Feedforward Neural Network

"If you want to make information stick, it's best to learn it, go away from it for a while, come back to it later, leave it behind again, and once again return to it - to engage with it deeply across time. Our memories naturally degrade, but each time you return to a memory, you reactivate its neural network and help to lock it in."

Joshua Foer

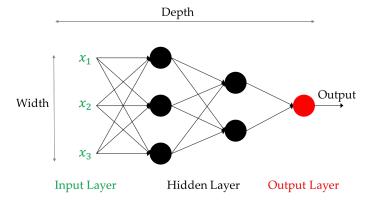
Bagian tiga membahas algoritma machine learning yang sedang populer belakangan ini, yaitu artificial neural network. Buku ini lebih berfokus pada penggunaan artifical neural network untuk supervised learning. Pembahasan dimulai dari hal-hal sederhana (single perceptron, multilayer perceptron) sampai yang lebih kompleks.

11.1 Definisi Artificial Neural Network

Masih ingatkah Anda materi pada bab-bab sebelumnya? Machine learning sebenarnya meniru bagaimana proses manusia belajar. Pada bagian ini, peneliti ingin meniru proses belajar tersebut dengan mensimulasikan jaringan saraf biologis (neural network) [40, 41, 42, 43]. Kami yakin banyak yang sudah tidak asing dengan istilah ini, berhubung deep learning sedang populer dan banyak yang membicarakannya (dan digunakan sebagai trik pemasaran). Artificial neural network adalah salah satu algoritma supervised learning yang populer dan bisa juga digunakan untuk semi-supervised atau unsupervised learning [41, 43, 44, 45, 46]. Walaupun tujuan awalnya adalah untuk mensimulasikan jaringan saraf biologis, jaringan tiruan ini sebenenarnya simulasi

yang terlalu disederhanakan, artinya simulasi yang dilakukan tidak mampu menggambarkan kompleksitas jaringan biologis manusia¹.

Artificial Neural Network (selanjutnya disingkat ANN), menghasilkan model yang sulit dibaca dan dimengerti oleh manusia karena memiliki banyak layer (kecuali single perceptron) dan sifat non-linear (merujuk pada fungsi aktivasi). Pada bidang riset ini, ANN disebut agnostik-kita percaya, tetapi sulit membuktikan kenapa konfigurasi parameter yang dihasilkan training bisa benar. Konsep matematis ANN itu sendiri cukup solid, tetapi interpretability model rendah menyebabkan kita tidak dapat menganalisa proses inferensi yang terjadi pada model ANN. Secara matematis, ANN ibarat sebuah graf. ANN memiliki neuron/node (vertex), dan sinapsis (edge). Topologi ANN akan dibahas lebih detil subbab berikutnya. Karena memiliki struktur seperti graf, operasi pada ANN mudah dijelaskan dalam notasi aljabar linear. Sebagai gambaran, ANN berbentuk seperti Gambar 11.1 (deep neural network, salah satu varian arsitektur). Depth (kedalaman) ANN mengacu pada jumlah layer. Sementara width (lebar) ANN mengacu pada jumlah unit pada layer.



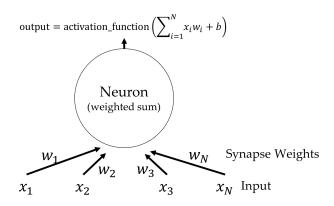
Gambar 11.1. Deep Neural Network

11.2 Single Perceptron

Bentuk terkecil (minimal) sebuah ANN adalah single perceptron yang hanya terdiri dari sebuah neuron. Sebuah neuron diilustrasikan pada Gambar 11.2. Secara matematis, terdapat feature vector \mathbf{x} yang menjadi input bagi neuron tersebut. Ingat kembali, feature vector merepresentasikan suatu data point, event atau instans. Neuron akan memproses input \mathbf{x} melalui perhitungan

Quora: why is Geoffrey Hinton suspicious of backpropagation and wants AI to start over

jumlah perkalian antara nilai input dan synapse weight, yang dilewatkan pada fungsi non-linear [47, 48, 4]. Pada training, yang dioptimasi adalah nilai synapse weight (learning parameter). Selain itu, terdapat juga bias b sebagai kontrol tambahan (ingat materi steepest gradient descent). Output dari neuron adalah hasil fungsi aktivasi dari perhitungan jumlah perkalian antara nilai input dan synapse weight. Ada beberapa macam fungsi aktivasi, misal step function, sign function, rectifier dan sigmoid function. Untuk selanjutnya, pada bab ini, fungsi aktivasi yang dimaksud adalah jenis sigmoid function. Silahkan eksplorasi sendiri untuk fungsi aktivasi lainnya. Salah satu bentuk tipe sigmoid function diberikan pada persamaan 11.1. Bila di-plot menjadi grafik, fungsi ini memberikan bentuk seperti huruf S.



Gambar 11.2. Single Perceptron

$$\sigma(u) = \frac{1}{1 + e^{-u}} \tag{11.1}$$

Perhatikan kembali, Gambar 11.2 sesungguhnya adalah operasi aljabar linear. Single perceptron dapat dituliskan kembali sebagai 11.2.

$$o = f(\mathbf{x} \cdot \mathbf{w} + b) \tag{11.2}$$

dimana o adalah output dan f adalah fungsi non-linear yang dapat diturunkan secara matematis (differentiable non-linear function – selanjutnya disebut "fungsi non-linear" saja.). Bentuk ini tidak lain dan tidak bukan adalah persamaan model linear yang ditransformasi dengan fungsi non-linear. Secara filosofis, ANN bekerja mirip dengan model linear, yaitu mencari decision boudary. Apabila beberapa model non-linear ini digabungkan, maka kemampuannya akan menjadi lebih hebat (subbab berikutnya). Yang menjadikan ANN "spesial" adalah penggunaan fungsi non-linear.

