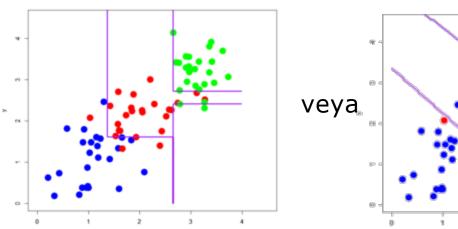
Regresyon ve Sınıflandırma

- Temel fark
 - Sınıflandırmada sıralı olmayan kategorik bir hedef değişken vardır.
 - Regresyon probleminde sürekli ya da sıralı bir hedef değişken vardır.
- □ Tüm regresyon yaklaşımları, sınıflandırma problemini çözmek için kullanılabilir.

Sınıflandırma problemi doğru karar verme sınırını bulmaktan ibarettir (benim bakış açım)



<u>Ayrımcı</u> <u>yaklaşıma</u>karşı Üretici yaklaşım

Discriminative versus Generative

Doğrusal regresyon

$$\hat{Y} = \hat{\beta}_0 + \sum_{j=1}^p X_j \hat{\beta}_j.$$
 katsayılar

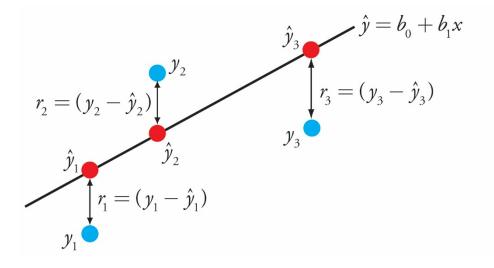
Öznitelik vektörünü kullanarak

$$X^T = (X_1, X_2, \dots, X_p)$$

Sürekli bir tahmin elde edebiliriz.

^{*}Least-squares toplam hatayı enazlamayı hedefler

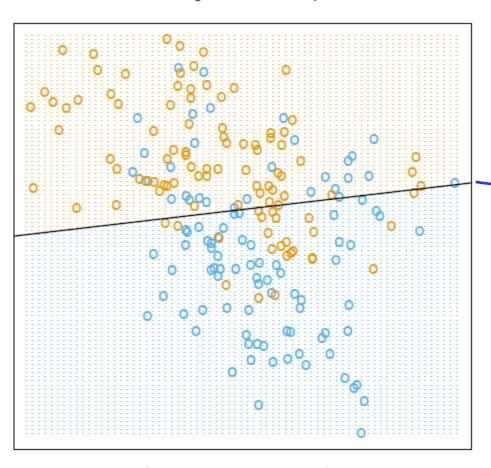
 Hataların karelerinin toplamını enazlama



İki sınıflı bir problemimiz olsun

X1	X2	Class
7.40	1.91	BLUE
3.92	0.24	ORANGE
2.15	1.08	ORANGE
-2.36	0.70	BLUE
	•	
	•	
0.09	-1.75	ORANGE
0.71	0.67	BLUE

Linear Regression of 0/1 Response



ORANGE

 $\{x: x^T \hat{\beta} > 0.5\}$

Karar verme sınırı

$$\{x: x^T \hat{\beta} = 0.5\}$$

X1	X2	Class
7.40	1.91	0
3.92	0.24	1
2.15	1.08	1
-2.36	0.70	0
•	•	•
•		•
•	•	•
0.09	-1.75	1
0.71	0.67	0
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

(BLUE = 0, ORANGE = 1),

Problemler

- Doğrusal regresyon varsayımları
 - Normal dağılan hatalar
- Sadece iki sınıflı problemler için çalışır
 - İkiden fazla farklı sınıf için?
- Kategorik ya da ordinal değişkenler
 - Sayısal gösterimi gerektirir
- Doğrusal olma zorunluluğu
 - \square Polinom terimler eklemek (örn. X^2)
 - □ Etkileşim terimleri eklemek (örn. XY)
- Pratikte bir kesme noktası (threshold) belirlemeyi gerektirir.

Sınıflandırma

Lojistik regresyon

- Neden? (Doğrusal regresyon tercih edilmiyor)
 - Y sadece iki farklı değer alabildiğinden e Normal dağılmamaktadır

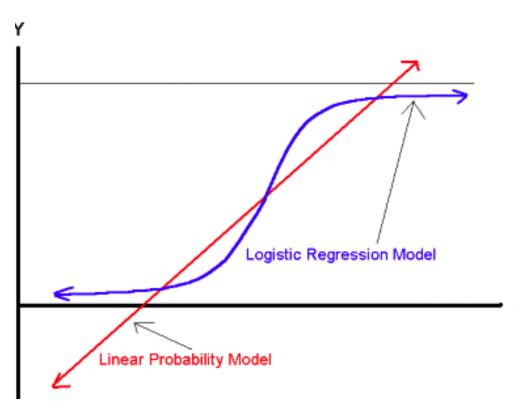
$$\hat{Y} = \hat{eta}_0 + \sum_{j=1}^p X_j \hat{eta}_j$$
 + hata (e)

- Olasılıklar birden büyük ya da sıfırdan küçük çıkabilir.
- Lojistik regresyon bir dönüşüm ile [0,1] tahminler üretir

$$\Pr(G = 1|X = x) = \frac{\exp(\beta_0 + \beta^T x)}{1 + \exp(\beta_0 + \beta^T x)},$$
$$\Pr(G = 2|X = x) = \frac{1}{1 + \exp(\beta_0 + \beta^T x)}.$$

Sınıflandırma Lojistik regresyon

Lojistik ve Doğrusal Regresyon



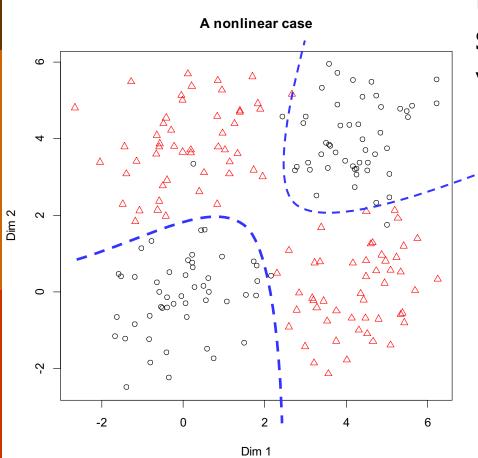
Doğrusal regresyon

$$\hat{Y} = \hat{\beta}_0 + \sum_{j=1}^p X_j \hat{\beta}_j.$$

Lojistik regresyon

$$\Pr(G = 1|X = x) = \frac{\exp(\beta_0 + \beta^T x)}{1 + \exp(\beta_0 + \beta^T x)}$$
$$\Pr(G = 2|X = x) = \frac{1}{1 + \exp(\beta_0 + \beta^T x)}$$

