





SONLU OTOMATA (FINITE AUTOTAMA)

Otomata Teorisi Necmettin Erbakan Üniversitesi Bilgisayar Mühendisliği Bölümü



Sonlu Otomata

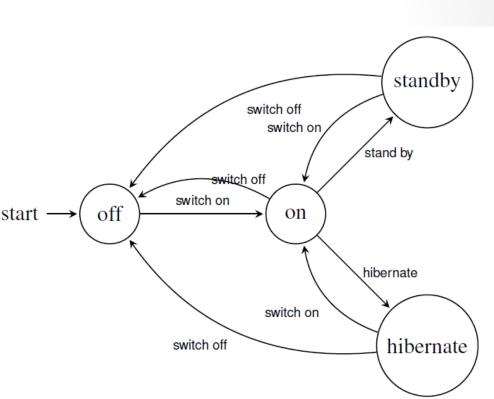
- Sonlu durum kümesinden
- Sonlu giriş kümesinden
- Geçiş Fonksiyonundan
- Özel bir başlangıç durumundan oluşur.



Sonlu Otomata Örnekler

 $\begin{array}{c} \text{start} \longrightarrow \\ \text{off} \\ \text{switch off} \\ \text{switch off} \\ \text{switch off} \\ \end{array}$

standby

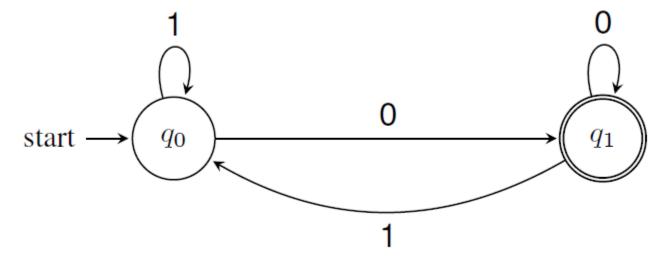


PC



Sonlu Otomat

- Sonlu otomat kabul durumu olan bir sonlu durum makinesidir.
- Örnek: M sonlu otomatı



• Giriş metni w=0010 M tarafından kabul edilir. Ayrıca 0, 01, 110, 010, ... gibi sonu 0 olan bütün metinler.



Belirli Sonlu Otomat (BSO) (Deterministic Finite Automat, DFA)

- Sabit ve sonlu kapasiteye sahip merkezi işlem ünitesidir.
- Giriş bilgisini string olarak bir input tape üzerinden alır.
- Bir çıkış üretmez, giriş bilgisinin kabul edilip edilmediğini gösterir.
- Dil tanıyıcı cihaz (Language Recognition Device) olarak işlem yapar.
- Derleyicide lexical analysis (begin, for ... vb.) aşamasında kullanılır.
- Protokol tanımlarında kullanılır.



Belirli Sonlu Otomat (BSO) (Deterministic Finite Automat, DFA)

- Belirli sonlu otomat $M=(Q; \Sigma; \delta; q_0; F)$ şeklinde 5 ifade ile gösterilir.
- Q sonlu durumlar kümesi.
- Σ sonlu alfabe.
- δ : Q x $\Sigma \rightarrow$ Q geçiş fonksiyonu.
- $q_0 \in Q$ başlangıç durumu.
- F

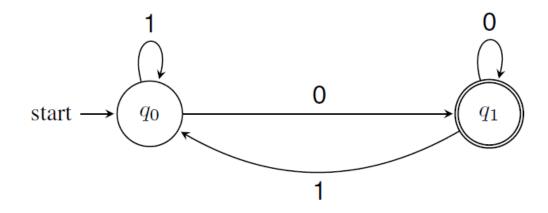
 Q kabul edilen durumlar kümesidir.