Untuk melakukan pembelajaran *single perceptron*, *training* dilakukan menggunakan *perceptron training rule*. Prosesnya sebagai berikut [4, 47, 48]:

- 1. Inisiasi nilai synapse weights, bisa random ataupun dengan aturan tertentu. Untuk heuristik aturan inisiasi, ada baiknya membaca buku referensi [1, 11].
- Lewatkan input pada neuron, kemudian kita akan mendapatkan nilai output. Kegiatan ini disebut feedforward.
- 3. Nilai output (actual output) tersebut dibandingkan dengan desired output.
- 4. Apabila nilai *output* sesuai dengan *desired output*, tidak perlu mengubah apa-apa.
- 5. Apabila nilai output tidak sesuai dengan desired output, hitung nilai error (loss) kemudian lakukan perubahan terhadap learning parameter (synapse weight).
- 6. Ulangi langkah-langkah ini sampai tidak ada perubahan nilai *error*, nilai *error* kurang dari sama dengan suatu *threshold* (biasanya mendekati 0), atau sudah mengulangi proses latihan sebanyak T kali (*threshold*).

Error function diberikan pada persamaan 11.3 2 (dapat diganti dengan absolute value) dan perubahan synapse weight diberikan pada persamaan 11.4, dimana y melambangkan desired output³, $o = f(\mathbf{x} \cdot \mathbf{w} + \mathbf{b})$ melambangkan actual output untuk \mathbf{x} sebagai input. η disebut sebagai learning rate.

$$E(\mathbf{w}) = (y - o)^2 \tag{11.3}$$

$$\Delta w_i = \eta(y - o)x_i \tag{11.4}$$

Hasil akhir pembelajaran adalah konfigurasi synapse weight. Saat klasifikasi, kita melewatkan input baru pada jaringan yang telah dibangun, kemudian tinggal mengambil hasilnya. Pada contoh kali ini, seolah-olah single perceptron hanya dapat digunakan untuk melakukan binary classification (hanya ada dua kelas, nilai 0 dan 1). Untuk multi-class classification, kita dapat menerapkan berbagai strategi, misal thresholding, i.e., nilai output 0-0.2 mengacu pada kelas pertama, 0.2-0.4 untuk kelas kedua, dst.

11.3 Permasalahan XOR

Sedikit sejarah, perceptron sebenarnya cukup populer sekitar tahun 1950-1960. Entah karena suatu sebab, perceptron menjadi tidak populer dan digantikan oleh model linear. Saat itu, belum ada algoritma yang bekerja dengan relatif bagus untuk melatih perceptron yang digabungkan (multilayer perceptron). Model linear mendapat popularitas hingga kira-kira dapat disebut sekitar

 $^{^{2}}$ Pada umumnya, kita tidak menggunakan satu data, tetapi $\mathit{batch\text{-}sized}.$

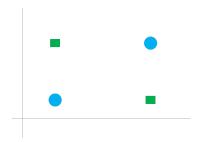
 $^{^3}$ Pada contoh ini, kebetulan jumlah $\it output$ neuron hanyalah satu.

tahun 1990'an atau awal 2000'an. Berkat penemuan backpropagation sekitar awal 1980⁴, multilayer perceptron menjadi semakin populer. Perlu dicatat, komunitas riset bisa jadi seperti cerita ini. Suatu teknik yang baru belum tentu bisa segera diimplementasikan karena beberapa kendala (misal kendala kemampuan komputasi).

Pada bab-bab sebelumnya, kamu telah mempelajari model linear dan model probabilistik. Kita ulangi kembali contoh data yang bersifat *non-linearly separable*, yaitu XOR yang operasinya didefinisikan sebagai:

- XOR(0,0) = 0
- XOR(1,0) = 1
- XOR(0,1) = 1
- XOR(1,1) = 0

Ilustrasinya dapat dilihat pada Gambar 11.3. Jelas sekali, XOR ini adalah fungsi yang tidak dapat diselesaikan secara langsung oleh model linear.



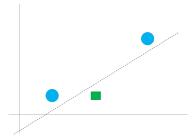
Gambar 11.3. Permasalahan XOR

Seperti yang diceritakan pada bab model linear, solusi permasalahan ini adalah dengan melakukan transformasi data menjadi linearly-separable, misalnya menggunakan fungsi non-linear pada persamaan 11.5 dimana (x, y) adalah absis dan ordinat. Hasil transformasi menggunakan fungsi ini dapat dilihat pada Gambar 11.4. Jelas sekali, data menjadi linearly separable.

$$\phi(x,y) = (x \times y, x + y) \tag{11.5}$$

Sudah dijelaskan pada bab model linear, permasalahan dunia nyata tidak sesederhana ini (kebetulan ditransformasikan menjadi data dengan dimensi yang sama). Pada permasalahan praktis, kita harus mentransformasi data menjadi dimensi lebih tinggi (dari 2D menjadi 3D). Berbeda dengan ide utama linear model/kernel method tersebut, prinsip ANN adalah untuk melewatkan data pada fungsi non-linear (non-linearities). Sekali lagi penulis ingin tekankan, ANN secara filosofis adalah trainable non-linear mapping functions. ANN mampu mentransformasi data ke space/ruang konsep yang

⁴ http://people.idsia.ch/~juergen/who-invented-backpropagation.html



Gambar 11.4. XOR ditransformasi. Segiempat berwarna hijau sebenarnya melambangkan dua instans (yang setelah ditransformasi kebetulan berlokasi pada tempat yang sama)

berbeda (bisa pada dimensi lebih tinggi atau lebih rendah), lalu mencari non-linear decision boundary dengan non-linear functions. Interaksi antar-fitur juga dapat dimodelkan secara non-linear.

