

Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais Bacharelado em Ciência da Computação Projeto e Análise de Algoritmos Prof^a. Raquel Mini

TRABALHO SEMANAL TAREFA 5

Entrega: 13/09/2020 pelo Canvas

1. Resolva as seguintes equações de recorrência:

$$a) \begin{cases} T(n) = T(n-1) + c & c \ constante, \ n > 1 \\ T(1) = 0 \end{cases}$$

$$b) \begin{cases} T(n) = T(n-1) + 2^n & n \ge 1 \\ T(0) = 1 \end{cases}$$

$$c) \begin{cases} T(n) = cT(n-1) & c, \ k \ constantes, \ n > 0 \\ T(0) = k \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} T(n) = 3T(n/2) + n & n > 1 \\ T(1) = 1 \end{cases}$$

$$e) \begin{cases} T(n) = 3T(n-1) - 2T(n-2) & n > 1 \\ T(0) = 0 \\ T(1) = 1 \end{cases}$$

2. Considere o algoritmo a seguir. Suponha que a operação crucial é o fato de inspecionar um elemento. O algoritmo inspeciona os *n* elementos de um conjunto e, de alguma forma, isso permite descartar 2/5 dos elementos e então fazer uma chamada recursiva sobre os 3*n*/5 elementos restantes.

```
procedure Pesquisa (n: integer);
begin
   if n <= 1 then
        'inspecione elemento' e termine
   else
   begin
        para cada um dos n elementos 'inspecione elemento';
        Pesquise (3n/5);
   end
end</pre>
```

- a) Escreva uma equação de recorrência que descreva este comportamento.
- b) Converta esta equação para um somatório.

c) Dê a fórmula fechada para este somatório.