

概率分布函数性质：F(x)单调不减、右连续、 $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = 0, \lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = 1$. **联合分布函数性质**：**极限** $\lim_{x_1 \rightarrow +\infty} F(x_1, \dots, x_n) = 0, \lim_{x_1, \dots, x_n \rightarrow +\infty} F(x_1, \dots, x_n) = 1$; **非负性**： R^n 中任意区间 $(a, b] = (a_1, b_1; a_2, b_2): F(a_2, b_2) - F(a_1, b_2) - F(a_2, b_1) + F(a_1, b_1) \geq 0$. **N 维随机变量转换公式**：设 $(\xi_1, \dots, \xi_n)p.d.f.p(x_1, \dots, x_n); \eta_1 = f_1(\xi_1, \dots, \xi_n), \dots, \eta_n = f_n(\xi_1, \dots, \xi_n), (\xi_1, \dots, \xi_n)$ 与 (η_1, \dots, η_n) 有 1-1 对应关系时，若对 $y_i = f_i(x_1, \dots, x_n), \exists$ 唯一反函数 $x_i(y_1, \dots, y_n) = x_i$, 且 $(\eta_1, \dots, \eta_n)p.d.f$ 为 $q(y_1, \dots, y_n)$ 则： $q(y_1, \dots, y_n) = p(x_1, \dots, x_n)|J|, J = \begin{vmatrix} \partial x_1 / \partial y_1 & \dots & \partial x_n / \partial y_1 \\ \partial x_1 / \partial y_n & \dots & \partial x_n / \partial y_n \end{vmatrix}$. 例：若 ξ, η 是独立同分布的 $r.v.$ ，作极坐标 $\rho = \sqrt{\xi^2 + \eta^2}$ 及 $\varphi = \arctan \frac{\eta}{\xi}$ 取值变换于 $[0, 2\pi]$, 则 ρ 与 φ 也独立。**随机变量特征函数**：连续性随机变量 $\varphi(t) \triangleq E(e^{itX}) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{itx} dF(x), -\infty < t < \infty$; 离散型随机变量 $\varphi(t) = \sum_{k=0}^{\infty} e^{itx_k} p_k$. **特征函数性质**：**1)** $\varphi(0) = 1; |\varphi(t)| \leq 1; \varphi(-t) = \overline{\varphi(t)}$ **2)** $\varphi(t)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 上一致连续。**3)** 若随机变量 X 的 n 阶矩 EX^n 存在，那么 X 的特征函数 $\varphi(t)$ 可微分 n 次，且当 $k \leq n$ 时，有 $\varphi^{(k)}(0) = i^k EX^k$;**4)** $\varphi(t)$ 是非负定的;**5)** 设 X_1, X_2, \dots, X_n 是独立随机变量，则 $X = X_1 + \dots + X_n$ 的特征函数 $\varphi(t) = \varphi_1(t) \dots \varphi_n(t)$, 式中， $\varphi_k(t)$ 是 x_i 的特征函数， $k = 1, 2, \dots, n$ 随机变量的分布函数由其特征函数唯一确定。

N 维正态分布联合分布密度： $f(x_1, \dots, x_n; t_1, \dots, t_n) = \exp\{-\frac{1}{2}(x - m_x)C^{-1}(x - m_x)'\}/(2\pi)^{\frac{n}{2}}|C|^{\frac{1}{2}}$ ，其中 $x = (x_1, x_2, \dots, x_n), m_x = (m_x(t_1), m_x(t_2), \dots, m_x(t_n))$, C 是协方差矩阵。正态随机过程的有限维分布密度完全的由其**期望和协方差函数**所确定。**N 维正态分布特征函数**：则 $\varphi(t) = \varphi(t_1, \dots, t_n) = e^{iat' - \frac{1}{2}tCt'}$. **N 维正态随机变量相关性质**:1) $Y = XA$ ，若 $A'CA$ 正定，则 $Y \sim N(AA', A'CA)$ 即正态随机变量经线性变换还是正态随机变量；2) $EX_k = a_k, B_{X_k X_l} = b_{kl}, k, l = 1, 2, \dots, n$ 。{X(t), t∈T}是**高斯过程**的充要条件是它的任意有限个元 X(t1),X(t2)...X(tm)的任意线性组合都是一个一维正态随机变量或常数。高斯过程是二阶矩过程。**正态独立定理**：**正态过程**{X(t), t∈T}是**独立过程**的充要条件是协方差函数 C(s,t)=0, s !=t。**二阶矩过程**的协方差函数、相关函数总是存在的。