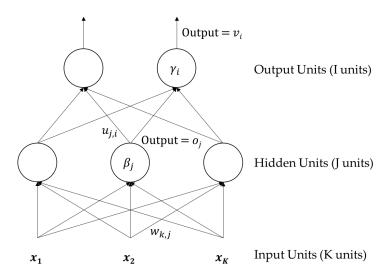
Perlu dicatat, pemodelan non-linear inilah yang membuat ANN menjadi hebat. ANN mungkin secara luas didefinisikan mencakup single perceptron tetapi secara praktis, ANN sebenarnya mengacu pada multilayer perceptron dan arsitektur lebih kompleks (dijelaskan pada subbab berikutnya). Pada masa ini, (hampir) tidak ada lagi yang menggunakan single perceptron. Untuk bab-bab kedepan, ketika kami menyebut ANN maka yang diacu adalah multilayer perceptron dan arsitektur lebih kompleks (single perceptron di-exclude). Hal ini disebabkan oleh single perceptron tidak dapat mempelajari XOR function secara independen tanpa feature engineering, sementara multilayer perceptron bisa [49].

11.4 Multilayer Perceptron

Kamu sudah belajar bagaimana proses training untuk single perceptron. Selanjutnya kita akan mempelajari multilayer perceptron (MLP) yang juga dikenal sebagai feedforward neural network. Kami tekankan sekali lagi, istilah "ANN" selanjutnya mengacu pada MLP dan arsitektur lebih kompleks.

Perhatikan ilustrasi pada Gambar 11.5, multilayer perceptron secara literal memiliki beberapa layers. Pada lecture note ini, secara umum ada tiga layers: input, hidden, dan output layer. Input layer menerima input (tanpa melakukan operasi apapun), kemudian nilai input (tanpa dilewatkan ke fungsi aktivasi) diberikan ke hidden units (persamaan 11.6). Pada hidden units, input diproses dan dilakukan perhitungan hasil fungsi aktivasi untuk tiap-tiap neuron, lalu hasilnya diberikan ke layer berikutnya (persamaan 11.7). Output dari input layer akan diterima sebagai input bagi hidden layer. Begitupula seterusnya hidden layer akan mengirimkan hasilnya untuk output layer.

Kegiatan ini dinamakan feed forward [41, 4]. Hal serupa berlaku untuk artificial neural network dengan lebih dari tiga layers. Parameter neuron dapat dioptimisasi menggunakan metode gradient-based optimization (dibahas pada subabb berikutnya, ingat kembali bab 5). Perlu diperhatikan, MLP adalah gabungan dari banyak fungsi non-linear. Seperti yang disampaikan pada subbab sebelumnya, gabungan banyak fungsi non-linear ini lebih hebat dibanding single perceptron. Seperti yang kamu lihat pada Gambar 11.5, masing-masing neuron terkoneksi dengan semua neuron pada layer berikutnya. Konfigurasi ini disebut sebagai fully connected. MLP pada umumnya menggunakan konfigurasi fully connected.



Gambar 11.5. Multilayer Perceptron 2

$$o_j = \sigma \left(\sum_{k=1}^K x_k w_{k,j} + \beta_j \right)$$
 (11.6)

$$v_i = \sigma \left(\sum_{j=1}^J o_j u_{j,i} + \gamma_i \right) = \sigma \left(\sum_{j=1}^J \sigma \left(\sum_{k=1}^K x_k w_{k,j} + \beta_j \right) u_{j,i} + \gamma_i \right)$$
(11.7)

Perhatikan persamaan 11.6 dan 11.7 untuk menghitung output pada layer yang berbeda. u, w adalah learning parameters. β, γ melambangkan noise atau bias. K adalah banyaknya input units dan J adalah banyaknya hidden units.

Persamaan 11.7 dapat disederhanakan penulisannya sebagai persamaan 11.8. Persamaan 11.8 terlihat relatif lebih "elegan". Seperti yang disebutkan pada subbab sebelumnya, ANN dapat direpresentasikan dengan notasi operasi aljabar.

$$\mathbf{v} = \sigma(\mathbf{o}\mathbf{U} + \gamma) = \sigma((\sigma(\mathbf{x}\mathbf{W} + \beta))\mathbf{U} + \gamma) \tag{11.8}$$

Untuk melatih MLP, algoritma yang umumnya digunakan adalah back-propagation [50]. Arti kata backpropagation sulit untuk diterjemahkan ke dalam bahasa Indonesia. Kita memperbaharui parameter (synapse weights) secara bertahap (dari output ke input layer, karena itu disebut backpropagation) berdasarkan error/loss (output dibandingkan dengan desired output). Intinya adalah mengkoreksi synapse weight dari output layer ke hidden layer, kemudian error tersebut dipropagasi ke layer sebelum-sebelumnya. Artinya, perubahan synapse weight pada suatu layer dipengaruhi oleh perubahan synapse weight pada layer setelahnya. Backpropagation tidak lain dan tidak bukan adalah metode gradient-based optimization yang diterapkan pada ANN.

Pertama-tama diberikan pasangan input (\mathbf{x}) dan desired output (\mathbf{y}) sebagai training data. Untuk meminimalkan loss, algoritma backpropagation menggunakan prinsip gradient descent (ingat kembali materi bab model linear). Kamu akan memperlajari bagaimana cara menurunkan backpropagation menggunakan teknik gradient descent, yaitu menghitung loss ANN pada Gambar 11.5 \mathbf{yang} menggunakan fungsi aktivasi sigmoid. Untuk fungsi aktivasi lainnya, pembaca dapat mencoba menurunkan persamaan sendiri!

