

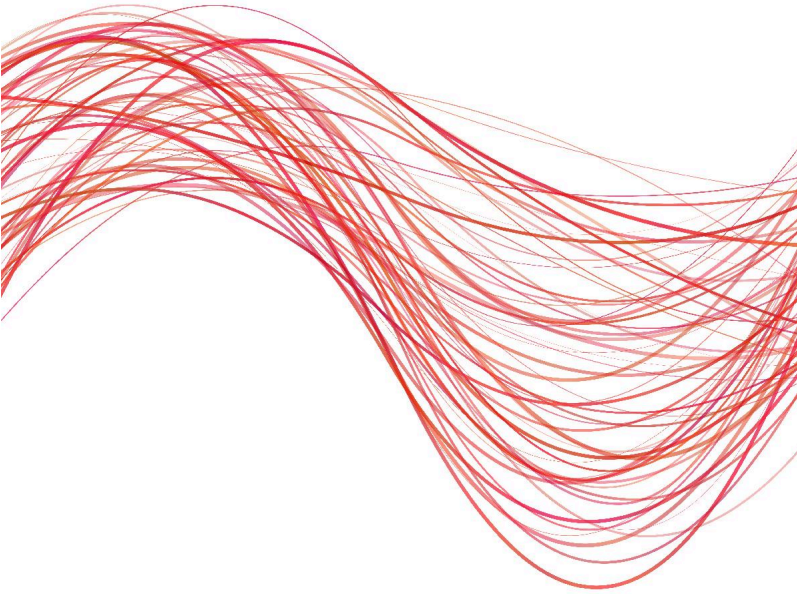
MATLAB Kursu

HAZIRLAYAN: BURAK ÖZPOYRAZ - burakozpoyraz@gmail.com

Table of Contents

DERS - 5.....	1
2-Boyutlu Grafik Çizdirme.....	1
3-Boyutlu Grafik Çizdirme.....	9

DERS - 5



2-Boyutlu Grafik Çizdirme

MATLAB'de gerçekleştirilen neredeyse tüm projelerde, elde edilen sonuçları görmek için grafikler oluşturulur. Örneğin

- Matematiksel fonksiyonları,
- Rastlantı değişkenlerinin olasılık yoğunluk fonksiyonlarını,
- Bir sensörden toplanan verilerin nasıl dağıldığını,
- Herhangi bir değişkenin başka bir değişkene göre nasıl değiştiğini,

ve daha birçok merak edileni gözlemlemek için grafikler ve çizimler oldukça sık kullanılırlar. MATLAB'de grafik çizdirmek için kullanılan en temel hazır fonksiyon `plot` fonksiyonudur. Örneğin bir sinüs dalgasını çizdirebiliriz.

```
theta = 0 : 0.5 : 2 * pi;
```

```
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);
```

Grafiğin arka planını ızgara biçiminde yapmak grafiği ve verileri gözlemlemeyi kolaylaştırır. Bunun için hazır fonksiyonunu kullanabiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
grid;
```

Eksenlerin değer aralıklarını iyi ayarlamak gerekir, yoksa verileri doğru gözlemleyemeyiz. Örneğin sinüs dalgasının -1 ile 1 arasında dağıldığını biliyoruz ve eğer sinüs dalgasını -1000 ile 1000 arasındaki değerlerde incelersek sanki açıdan bağımsız olarak sabit kalan ve 0 olan bir fonksiyonmuş zannedebiliriz. Eksenlerin değiştiği değer aralıklarını farklı şekillerde ayarlayabiliriz. Bunun için ilk olarak hazır fonksiyonu kullanılabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
axis([0 2 * pi -1000 1000]);  
grid;
```

Eksen aralıklarını aynı zamanda ve fonksiyonlarını kullanarak da ayarlayabiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
xlim([0 2 * pi]);  
ylim([-2 2]);  
grid;
```

Eksenleri isimlendirmek elde edilen grafiği anlamlandırmak adına oldukça önemlidir. Burada x-ekseninin hangi değişkeni temsil ettiğini göstermek için hazır fonksiyonu kullanılırken, y-ekseninin hangi değişkeni temsil ettiğini göstermek için de hazır fonksiyonu kullanılır. Grafiğe başlık koyabilmek için de hazır fonksiyonu kullanılır. Yunan alfabesi değişken tanımlamalarında sıkça kullanıldığı için grafiklere eklemek ihtiyacı hissedebilirsiniz. Hangi harfin nasıl yazılacağı MathWorks sitesinde detaylı bir tablo olarak verilmiştir. Bunun için aşağıda verilen linki inceleyebilirsiniz:

- Yunan Alfabeti: https://www.mathworks.com/help/matlab/creating_plots/greek-letters-and-special-characters-in-graph-text.html

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
title("Sinüs Dalgası");  
xlabel("\theta (rad)");  
ylabel("Fonksiyon");  
xlim([0 2 * pi]);
```

```
ylim([-2 2]);  
grid;
```

