



## Assignment of bachelor's thesis

|                                 |   |
|---------------------------------|---|
| <b>Title:</b>                   | Bounded Non-Linear Integer Constraint Solving |
| <b>Student:</b>                 | Leonid Burbygin                               |
| <b>Supervisor:</b>              | doc. Dipl.-Ing. Dr. techn. Stefan Ratschan    |
| <b>Study program:</b>           | Informatics                                   |
| <b>Branch / specialization:</b> | Computer Science                              |
| <b>Department:</b>              | Department of Theoretical Computer Science    |
| <b>Validity:</b>                | until the end of summer semester 2023/2024    |

### Instructions

Solving non-linear integer constraints (i.e., conjunctions and disjunctions of equalities and inequalities over the integers) is an undecidable problem. Still, SAT modulo theory (SMT) solvers contain sophisticated algorithms that can solve many instances of such constraints. Especially, the problem can be made trivially decidable by adding finite bounds to all variables. In this case, the sophisticated algorithms contained in SMT solvers are often an overkill, and the goal of this thesis is to check, how far one can get with algorithms that solve such constraints by simply checking the constraints on the whole finite set of possible values.

- 1) Write a solver for bounded non-linear integer constraints based on the trivial "check all values" algorithm.
- 2) Compare its behavior against the SMT solver CVC5 using benchmark examples, for example from the SMTLIB database (<https://smtlib.cs.uiowa.edu>).
- 3) Improve the written solver in such a way that it can beat CVC5 in a few more cases.
- 4) Do systematic computational experiments that document the strong and weak points of the original trivial algorithm, the improved algorithm, and the SMT solver CVC5.



Bachelor's thesis

# **BOUNDED NON-LINEAR INTEGER CONSTRAINT SOLVING**

**Leonid Burbygin**

Faculty of Information Technology  
Department of Theoretical Computer Science  
Supervisor: doc. Dipl.-Ing. Dr. techn. Stefan Ratschan  
March 10, 2023

Czech Technical University in Prague  
Faculty of Information Technology

© 2023 Leonid Burbygin. All rights reserved.

*This thesis is school work as defined by Copyright Act of the Czech Republic. It has been submitted at Czech Technical University in Prague, Faculty of Information Technology. The thesis is protected by the Copyright Act and its usage without author's permission is prohibited (with exceptions defined by the Copyright Act).*

Citation of this thesis: Burbygin Leonid. *Bounded Non-Linear Integer Constraint Solving*. Bachelor's thesis. Czech Technical University in Prague, Faculty of Information Technology, 2023.

## Contents

|   |      |
|---|------|
| Acknowledgments                                       | v    |
| Declaration   | vi   |
| Abstract  | vii  |
| Summary   | viii |
| Seznam zkratek  | ix   |
| Introduction  | 1    |
| 0.1 Ut enim ad minim veniam . . . . .                 | 1    |
| 0.2 Ut enim ad minim veniam . . . . .                 | 2    |
| 0.2.1 Ut enim ad minim veniam . . . . .               | 2    |
| 0.3 Class aptent taciti . . . . .                     | 3    |
| 0.3.1 Class aptent taciti . . . . .                   | 3    |
| 0.4 Ut enim ad minim veniam, quis nostrud . . . . .   | 4    |
| 0.4.1 Ut enim ad minim veniam, quis nostrud . . . . . | 4    |
| 0.4.2 Class aptent taciti sociosqu . . . . .          | 5    |
| 1 Lorem ipsum   | 7    |
| 1.1 Donec odio tempus molestie . . . . .              | 7    |
| 1.1.1 Class aptent taciti . . . . .                   | 7    |
| 1.2 Lorem ipsum dolor sit amet . . . . .              | 8    |
| A Nějaká příloha                                      | 9    |
| Obsah přiloženého média                               | 13   |

## List of Figures

|   |                                      |   |
|---|--------------------------------------|---|
| 1 | Lorem ipsum dolor sit amet . . . . . | 2 |
|---|--------------------------------------|---|

## List of Tables

|   |                           |   |
|---|---------------------------|---|
| 1 | Příklad tabulky . . . . . | 4 |
|---|---------------------------|---|

## List of code listings

|   |                        |   |
|---|------------------------|---|
| 1 | Zbytečný kód . . . . . | 4 |
|---|------------------------|---|