Sınıflandırma Doğrusal olmayan durumlar

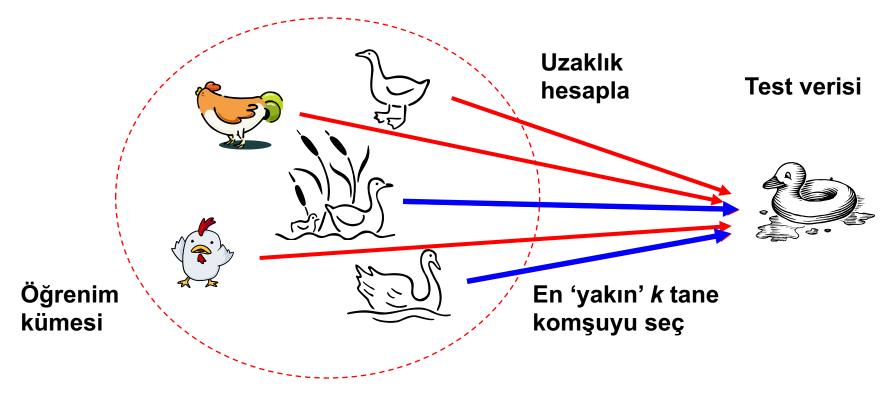


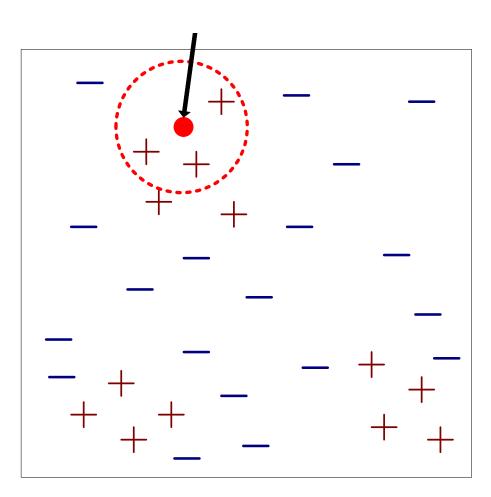
Doğrusal karar verme sınırları çalışmazsa ne yapmalı?

- Doğrusal olmayan terimlerin eklenmesi
 - Neler olabilir?
- Doğrusal olmayan ilişkileri modelleyebilen yöntemlerin kullanımı
 - Birden fazla model vardır.
 - En kolayı ve bilineni En Yakın Komşu (Nearest Neighbor-NN) yöntemidir.

Temel fikir

 Eğer test hayvanı ördek gibi yürüyorsa, ördek gibi ses çıkarıyorsa, büyük ihtimal ile ördektir.





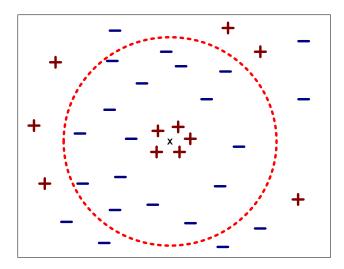
- Üç şey gerektir
 - Kaydedilmiş öğrenme verisi
 - Uzaklık ölçüsü
 - k değeri, seçilecek en yakın komşu sayısı
- Sınıflandırma yapmak için
 - Öğrenim verisine uzaklıkları hesapla
 - En yakın k komşuyu bul
 - En yakın komşuların sınıfını kullanarak oylama sonucu sınıfa karar ver

■ k-en yakın komşu tahmini

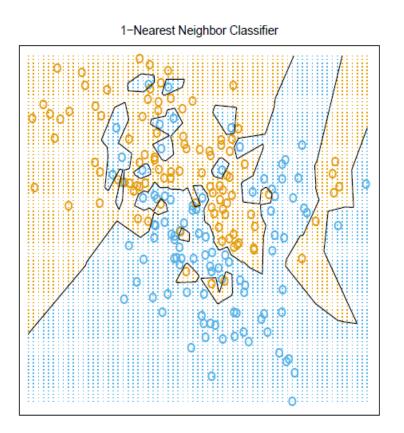
$$\hat{Y}(x) = \frac{1}{k} \sum_{x_i \in N_k(x)} y_i,$$

- $N_k(x)$ örnek x için k en yakın öğrenim verisi seti
- En yakın noktaların y değerlerinin ortalaması
 - Regresyon problemi çözümü?
- Sınıflandırma için?
 - Mod alınabilir
- Ağırlık ortalama?
 - Nasil?

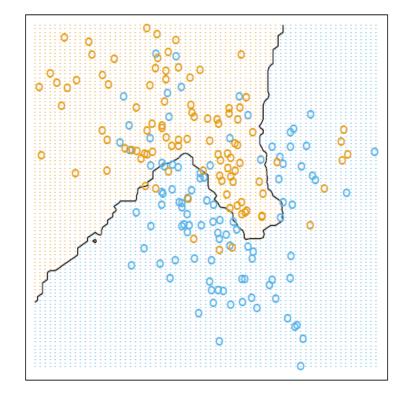
- □ k nasıl seçilmeli?
 - Çok küçük k, gürültüden etkilenme
 - Çok büyük k, komşuluk diğer sınıfları içerebilir.



□ Farkı *k* değerleri için karar verme sınırları



15-Nearest Neighbor Classifier



Sınıflandırma

En Yakın Komşu

- □ Tembel öğrenici (Lazy learner)
 - Altında bir model yok
 - Yoruma açık değil
 - Test verisindeki noktanın öğrenme verisindeki her noktaya uzaklığı hesaplanmalıdır
 - Gerçek zamanlı uygulamalar için problemli
 - Özellikle öğrenme verisi çok büyükse
 - Hafıza kullanımı açısından etkin değil
 - Öğrenme verisini saklamayı gerektirir
- Bir uzaklık/benzerlik ölçütü gerektirir
 - Öznitelik sayısı arttıkça anlamlı sonuç elde etmek zorlaşır (curse of dimensionality)
- Doğrusal olmayan sınırlar bulabilir

- Örnek: Zaman serilerinde en yakın komşu bulma
 - EKG veri seti
 - http://www.cs.ucr.edu/~eamonn/time_series_data/
 - İki sınıflı sınıflandırma problemi. EKG verisi ile ritm bozukluğu yaşayan hastaları, sağlıklı hastalardan ayırma problemi
 - Zaman üzerinde 96 gözlem içeren 100 öğrenme verisi
 - 100 test verisi

Performans değerlendirme

- Ölçütler
 - Performansı hangi ölçütler ile değerlendirebiliriz?
- Performans ölçme yöntemleri nedir?
 - Modelin başarılı tahminler üretip üretmeyeceği konusunda nasıl fikir elde edebiliriz?
- □ Farklı modelleri nasıl karşılaştırabiliriz?
 - Farklı modeller arası en iyi modeli nasıl seçeriz?

Performans değerlendirme

- Sınıflandırma algoritması belirlemek birden çok aşamayı içerir
 - Öğrenme verisi kullanarak model oluşturulur
 - Test örnekleri üzerinde değerlendirme yapılır
 - Yeni örnekler üzerinde tahminler elde edilir.

