiais de invariantes que podem ser provados com indução matemática, isso é, sem necessidade de explorar todos os estados.

• Muito poderosos mas também difíceis de se definir

و Contra-exemplo

Entradas:

- T Modelo: 2 semáforos sem controle de revezamento
- Propriedade: para cada semáforo, ele deve eventualmente ficar verde



Entradas:

- T Modelo: 2 semáforos sem controle de revezamento
- ≠ Propriedade: para cada semáforo, ele deve eventualmente ficar verde

Execução do model checker



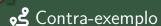
Entradas:

- T Modelo: 2 semáforos sem controle de revezamento
- Propriedade: para cada semáforo, ele deve eventualmente ficar verde

Execução do model checker

Saída - S Contra-exemplo:

- Semáforo 1 inicia vermelho, semáforo 2 inicia vermelho
- 2 Semáforo 1 fica verde (e semáforo 2 permanece vermelho)
- 3 Semáforo 1 fica amarelo (e semáforo 2 permanece vermelho)
- 4 Retorna ao estado (1)



Entradas:

- T Modelo: 2 semáforos sem controle de revezamento
- ≠ Propriedade: para cada semáforo, ele deve eventualmente ficar verde

Execução do model checker

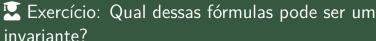
Saída - S Contra-exemplo:

- Semáforo 1 inicia vermelho, semáforo 2 inicia vermelho
- 2 Semáforo 1 fica verde (e semáforo 2 permanece vermelho)
- 3 Semáforo 1 fica amarelo (e semáforo 2 permanece vermelho)
- 4 Retorna ao estado (1)

Ótimo artefato para reprodução de bugs e geração de testes automatizados.



- Ao fazer uma transferência bancária, eu acabo com menos dinheiro do que tinha antes
- 2 Ao ligar uma chaleira elétrica, ela eventualmente chegará a 100 graus
- 3 Em um jogo da velha, a diferença entre o número de X e O não é maior do que 1



- Ao fazer uma transferência bancária, eu acabo com menos dinheiro do que tinha antes
- 2 Ao ligar uma chaleira elétrica, ela eventualmente chegará a 100 graus
- Em um jogo da velha, a diferença entre o número de X e O não é maior do que 1

 \mathbb{Q} Dica: Um invariante é uma fórmula a ser avaliada em cada estado do sistema.

Exercício: Qual dessas fórmulas pode ser um invariante?

- Ao fazer uma transferência bancária, eu acabo com menos dinheiro do que tinha antes
- 2 Ao ligar uma chaleira elétrica, ela eventualmente chegará a 100 graus
- Em um jogo da velha, a diferença entre o número de X e O não é maior do que 1

O Dica: Um invariante é uma fórmula a ser avaliada em cada estado do sistema.

Resposta: 3

Outline

Model checking

Lógica Temporal

LTL

CTI

Verificando propriedades

Operadores Temporais - Unários

- □ ou **G**: *Globally*, sempre.
 - **G** ϕ : ϕ deve ser verdadeiro por toda a execução a partir de agora.
 - Exemplo: Comida sacia a fome

Operadores Temporais - Unários

- □ ou **G**: *Globally*, sempre.
 - **G** ϕ : ϕ deve ser verdadeiro por toda a execução a partir de agora.
 - Exemplo: Comida sacia a fome
- ou F: Finally, eventualmente, no Futuro.
 - F φ: eventualmente (na execução a partir de agora), φ deve ser verdadeiro.
 - Exemplo: Eventualmente, terei fome

Operadores Temporais - Unários

- □ ou **G**: Globally, sempre.
 - **G** ϕ : ϕ deve ser verdadeiro por toda a execução a partir de agora.
 - Exemplo: Comida sacia a fome
- ou F: Finally, eventualmente, no Futuro.
 - F φ: eventualmente (na execução a partir de agora), φ deve ser verdadeiro.
 - Exemplo: Eventualmente, terei fome
- O ou X: Ne(x)t, próximo.
 - X φ: φ deve ser verdadeiro no próximo estado.
 - Exemplo: Logo após comer, tenho sede