Ingat kembali chain rule pada perkuliahan diferensial

$$f(g(x))' = f'(g(x))g'(x).$$
 (11.9)

Error, untuk MLP diberikan oleh persamaan 11.10 (untuk satu data point), dimana I adalah banyaknya output unit dan θ adalah kumpulan weight matrices (semua parameter pada MLP). Kami inggatkan kembali perhitungan error bisa juga menggunakan nilai absolut⁶.

$$E(\theta) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{I} (y_i - v_i)^2$$
 (11.10)

Mari kita lakukan proses penurunan untuk melatih MLP. Error/loss diturunkan terhadap tiap learning parameter.

Diferensial $u_{j,i}$ diberikan oleh turunan sigmoid function

$$\frac{\delta E(\theta)}{\delta u_{j,i}} = (y_i - v_i) \frac{\delta v_i}{\delta u_{j,i}}$$
$$= (y_i - v_i) v_i (1 - v_i) o_i$$

⁵ Kata "setelah" mengacu *layer* yang menuju *output layer*, "sebelum" mengacu layer yang lebih dekat dengan *input layer*.

 $^{^{\}rm 6}$ Kami menggunakan tanda kurung agar lebih mudah dibaca penurunan rumusnya.

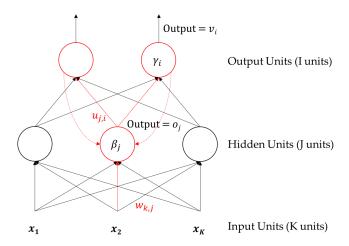
Diferensial $w_{k,j}$ diberikan oleh turunan sigmoid function

$$\frac{\delta E(\theta)}{\delta w_{k,j}} = \sum_{i=1}^{I} (y_i - v_i) \frac{\delta v_i}{\delta w_{k,j}}$$

$$= \sum_{i=1}^{I} (y_i - v_i) \frac{\delta v_i}{\delta o_j} \frac{\delta o_j}{\delta w_{k,j}}$$

$$= \sum_{i=1}^{I} (y_i - v_i) (v_i (1 - v_i) u_{j,i}) (o_j (1 - o_j) x_k)$$

Perhatikan, diferensial $w_{k,j}$ memiliki \sum sementara $u_{j,i}$ tidak ada. Hal ini disebabkan karena $u_{j,i}$ hanya berkorespondensi dengan satu output neuron. Sementara $w_{k,j}$ berkorespondensi dengan banyak output neuron. Dengan kata lain, nilai $w_{k,j}$ mempengaruhi hasil operasi yang terjadi pada banyak output neuron, sehingga banyak neuron mempropagasi error kembali ke $w_{k,j}$. Ilustrasi diberikan pada Gambar 11.6.



Gambar 11.6. Justifikasi penggunaan \sum pada penurunan dari hidden ke input layer

Metode penurunan serupa dapat juga digunakan untuk menentukan perubahan β dan γ . Jadi proses backpropagation untuk kasus Gambar 11.5 dapat diberikan seperti pada Gambar 11.7 dimana η adalah learning rate. Untuk artificial neural network dengan lebih dari 3 layers, kita pun bisa menurunkan

persamaannya. Secara umum, proses melatih ANN (apapun variasi arsitekturnya) mengikuti framework perceptron training rule (subbab 11.2).

(2) Hidden to Output
$$v_i = \sigma \left(\sum_{j=1}^J o_j u_{j,i} + \gamma_i \right)$$

$$(3) Output to Hidden
$$\delta_i = (y_i - v_i)v_i(1 - v_i)$$

$$\Delta u_{j,i} = -\eta(t)\delta_i o_j$$

$$\Delta \gamma_i = -\eta(t)\delta_i$$
(1) Input to Hidden Layer
$$o_j = \sigma \left(\sum_{k=1}^K x_k w_{k,j} + \beta_j \right)$$

$$\phi_j = \sum_{i=1}^I \delta_i u_{j,i} o_j (1 - o_j)$$

$$\Delta w_{k,j} = -\eta(t) \varphi_j x_k$$

$$\Delta \beta_j = -\eta(t) \varphi_j$$$$

Gambar 11.7. Proses latihan MLP menggunakan backpropagation

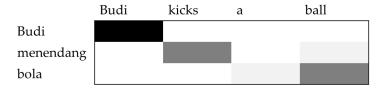
11.5 Interpretability

Interpretability and dua macam yaitu model interpretability (i.e., apakah struktur model pembelajaran mesin dapat dipahami) dan prediction interpretability (i.e., bagaimana memahami dan memverifikasi cara input dipetakan menjadi output) [51]. Contoh teknik pembelajaran mesin yang mudah diinterpretasikan baik secara struktur dan prediksinya adalah decision tree (bab 6.2). Struktur decision tree berupa pohon keputusan mudah dimengerti oleh manusia dan prediksi (keputusan) dapat dilacak (trace). Seperti yang sudah dijelaskan pada bagian pengantar, ANN (MLP) biasanya dianggap sebagai metode black box atau susah untuk dinterpretasikan (terutama model interpretability-nya). Hal ini disebabkan oleh kedalaman (depth) yaitu memiliki beberapa layer dan non-linearities. Suatu unit pada output layer dipengaruhi oleh kombinasi (arbitrary combination) banyak parameter pada layers sebelumnya yang dilewatkan pada fungsi non-linear. Sulit untuk mengetahui bagaimana pengaruh bobot suatu unit pada suatu layer berpengaruh pada output layer, beserta bagaimana pengaruh kombinasi bobot. Intinya, fitur dan output tidak memiliki korespondensi satu-satu. Berbeda dengan model linear, kita tahu parameter (dan bobotnya) untuk setiap input. Salah satu arah riset adalah mencari cara agar keputusan yang dihasilkan oleh ANN dapat dijelaskan [52]⁷, salah satu contoh nyata adalah attention mechanism [53, 54]

⁷ Karena struktur lebih susah, setidaknya beranjak dari keputusan terlebih dahulu

(subbab 13.4.4) untuk prediction interpretability. Survey tentang interpretability dapat dibaca pada paper oleh Doshi-Velez dan Kim [55].