Öğren ve test et paradigması!

Değerlendirme kriteri

- □ <u>Tahmin doğruluğu</u>: Modelin yeni/model oluşturmada kullanılmamış veri üstünde doğru tahminler üretme başarısı
 - doğruluk=test verisinde doğru tahmin edilen gözlem yüzdesi
- Yorumlanabilirlik: Modelin anlaşılırlığı ve tahmin problemi hakkında fikir vermesi
- Gürbüzlük(Robustness): Modelin farklı koşullar altında doğru tahmin yapabilmesi
 - Parametre değerleri değiştiğinde
 - Gürültülü ya da kayıp veriler olduğunda

Değerlendirme kriteri

- <u>Hız:</u> modeli kurarken ve kullanırken geçen zaman
- Ölçeklenebilirlik: veri seti büyüse dahi etkin biçimde model kurabilme
- Basitlik: Modelin çalışma prensiplerinin kolay anlaşılması

- Modelin tahmin kabiliyetine odaklanır
 - Hızlı ya da ölçeklenebilir olmayı hesaba katmaz
- Öğrenme kümesine ait olmayan veriler üzerinde değerlendirmek anlamlıdır
 - N_t test verisi sayısı
 - N_c doğru tahmin edilen test örneği
 - Tahmin doğruluğu: $\eta = \frac{N_c}{N_t}$
 - Tahmin hatası: $\varepsilon = \frac{N_t N_c}{N_t}$

Model değerlendirme

Performans ölçümü için metrikler

- Kararsızlık matrisi:
 - İkili (2-sınıf) sınıflandırma

	PREDICTED CLASS		
		Class=Yes	Class=No
ACTUAL	Class=Yes	а	b
CLASS	Class=No	С	d

a: TP (gerçek pozitif)

b: FN (yanlış negatif)

c: FP (yanlış pozitif)

d: TN (gerçek negatif)

Kararsızlık matrisine bağlı olarak birden çok değerlendirme metriği kullanılmaktadır

	Predicted		
Original classes	<i>K</i> ₁	K ₂	<i>K</i> ₃
K ₁	50	0	0
K ₂	0	48	2
K ₃	0	4	46

3 sınıf içeren problem örneği

- Doğruluk kullanımı uygulamaya bağlı olarak problemli olabilir
 - İki sınıflı problem
 - Sıfır sınıfından örnek sayısı= 9990
 - Bir sınıfından örnek sayısı = 10
 - Eğer model herşeyi sıfır olarak tahmin ederse tahmin başarısı= 99.9 %
- Maliyet matrisi

C(i | j): j sınıfından bir örneği i ____ sınıfı olarak tahmin etmek

	PREDICTED CLASS		
	C(i j)	Class=Yes	Class=No
ACTUAL	Class=Yes	C(Yes Yes)	C(No Yes)
CLASS	Class=No	C(Yes No)	C(No No)

- Farklı hata tiplerine değişen maliyetler
- Tüm hataların maliyeti aynı değildir
 - Kredi geri ödemeleri
 - Kredisini geri ödemeyen insan müşteri kaybından daha maliyetlidir
 - Tıbbi testler
 - Yanlış teşhisin hastalığı teşhis edememe durumuna göre maliyeti farklıdır
 - Spam
 - Spam e-postayı kaçırmak ile önemli bir maili spam diye gözden kaçırma maliyeti farklıdır
- Algoritmaları yanlış pozitif ve yanlış negatifin bize yaratacağı maliyetleri hesaba katarak öğrenmek gerekir.

Sınıflandırma maliyetini hesaplama

Cost Matrix	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS	C(i j)	+	-
	+	-1	100
OLAGO	-	1	0

Model M ₁	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS		+	-
	+	150	40
	-	60	250

Model M ₂	PREDICTED CLASS		
ACTUAL CLASS		+	•
	+	250	45
	•	5	200

Doğruluk = 80%

Maliyet = 3910

Doğruluk = 90%

Maliyet = 4255

Model değerlendirme yöntemleri

Performansı ölçebilen güvenilir bir ölçüt nasıl bulunur?

- Model performansı öğrenme algoritmasının yanı sıra birden çok etkene bağımlı olabilir:/
 - Sınıf dağılımı
 - Yanlış sınıflandırmanın maliyeti
 - Öğrenme ve test etme veri büyüklüğü Tek önemli karar değildir

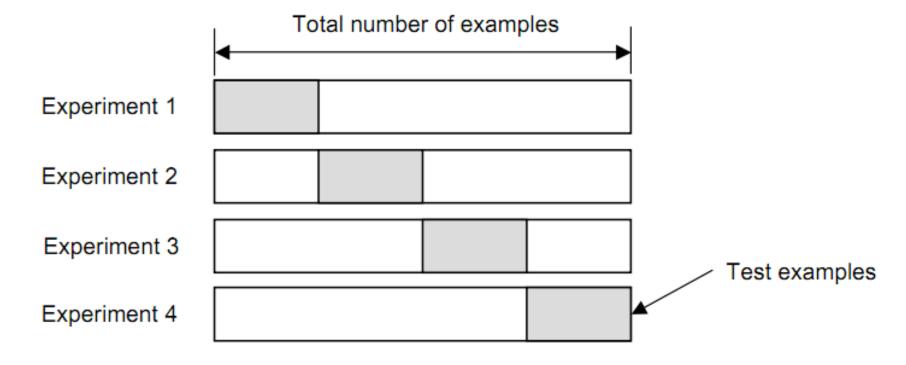
Problem nitelikleri önemlidir

- □ Örneklem içi (In-sample) değerlendirme
 - Eldeki tüm veriyi model parametrelerini öğrenmek için kullanır
 - Amaç modelin eldeki veriyi ne kadar iyi açıkladığını anlamaktır
 - Parametre sayısını azaltmak amaçlanır
- □ Örneklem dışı (out-of-sample) değerlendirme
 - Split data into training and test sets
 - Focus: how well does my model predict things
 - Prediction error is all that matters
- İstatistik genelde örneklem içi değerlendirmeye odaklanır, makine öğrenmesi/veri madenciliği yöntemleri ise örneklem dışı değerlendirmeyi ön planda tutar.

