Номер 1

Задача 1. В исчислении предикатов постройте вывод следующей секвенции:

•
$$\neg \exists x \, \neg P(x) \Rightarrow \forall x \, P(x)$$
.

Строим вывод секвенции снизу вверх:

$$\frac{P(a) \Rightarrow P(t) \ [\forall R]}{P(a) \Rightarrow \forall x P(x) \ [\neg R]}$$
$$\frac{\Rightarrow \neg P(a), \forall x P(x) \ [\exists R]}{\Rightarrow \exists x \neg P(x), \forall x P(x) \ [\neg L]}$$
$$\frac{\Rightarrow \exists x \neg P(x) \Rightarrow \forall x P(x)}{\neg \exists x \neg P(x) \Rightarrow \forall x P(x)}$$

Заметим, что $a \neq t$, следовательно мы не можем получить аксиому и построить вывод нашей секвенции