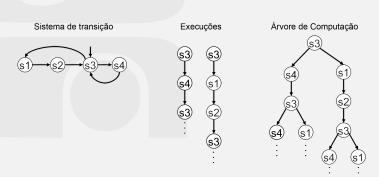
- U: Until, até.
 - ψ **U** ϕ : ψ deve ser verdade até que ϕ seja verdade, sendo que ϕ deve ser verdade no presente ou no futuro.
 - Exemplo: Eu tenho fome até eu comer alguma coisa

Operadores Temporais - Binários

- U: Until, até.
 - ψ **U** ϕ : ψ deve ser verdade até que ϕ seja verdade, sendo que ϕ deve ser verdade no presente ou no futuro.
 - Exemplo: Eu tenho fome até eu comer alguma coisa
- R: Release, libera.
 - ψ **R** ϕ : ϕ deve ser verdade até e incluindo o momento que ψ se torna verdadeiro. Se ψ nunca ficar verdadeiro, ϕ deve permanecer verdadeiro para sempre.
 - Exemplo: Ao comer chocolate, deixo de ter vontade de comer doce.
 Detalhe: Eu posso continuar com vontade de comer e acabar nunca comendo chocolate.

LTL e CTL

- LTL Linear Temporal Logic (Lógica Temporal Linear). Em LTL, as fórmulas são implicitamente universalmente quantificadas. Propriedades que falam sobre a existência de uma execução não podem ser expressadas.
- CTL Computational Tree Logic (Lógica de Árvore Computacional).
 CTL é uma lógica sobre a ramificação do tempo.



Outline

Model checking

Lógica Tempora

LTL

CTL

Verificando propriedades



Na lógica temporal linear (LTL), temos operadores para descrever eventos ao longo de uma única execução.

Seja AP um conjunto finito de proposições atômicas (i.e. $\{p_0, p_1, ..., p_n\}$), o conjunto de fórmulas LTL sobre AP é definido indutivamente por:

- se $p \in AP$ então p é uma fórmula LTL;
- se ψ e ϕ são fórmulas LTL, então $\neg \psi$, $\phi \lor \psi$, $\mathbf{X} \psi$, e $\phi \mathbf{U} \psi$ são fórmulas LTL.

$$\phi ::= \bot \mid \top \mid \boldsymbol{p} \mid \neg \phi \mid \phi \lor \psi \mid \mathbf{X}\psi \mid \phi \mathbf{U}\psi$$

Equivalências

Os operadores G, F e R podem ser definidos usando somente X e U.

•
$$\mathbf{G}\psi \equiv \perp \mathbf{R}\psi \equiv \neg \mathbf{F} \neg \psi$$

•
$$\mathbf{F}\psi \equiv \top \mathbf{U}\psi$$

•
$$\phi \mathbf{R} \psi \equiv \neg (\neg \phi \mathbf{U} \neg \psi)$$

• Até o momento que ψ fica falso, ϕ não pode ser falso

•
$$\neg G\psi \equiv F \neg \psi$$

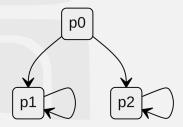


Negações de fórmulas

Uma formula ser falsa não significa que sua negação é verdadeira. Por exemplo, a fórmula a seguir não é necessariamente verdadeira:

$$\mathsf{F}p_1 \vee \neg \mathsf{F}p_1$$

Exemplo:



Exercícios

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Exercícios

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Resposta: X, Next

Exercícios II

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Qual dos operadores temporais G (Globaly), F (Finally), X (Next), U (Until) e R (Release) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Resposta: G, Globally

Exercícios III

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Exercícios III

Qual dos operadores temporais G (Globaly), F (Finally), X (Next), U (Until) e R (Release) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Resposta: U, Until

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?

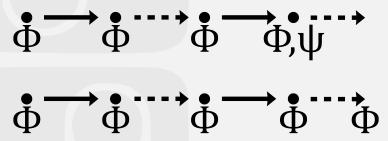


Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?