- Dışarda bırakma (holdout)
 - Öğrenme için verinin 2/3 ve test için 1/3 ünü kullanma
- Cross validation (çapraz eşleme bağımsız geçerlilik sınaması)
 - Veriyi k tane ayrık kümelere böl
 - k-fold: her seferin de bir kümeyi test verisi dışarda bırak, geri kalan k-1 kümeyi öğrenme verisi olarak kullan
 - Birini dışarda bırak (Leave-one-out): k=n
- Rastgele alt örneklem alma (Random subsampling)
 - Tekrarlayan dışarda bırakma
- Katmanlı örneklem alma (Stratified sampling)
 - Fazla örneklem alma (oversampling) ve az örneklem alma (undersampling)

- Dışarda bırakma yöntemi genellikle verinin 1/3 ünü test verisi 2/3 ünü ise öğrenme verisi olarak kullanır
- Sınıf dağılımı açısından dengesiz veri setleri (class imbalance) rastgele alınan örneklemler verideki gerçek dağılımı yansıtmayabilir.
- □ Katmanlı örneklem (Stratified sample):
 - Her alt kümede sınıflar eşit oranlarda ele alınsın

Cross-validation



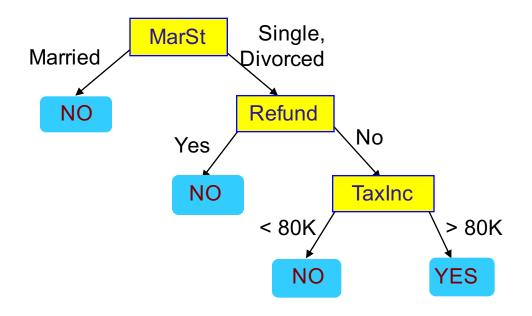
- Değerlendirme için kullanılan standart yöntem: katmanlı 10'lu çapraz eşleme (cross-validation)
- Neden 10? Birçok veri setinde yeterli olduğu görülmüştür.
- Tekrarlayan katmanlı çapraz eşleme model performansı hakkına daha iyi fikir verir.
 - Tek bir rastgele seçimle oluşturulmuş çapraz eşleme sonuçlarına güvenmektense, birden çok rastgele seçim yapmak
- Tekrarlar üzerinde elde edilen ortalama performans değerlendirme için en güvenilir ölçüttür.

- Bir örneği dışarda bırakan çağraz eşleme (Leave-One-Out (LOO) cross-validation)
 - Veriyi en iyi şekilde kullanır
 - Rassallık içermez
 - Hesaplama zamanı açısından kötüdür ama en güvenilir performans kestirimini sağlar
- Dışarda bırakma yöntemi ile elde edilen öngörü rastgele seçilen örneklemler üzerinde tekrarlanarak daha iyi hale getirilebilir.
 - Her tekrarda katmanlı rastgele seçim yap
 - Farklı tekrarlar üzerinden yapılan hataların ortalamasını al
- Tekrarlayan dışarda bırakma yöntemi

Sınıflandırma Ağaç-tabanlı yaklaşımlar

kategorik kategorik sürekli sınıf

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



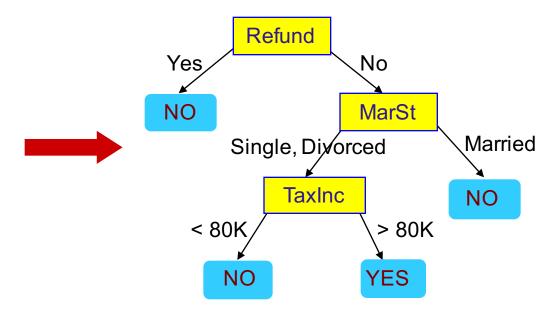
Aynı veriyi açıklayan birden fazla ağaç olabilir

Sınıflandırma

Ağaç-tabanlı yaklaşımlar

Kategorik Kategorik sürekli sınıf

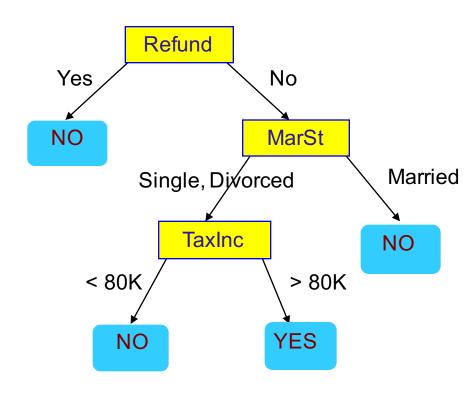
Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



Öğrenme verisi

Model: Karar ağacı

Sınıflandırma Ağaç-tabanlı yaklaşımlar



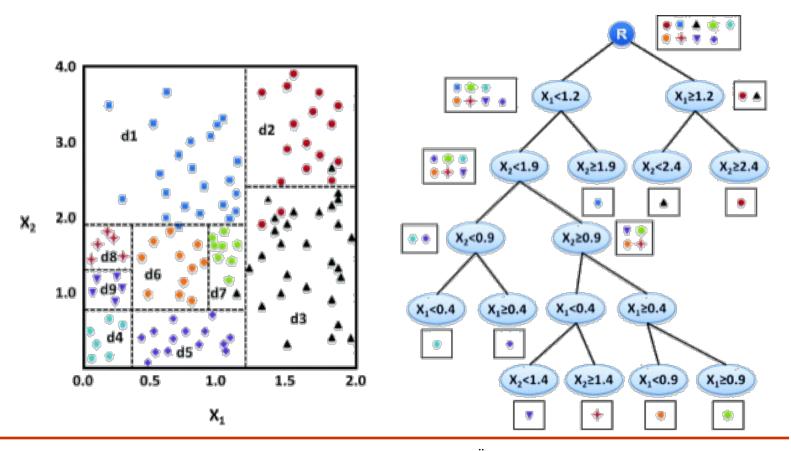
Test Verisi

Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
No	Married	80K	?

Sınıflandırma

Ağaç-tabanlı yaklaşımlar

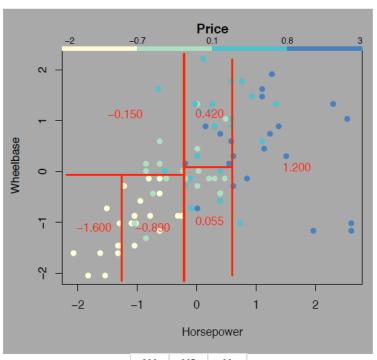
- Öznitelik uzayını bölme
 - Ardışık bölmelerle karar verme sınırı belirleme



Regresyon

Ağaç-tabanlı yaklaşımlar

İki değişkenimiz olsun (wheelbase and horsepower)



X1	X2	Υ
0.499	0.844	0.039
0.325	0.963	0.399
0.905	0.015	0.409
0.879	0.730	0.281

Bu değişkenlerle araba fiyatını tahmin eden bir karar ağacı kuralım

$$m(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{l} k_i \times I(\mathbf{x} \in D_i)$$

Toplam hatayı en aza indirecek bir D_i bulma

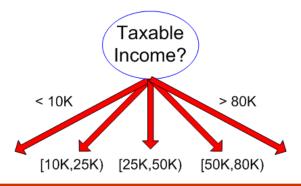
Ağaç-tabanlı yaklaşımlar

Öğrenme

Meseleler

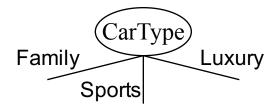
- Uzayı nasıl bölmeli?
 - Tek seferde kaç parçaya bölmeli?
 - İkili bölümler
 - Çoklu bölümler
 - Bölme kuralı ne olmalı?
 - Hangi öznitelik kullanılacak?
 - Kural ne olacak?
- Bölme ne zaman durdurulacak