Belirli Sonlu Otomatların Gösterimleri

Geçiş Diyagramı (Transition Diagram)

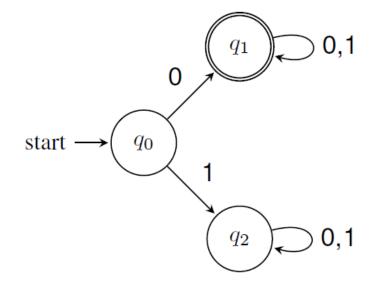
Geçiş Tablosu (Transition Table)



Q/Σ	0	1
$\rightarrow q_0$	q_1	q_0
$*q_1$	q_1	q_0

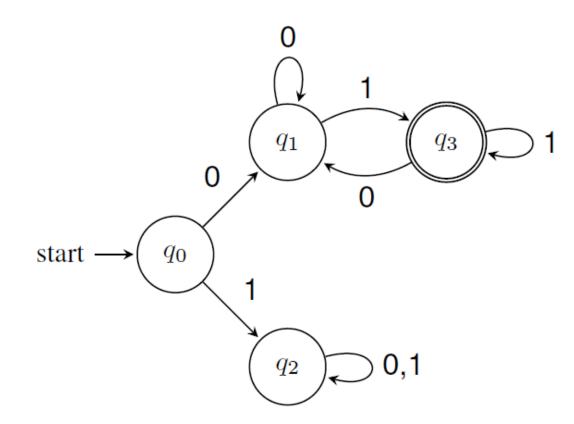


- Tanım: Eğer bir giriş stringinin hesaplaması M belirli sonlu otomatın kabul edilen herhangi durumunda biterse o string kabul edilir.
- Tanım: Bir M BSO'in dili, L(M) şeklinde gösterilir ve M tarafından kabul edilen bütün stringleri ifade eder.
- Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve } w \text{ 0 ile başlayacak}\}$



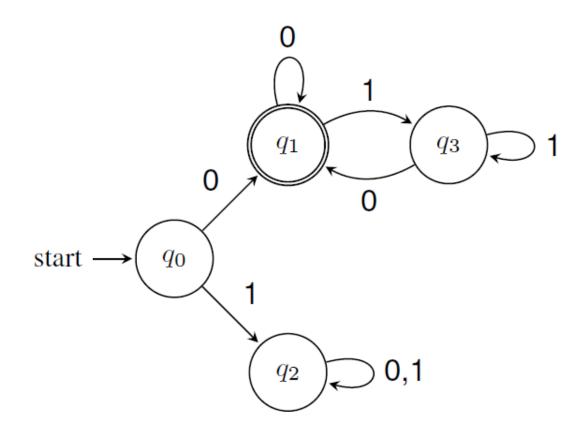


• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve 0 ile başlayan ve 1 ile biten}\}$



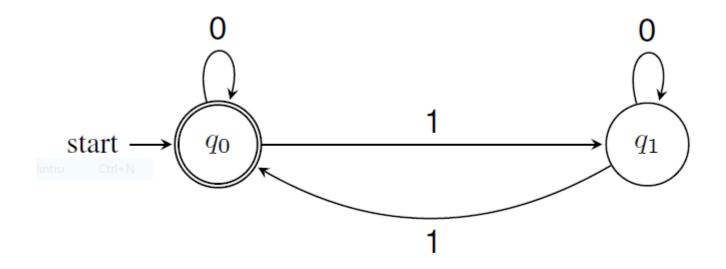


• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve } 0 \text{ ile başlayan ve } 0 \text{ ile biten}\}$



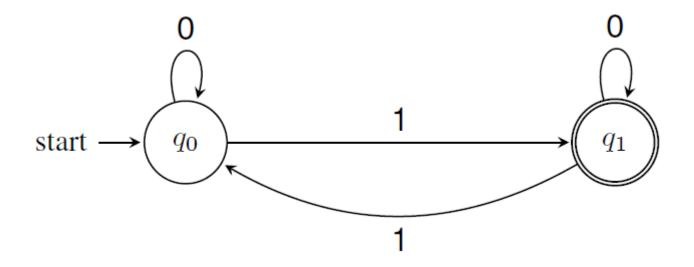


• Örnek: L : $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve çift sayıda 1'den oluşacak}\}$



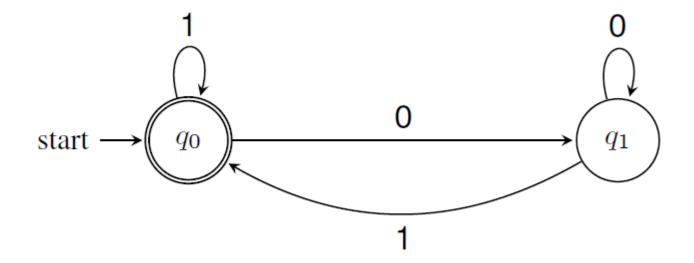


• Örnek: L : $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve tek sayıda 1'den oluşacak}\}$



