MATLAB Kursu

HAZIRLAYAN: BURAK ÖZPOYRAZ - burakozpoyraz@gmail.com

Table of Contents

DERS - 5		1
2-Boyutlu Grafik Cizo	dirme	1
	dirme	

DERS - 5

2-Boyutlu Grafik Çizdirme

MATLAB'de gerçekleştirilen neredeyse tüm projelerde, elde edilen sonuçları görmek için grafikler oluşturulur. Örneğin

- · Matematiksel fonksiyonları,
- Rastlantı değişkenlerinin olasılık yoğunluk fonksiyonlarını,
- · Bir sensörden toplanan verilerin nasıl dağıldığını,
- · Herhangi bir değişkenin başka bir değişkene göre nasıl değiştiğini,

ve daha birçok merak edileni gözlemlemek için grafikler oldukça sık kullanılırlar. MATLAB'de grafik çizdirmek için kulanılan en temel fonksiyon **plot** fonksiyonudur. Örneğin bir sinüs fonksiyonu aşağıdaki gibi çizdirilebilir.

```
theta = 0 : 0.5 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
```

Grafiğin arka planını ızgara biçiminde yapmak grafiği ve verileri gözlemlemeyi kolaylaştırır. Bunun için **grid** fonksiyonu kullanılabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
grid;
```

Eksenlerin değer aralıklarını iyi ayarlamak gerekir, yoksa veriler doğru gözlemlenemez. Örneğin sinüs fonksiyonunun -1 ile 1 arasında dağıldığı bilinmektedir ve eğer sinüs fonksiyonu -1000 ile 1000 arasındaki değerlerde incelenirse, sanki açıdan bağımsız olarak sabit kalan ve 0 olan bir fonksiyonmuş zannedilebilir. Eksenlerin değiştiği değer aralıkları farklı şekillerde ayarlanabilir. Bunun için ilk olarak axis fonksiyonu kullanılabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
axis([0 2 * pi -1000 1000]);
```

```
grid;
```

Eksen aralıkları aynı zamanda xlim ve ylim fonksiyonları kullanılarak da ayarlanabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Eksenleri isimlendirmek elde edilen grafiği anlamlandırmak adına oldukça önemlidir. Burada x-ekseninin hangi değişkeni temsil ettiğini göstermek için xlabel fonksiyonu kullanılırken, y-ekseninin hangi değişkeni temsil ettiğini göstermek için de ylabel fonksiyonu kullanılır. Grafiğe başlık koyabilmek için de title fonksiyonu kullanılır.

Yunan alfabesi değişken tanımlamalarında sıkça kullanıldığı için grafiklere eklenmesi gerekebilir. Hangi harfin nasıl yazılacağı MathWorks sitesinde detaylı bir tablo olarak verilmiştir:

Yunan Alfabesi: https://www.mathworks.com/help/matlab/creating_plots/greek-letters-and-special-characters-in-graph-text.html

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
title("Sinüs Dalgası");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Eksenlerde çoklu satırlar oluşturulabilir. Örneğin x-ekseninde hem değişken hem de figür için ekstra bilgi aşağıdaki gibi eklenebilir:

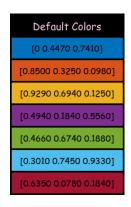
```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta (rad)","(a)"]);
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Eksenlerdeki yazıların boyutları, tipleri ve renkleri de isteğe göre değiştirilebilir. Bunun için de kod aşağıdaki gibi düzenlenebilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave);
title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta (rad)","(a)"], "FontSize", 10, "FontWeight", "bold", "Color", "r");
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

MATLAB'de bazı harfler hazır olarak bazı renkler için tanımlanmıştır:





Ancak bunlar haricinde de RGB renk kodları ile istenen renk elde edilebilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave, "Color", [0.8500 0.3250 0.0980]);
title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta (rad)","(a)"]);
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Grafiğin kalınlığı da isteğe göre ayarlanabilir.