- Öznitelik tiplerine göre değişir
 - Kategorik
 - Sıralı
 - Sürekli
- Bölme tiplerine göre değişir
 - İkili
 - Çoklu

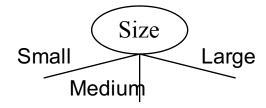
- Kategorik değerleri bölme
 - Çoklu bölme



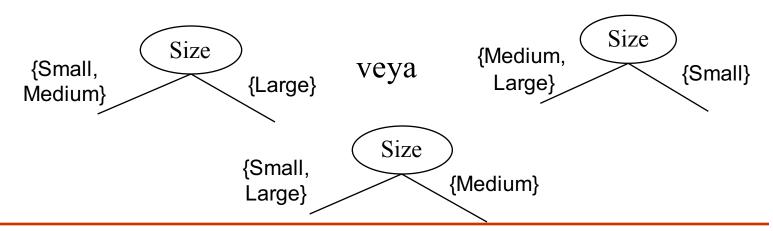
■ İkili bölme



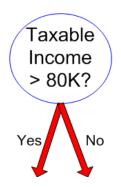
- Sıralı değerleri bölme
 - Çoklu bölme

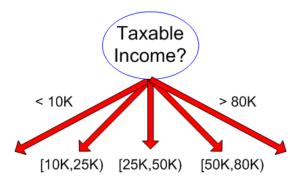


■ İkili bölme



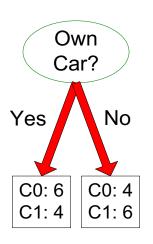
- Sürekli değerleri bölme
 - Birden fazla yöntem vardır
 - Kesikli hale getirerek sıralı değişken elde etme
 - İkili kararlar: (A < v) or (A ≥ v)</p>
 - Olası her sınır arasından en iyisini seç
 - Hesaplama gerektirir.

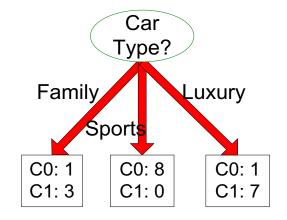


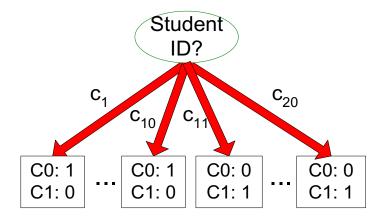


En iyi karar sınırın bulma

Bölmeden önce: Sınıf 0 için 10 örnek, Sınıf 1 için 10 örnek,





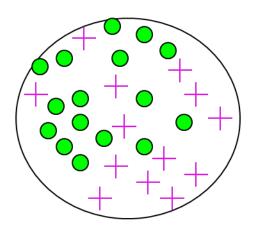


Hangisi en iyisi?

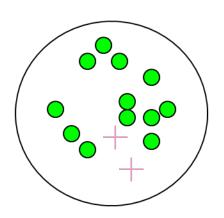
Impurity

 Bir grup gözlemin sınıf cinsinden homojen olma durumunun ölçütü

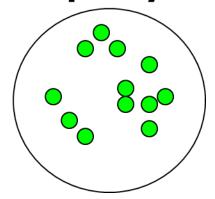
Very impure group



Less impure



Minimum impurity



- Aç gözlü yaklaşım:
 - Homojen sınıf dağılımı içeren düğümler (node) bulmak
- Saflığın bir ölçütü gerekmekte
 - Gini Index
 - Entropy
 - Tahmin hatası

C0: 5

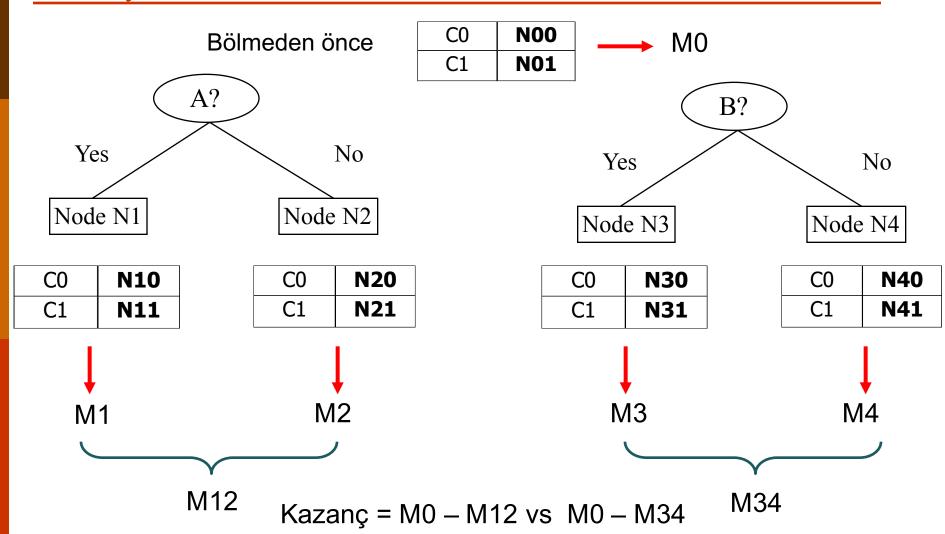
C1: 5

Homojen değil

C0: 9

C1: 1

Homojen



Homojenlik ölçütü
Düğüm t için Gini Index:

$$GINI(t) = 1 - \sum_{j} [p(j | t)]^{2}$$

(Not: p(j | t) t düğümündeki j sınıfından gözlem oranı)

- Maksimum (1 1/n_c) eğer farklı sınıftaki gözlemler eşit olarak dağılmışsa
- Minimum (0.0) eğer tüm gözlemler bir sınıftansa

C2	6
C1	0

C1	1				
C2	5				
Gini=0.278					

C1	2
C2	4
Gini=	0.444

C1	3
C2	3
Gin	i=0.500

Uzayı bölme Örnek Gini hesapları

$$GINI(t) = 1 - \sum_{j} [p(j|t)]^{2}$$

$$P(C1) = 0/6 = 0$$
 $P(C2) = 6/6 = 1$

Gini =
$$1 - P(C1)^2 - P(C2)^2 = 1 - 0 - 1 = 0$$

$$P(C1) = 1/6$$
 $P(C2) = 5/6$

Gini =
$$1 - (1/6)^2 - (5/6)^2 = 0.278$$

$$P(C1) = 2/6$$
 $P(C2) = 4/6$

Gini =
$$1 - (2/6)^2 - (4/6)^2 = 0.444$$

Uzayı bölme Gini'ye göre bölüm bulma

Bölümleme kalitesi aşağıdaki gibi bulunur

$$GINI_{split} = \sum_{i=1}^{k} \frac{n_i}{n} GINI(i)$$

n_i = çocuk node i deki gözlem sayısı,

n = başlangıç gözlem sayısı

Uzayı bölme Gini'ye göre bölüm bulma - Kategorik

Çoklu bölüm

	CarType										
	Family Sports Luxury										
C1	1	2	1								
C2	4 1 1										
Gini	0.393										

İkili bölüm

	CarType								
	{Sports, Luxury}								
C1	3	1							
C2	2	4							
Gini	0.400								

	CarType								
	{Sports}	{Family, Luxury}							
C1	2	2							
C2	1	5							
Gini	0.419								

Uzayı bölme

Gini'ye göre bölüm bulma - Sürekli

- Bir değere göre ikili kararlar verilir
- Olası birden çok bölme değeri opsiyonu var
 - Olası bölme değerleri
 Birbirinden farklı olan tüm değerler
- Her bölme değeri sınıfları sayar
 - Her bölüm için sınıfları say, A < v and A ≥ v
- En iyi v seçme yöntemi
 - Her v için sınıfları say
 - Hesaplama açısından etkin değil.

