Matematica - Fasci di rette

Tommaso Severini

January 28, 2021

Sappiamo come descrivere una retta conoscendo il suo coefficiente angolare ed un punto per cui questa retta passa attraverso la formula:

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

Se supponiamo che m possa variare e assumere qualsiasi valore appartenente a \mathbb{R} , essa diventerà l'equazione che descrive tutte le rette passanti per il punto $P(x_0; y_0)$. Questo insieme prende il nome di **fascio di rette proprio** si centro P.m L'unica retta non descritta da questa equazione è la retta $x = x_0$, in quanto il coefficiente angolare di questa retta tende a infinito.

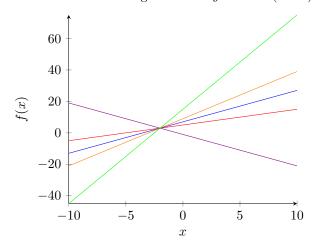
Definition 1: Fascio proprio di rette

L'equazione

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

dove m è un elemento dei numeri reali, definisce il fascio di rette proprio di centro $P(x_0; y_0)$, esclusa l'equazione $x = x_0$

Fascio di rette generato da y-3=m(x+2)



Consideriamo adesso l'insieme delle rette aventi lo stesso coefficiente angolare ma diversa intercetta con l'asse y. Esso avrà equazione:

$$y = mx + k$$
 $k \in \mathbb{R}$

Questo insieme prende il nome di fascio di rette improprio.