```
grid;
```

Grafik sadece düz çizgi şeklinde olmak zorunda değildir, isteğe göre değiştirilebilir.

Grafiğin kalınlığı ve rengi değiştirilmeden sadece verilerin gösterildiği şekillerin kalınlığı ve rengi de değiştirilebilir.

Birden fazla veri aynı grafik üzerinde gözlemlenebilir. Bunun için **hold on** fonksiyonu kullanılabilir. Tüm çizim kodları tamamlandıktan sonra da **hold off** fonksiyonu ile çizimin bittiği bildirilmelidir ki sonraki çizimler de bu grafik üzerinde çıkmasın. Örneğin bir sinüs ve bir kosinüs fonksiyonu aynı grafik üzerinde aşağıdaki gibi gösterilebilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);

plot(theta, sine_wave);
hold on;
plot(theta, cos_wave);
hold off;
```

```
title("Sinüs ve Kosinüs Dalgaları");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Birden fazla veri aynı grafik üzerinde gösterilirken karışıklık olmaması açısından verileri tanımlamak gerekir. Bunun için de **1egend** fonksiyonu kullanılır.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);

plot(theta, sine_wave);
hold on;
plot(theta, cos_wave);
hold off;

title("Sinüs ve Kosinüs Dalgaları");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
legend("Sinüs", "Kosinüs");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Birden fazla veriyi ayrık grafiklerde ancak tek bir figür olarak göstermek için subplot fonksiyonu kullanılabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);
x = -10 : 10;
square_x = x.^2;
cube_x = x.^3;
subplot(2, 2, 1);
plot(theta, sine_wave, "LineWidth", 2,...
                       "Color", [0.9290 0.6940 0.1250]);
title("Sinus");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
grid;
subplot(2, 2, 2);
plot(theta, cos_wave, "LineWidth", 2,...
                      "Color", [0 0.4470 0.7410]);
title("Kosinüs");
```

```
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
grid;
subplot(2, 2, 3);
plot(x, square_x, "--",...
                  "LineWidth", 2,...
                  "Color", [0.4660 0.6740 0.1880]);
title("x^{2}");
xlabel("x");
ylabel("Fonksiyon");
grid;
subplot(2, 2, 4);
plot(x, cube_x, "-.",...
                "LineWidth", 2,...
                "Color", [0.4940 0.1840 0.5560]);
title("x^{3}");
xlabel("x");
ylabel("Fonksiyon");
grid;
```



MATLAB Live Script kapsamında yazılan programlara interaktif kontroller eklenebilir. Bunun için **LIVE EDITOR** sekmesinde **Control** kısmından istenen interaktif kontrol eklenebilir. Örneğin Gibbs teoremi interaktif bir slider ile çalıştırılabilir. Gibbs teoremine göre çok sayıda sinüs fonksiyonu aşağıda verilen formatta toplanırsa kare fonksiyon elde edilebilir:

square
$$(x, n) = \sin(x) + \frac{1}{3}\sin(3x) + \frac{1}{5}\sin(5x) + \dots + \frac{1}{n}\sin(nx)$$

İnteraktif slider sayesinde değişen n değerleri için sinüs fonksiyonlarının kare fonksiyona ne kadar yaklaştığı dinamik olarak gözlemlenebilir.

Plot komutuna alternatif olarak başka çizdirme fonksiyonları da vardır. Eğer y-ekseni logaritmik olarak çizdirilmek istenirse **semilogy** fonksiyonu kullanılabilir.

```
x = [1e-6 \ 1e-5 \ 1e-4 \ 1e-3 \ 1e-2 \ 1e-1 \ 1 \ 1e1 \ 1e2 \ 1e3 \ 1e4 \ 1e5];
figure;
subplot(1, 2, 1);
plot(x, "-o", "LineWidth", 1.5,...
               "Color", [0.8500 0.3250 0.0980],...
               "MarkerSize", 8,...
               "MarkerFaceColor", [0.8500 0.3250 0.0980]);
title("PLOT");
grid;
subplot(1, 2, 2);
semilogy(x, "-o", "LineWidth", 1.5,...
                   "Color", [0.3010 0.7450 0.9330],...
                   "MarkerSize", 8,...
                   "MarkerFaceColor", [0.3010 0.7450 0.9330]);
title("SEMILOGY");
grid;
```