Eksenlerde çoklu satırlar oluşturulabilir. Örneğin x-ekseninde θ 'nın birimini altına yazmak istersek aşağıdaki gibi gerçekleştirebiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
title("Sinüs Dalgası");  
xlabel(["\theta", "(rad)"]);  
ylabel("Fonksiyon");  
xlim([0 2 * pi]);  
ylim([-2 2]);  
grid;
```

Eksenlerdeki yazıların boyutları, tipleri ve renkleri de isteğe göre değiştirilebilir. Bunun için de kodu aşağıdaki gibi ayarlayabiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave);  
title("Sinüs Dalgası");  
xlabel(["\theta", "(rad)"], "FontSize", 10, "FontWeight", "bold", "Color", "r");  
ylabel("Fonksiyon");  
xlim([0 2 * pi]);  
ylim([-2 2]);  
grid;
```

MATLAB'de bazı harfler hazır olarak bazı renkler için tanımlanmıştır:

y	Yellow	Default Colors
m	Magenta	
c	Cyan	
r	Red	
g	Green	
b	Blue	
w	White	
k	Black	
		[0 0.4470 0.7410]
		[0.8500 0.3250 0.0980]
		[0.9290 0.6940 0.1250]
		[0.4940 0.1840 0.5560]
		[0.4660 0.6740 0.1880]
		[0.3010 0.7450 0.9330]
		[0.6350 0.0780 0.1840]

Ancak bunlar haricinde de RGB renk kodları girerek istediğimiz rengi elde edebiliriz. Farklı renkler deneyerek grafiği tekrar oluşturalım.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;  
sine_wave = sin(theta);  
plot(theta, sine_wave, "Color", [0.8500 0.3250 0.0980]);  
title("Sinüs Dalgası");  
xlabel(["\theta", "(rad)"]);
```

```
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Grafiğin kalınlığını da istediğimiz gibi ayarlayabiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave, "Color", [0.8500 0.3250 0.0980], ...
      "LineWidth", 3);

title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta", "(rad)"]);
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Grafik sadece düz çizgi şeklinde olmak zorunda değildir, istediğimiz şekilde ayarlayabiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave, "v-", ...
      "Color", [0.8500 0.3250 0.0980], ...
      "LineWidth", 2);

title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta", "(rad)"]);
ylabel("Fonksiyon");
xlim([1.4 1.5]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Grafiğin kalınlığını ve rengini değiştirmeden verilerin gösterildiği şekillerin kalınlığını ve rengini de değiştirebiliriz.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
plot(theta, sine_wave, "o--", ...
      "Color", [0.8500 0.3250 0.0980], ...
      "LineWidth", 2, ...
      "MarkerEdgeColor", [0.8500 0.3250 0.0980], ...
      "MarkerFaceColor", [0.9290 0.6940 0.1250], ...
      "MarkerSize", 12);

title("Sinüs Dalgası");
xlabel(["\theta", "(rad)"]);
ylabel("Fonksiyon");
xlim([1.4 1.5]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Birden fazla veriyi aynı grafik üzerinde gözlemleyebiliriz. Bunun için hazır fonksiyonunu kullanabiliriz. Tüm çizim kodları tamamlandıktan sonra da fonksiyonu ile çizimin bittiğini bildirmeliyiz ki sonraki çizimler de bu grafik üzerinde çıkmasın. Örneğin bir sinüs ve bir kosinüs dalgasını aynı grafik üzerinde gösterelim.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);

plot(theta, sine_wave);
hold on;
plot(theta, cos_wave);
hold off;

title("Sinüs ve Kosinüs Dalgaları");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Birden fazla veri aynı grafik üzerinde gösterilirken karışıklık olmaması açısından verileri tanımlamak gerekir. Bunun için de hazır fonksiyonu kullanılır.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);

plot(theta, sine_wave);
hold on;
plot(theta, cos_wave);
hold off;

title("Sinüs ve Kosinüs Dalgaları");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
legend("Sinüs", "Kosinüs");
xlim([0 2 * pi]);
ylim([-2 2]);
grid;
```

Bir grafikte bir veri göstermek istiyorsak, ancak birden fazla veriyi de aynı anda gözlemlemek istiyorsak o zaman alt grafikler oluşturabiliriz. Bunun için fonksiyonu kullanılabilir.