*I would like to thank all my teachers for their guidance and support, which has been instrumental in my academic journey. I am also grateful to my family for their unwavering love and encouragement throughout this process. Finally, I am thankful for the support of my friends and colleagues, who have been a constant source of motivation. Without them, this thesis would not have been possible.*

## Declaration

FILL IN ACCORDING TO THE INSTRUCTIONS. VYPLŇTE V SOULADU S POKYNY.  
Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis. Sed vel lectus. Donec odio tempus molestie, porttitor ut, iaculis quis, sem. Suspendisse sagittis ultrices augue. Donec ipsum massa, ullamcorper in, auctor et, scelerisque sed, est. In sem justo, commodo ut, suscipit at, pharetra vitae, orci. Pellentesque pretium lectus id turpis.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis. Sed vel lectus. Donec odio tempus molestie, porttitor ut, iaculis quis, sem. Suspendisse sagittis ultrices augue. Donec ipsum massa, ullamcorper in, auctor et, scelerisque sed, est. In sem justo, commodo ut, suscipit at, pharetra vitae, orci. Pellentesque pretium lectus id turpis.

In Praha on March 10, 2023

.....



## Abstract

Solving non-linear integer constraints (i.e., conjunctions and disjunctions of equalities and inequalities over the integers) is an undecidable problem. Still, SAT modulo theory (SMT) solvers contain sophisticated algorithms that can solve many instances of such constraints. Especially, the problem can be made trivially decidable by adding finite bounds to all variables. In this case, the sophisticated algorithms contained in SMT solvers are often an overkill, and the goal of this thesis is to check, how far one can get with algorithms that solve such constraints by simply checking the constraints on the whole finite set of possible values.

**Keywords** non-linear integer constraints, SAT modulo theory, SMT solvers, finite bounds, undecidable problem, sophisticated algorithms, constraints

## Abstrakt

Řešení nelineárních celočíselných omezení (tj. spojení a disjunkcí rovností a nerovností nad celými čísly) je nedostatečně rozhodnutelný problém. Nicméně SMT (SAT modulo teorie) řešiče obsahují sofistikované algoritmy, které dokáží vyřešit mnoho instancí takovýchto omezení. Zvláště problém může být triviálně rozhodnutelný přidáním konečných hranic ke všem proměnným. V tomto případě jsou sofistikované algoritmy obsažené v SMT řešičích často zbytečné a cílem této práce je zjistit, jak daleko lze s algoritmy dostat, které řeší taková omezení jednoduše kontrolou omezení nad celou konečnou množinou možných hodnot.

**Klíčová slova** nelineární celočíselná omezení, SAT modulo teorie, SMT řešiči, konečné hranice, nedostatečně rozhodnutelný problém, sofistikované algoritmy, omezení.

## Summary

### Introduction

In this thesis, I aim to address the problem of solving non-linear integer constraints, which is an undecidable problem. Despite its inherent difficulty, there are sophisticated algorithms contained in SMT solvers that can solve many instances of such constraints. However, in some cases, adding finite bounds to all variables can make the problem trivially decidable, and the use of such algorithms may be an overkill. Therefore, I explore an alternative approach that solves such constraints by checking the constraints against the whole finite set of possible values. The goal of this thesis is to investigate the effectiveness of this approach and compare it to existing methods. To achieve this, I develop a methodology for solving non-linear integer constraints, which involves parsing the constraints, building an AST, and estimating the bounds of the constraints to generate a finite interval of possible values. I then try all values in that interval to determine whether the constraint is satisfiable. Through my research, I aim to contribute to the development of new methods for solving non-linear integer constraints that are effective, efficient, and have potential practical applications.

### Literature review

The literature review for this thesis involves an examination of existing research and documentation related to the problem of solving non-linear integer constraints. Specifically, I have reviewed the official documentation of the SMT-LIB standard, version 2.6, which was released in 2017 by Clark Barrett, Pascal Fontaine, and Cesare Tinelli. This standard provides a set of guidelines and specifications for SMT solvers, which are widely used for solving non-linear integer

constraints. Our review also includes an examination of the limitations of existing approaches, including the potential overuse of sophisticated algorithms in SMT solvers, and the benefits of using algorithms that check constraints against the whole finite set of possible values. Through this review, we aim to identify gaps in existing research and develop a deeper understanding of the challenges and opportunities associated with solving non-linear integer constraints.