均方极限唯一定理：若 $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n = X$, 且 $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n = Y$ ，则 P{X=Y} = 1，即均方极限在概率为 1 相等的意义下唯一。**均方极限性质**：**1.**均方极限与数学期望可交换次序。**； 2.**若 $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n = X$, 且 $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n = Y$ ，则 $\lim_{n \rightarrow \infty} EX_m Y_n = EXY$ 。**3.**均方极限线性性质。**4.**数列 $a_n, \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$, X 是随机变量, 有 $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n X) = 0$ 。**5.** $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n$ 存在 $\Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} (X_m - X_n) = 0$ ；**6.**在性质(2)条件下不能得到 $\lim_{n \rightarrow \infty} X_n Y_n = XY, \lim_{n \rightarrow \infty} X_n^2 = X^2$ 。**均方连续性定理**：随机过程{X(t), t∈T}在 T 上均方连续 \Leftrightarrow 其相关函数 $R_x(t_1, t_2)$ 在{(t,t): t∈T}的所有点上连续的。**均方可导性定理**：随机过程{X(t), t∈T}在 t 处均方可导 \Leftrightarrow 极限 $\lim_{h \rightarrow 0, h' \rightarrow 0} \frac{R_X(t+h, t+h') - R_X(t+h, t) - R_X(t, t+h') + R_X(t, t)}{hh'}$ 存在。**均方连续性性质**：**1.**若过程 X(t)在 t 处可导，则它在 t 处连续。**2.**求导数记号与数学期望符号可交换次序。**3.**随机过程 X(t)之均方导数 X'(t)相关函数是二重微分关系。**4.**随机变量均方导数=0。**5.**均方导数线性性质。**均方可积性定理**：f(t)X(t)在区间[a,b]上均方可积的充分条件是二重积分 $\int_a^b \int_a^b f(s)f(t)R_x(s, t)dsdt$ 存在，且有 $E \left| \int_a^b f(t)X(t)dt \right|^2 = \int_a^b \int_a^b f(s)f(t)R_x(s, t)dsdt$ 。**均方积分性质**：**1.**若 X(t)在[a,b]上均方连续**→**均方可积。**2.**期望与均方积分符号可互换。**3.**均方积分的线性性质。**4.**随机变量可拿到积分符号外。**5.**X(t)在[a,b]上均方连续，则Y(t) = $\int_a^b X(s)ds, a \leq t \leq b$, 在[a,b]上均方连续，均方可导，且 Y'(t) = X(t)。**6.**X(t)在[a,b]上均方可导，X'(t)在[a,b]上均方连续，则X(b) - X(a) = $\int_a^b X'(t)dt$ 。