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat	
1	Yes	Single	125K	No	
2	No	Married	100K	No	
3	No	Single	70K	No	
4	Yes	Married	No		
5	No	Divorced	95K	Yes	
6	No	Married	60K	No	
7	Yes	Divorced	220K	No	
8	No	Single	85K	Yes	
9	No	Married	75K	No	
10	No	Single	90K	Yes	



Uzayı bölme Gini'ye göre bölüm bulma - Sürekli

- Etkin hesaplama için, her öznitelik için
 - Değerleri sırala
 - Sıralı değerlerin üstünden git ve sınıf sayılarını güncelle
 - En az gini değeri var noktayı seç

	Cheat		No		No	•	N	0	Ye	s	Ye	s	Υe	es	N	0	N	lo	N	0		No	
•		Taxable Income																					
Sıralanmış değerle	r	(60		70		7	5	85	5	90)	9	5	10	00	12	20	12	25	5 220		
Bölüm opsiyonları		5	5	6	5	7	2	8	0	8	7	9	2	9	7	11	0	12	22	17	'2	23	0
		<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	<=	>	\=	>	\=	>	\=	>	<=	>	<=	>
	Yes	0	3	0	3	0	3	0	3	1	2	2	1	3	0	3	0	3	0	3	0	3	0
	No	0	7	1	6	2	5	3	4	3	4	3	4	3	4	4	3	5	2	6	1	7	0
	Gini	0.4	20	0.4	00	0.3	75	0.3	43	0.4	117	0.4	100	<u>0.3</u>	<u>800</u>	0.3	43	0.3	375	0.4	00	0.4	20

Uzayı bölme Alternatif bölme kriteri

□ T düğümü (node) için entropy:

$$Entropy(t) = -\sum_{j} p(j \mid t) \log p(j \mid t)$$

- Düğüm homojenliğini ölçer
 - Maksimum (log n_c) eğer sınıflar eşit dağılmışsa
 - Minimum 0 eğer düğüm homojen ise
- Entropy hesaplamaları gini ile benzerdir

Uzayı bölme

Alternatif bölme kriteri - Entropy

$$Entropy(t) = -\sum_{j} p(j \mid t) \log_2 p(j \mid t)$$

C1	0
C2	6

$$P(C1) = 0/6 = 0$$
 $P(C2) = 6/6 = 1$

$$P(C1) = 0/6 = 0$$
 $P(C2) = 6/6 = 1$
Entropy = $-0 \log 0 - 1 \log 1 = -0 - 0 = 0$

C1	1
C2	5

$$P(C1) = 1/6$$
 $P(C2) = 5/6$

Entropy =
$$-(1/6) \log_2 (1/6) - (5/6) \log_2 (1/6) = 0.65$$

$$P(C1) = 2/6$$
 $P(C2) = 4/6$

Entropy =
$$-(2/6) \log_2 (2/6) - (4/6) \log_2 (4/6) = 0.92$$

Uzayı bölme Bilgi kazanımı

Bilgi kazanımı (Information Gain)

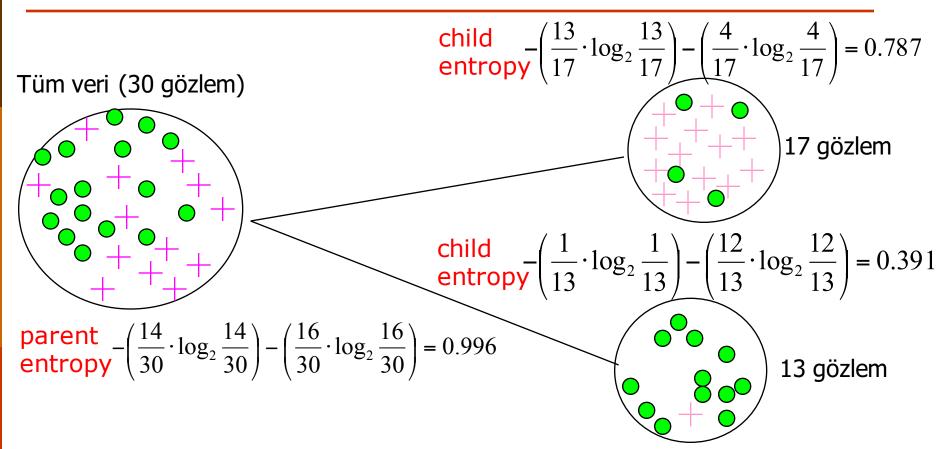
$$GAIN_{split} = Entropy(p) - \left(\sum_{i=1}^{k} \frac{n_{i}}{n} Entropy(i)\right)$$

Ebeveyn node, p k bölüme ayrılırsa; n_i i bölümündeki gözlem sayısı

- Bilgi kazanımını en fazlayan bölümü seç
- Dezavantaj: Çok yüksek sayıda küçük homojen bölmelere neden olurç

Bilgi Kazanımı ölçümü

Information Gain = entropy(parent) – [average entropy(children)]



Ortalama Entropy =
$$\left(\frac{17}{30} \cdot 0.787\right) + \left(\frac{13}{30} \cdot 0.391\right) = 0.615$$