### Methodology

The methodology used in this thesis involves a process for solving non-linear integer constraints by checking them against the whole finite set of possible values. Specifically, this involves reading a constraint, parsing it, and building an AST that represents the structure of the constraint. Then, using the AST, I estimate the bounds of the constraint and generate a finite interval of possible values. Finally, I try all values in that interval to determine whether the constraint is satisfiable. This approach does not require the use of sophisticated algorithms contained in SMT solvers, and instead focuses on a simple yet effective method of solving non-linear integer constraints. By using this methodology, I aim to explore the effectiveness of this approach and compare it to other existing methods of solving non-linear integer constraints.

### Results

TODO

### Conclusion

TODO

## Seznam zkratek

|     |  |
|-----|--|
| SMT | Satisfiability modulo theories   |
| SAT | Boolean satisfiability problem or propositional satisfiability problem |
| AST | Abstract syntax tree   |



# Introduction

*Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.*

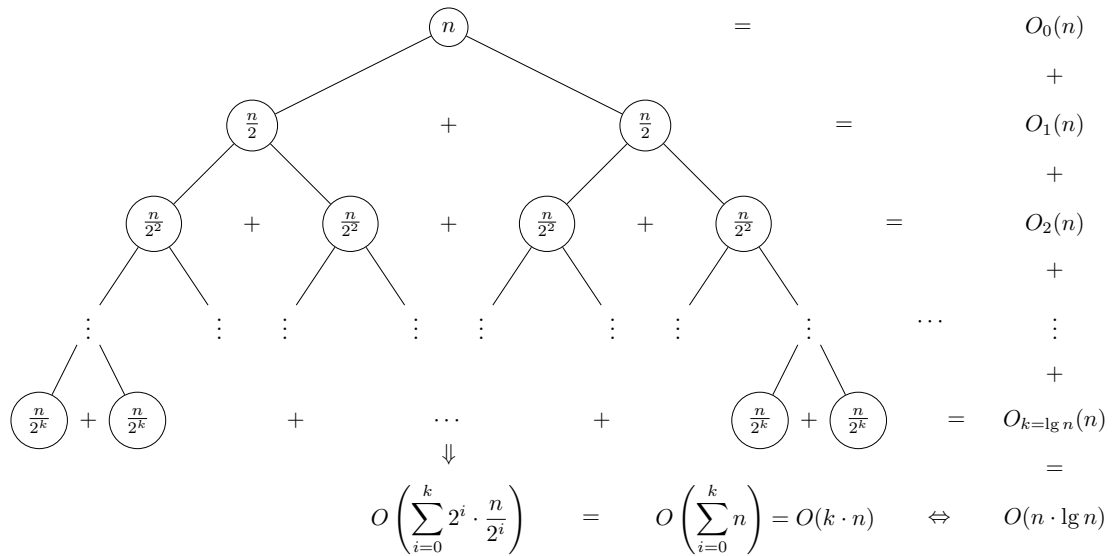
Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. [1]

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

## 0.1 Ut enim ad minim veniam

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.



■ **Figure 1** Lorem ipsum dolor sit amet

## 0.2 Ut enim ad minim veniam

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

### 0.2.1 Ut enim ad minim veniam

Curabitur ligula sapien, pulvinar a vestibulum quis, facilisis vel sapien. Duis condimentum augue id magna semper rutrum. Aliquam ornare wisi eu metus. Fusce aliquam vestibulum ipsum. Vivamus ac leo pretium faucibus1.

■ Ut enim ad minim veniam, quis nostrud

■ Ut enim ad minim

- Ut enim ad minim veniam, quis
  - Ut enim ad
  - Ut enim ad
    - \* Ut enim
    - \* Ut enim
      - Ut enim
      - Ut enim

### 0.3 Class aptent taciti

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

#### 0.3.1 Class aptent taciti

Suspendisse vel felis. Ut lorem lorem, interdum eu, tincidunt sit amet, laoreet vitae, arcu. Aenean faucibus pede eu ante. Praesent enim elit, rutrum at, molestie non, nonummy vel, nisl. Ut lectus eros, malesuada sit amet, fermentum eu, sodales cursus, magna. Donec eu purus. Quisque vehicula, urna sed ultricies auctor, pede lorem egestas dui, et convallis elit erat sed nulla. Donec luctus. Curabitur et nunc. Aliquam dolor odio, commodo pretium, ultricies non, pharetra in, velit. Integer arcu est, nonummy in, fermentum faucibus, egestas vel, odio.