宽平稳随机过程: $m_x(t) = m_x, R_x(t, t + \tau)$ 与 t 无关。二阶距过程**严平稳必定宽平稳**，**正态过程严平稳和宽平稳等价**。**宽平稳相关函数的性质** **(1)** $R_x(0) = EX^2(t) \geq 0$ **(2)** $|R_x(\tau)| \leq R_x(0)$ **(3)** $R_x(\tau)$ 是偶函数 **(4)**非负定性 $\sum_{k=1}^n \sum_{j=1}^n R_x(\tau_j - \tau_k) Z_k \overline{Z_j} \geq 0$ 协方差函数 c 同样具有上述性质，第一条改为 $C_x(0) = D_x(t) \geq 0$ 。**时间平均**<X(t)>= $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T X(t) dt$ P{<X(t)>= m_x }=1;**时间相关函数**<X(t)X(t+τ)>= $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T X(t)X(t+τ) dt$ P{<X(t)X(t+τ)>= $R_x(\tau)$ }=1。**期望各态历经定理**：<X(t)>= $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^T X(t) dt = m_x \Leftrightarrow \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^{2T} \left(1 - \frac{\tau}{2T}\right) (R_x(\tau) - m_x^2) d\tau = 0$ 。**相关函数各态历经定理**： $B_r(\tau_1) = E[X(t)X(t+\tau)X(x+\tau_1)X(t+\tau+\tau_1)]$; <X(t)X(t+τ)>= $R_x(\tau) \Leftrightarrow \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^{2T} \left(1 - \frac{\tau_1}{2T}\right) (B_r(\tau_1) - R_x^2(\tau)) d\tau_1 = 0$ 。**期望各态历经定理(上半轴)**： $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^T X(t) dt = m_x \Leftrightarrow \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^T \left(1 - \frac{\tau}{T}\right) (R_x(\tau) - m_x^2) d\tau = 0$ 。**相关函数各态历经定理(上半轴)**： $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^T X(t)X(t+\tau) dt = R_x(\tau) \Leftrightarrow \lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{T} \int_0^T \left(1 - \frac{\tau_1}{T}\right) (B_r(\tau_1) - R_x^2(\tau)) d\tau_1 = 0$; $B_r(\tau_1) = E[X(t)X(t+\tau)X(x+\tau_1)X(t+\tau+\tau_1)]$;**期望各态历经定理(离散)** $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} \sum_{j=0}^n X(j) = m_x \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} \sum_{j=0}^n \left(1 - \frac{j}{n+1}\right) [R(j) - m_x^2] = 0$ 。**相关函数各态历经定理(离散)**： $\lim_{T \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} \sum_{j=0}^n X(j)X(j+m) = R_x(m) \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n+1} \sum_{j=0}^n \left(1 - \frac{j}{n+1}\right) [B_m(j) - R_x^2(m)] = 0, B_m(j) = E[X(n)X(n+m)X(n+j)X(n+m+j)]$;,其中，x 为平稳过程或平稳序列。**谱密度函数与自相关转换**： $R_x(\tau) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} S_x(\omega) e^{i\omega\tau} d\omega$; $S_x(\omega) = \int_{-\infty}^{+\infty} R_x(\tau) e^{-i\omega\tau} d\tau$; $R_x(\tau) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{+\infty} S_x(\omega) \cos\omega\tau d\omega$; $S_x(\omega) = 2 \int_0^{+\infty} R_x(\tau) \cos\omega\tau d\tau$; 谱密度函数是实的，非负的偶函数。

C-K 方程： $p_{ij}^{n+1} = \sum_{k \in S} p_{ik}^{(n)} p_{kj}^{(n)}$ 。**周期极限定理**：设状态 i 的周期为 d，则存在正整数 M, 对一切 n>=M 有 $P_{ii}^{(nd)} > 0$ 。**首次返回概率**： $f_{ii}^{(n)}$ 表示系统从 i 出发，经 n 步首次返回 i 的概率。 $f_{ij}^{(0)} = 0; f_{ij} = \sum_{n=1}^{\infty} f_{ij}^{(n)}$ 。若 $f_{ii} = 1$ 则称 i 是**常返状态**；若 $f_{ii} < 1$ 则称 i 是**非常返状态**或**滑过状态**。**n 步转移概率分解定理**：对任意状态 i, j∈S, n>1, 有 $p_{ij}^{(n)} = \sum_{m=1}^n f_{im}^{(j)} p_{mj}^{(n-m)}$ ，显然有 $0 \leq f_{ij}^{(n)} \leq p_{ij}^{(n)} \leq f_{ij} \leq 1$ 。**周期计算等价定理**：状态 i 的周期可由首次到达状态 i 的步数的 GCD 求出。**状态周期判定定理**：**(1)** 若存在正整数 n,使 $P_{ii}^{(n)} > 0, P_{ii}^{(n+1)} > 0$, 则 i 非周期。**(2)** 若存在正整数 m,使 m 步转移矩阵 $P^{(m)}$ 中对应于状态 j 的那列元