Bilgi kazanımı = 0.996 - 0.615 = 0.38

Uzayı bölme Hatadaki iyileşmeye göre

$$Error(t) = 1 - \max_{i} P(i \mid t)$$

$$P(C1) = 0/6 = 0$$
 $P(C2) = 6/6 = 1$

Error =
$$1 - \max(0, 1) = 1 - 1 = 0$$

$$P(C1) = 1/6$$
 $P(C2) = 5/6$

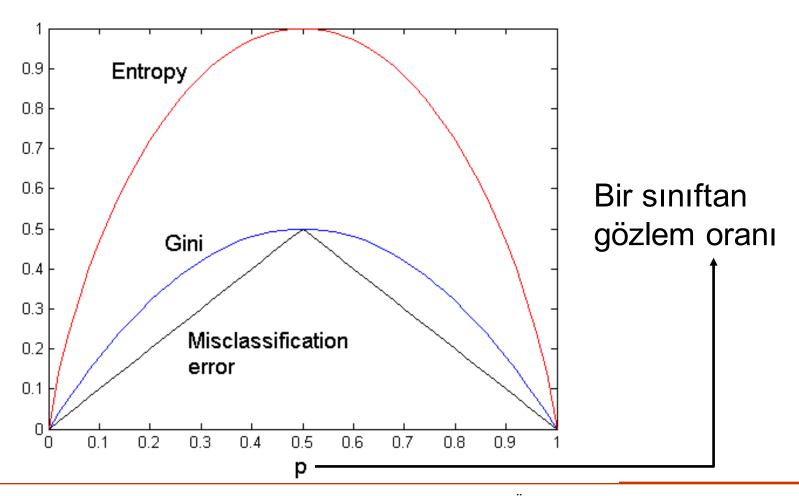
Error =
$$1 - \max(1/6, 5/6) = 1 - 5/6 = 1/6$$

$$P(C1) = 2/6$$
 $P(C2) = 4/6$

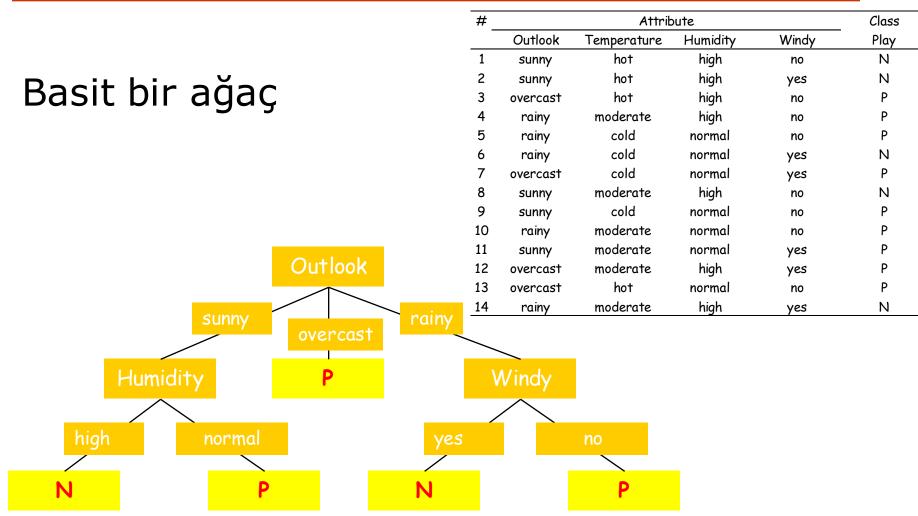
Error =
$$1 - \max(2/6, 4/6) = 1 - 4/6 = 1/3$$

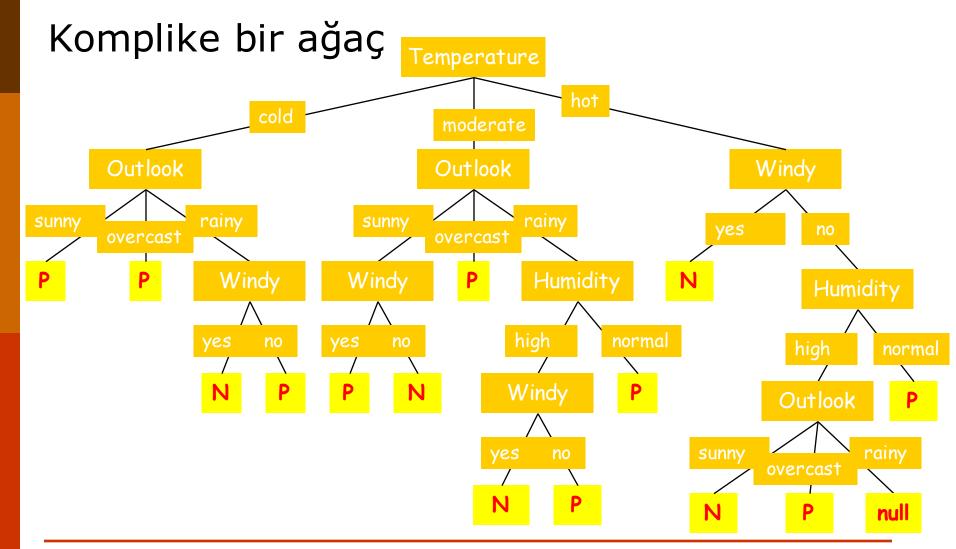
Uzayı bölme Ölçütler arası karşılaştırma

İki sınıflı problem içim



#		Class			
	Outlook	Temperature	Humidity	Windy	Play
1	sunny	hot	high	no	Ν
2	sunny	hot	high	yes	Ν
3	overcast	hot	high	no	Р
4	rainy	moderate	high	no	Р
5	rainy	cold	normal	no	Р
6	rainy	cold	normal	yes	Ν
7	overcast	cold	normal	yes	Р
8	sunny	moderate	high	no	Ν
9	sunny	cold	normal	no	Р
10	rainy	moderate	normal	no	Р
11	sunny	moderate	normal	yes	Р
12	overcast	moderate	high	yes	Р
13	overcast	hot	normal	no	Р
14	rainy	moderate	high	yes	Ν