Cara paling umum untuk menjelaskan keputusan pada ANN adalah menggunakan heat map. Sederhananya, kita lewatkan suatu data \mathbf{x} pada ANN, kemudian kita lakukan feed-forward sekali (misal dari input ke hidden layer dengan parameter \mathbf{W}). Kemudian, kita visualisasikan $\mathbf{x} \cdot \mathbf{W}$ (ilustrasi pada Gambar 11.8). Dengan ini, kita kurang lebih dapat mengetahui bagian input mana yang berpengaruh terhadap keputusan di layer berikutnya.



Gambar 11.8. Contoh heat map (attention mechanism) pada mesin translasi. Warna lebih gelap menandakan bobot lebih tinggi. Sebagai contoh, kata "menendang" berkorespondensi paling erat dengan kata "kicks"

11.6 Binary Classification

Salah satu strategi untuk binary classification adalah dengan menyediakan hanya satu output unit di jaringan. Kelas pertama direpresentasikan dengan -1, kelas kedua direpresentasikan dengan nilai 1 (setelah diaktivasi). Hal ini dapat dicapai dengan fungsi non-linear seperti sign⁸ atau tanh⁹. Apabila kita tertarik dengan probabilitas masuk ke dalam suatu kelas, kita dapat menggunakan fungsi seperti sigmoid¹⁰, dimana output pada masing-masing neuron berada pada range nilai [0,1].

11.7 Multi-class Classification

Multilayer perceptron dapat memiliki output unit berjumlah lebih dari satu. Seumpama kita mempunyai empat kelas, dengan demikian kita dapat merepresentasikan keempat kelas tersebut sebagai empat output units. Kelas pertama direpresentasikan dengan unit pertama, kelas kedua dengan unit kedua, dst. Untuk C kelas, kita dapat merepresentasikannya dengan C output units. Kita dapat merepresentasikan data harus dimasukkan ke kelas mana

⁸ https://en.wikipedia.org/wiki/Sign_function

⁹ https://en.wikipedia.org/wiki/Hyperbolic_function

¹⁰ https://en.wikipedia.org/wiki/Sigmoid_function

menggunakan $sparse\ vector$, yaitu bernilai 0 atau 1. Elemen ke-i bernilai 1 apabila data masuk ke kelas c_i , sementara nilai elemen lainnya adalah 0 (ilustrasi pada Gambar 11.9). Output ANN dilewatkan pada suatu fungsi softmax yang melambangkan probabilitas class-assignment; i.e., kita ingin output agar semirip mungkin dengan $sparse\ vector\ (desired\ output)$. Pada kasus ini, output ANN adalah sebuah distribusi yang melambangkan $input\ di-assign\ ke$ kelas tertentu. Ingat kembali materi bab 5, $cross\ entropy$ cocok digunakan sebagai $utility\ function\ ketika\ output\ berbentuk\ distribusi$.

г1	0	0	0٦	Kelas pertama
0	1	0	0	Kelas kedua
0	0	1	0	Kelas ketiga
L_0	0	0	1	Kelas keempat

Gambar 11.9. Ilustrasi representasi desired output pada multi-class classification

11.8 Multi-label Classification

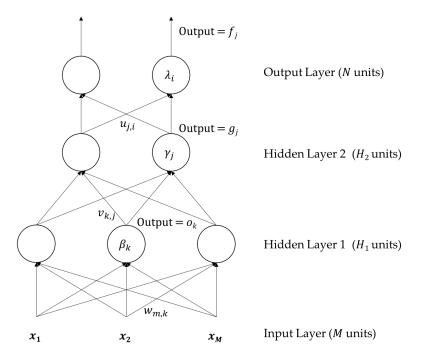
Seperti halnya multi-class classification, kita dapat menggunakan sejumlah C neuron untuk merepresentasikan C kelas pada multi-label classification. Seperti yang sudah dijelaskan pada bab 5, perbedaan multi-class dan multi-label terletak pada cara interpretasi output dan evaluasi output. Pada umumnya, layer terakhir diaktivasi dengan fungsi sigmoid, dimana tiap neuron n_i merepresentasikan probabilitas suatu dapat diklasifikasikan sebagai kelas c_i atau tidak (Gambar 11.10). $Cross\ entropy$ juga cocok untuk mengevaluasi (dan melatih) multi-label classification.

$$\begin{bmatrix} c_1 & c_2 & c_3 & c_4 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{array}{c} \mathsf{Label} = c_1, c_3 \\ \mathsf{Label} = c_2 \\ \mathsf{Label} = c_1, c_4 \\ \mathsf{Label} = c_2, c_3, c_4 \\ \end{bmatrix}$$

Gambar 11.10. Ilustrasi representasi desired output pada multi-label classification

11.9 Deep Neural Network

Deep Neural Network (DNN) adalah artificial neural network yang memiliki banyak layer. Pada umumnya, deep neural network memiliki lebih dari 3 layers



Gambar 11.11. Deep Neural Network

(input layer, N hidden layers, output layer), dengan kata lain adalah MLP dengan lebih banyak layer. Karena ada relatif banyak layer, disebutlah deep. Proses pembelajaran pada DNN disebut sebagai deep learning¹¹ [9]. Jaringan neural network pada DNN disebut deep neural network¹².

Perhatikan Gambar 11.11 yang memiliki 4 layers. Cara menghitung final output sama seperti MLP, diberikan pada persamaan 11.11 dimana β, γ, λ adalah noise atau bias.

$$f_{i} = \sigma \left(\sum_{j=1}^{H_{2}} u_{j,i} \sigma \left(\sum_{k=1}^{H_{1}} v_{k,j} \sigma \left(\sum_{m=1}^{M} x_{m} w_{m,k} + \beta_{k} \right) + \gamma_{j} \right) + \lambda_{i} \right)$$
(11.11)

Cara melatih deep neural network, salah satunya dapat menggunakan back-propagation. Seperti pada bagian sebelumnya, kita hanya perlu menurunkan rumusnya saja. **Penurunan diserahkan pada pembaca sebagai latihan**. Hasil proses penurunan dapat dilihat pada Gambar 11.12.