```
theta = 0 : 0.01 : 2 * pi;
sine_wave = sin(theta);
cos_wave = cos(theta);

x = -10 : 10;
square_x = x.^2;
cube_x = x.^3;
```

```

subplot(2, 2, 1);
plot(theta, sine_wave, "LineWidth", 2,...
      "Color", [0.9290 0.6940 0.1250]);

title("Sinüs");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
grid;

subplot(2, 2, 2);
plot(theta, cos_wave, "LineWidth", 2,...
      "Color", [0 0.4470 0.7410]);

title("Kosinüs");
xlabel("\theta (rad)");
ylabel("Fonksiyon");
grid;

subplot(2, 2, 3);
plot(x, square_x, "--",...
      "LineWidth", 2,...
      "Color", [0.4660 0.6740 0.1880]);

title("x^{2}");
xlabel("x");
ylabel("Fonksiyon");
grid;

subplot(2, 2, 4);
plot(x, cube_x, "-.",...
      "LineWidth", 2,...
      "Color", [0.4940 0.1840 0.5560]);

title("x^{3}");
xlabel("x");
ylabel("Fonksiyon");
grid;

```

EXAMPLE





Gibbs teoremine göre çok sayıda sinüs fonksiyonu aşağıda verilen formatta toplanırsa kare fonksiyon elde edilebilir:

$$\text{square}(n) = \sin(x) + \frac{1}{3} \sin(3x) + \frac{1}{5} \sin(5x) + \dots + \frac{1}{n} \sin(nx)$$

Buradan yola çıkarak önce `isminde` bir fonksiyon yazınız. Bu fonksiyon girdi olarak bir `x` ve bir `n` vektörü alacaktır. Sonrasında `n` vektöründeki her bir `n` değeri için `square(n)` fonksiyonunu hesaplayacaktır ve bunları bir matriste birleştirecektir. Çıktı olarak da bu matris verilecektir. Örneğin 1., 5., 10. ve 100. dereceden toplamaları bulmak istersek girdiler ve çıktılar aşağıdaki gibi olmalıdır:

INPUTS		OUTPUT	
1	x	1	square(1)
2	[1, 5, 10, 100]		square(5)
			square(10)
			square(100)

Sonrasında bu $\text{square}(n)$ fonksiyonları 2x2 subplot olarak çizdirilecektir. Bu çizimde her bir subplot için olması beklenen özellikler aşağıda verilmiştir:

- x-Eksen: x
- y-Eksen: Sum of Sine Waves
- Başlık: n. Degree Sum
- Grafik Kalınlığı: 1.5
- Renkler:    

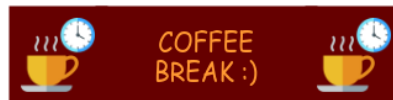
```
x = 0 : 1e-5 : 2 * pi;
n_array = [1 5 10 100];
wave_matrix = SquareWave(x, n_array);

color_matrix = [0 0.4470 0.7410;
                0.4940 0.1840 0.5560;
                0.4660 0.6740 0.1880;
                0.6350 0.0780 0.1840];

for i = 1 : length(n_array)
    n = n_array(i);
    subplot(2, 2, i);
    square_wave = wave_matrix(i, :);
    color = color_matrix(i, :);
    plot(x, square_wave, "-", ...
         "LineWidth", 1.5, ...
         "Color", color);
    title_string = strcat(string(n), ". Degree Sum");
    title(title_string);
    xlabel("x");
    ylabel("Sum of Sine Waves");
    grid;
end
```

Gibbs teoremi hakkında daha detaylı araştırma için aşağıdaki blog yazısını okuyabilirsiniz.

- <https://www.gaussianwaves.com/2010/04/gibbs-phenomena-a-demonstration/>



Plot komutuna alternatif olarak başka çizdirme fonksiyonları da vardır. Eğer y-ekseni logaritmik olarak çizdirilmek istenirse fonksiyonu kullanılabilir.

```
x = [1e-6 1e-5 1e-4 1e-3 1e-2 1e-1 1 1e1 1e2 1e3 1e4 1e5];

figure;
subplot(1, 2, 1);
plot(x, "-o", "LineWidth", 1.5,...
      "Color", [0.8500 0.3250 0.0980],...
      "MarkerSize", 8,...
      "MarkerFaceColor", [0.8500 0.3250 0.0980]);
title("PLOT");
grid;

subplot(1, 2, 2);
semilogy(x, "-o", "LineWidth", 1.5,...
          "Color", [0.3010 0.7450 0.9330],...
          "MarkerSize", 8,...
          "MarkerFaceColor", [0.3010 0.7450 0.9330]);
title("SEMILOGY");
grid;
```

Ayrık fonksiyonları göstermek için komutu kullanılabilir.