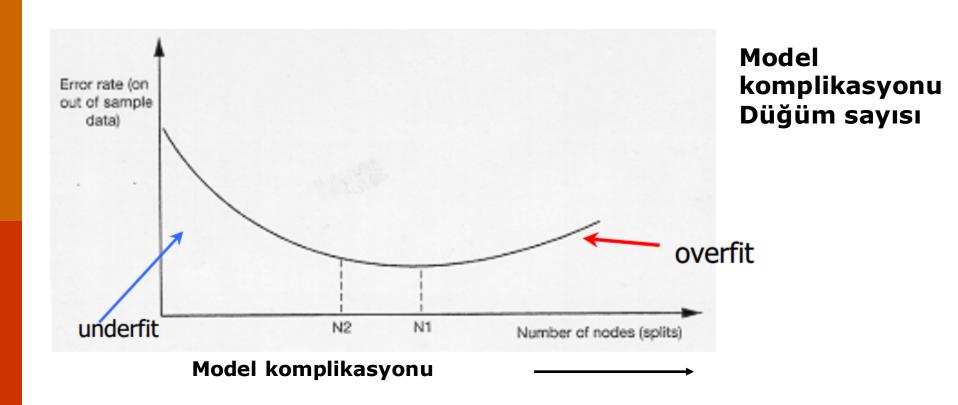




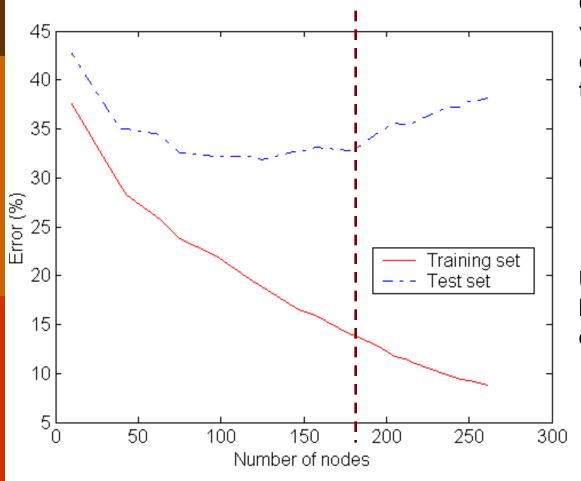
- Bölüm yapmayı aşağıdaki koşullar sağlandığında bırakabiliriz
 - Belli bir saflık elde edildiğinde
 - Tüm gözlemler aynı sınıftaysa (sınıflandırma ağacı)
 - Tüm gözlemler benzer değerlere sahipse (regresyon ağacı)
 - Belli bir derinliğe ulaşıldığında
 - Belli bir düğüm sayısına ulaşıldığında
 - Saflık iyileştirilemiyorsa

Sınıflandırma ile ilgili önemli meseleler Underfitting (yetersiz uyum) ve Overfitting (aşırı uyma)

Test verisindeki performans nasıl olacak?



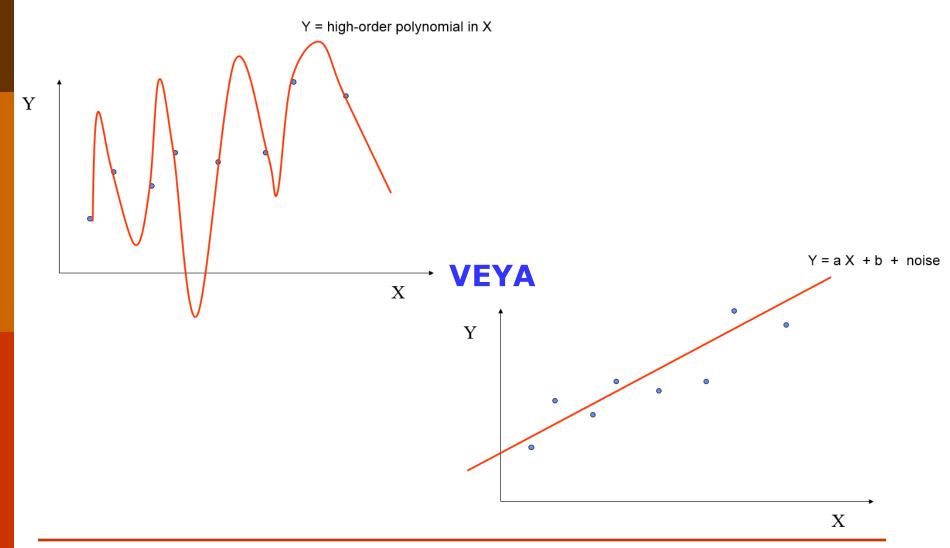
Sınıflandırma ile ilgili önemli meseleler Underfitting (yetersiz uyum) ve Overfitting (aşırı uyma)



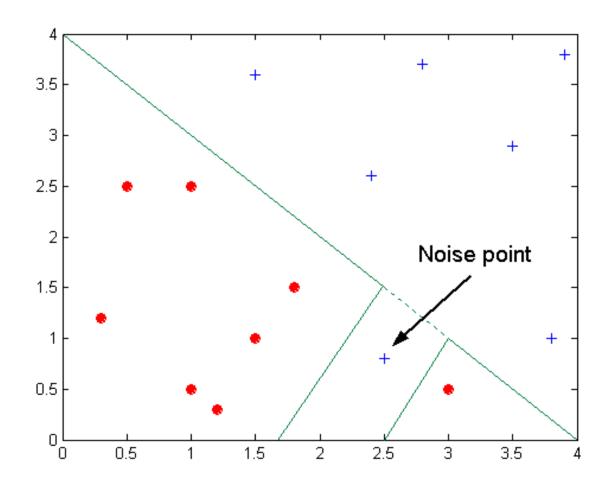
Overfitting: öğrenme verisini o kadar detaylı öğrenir ki, test verilerini tahmin etmede sorun yaşar

Underfitting: model o kadar basit kalır ki, test verisini tahmin etmek zorlaşır

Sınıflandırma ile ilgili önemli meseleler Underfitting (yetersiz uyum) ve Overfitting (aşırı uyma)



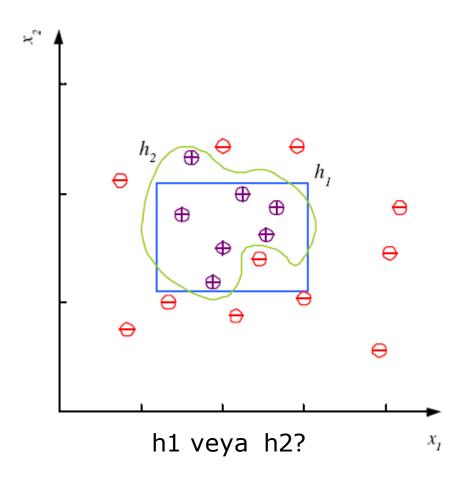
Sınıflandırma ile ilgili önemli meseleler Overfitting (aşırı uyma) sebebiyle gürültü öğrenme



Karar verme sınırı gürültü sebebiyle bozulur

Tavsiyeler

- Farklı modelleri karşılaştırırken
 - Kullanımı kolay olanları
 - Model öğrenimi kolay
 - Gürültüye duyarlı olmayan
 - Açıklanabilir
 - Genelleştirmesi kolay (Occam's razor)



Ağaçların avantajları

- Yorumlanması ve anlaşılması kolaydır.
- Minimal önişleme gerektirir. Diğer yöntemler:
 - Normalizasyon, kayıp değer tahmini, kategorik değerlerin sayısal değerlere çevrilmesi vb. gerektirir.
- Ağaç öğrenmesi ve ağaçtan tahmin yapması hızlıdır
- Sürekli, kategorik ve ordinal değişkenleri yapısını bozmadan ele alır.
- Veri dağılımı ile ilgili varsayımlardan etkilenmez
- Kendi içinde değişken seçimi yapar
 - Alakasız veya gürültülü veriden etkilenmesi minimaldir

Ağaçların dezavantajları

- Aşırı öğrenmeye meyillidir.
- Verideki ufak değişiklikler bambaşka bir ağaca sebep olabilir.
- Bazı tür karar sınırlarını bulmakta zorlanabilir
 - XOR
- Eğer belli bir sınıf çoğunluk ise, o sınıfı öğrenmeye meyillidir.
 - Öğrenimden önce sınıflar arası denge sağlanması gerekir
- Sürekli değişkenler üzerinden kural bulmaya meyillidir