¹¹ Hanya istilah keren saja, tak ada arti spesial!

 $^{^{12}}$ Terkadang disingkat menjadi $deep\ network$ saja.

(3) Hidden 2 to Output
$$f_{i} = \sigma \left(\sum_{j=1}^{H_{2}} g_{j} u_{j,i} + \lambda_{i} \right)$$
(4) Output to Hidden 2
$$\delta_{i} = (y_{i} - f_{i}) f_{i} (1 - f_{i})$$

$$\Delta u_{j,i} = -\eta(t) \delta_{i} g_{j}$$

$$\Delta \lambda_{i} = -\eta(t) \delta_{i}$$
(2) Hidden 1 to Hidden 2
$$g_{j} = \sigma \left(\sum_{k=1}^{H_{1}} o_{k} v_{k,j} + \gamma_{j} \right)$$

$$\sum_{i=1}^{N} \delta_{i} u_{j,i} g_{j} (1 - g_{j})$$

$$\Delta v_{k,j} = -\eta(t) \varphi_{j} o_{k}$$

$$\Delta \gamma_{j} = -\eta(t) \varphi_{j}$$
(1) Input to Hidden Layer
$$o_{k} = \sigma \left(\sum_{m=1}^{M} x_{m} w_{m,k} + \beta_{k} \right)$$

$$\Delta w_{m,k} = -\eta(t) \mu_{k} x_{m}$$

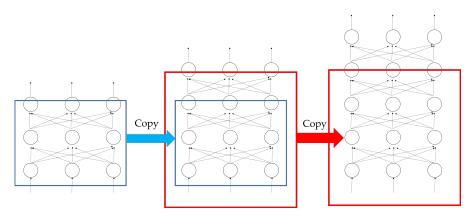
$$\Delta \beta_{k} = -\eta(t) \beta_{k}$$

Gambar 11.12. Proses latihan DNN menggunakan backpropagation

Deep network terdiri dari banyak layer dan synapse weight, karenanya estimasi parameter susah dilakukan. Arti filosofisnya adalah susah/lama untuk menentukan relasi antara input dan output. Walaupun deep learning sepertinya kompleks, tetapi entah kenapa dapat bekerja dengan baik untuk permasalahan praktis [9]. Deep learning dapat menemukan relasi "tersembunyi" antara input dan output, yang tidak dapat diselesaikan menggunakan multilayer perceptron (3 layers). Perhatikan, kamu harus ingat bahwa satu langkah feedforward memiliki analogi dengan transformasi. Jadi, input ditransformasikan secara non-linear sampai akhirnya pada output, berbentuk distribusi class-assignment.

Banyak orang percaya deep neural network lebih baik dibanding neural network yang lebar tapi sedikit layer, karena terjadi lebih banyak transformasi. Maksud lebih banyak transformasi adalah kemampuan untuk merubah input menjadi suatu representasi (tiap hidden layer dapat dianggap sebagai salah satu bentuk representasi input) dengan langkah hierarchical. Seperti contoh permasalahan XOR, permasalahan non-linearly separable pun dapat diselesaikan apabila kita dapat mentransformasi data (representasi data) ke dalam bentuk linearly separable pada ruang yang berbeda. Keuntungan utama deep learning adalah mampu merubah data dari non-linearly separable menjadi linearly separable melalui serangkaian transformasi (hidden layers). Selain itu, deep learning juga mampu mencari decision boundary yang berbentuk non-linear, serta mengsimulasikan interaksi non-linear antar fitur.

Karena memiliki banyak parameter, proses latihan ANN pada umumnya lambat. Ada beberapa strategi untuk mempercepat pembelajaran menggunakan deep learning, misalnya: regularisasi, successive learning, dan penggunaan autoencoder [9]. Sebagai contoh, arti successive learning adalah jaringan yang dibangun secara bertahap. Misal kita latih ANN dengan 3 layers, kemudian kita lanjutkan 3 layers tersebut menjadi 4 layers, lalu kita latih lagi menjadi 5 layers, dst. Hal ini sesuai dengan [56], yaitu mulai dari hal kecil. Ilustrasinya dapat dilihat pada Gambar 11.13. Menggunakan deep learning harus hati-hati karena pembelajaran cenderung divergen (artinya, minimum squared error belum tentu semakin rendah seiring berjalannya waktu – swing relatif sering).



Gambar 11.13. Contoh successive learning

11.10 Tips

Pada contoh yang diberikan, error atau loss dihitung per tiap data point. Artinya begitu ada melewatkan suatu input, parameter langsung dioptimisasi sesuai dengan loss. Pada umumnya, hal ini tidak baik untuk dilakukan karena ANN menjadi tidak stabil. Metode yang lebih baik digunakan adalah teknik minibatches. Yaitu mengoptimisasi parameter untuk beberapa buah inputs. Jadi, update parameter dilakukan per batch. Perhitungan error juga berubah, diberikan pada persamaan 11.12 dimana B melambangkan batch size (jumlah instans per batch), y adalah desired output dan o adalah actual output. Perhitungan error saat menggunakan minibatches secara sederhana adalah rata-rata (bisa diganti dengan jumlah saja) individual error untuk semua instans yang ada pada batch bersangkutan. Setelah menghitung error per batch, barulah backpropagation dilakukan.

$$E(\text{minibatch}) = \frac{1}{B} \sum_{i=1}^{B} \|\mathbf{y} - \mathbf{o}\|^2$$
 (11.12)

Data mana saja yang dimasukkan ke suatu batch dalam dipilih secara acak. Seperti yang mungkin kamu sadari secara intuitif, urutan data yang disajikan saat training mempengaruhi kinerja ANN. Pengacakan ini menjadi penting agar ANN mampu mengeneralisasi dengan baik. Kita dapat mengatur laju pembelajaran dengan menggunakan learning rate. Selain menggunakan learning rate, kita juga dapat menggunakan momentum (subbab 5.6).