素全不为 0，则 j 非周期。**平均返回时间**： $\mu_i = \sum_{n=1}^{\infty} n f_{ii}^{(n)}$ 表示由 i 出发再返回 i 的平均返回时间。设状态 i 是**常返**的. 若 $\mu_i < \infty$, 则称 i 是**正常返**的; 若 $\mu_i = \infty$ ，则称 i 是**零常返**的。非周期的正常返态称为**遍历态**。**常返性判定定理**：状态常返的充要条件为 $\sum_{n=0}^{\infty} P_{ii}^{(n)} = \infty$ ，如果 i 非常返，则 $\sum_{n=0}^{\infty} P_{ii}^{(n)} = \frac{1}{1-f_{ii}} < \infty$ 。若 j 为非常返状态，则对任意 i∈S, 有 $\sum_{n=1}^{\infty} p_{ij}^{(n)} < \infty, \lim_{n \rightarrow \infty} p_{ij}^{(n)} = 0$ 。**周期常返极限定理**：设状态 i 常返且有周期 d，则 $\lim_{n \rightarrow \infty} p_{ii}^{(nd)} = d/\mu_i$ 。**n 步转移概率极限定理**：设 i 是常返状态，则：**(1)** i 是零常返状态 $\Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} p_{ii}^{(n)} = 0$; **(2)** i 是遍历状态 $\Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} p_{ii}^{(n)} = 1/\mu_i > 0$ 。

闭集相关结论（C 是闭集）：整个状态空间 S 是闭集，是最大的闭集；吸收状态 i 是闭集，是最小的闭集。**状态空间分解方法 1**：分解为： $S = S_N \cup S_R^{(1)} \cup S_R^{(1)} \cup \dots$ ；其中每个 $S_R^{(k)}$ 是常返状态组成的不可约闭集。 $S_R^{(k)}$ 中的状态或全是正常返状态，或全是零常返状态，且有相同的周期； S_N 是由全体非常返状态组成，自 $S_R^{(k)}$ 中的状态不能到达 S_N 中的状态。注：分解定理中的 S_N 不一定是闭集，但如果 S 为有限集， S_N 一定是非闭集。**状态空间分解方法 2**：周期为 d 的不可约马尔可夫链，其状态空间 S 可唯一地分解为 d 各个互不相交的子集之和，即 $S = S_0 \cup S_1 \cup S_2 \dots \cup S_{d-1}$, 且使得自 S_r 中任一状态出发，经一步转移必进入 $S_{r+1}, r = 0, 1, 2, \dots, d-1$ 。约定： $S_d = S_0$ 。**分解公式**：任意取定一状态 i ∈ S, 令 $S_r = \{j| \exists n \geq 0, \text{使} p_{ij}^{(nd+r)} > 0\}, r = 0, 1, 2, \dots, d-1$ 。因 S 是不可约的，即 S 中的状态是互通的，故 S 是不可约的，即 S 中的状态是互通的，故 $\bigcup_{r=0}^{d-1} S_r = S$ 。

非常返状态和零常返状态极限定理：若 j ∈ S 是非常返状态或零常返状态，则 $\forall j \in S, \lim_{n \rightarrow \infty} p_{ij}^{(n)} = 0$ 。**推论**：如果马尔可夫链的状态空间 S 是有限集，则 S 中的状态不可能全是非常返状态，也不可能含有零常返状态，从而不可约有限马尔可夫链的状态都是正常返状态。**马尔可夫链遍历性定义**：若对于一切 $i, j \in S$, 极限 $\lim_{n \rightarrow \infty} p_{ij}^{(n)} = p_j > 0$ 存在，则该马尔可夫链具有遍历性，此链又称遍历链。**遍历态性**：若 j 是非周期，正常返状态（即遍历态）且 $i \rightarrow j$ ，则 $\lim_{n \rightarrow \infty} p_{jj}^{(n)} = \frac{1}{\mu_j}$, 其中 $\mu_j = \sum_{n=1}^{\infty} n f_{jj}^{(n)}$ 为状态 j 的平均返回时间。**遍历性判定**：大前提：不可约的马尔可夫链；**1)** 非周期+正常返 **→** 遍历性; **2)** 非周期+状态有限**→**遍历性。