Sed commodo posuere pede. Mauris ut est. Ut quis purus. Sed ac odio. Sed vehicula hendrerit sem. Duis non odio. Morbi ut dui. Sed accumsan risus eget odio. In hac habitasse platea dictumst. Pellentesque non elit. Fusce sed justo eu urna porta tincidunt. Mauris felis odio, sollicitudin sed, volutpat a, ornare ac, erat. Morbi quis dolor. Donec pellentesque, erat ac sagittis semper, nunc dui lobortis purus, quis congue purus metus ultricies tellus. Proin et quam. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Praesent sapien turpis, fermentum vel, eleifend faucibus, vehicula eu, lacus.

1. Ut enim ad minim veniam, quis nostrud
2. Ut enim ad minim
3. Ut enim ad minim veniam, quis
  - a. Ut enim ad
  - b. Ut enim ad
    - i. Ut enim
    - ii. Ut enim
      - A. Ut enim
      - B. Ut enim

■ **Code listing 1** Zbytečný kód

```
#include<stdio.h>
#include<iostream>
// A comment
int main(void)
{
    printf("Hello World\n");
    return 0;
}
```

■ **Table 1** Zadávání matematiky

| Typ       | Prostředí                | L <sup>A</sup> T <sub>E</sub> Xovská zkratka | T <sub>E</sub> Xovská zkratka |
|-----------|--------------------------|--|-------------------------------|
| Text      | <code>math</code>        | <code>\(...\)</code>                         | <code>\$...\$</code>          |
| Displayed | <code>displaymath</code> | <code>\[...\]</code>                         | <code>\$\$...\$\$</code>      |

## 0.4 Ut enim ad minim veniam, quis nostrud

Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Nulla non arcu lacinia neque faucibus fringilla. Vestibulum erat nulla, ullamcorper nec, rutrum non, nonummy ac, erat. Aliquam erat volutpat. Proin pede metus, vulputate nec, fermentum fringilla, vehicula vitae, justo.<sup>1</sup> Etiam dictum tincidunt diam. In laoreet, magna id viverra tincidunt, sem odio bibendum justo, vel imperdiet sapien wisi sed libero. Nulla est. Maecenas fermentum, sem in pharetra pellentesque, velit turpis volutpat ante, in pharetra metus odio a lectus. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur.

Nullam feugiat, turpis at pulvinar vulputate, erat libero tristique tellus, nec bibendum odio risus sit amet ante. Aenean id metus id velit ullamcorper pulvinar. Fusce wisi. Integer lacinia. Aliquam id dolor. Pellentesque pretium lectus id turpis. Suspendisse sagittis ultrices augue. In laoreet, magna id viverra tincidunt, sem odio bibendum justo, vel imperdiet sapien wisi sed libero. Sed ac dolor sit amet purus malesuada congue. [1]

Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci. Duis viverra diam non justo. Curabitur ligula sapien, pulvinar a vestibulum quis, facilisis vel sapien. Duis condimentum augue id magna semper rutrum. Aliquam ornare wisi eu metus. Fusce aliquam vestibulum ipsum. Vivamus ac leo pretium faucibus. [2]

### 0.4.1 Ut enim ad minim veniam, quis nostrud

Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation ullamco laboris nisi ut aliquip ex ea commodo consequat. Nulla non arcu lacinia neque faucibus fringilla. Vestibulum erat nulla, ullamcorper nec, rutrum non, nonummy ac, erat. Aliquam erat volutpat. Proin pede metus, vulputate nec, fermentum fringilla, vehicula vitae, justo. Etiam dictum tincidunt diam. In laoreet, magna id viverra tincidunt, sem odio bibendum justo. [3]

Nulla est. Maecenas fermentum, sem in pharetra pellentesque, velit turpis volutpat ante, in pharetra metus odio a lectus. Duis aute irure dolor in reprehenderit in voluptate velit esse cillum dolore eu fugiat nulla pariatur. Nullam feugiat, turpis at pulvinar vulputate, erat libero tristique tellus, nec bibendum odio risus sit amet ante. Aenean id metus id velit ullamcorper pulvinar.

<sup>1</sup>Ut enim ad minim veniam, quis nostrud exercitation.



### 0.4.1.1 Class aptent taciti

► **Definice 0.1** (Optional label). *Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Příklad 0.2.** *Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Věta 0.3.** *Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

**Proof.** Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci. ◀

► **Důsledek 0.4.** *Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Návrh 0.5.** *Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Poznámka 0.6.** *Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Pozorování 0.7.** *Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

► **Tvrzení 0.8.** *Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Fusce suscipit libero eget elit. Etiam dui sem, fermentum vitae, sagittis id, malesuada in, quam. Aliquam id dolor. Curabitur bibendum justo non orci.*

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

### 0.4.2 Class aptent taciti sociosqu

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit

purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.