Pada library/API deep learning, learning rate pada umumnya berubahubah sesuai dengan waktu. Selain itu, tidak ada nilai khusus (rule-of-thumb) untuk learning rate terbaik. Pada umumnya, kita inisiasi learning rate dengan nilai {0.001, 0.01, 0.1, 1} [1]. Biasanya, kita menginisiasi proses latihan dengan nilai learning rate cukup besar, kemudian mengecil seiring berjalannya waktu¹³. Kemudian, kita mencari konfigurasi parameter terbaik dengan metode grid-search¹⁴, yaitu dengan mencoba-coba parameter secara exhaustive (brute-force) kemudian memilih parameter yang memberikan kinerja terbaik.

ANN sensitif terhadap inisialisasi parameter, dengan demikian banyak metode inisialisasi parameter misalkan, nilai synapse weights diambil dari distribusi binomial (silahkan eksplorasi lebih lanjut). Dengan hal ini, kinerja ANN dengan arsitektur yang sama dapat berbeda ketika dilatih ulang dari awal. Untuk menghindari bias inisialisasi parameter, biasanya ANN dilatih beberapa kali (umumnya 5, 10, atau 15 kali). Kinerja ANN yang dilaporkan adalah nilai kinerja rata-rata dan varians (variance). Kamu mungkin sudah menyadari bahwa melatih ANN harus telaten, terutama dibanding model linear. Untuk model linear, ia akan memberikan konfigurasi parameter yang sama untuk training data yang sama (kinerja pun sama). Tetapi, ANN dapat konfigurasi parameter yang berbeda untuk training data yang sama (kinerja pun berbeda). Pada model linear, kemungkinan besar variasi terjadi saat mengganti data. Pada ANN, variasi kinerja ada pada seluruh proses! Untuk membandingkan dua arsitektur ANN pada suatu dataset, kita dapat menggunakan $significance\ testing\ (arsitektur\ X\ lebih\ baik\ dari\ arsitektur\ Y\ secara\ signifikan$ dengan nilai p < threshold). Penulis merekomendasikan untuk membaca [57] perihal significance testing.

Apabila kamu pikir dengan seksama, ANN sebenarnya melakukan transformasi non-linear terhadap *input* hingga menjadi *output*. Parameter diperbarahui agar transformasi non-linear *input* bisa menjadi semirip mungkin dengan *output* yang diharapkan. Dengan hal ini, istilah "ANN" memiliki asosiasi yang dekat dengan "transformasi non-linear". Kami ingin kamu mengingat, ANN (apapun variasi arsitekturnya) adalah **gabungan fungsi non-**

 $^{^{\}rm 13}$ Analogi: ngebut saat baru berangkat, kemudian memelan saat sudah dekat dengan tujuan agar tidak kelewat

¹⁴ https://en.wikipedia.org/wiki/Hyperparameter_optimization

linear, dengan demikian ia mampu mengaproksimasi fungsi non-linear (*decision boundary* dapat berupa fungsi non-linear).

Deep learning menjadi penting karena banyaknya transformasi (banyaknya hidden layers) lebih penting dibanding lebar jaringan. Seringkali (pada permasalahan praktis), kita membutuhkan banyak transformasi agar input bisa menjadi output. Setiap transformasi (hidden layer) merepresentasikan input menjadi suatu representasi. Dengan kata lain, hidden layer satu dan hidden layer lainnya mempelajari bentuk representasi atau karakteristik input yang berbeda.

Curriculum learning juga adalah tips yang layak disebutkan (mention) [58]. Penulis tidak mengerti detilnya, sehingga pembaca diharapkan membaca sendiri. Intinya adalah memutuskan apa yang harus ANN pelajari terlebih dahulu (mulai dari mempelajari hal mudah sebelum mempelajari hal yang susah).

11.11 Regularization and Dropout

Seperti yang sudah dijelaskan pada model linear. Kita ingin model mengeneralisasi dengan baik (kinerja baik pada training data dan unseen examples). Kita dapat menambahkan fungsi regularisasi untuk mengontrol kompleksitas ANN. Regularisasi pada ANN cukup straightforward seperti regularisasi pada model linear (subbab 5.9). Kami yakin pembaca bisa mengeksplorasi sendiri.

Selain itu, agar ANN tidak "bergantung" pada satu atau beberapa synapse weights saja, kita dapat menggunakan dropout. Dropout berarti me-nol-kan nilai synapse weights dengan nilai rate tertentu. Misalkan kita nol-kan nilai 30% synapse weights (dropout rate= 0.3) secara random. Hal ini dapat dicapai dengan teknik masking, yaitu mengalikan synapse weights dengan suatu mask.

Ingat kembali ANN secara umum, persamaan 11.13 dimana \mathbf{W} adalah synapse weights, \mathbf{x} adalah input (dalam pembahasan saat ini, dapat merepresentasikan hidden state pada suatu layer), b adalah bias dan f adalah fungsi aktivasi (non-linear). Kita buat suatu mask untuk synapse weights seperti pada persamaan 11.14, dimana \mathbf{p} adalah vektor dan $p_i = [0,1]$ merepresentasikan synapse weight diikutsertakan atau tidak. r% (dropout rate) elemen vektor \mathbf{p} bernilai 0. Biasanya \mathbf{p} diambil dari bernoulli distribution [1]. Kemudian, saat feed forward, kita ganti synapse weights menggunakan mask seperti pada persamaan 11.15. Saat menghitung backpropagation, turunan fungsi juga mengikutsertakan mask (gradient di-mask). Kami sarankan untuk membaca paper oleh Srivastava et al. [59] tentang dropout pada ANN. Contoh implementasi dropout dapat dilihat pada pranala berikut 15. Teknik regularization dan dropout sudah menjadi metode yang cukup "standar" dan diaplikasikan pada berbagai macam arsitektur.