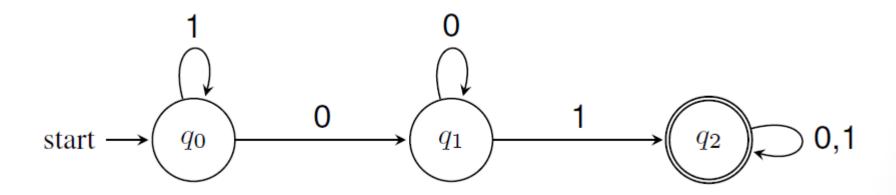


• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve sonu 1 ile bitecek}\}$



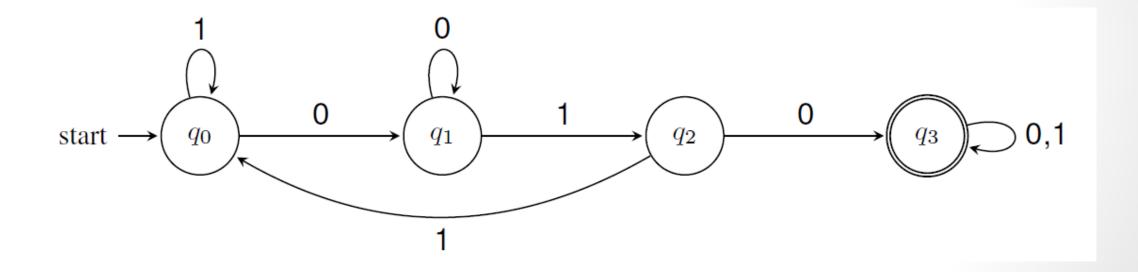


• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve içerisinde } 01 \text{ alt metnini içerecek}\}$



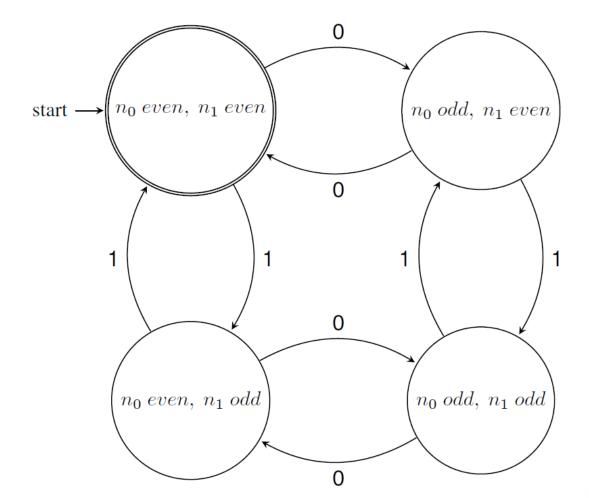


• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve içerisinde } 010 \text{ alt metnini içerecek}\}$





• Örnek: L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve 0'ların ve 1'lerin sayısı çift olacak}\}$



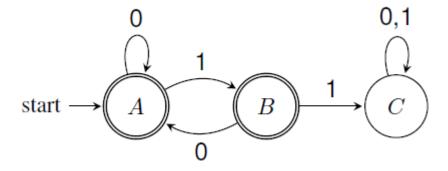


Ödev

•L: $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve 0'ların sayısı} = 1'lerin sayısı mod 2\}$ olan BSO tasarlayınız.



BSO'un Uygulanması

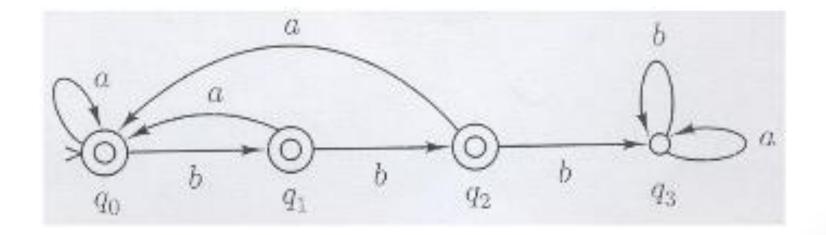


```
enum STATES {A, B, C} state;
int i;
char w[]; // from the user
state = A; // A is start state
for (i=0; i < strlen(w); i++)
  switch (state){
    case A:
    if (w[i]=='0') state=A;
    else state=B;
    break;
    case B:
    if (w[i]=='0') state=A;
    else state=C;
    break;
    case C:
    state=C;
    break;
if (state == A \mid \mid state == B)
  printf("accepted.\n");
else {
  printf("rejected.\n");
```