# Chapter 1

## Lorem ipsum

*Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis. Sed vel lectus. Donec odio tempus molestie, porttitor ut, iaculis quis, sem. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis. Sed vel lectus.*

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis. Sed vel lectus. Donec odio tempus molestie, porttitor ut, iaculis quis, sem. Suspendisse sagittis ultrices augue. Donec ipsum massa, ullamcorper in, auctor et, scelerisque sed, est. In sem justo, commodo ut, suscipit at, pharetra vitae, orci. Pellentesque pretium lectus id turpis. [4]

### 1.1 Donec odio tempus molestie

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris. [5, 6]

#### 1.1.1 Class aptent taciti

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla

vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

**Kapitola 1** Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis.

**Kapitola 2** Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis.

**Kapitola 3** Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis.

**Kapitola 4** Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Curabitur sagittis hendrerit ante. Class aptent taciti sociosqu ad litora torquent per conubia nostra, per inceptos hymenaeos. Cras pede libero, dapibus nec, pretium sit amet, tempor quis.

Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

## 1.2 Lorem ipsum dolor sit amet

Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Fusce mauris. Vestibulum luctus nibh at lectus. Sed bibendum, nulla a faucibus semper, leo velit ultricies tellus, ac venenatis arcu wisi vel nisl. Vestibulum diam. Aliquam pellentesque, augue quis sagittis posuere, turpis lacus congue quam, in hendrerit risus eros eget felis. Maecenas eget erat in sapien mattis porttitor. Vestibulum porttitor. Nulla facilisi. Sed a turpis eu lacus commodo facilisis. Morbi fringilla, wisi in dignissim interdum, justo lectus sagittis dui, et vehicula libero dui cursus dui. Mauris tempor ligula sed lacus. Duis cursus enim ut augue. Cras ac magna. Cras nulla. Nulla egestas. Curabitur a leo. Quisque egestas wisi eget nunc. Nam feugiat lacus vel est. Curabitur consectetur.



## Appendix A

# Nějaká příloha

Sem přijde to, co nepatří do hlavní části.



# Bibliography

1. CROCHEMORE, Maxime; RYTTER, Wojciech. *Jewels of stringology*. River Edge, NJ: World Scientific, 2002. ISBN 978-9810247829.
2. MOTWANI, Rajeev; ULLMAN, Jeffrey D.; HOPCROFT, John E. *Introduction to automata theory, languages, and computation*. Third. Harlow: Pearson, 2014. ISBN 9781292039053.
3. ŠESTÁKOVÁ, Eliška; JANOUSEK, Jan. Automata Approach to XML Data Indexing. *Information*. 2018, vol. 9, no. 1. ISSN 2078-2489. Available from DOI: [10.3390/info9010012](https://doi.org/10.3390/info9010012).
4. KOPKA, Helmut; DALY, Patrick W. *LATEX: podrobný průvodce*. Brno: Computer Press, 2004. ISBN 80-7226-973-9.
5. NEVEN, Frank. Automata, Logic, and XML. In: BRADFELD, Julian (ed.). *Computer Science Logic*. Springer Berlin Heidelberg, 2002, vol. 2471, pp. 2–26. Lecture Notes in Computer Science. ISBN 978-3-540-44240-0.
6. LIBKIN, Leonid. Logics for Unranked Trees: An Overview. In: CAIRES, Luís; ITALIANO, Giuseppe; MONTEIRO, Luís; PALAMIDESSI, Catuscia; YUNG, Moti (eds.). *Automata, Languages and Programming*. Springer Berlin Heidelberg, 2005, vol. 3580, pp. 35–50. Lecture Notes in Computer Science. ISBN 978-3-540-27580-0.





# Obsah přiloženého média

|  |                 |   |
|--|-----------------|---|
|  | readme.txt..... | stručný popis obsahu média                                      |
|  | exe.....        | adresář se spustitelnou formou implementace                     |
|  | src             |   |
|  | impl.....       | zdrojové kódy implementace                                      |
|  | thesis.....     | zdrojová forma práce ve formátu L <sup>A</sup> T <sub>E</sub> X |
|  | text.....       | text práce  |
|  | thesis.pdf..... | text práce ve formátu PDF                                       |