平稳分布的定义: 设马尔可夫链有转移矩阵 $P=(p_{ij})$, 若存在一个概率分布 $\{\pi_i, i \geq 0\}$, 其满足 $\pi_j = \sum_{i=0}^{\infty} \pi_i p_{ij}, j \in S$ 称 $\{\pi_i, i \geq 0\}$ 为该马尔可夫链的平稳分布。**平稳分布的性质**：马尔可夫链的初始分布=>则该马尔可夫链任何时刻的绝对分布都与初始分布相同。**非周期不可约的马尔可夫链正常返的充要条件**是它存在平稳分布，且此平稳分布就是极限分布 $1/\mu_j, j \in S$ 。**马氏链存在平稳分布的判定方法**：**1)** 对不可约非周期马尔可夫链，若所有状态都正常返，则存在平稳分布，且平稳分布就是极限分布 $1/\mu_j, j \in S$. 若所有状态是非常返或所有状态是零常返，则不存在平稳分布。**2)** 不可约非周期有限状态马氏必存在平稳分布。**3)** 若 $1/\mu_j, j \in S$ 是马氏链对平稳分布，则 $\lim_{n \rightarrow \infty} p_{ij}^{(n)} = 1/\mu_j = \pi_j$

泊松过程定义 1：设随机过程{X(t), t∈[0, ∞)}的无限状态空间是 S={0, 1, 2, ...}, 若满足两个条件: (1) X(t)是平稳独立增量过程。(2) 任意 a, t>=0, 每一增量 X(t+a)-X(a)非负, 且服从参数为 λt (λ>0) 的泊松分布, 即有 P{X(t+a) - X(a) = k} = $\frac{(\lambda a)^k}{k!} e^{-\lambda t}, k = 0, 1, 2, \dots$, 则称 X(t)是具有参数 λ 的泊松过程。**泊松过程定义 2**：设随机过程{X(t), t∈[0, ∞)}的无限状态空间是 S={0, 1, 2, ...}, 若满足两个条件: (1) X(t)是平稳独立增量过程。(2) 任意 a, t>=0, 每一增量 X(t+a)-X(a)非负, 且有 P{X(t+Δt) - X(t) = 1} = λΔt + o(Δt), P{X(t+Δt) - X(t) ≥ 2} = o(Δt), 则称 X(t)是具有参数 λ 的泊松过程。**数字特征**：**期望** EX(t)=λt; **方差** DX(t)=λt; **自相关函数** Rx(s,t)=λs(λt+1); **协方差函数** Cx(s,t)=λ*min(s,t)。

两角和公式 Sin(A+B) = sinAcosB+cosAsinB；sin(A-B) = sinAcosB-cosAsinB；cos(A+B) = cosAcosB-sinAsinB；cos(A-B) = cosAcosB+sinAsinB；**二倍角**: Sin2A=2SinA•CosA; Cos2A= $Cos^2 A - Sin^2 A = 2Cos^2 A - 1 = 1 - 2Sin^2 A$; **和差化积**: SinA + SinB = $2Sin \frac{A+B}{2} Cos \frac{A-B}{2}$; SinA - SinB = $2Cos \frac{A+B}{2} Sin \frac{A-B}{2}$; CosA + CosB = $2Cos \frac{A+B}{2} Cos \frac{A-B}{2}$; CosA - CosB = $-2Sin \frac{A+B}{2} Sin \frac{A-B}{2}$; **积化和差**: CosASinB = $\frac{1}{2}[Sin(A+B) - Sin(A-B)]$; CosACosB = $\frac{1}{2}[Cos(A+B) + Cos(A-B)]$; SinACosB = $\frac{1}{2}[Sin(A+B) + Sin(A-B)]$; SinASinB = $\frac{1}{2}[Cos(A-B) - Cos(A+B)]$; **三角不等式**: CosA - 1 <= A; SinA ≤ A + A²;