Ödev

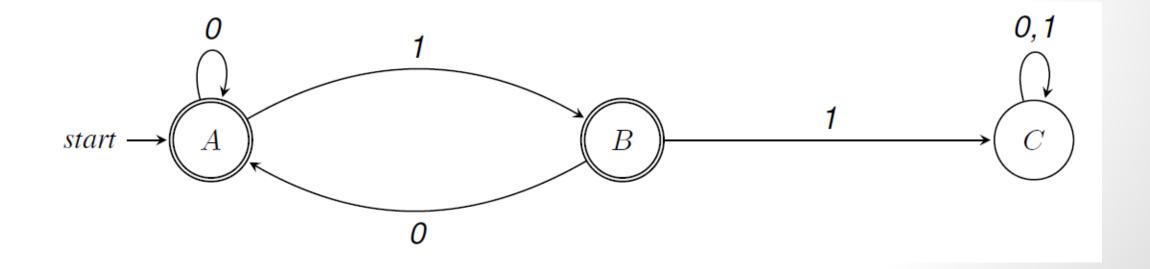
- L : $\{w \mid w \in \{0,1\}^* \text{ ve w 23'e tam b\"ol\"unebilen binary tam sayıdır}\}$
- Yukarıda tanımlanan düzenli dil için BSO tanımlayınız ve bir programlama dilinde kodlayınız.
- Aşağıdaki otomatın tanıdığı dili regular expression ile ifade ediniz.





Düzenli Dil

- Tanım: Eğer bir dil bir BSO tarafından kabul ediliyorsa düzenli dildir (Regular Language).
- Örnek: L_1 : {w | w \in {0,1}* ve arka arkaya 2 tane 1 içermeyecek}





Düzenli Dil İspat

- Bu ispat tümevarım yöntemi ile yapılacaktır. Bunun için tekrar eden geçişler $\delta^*(w)$ şeklinde yani w okunduktan sonra M'in yeni durumu şeklinde tanımlanacaktır.
- Böylelikle bütün $w \in \Sigma^*$ ve $x \in \Sigma$ için $\delta^*(wx) = \delta(\delta^*(w), x)$ şeklinde tanımlanabilir. Ayrıca $L(M)=\{w \mid \delta^*(w)\in F\}$ aşağıdaki kurallara göre ispat edilebilir.
- Kural A: If w 1 içermez veya iki tane 0 sıfır arasında 1 içerir.
- Kural B: If w arka arkaya olmayan 1'ler içerir.
- Kural C: If w arka arkaya 2 tane 1 içerir.



Düzenli Dil İspat

- Basis: If w= ϵ then $\delta^*(w)$:=A
- w=ux olduğu varsayılırsa varsayım u ve x alt stringleri içinde geçerli olacaktır. Bunun için 3 duruma dikkat edilecektir:
 - $\delta^*(\mathbf{u}) := \mathbf{A}$
 - $\delta^*(w) = \delta(A, x) = \{ \text{if } x = 0 \rightarrow A, \text{ if } x = 1 \rightarrow B \}$
 - İddia doğrudur: u0 ∈ A ve u1 ∈ B
 - $\delta^*(u) := B$
 - $\delta^*(w) = \delta(B, x) = \{ \text{if } x = 0 \rightarrow A, \text{ if } x = 1 \rightarrow C \}$
 - İddia doğrudur: u0 ∈ A ve u1 ∈ C
 - $\delta^*(\mathbf{u}) := \mathbf{C}$
 - $\delta^*(w) = \delta(C, x) = \{ \text{if } x = 0 \rightarrow C, \text{ if } x = 1 \rightarrow C \}$
 - İddia doğrudur: $u0 \in C$ ve $u1 \in C$