¹⁵ https://gist.github.com/yusugomori/cf7bce19b8e16d57488a

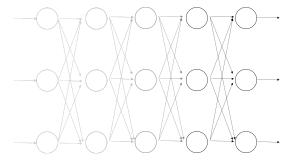
$$o = f(\mathbf{x} \cdot \mathbf{W} + b) \tag{11.13}$$

$$\mathbf{W}' = \mathbf{p} \cdot \mathbf{W} \tag{11.14}$$

$$o = f(\mathbf{x} \cdot \mathbf{W}' + b) \tag{11.15}$$

11.12 Vanishing and Exploding Gradients

Pada beberapa kasus, nilai gradien (ΔW - perubahan parameter) sangat kecil (mendekati nol - vanishing) atau sangat besar (explode). Vanishing gradient problem umum terjadi untuk ANN yang sangat dalam (deep), yaitu memiliki banyak layer. Hal ini juga terjadi pada arsitektur khusus, seperti recurrent neural network saat diberikan input yang panjang [60]. Turunan suatu fungsi bernilai lebih kecil dari fungsi tersebut. Artinya nilai gradient pada input layer bernilai lebih kecil dari output layer. Apabila kita memiliki banyak layer, nilai gradient saat backpropagation mendekati nol ketika diturunkan kembali dalam banyak proses. Ilustrasi vanishing gradient diberikan pada Gambar 11.14 (analogikan dengan heat map). Saat melakukan backpropagation, nilai gradien menjadi mendekati nol (warna semakin putih, delta nilai semakin menghilang). Penanganan permasalahan ini masih merupakan topik riset tersendiri. Sebagai contoh, pada arsitektur recurrent neural network, biasanya digunakan fungsi aktivasi long short term memory (LSTM) atau gated recurrent unit (GRU) untuk menangani vanishing gradient problem. Selain nilai gradien, nilai synapse weights juga bisa sangat kecil atau sangat besar. Hal ini juga tidak baik!



Gambar 11.14. Ilustrasi vanishing gradient problem

11.13 Rangkuman

Ada beberapa hal yang perlu kamu ingat, pertama-tama jaringan neural network terdiri atas:

- 1. Input layer
- 2. Hidden layer(s)
- 3. Output layer

Setiap edge yang menghubungkan suatu node dengan node lainnya disebut synapse weight. Pada saat melatih neural network kita mengestimasi nilai vang "bagus" untuk synapse weights.

Kedua, hal tersulit saat menggunakan neural network adalah menentukan topologi. Kamu bisa menggunakan berbagai macam variasi topologi neural network serta cara melatih untuk masing-masing topologi. Tetapi, suatu topologi tertentu lebih tepat untuk merepresentasikan permasalahan dibanding topologi lainnya. Menentukan tipe topologi yang tepat membutuhkan pengalaman.

Ketiga, proses training untuk neural network berlangsung lama. Secara umum, perubahan nilai synapse weights mengikuti tahapan (stage) berikut [9]:

- 1. Earlier state. Pada tahap ini, struktur global (kasar) diestimasi.
- 2. Medium state. Pada tahap ini, learning berubah dari tahapan global menjadi lokal (ingat steepest gradient descent).
- 3. Last state. Pada tahap ini, struktur detail sudah selesai diestimasi. Harapannya, model menjadi konvergen.

Neural network adalah salah satu learning machine yang dapat menemukan hidden structure atau pola data "implisit". Secara umum, learning machine tipe ini sering menjadi overfitting/overtraining, yaitu model memiliki kinerja sangat baik pada training data, tapi buruk pada testing data/unseen example. Oleh sebab itu, menggunakan neural network harus hati-hati.

Keempat, neural network dapat digunakan untuk supervised, semi-supervised, maupun unsupervised learning. Hal ini membuat neural network cukup populer belakangan ini karena fleksibilitas ini. Contoh penggunaan neural network untuk unsupervised learning akan dibahas pada bab 12. Semakin canggih komputer, maka semakin cepat melakukan perhitungan, dan semakin cepat melatih neural network. Hal ini adalah kemewahan yang tidak bisa dirasakan 20-30 tahun lalu.

Soal Latihan

11.1. Turunan

- (a) Turunkanlah perubahan noise/bias untuk training pada MLP.
- (b) Turunkanlah proses training deep neural network pada Gambar 11.12 termasuk perubahan noise/bias.

11.2. Neural Network Training

(a) Sebutkan dan jelaskan cara lain untuk melatih artificial neural network (selain backpropagation) (bila ada)!

- (b) Apa kelebihan dan kekurangan backpropagation?
- (c) Tuliskan persamaan MLP dengan menggunakan momentum! (kemudian berikan juga backpropagation-nya)

11.3. Regularization Technique

- (a) Sebutkan dan jelaskan teknik regularization untuk neural network! (dalam bentuk formula)
- (b) Mengapa kita perlu menggunakan teknik tersebut?

11.4. Softmax Function

- (a) Apa itu softmax function?
- (b) Bagaimana cara menggunakan softmax function pada neural network?
- (c) Pada saat kapan kita menggunakan fungsi tersebut?
- (d) Apa kelebihan fungsi tersebut dibanding fungsi lainnya?

11.5. Transformasi atribut

Secara alamiah neural network membutuhkan data dengan atribut numerik untuk klasifikasi. Jelaskan konversi/strategi penanganan atribut nominal pada $neural\ network!$