Ayrık fonksiyonları göstermek için stem fonksiyonu kullanılabilir.

```
figure;
daily_temperatures = [-1 4 5 6 5 2];
days = [1 2 3 4 5 6];
stem(days, daily_temperatures);
xlabel("Days");
ylabel("Temperature");
grid;
```

Histogram çizdirmek için **histogram** fonksiyonu kullanılabilir. Histogram, bir vektörü eşit aralıklara böler ve her bir aralıkta kaçar tane eleman olduğunu gösterir. Aslında vektörün dağılımını verir.

```
% Uniform distribution between 0 and 1.
uni_vec = rand(1, 1e5);
histogram(uni_vec);
grid;

% Uniform distribution of integers between 1 and 5
uni_int_vec = randi([1, 5], [1, 1e5]);
h1 = histogram(uni_int_vec);
h1.Normalization = "pdf";
grid;

% Gaussian distribution with means -4, -2, 2, and 4
gaussian_vec = randn(1, 1e5) - 4;
```

```
h2 = histogram(gaussian vec);
h2.Normalization = "pdf";
hold on;
gaussian_vec = randn(1, 1e5) - 2;
h3 = histogram(gaussian_vec);
h3.Normalization = "pdf";
hold on;
gaussian vec = randn(1, 1e5) + 2;
h4 = histogram(gaussian_vec);
h4.Normalization = "pdf";
hold on;
gaussian_vec = randn(1, 1e5) + 4;
h5 = histogram(gaussian vec);
h5.Normalization = "pdf";
grid;
% Exponential distribution with lambda 0.8, 1, and 1.2
x = 0 : 5e-5 : 5;
lambda = 0.8;
exponential_vec = lambda * exp(-lambda * x);
h6 = histogram(exponential vec);
h6.Normalization = "pdf";
hold on;
lambda = 1;
exponential vec = -lambda * exp(-lambda * x);
h7 = histogram(exponential_vec);
h7.Normalization = "pdf";
hold on;
lambda = 1.2;
exponential vec = lambda * exp(-lambda * x);
h8 = histogram(exponential_vec);
h8.Normalization = "pdf";
grid;
```

3-Boyutlu Grafik Çizdirme

İki değişkene bağlı olan fonksiyonların grafiklerini incelemek ve bazı üç boyutlu modellemeleri gerçekleştirmek için üç boyutlu grafikler gerekmektedir. Üç boyutlu grafikleri elde etmek için öncelikle **meshgrid** fonksiyonu kullanılmalıdır. Bu fonksiyon iki adet matris oluşturur:

- 1. Her satırında x vektörünü (birinci bağımsız değişken) içeren bir \mathbf{X} matrisi
- 2. Her sütununda y vektörünü (ikinci bağımsız değişken) içeren bir Y matrisi

Sonra bu matrisler kullanılarak x ve y değişkenlerine bağlı olan bağımsız değişken **surf** fonksiyonu ile çizdirilir.

Örneğin $f(x, y) = xe^{-x^2-y^2}$ fonksiyonu, $x \in [-2, 2]$ ve $y \in [-4, 4]$ aralıkları için üç boyutlu olarak aşağıdaki gibi çizdirilebilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -4 : 0.15 : 4;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X, Y, Z);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Üç boyutlu çizim haritadaki farklı değerler için farklı renkler almaktadır. Bu renk skalası **colormap** fonksiyonu kullanılarak değiştirilebilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -4 : 0.15 : 4;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X, Y, Z);
colormap(prism);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Benzer bir biçimde mesh fonksiyonu kullanılarak da aynı grafik yüzeyler boş kalacak şekilde elde edilebilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -4 : 0.15 : 4;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
mesh(X, Y, Z);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

İzohips benzeri bir grafik elde edebilmek için contour fonksiyonu kullanılabilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -4 : 0.15 : 4;
[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
```

```
contour(X, Y, Z, 10);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Son olarak da hem üç boyutlu grafiği hem de izdüşümünü görmek için **surfc** fonksiyonu kullanılabilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -4 : 0.15 : 4;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surfc(X, Y, Z);
colormap(lines)
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