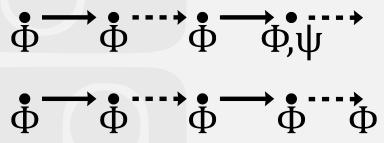


Resposta: F, Finally

Qual dos operadores temporais G (*Globaly*), F (*Finally*), X (*Next*), U (*Until*) e R (*Release*) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Qual dos operadores temporais G (Globaly), F (Finally), X (Next), U (Until) e R (Release) pode ser representado pelo diagrama a seguir?



Resposta: R, Release

LTL em Estruturas de Kripke

Uma fórmula LTL é verdadeira para uma **estrutura de Kripke** se ela é verdadeira no(s) **estado(s) inicial(is)**.

Uma fórmula LTL é verdadeira em um **estado** se ela é verdadeira para **todas as execuções** iniciando naquele estado.

Ou seja, a fórmula deve ser verdadeira para todos as execuções (comportamentos) da estrutura.



Model checking

Lógica Tempora

LTL

CTL

Verificando propriedades

CTL - Computational Tree Logic

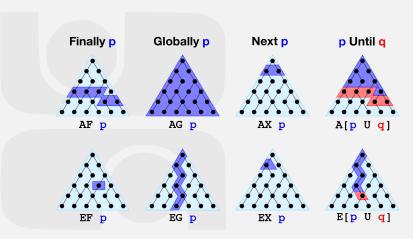
A gramática a seguir define fórmulas em CTL (sendo $p \in AP$):

$$\phi ::= \bot \mid \top \mid p \mid \neg \phi \mid \phi \lor \psi \mid A[\phi \mathbf{U} \psi] \mid E[\phi \mathbf{U} \psi] \mid A[\mathbf{X} \phi] \mid E[\mathbf{X} \phi]$$

Todos os operadores temporais devem ser precedidos de **A** (*All*, Todo) ou **E** (*Exists*, Existe).

- **A** ϕ : ϕ deve ser verdadeiro em todas as execuções a partir do estado atual;
- **E** ϕ : Existe ao menos um caminho a partir do estado atual onde ϕ é verdade.

Visualização



Outline

Model checking

Lógica Tempora

ITI

CTI

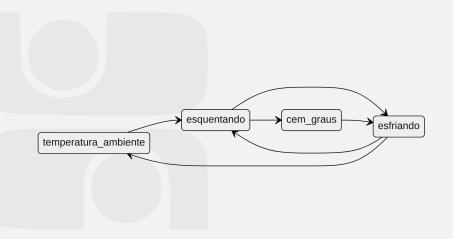
Verificando propriedades

LTL vs CTL

Atenção: $LTL \nsubseteq CTL$ and $CTL \nsubseteq LTL$

- F(Gp) é uma fórmula LTL que não pode ser expressa em CTL.
- **EX**p é uma fórmula CTL que não pode ser expressa em LTL.

Exemplo chaleiras - modelo





PS: Release é V nesse sistema

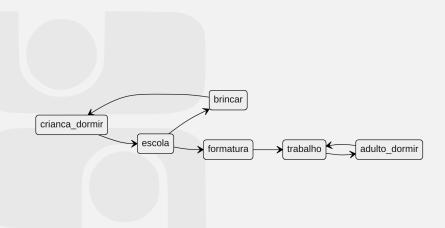
CTL:

- EF(cem_graus): true
- esquentando -> AF cem_graus: false
- esquentando -> EF temperatura_ambiente: true
- EF(EG(!cem_graus)): true

LTL:

- F(temperatura_ambiente | cem_graus): false
- F(esquentando | esfriando): true
 - A não ser que haja uma auto-transição em temperatura_ambiente





Exemplo Adultos e Crianças

CTL:

- EF trabalho: true
- AF trabalho: false

LTL:

- F trabalho: false
 - Não é possível expressar nada como EF trabalho
- formatura -> X(G(trabalho | adulto_dormir)): true
- formatura -> X(trabalho U adulto_dormir): true
- (F brincar) U formatura: false

Checando propriedades com Lógica Temporal Aula para disciplina de Métodos Formais

Gabriela Moreira

Departamento de Ciência da Computação - DCC Universidade do Estado de Santa Catarina - UDESC

06 de março de 2024