随机变量数字特征：**1)** 二项分布 **B(n,p):** $P(X = k) = C_n^k p^k (1 - p)^{n-k}, E = np, D = np(1 - p), \varphi = (1 - p + pe^{it})^n$. **2)** 柏松分布 **P(λ):** $P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}, E = \lambda, D = \lambda, \varphi = e^{\lambda(e^{it}-1)}$. **3)** 几何分布 **G(p):** $P(X = k) = p(1 - p)^{k-1}, E = 1/p, D = q/p^2, \varphi = \frac{pe^{it}}{1 - (1-p)e^{it}}$. **4)** 均匀分布 **U(a,b):** $f(x) = \frac{1}{b-a} (a < x < b)$ or 0 (else), $E = (a + b)/2, D = (b - a)^2/12, \varphi = \frac{e^{ibt} - e^{iat}}{i(b-a)t}$. **5)** 正态分布 **N(a, σ2):** $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\{-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}, E = a, D = \sigma^2, \varphi = \exp[iat - \frac{1}{2}\sigma^2 t^2]\}$. **6)** 指数分布 **E(λ):** $f(x) = \lambda e^{-\lambda t}, t \geq 0$ or 0, $t < 0, E = 1/\lambda, D = 1/\lambda^2, \varphi = (1 - \frac{it}{\lambda})^{-1}$. **7)** 伽马分布**Γ(a,λ):** $f(x) = \frac{x^{(a-1)}\lambda^a e^{-(\lambda x)}}{\Gamma(a)}, E = \frac{a}{\lambda-1}, D = \frac{a}{(\lambda-1)^2}$ **傅立叶变换性质**：F{c₁f₁(τ) + c₂f₂(τ)} = c₁F{f₁(τ)} + c₂F{f₂(τ)} F⁻¹{c₁φ₁(ω) + c₂φ₂(ω)} = c₁F⁻¹{φ₁(ω)} + c₂F{φ₂(ω)}。**卷积性质**：F{ $\int_{-\infty}^{+\infty} f(u)g(\tau-u)du$ } = F{ $\int_{-\infty}^{+\infty} f(\tau-u)g(u)du$ } = F{f(τ)}F{g(τ)}。**RS 转换公式**：**1)** $R_x(\tau) = \sigma^2 e^{-a|\tau|}, S_x(\omega) = \frac{2\sigma^2 a}{a^2 + \omega^2}$ **2)** $R_x(\tau) = \begin{cases} \sigma^2 \left(1 - \frac{|\tau|}{T}\right), \tau \leq T \\ 0, |\tau| > T \end{cases}, S_x(\omega) = \frac{4\sigma^2 \sin^2(\omega T/2)}{T\omega^2}$ **3)** $R_x(\tau) = e^{-a|\tau|} \cos(\omega_0 \tau), S_x(\omega) = \frac{a}{a^2 + (\omega + \omega_0)^2} + \frac{a}{a^2 + (\omega - \omega_0)^2}$ **4)** $R_x(\tau) = N \frac{\sin\omega_0 \tau}{\pi}, S_x(\omega) = \begin{cases} N, |\omega| \leq \omega_0 \\ 0, |\omega| > \omega_0 \end{cases}$ **5)** $R_x(\tau) = 1, S_x(\omega) = 2\pi\delta(\omega)$ **6)** $R_x(\tau) = \cos(\omega_0 \tau), S_x(\omega) = \pi[\delta(\omega + \omega_0) + \delta(\omega - \omega_0)]$ **7)** $F[f(x)\cos\omega_0 t] = \frac{1}{2}[F(\omega - \omega_0) + F(\omega + \omega_0)]$ **8)** $R_x(\tau) = e^{-a|\tau|} \sin b|\tau|, S_x(\omega) = \frac{b-\omega}{a^2 + (\omega-b)^2} + \frac{b+\omega}{a^2 + (\omega+b)^2};$ **9)** $R_x(\tau) = \frac{2\sin^2\omega_0 \tau}{\pi\omega\tau}, S_x(\omega) = 1 - \frac{|\omega|}{\omega_0}$

证明 II: 期望甘密力经性证明: 下页开始

贡献者 (8.305 全体成员): LiuLu, JiangJiaWei, QiaoZhi, QiuYongZe