```
figure;
daily_temperatures = [-1 4 5 6 5 2];
days = [1 2 3 4 5 6];
stem(days, daily_temperatures);
xlabel("Days");
ylabel("Temperature");
grid;
```

Histogram çizdirmek için komutu kullanılabilir. Histogram, bir vektörü eşit aralıklara böler ve her bir aralıkta kaç tane eleman olduğunu gösterir. Aslında bize vektörün dağılımını verir.

```
% Uniform distribution between 0 and 1.
uni_vec = rand(1, 1e5);
histogram(uni_vec);
grid;

% Uniform distribution of integers between 1 and 5
uni_int_vec = randi([1, 5], [1, 1e5]);
h1 = histogram(uni_int_vec);
h1.Normalization = "pdf";
grid;

% Gaussian distribution with means -4, -2, 2, and 4
gaussian_vec = randn(1, 1e5) - 4;
h2 = histogram(gaussian_vec);
h2.Normalization = "pdf";
hold on;
```



```

gaussian_vec = randn(1, 1e5) - 2;
h3 = histogram(gaussian_vec);
h3.Normalization = "pdf";
hold on;

gaussian_vec = randn(1, 1e5) + 2;
h4 = histogram(gaussian_vec);
h4.Normalization = "pdf";
hold on;

gaussian_vec = randn(1, 1e5) + 4;
h5 = histogram(gaussian_vec);
h5.Normalization = "pdf";
grid;

% Exponential distribution with lambda 0.8, 1, and 1.2
x = 0 : 5e-5 : 5;

lambda = 0.8;
exponential_vec = lambda * exp(-lambda * x);
h6 = histogram(exponential_vec);
h6.Normalization = "pdf";
hold on;

lambda = 1;
exponential_vec = -lambda * exp(-lambda * x);
h7 = histogram(exponential_vec);
h7.Normalization = "pdf";
hold on;

lambda = 1.2;
exponential_vec = lambda * exp(-lambda * x);
h8 = histogram(exponential_vec);
h8.Normalization = "pdf";
grid;

```

3-Boyutlu Grafik Çizdirme

İki değişkene bağlı olan fonksiyonların grafiklerini incelemek ve bazı üç boyutlu modellemeleri gerçekleştirmek için üç boyutlu çizim yapmamız gerekmektedir. Bu çizimleri yapmadan önce kullanmamız gereken anahtar komut komutudur. Bu komut sonucunda iki adet matris oluşturur: Satırlarında her x (birinci değişken) değerleri olan bir matris ve her sütununda y (ikinci değişken) değerleri olan bir matris. Sonra bu matrisler kullanılarak x ve y değişkenlerine bağlı olan fonksiyon komutu ile çizdirilir. Örneğin $f(x, y) = xe^{-x^2-y^2}$ fonksiyonunu $x \in [-2, 2]$ ve $y \in [-2, 2]$ aralıkları için üç boyutlu olarak çizdirelim.

```

x = -2 : 0.15 : 2;
y = -2 : 0.15 : 2;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X, Y, Z);

```

```
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Üç boyutlu çizim haritadaki farklı değerler için farklı renkler almaktadır. Bu renk skalası komutu kullanılarak değiştirilebilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -2 : 0.15 : 2;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surf(X, Y, Z);
colormap(prism);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Benzer bir biçimde komutu kullanılarak da aynı grafik yüzeyler boş kalacak şekilde elde edilebilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -2 : 0.15 : 2;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
mesh(X, Y, Z);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Son olarak da izohips benzeri bir grafik elde edebilmek için komutu kullanılabilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -2 : 0.15 : 2;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
contour(X, Y, Z, 10);
xlabel("x");
ylabel("y");
zlabel("z");
```

Eğer hem üç boyutlu grafiği hem de izdüşümünü görmek istiyorsanız komutu kullanılabilir.

```
x = -2 : 0.15 : 2;
y = -2 : 0.15 : 2;

[X, Y] = meshgrid(x, y);
Z = X .* exp(-X.^2 - Y.^2);
surfc(X, Y, Z);
colormap(lines)
```

```
xlabel("x");  
ylabel("y");  
zlabel("z");
```

