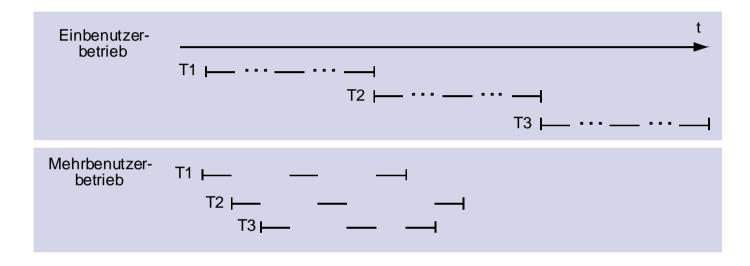
DIS'2010

4. Synchronisation - Korrektheit

Norbert Ritter
Datenbanken und Informationssysteme
vsis-www.informatik.uni-hamburg.de

Motivation - Erinnerung (1)

Einbenutzer-/Mehrbenutzerbetrieb



- CPU-Nutzung während TA-Unterbrechungen
 - E/A
 - Denkzeiten bei Mehrschritt-TA
 - Kommunikationsvorgänge in verteilten Systemen
- bei langen TAs zu große Wartezeiten für andere TA (Scheduling-Fairness)

Motivation - Erinnerung (2)

Anomalien im unkontrollierten Mehrbenutzerbetrieb

1. Abhängigkeit von nicht-freigegebenen Änderungen (Dirty-Read)

- Geänderte, aber noch nicht freigegebene Daten werden als "schmutzig" bezeichnet (dirty data), da die TA ihre Änderungen bis Commit (einseitig) zurücknehmen kann
- Schmutzige Daten dürfenvon anderen TAs nichtin "kritischen"Operationen benutzt werden

T1	T2
Read (A); A := A + 100; Write (A)	
	Read (A); Read (B); B := B + A; Write (B); Commit;
Abort;	
•	, Zeit

Motivation - Erinnerung (3)

- Anomalien im unkontrollierten Mehrbenutzerbetrieb
 - 2. Verlorengegangene Änderung (Lost Update)
 - ist in jedemFall auszuschließen

T1	T2	
Read (A);		
	Read (A);	
A := A - 1; Write (A);		
	A := A + 1;	
	Write (A);	
↓ Zeit		

Motivation - Erinnerung (4)

- Anomalien im unkontrollierten Mehrbenutzerbetrieb
 - 3. Inkonsistente Analyse (Non-repeatable Read)

Lesetransaktion (Gehaltssumme berechnen)	Änderungstransaktion	DB-Inhalt (Pnr, Gehalt)
SELECT Gehalt INTO :gehalt FROM Pers WHERE Pnr = 2345; summe := summe + gehalt;	UPDATE Pers	2345 39.000 3456 48.000
	SET Gehalt = Gehalt + 1000 WHERE Pnr = 2345; UPDATE Pers	2345 40.000
	SET Gehalt = Gehalt + 2000 WHERE Pnr = 3456;	3456 50.000
SELECT Gehalt INTO :gehalt FROM Pers WHERE Pnr = 3456;		
summe := summe + gehalt;		▼ Zeit

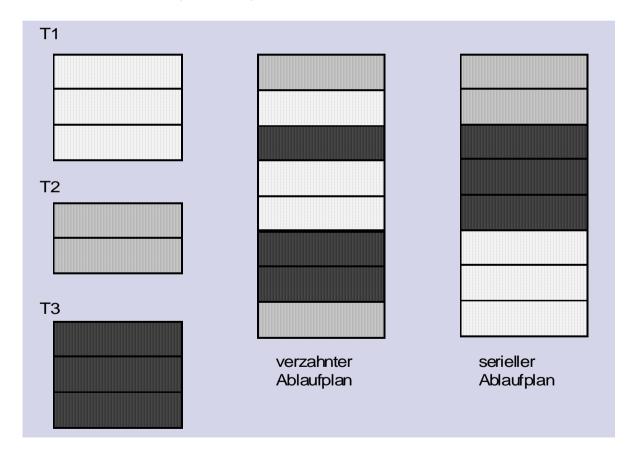
Motivation - Erinnerung (5)

- Anomalien im unkontrollierten Mehrbenutzerbetrieb
 - 4. Phantom-Problem

Lesetransaktion (Gehaltssumme überprüfen)	Änderungstransaktion (Einfügen eines neuen Angestellten)
SELECT SUM (Gehalt) INTO :summe FROM Pers WHERE Anr = 17;	
	INSERT INTO Pers (Pnr, Anr, Gehalt) VALUES (4567, 17, 55.000);
	UPDATE Abt SET Gehaltssumme = Gehaltssumme + 55.000 WHERE Anr = 17;
SELECT Gehaltssumme INTO :gsumme FROM Abt WHERE Anr = 17;	
IF gsumme <> summe THEN <fehlerbehandlung>;</fehlerbehandlung>	Zeit

Motivation - Erinnerung (6)

- Korrektheit Vorüberlegungen (Forts.)
 - mehrere TAs (Forts.)



Motivation - Erinnerung (7)

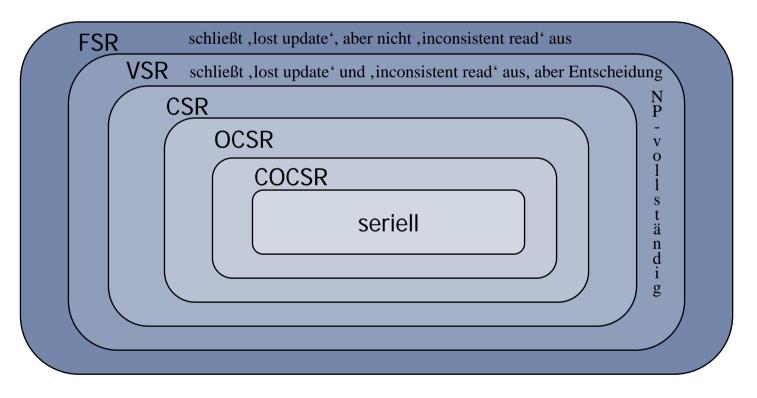
Formales Korrektheitskriterium: Serialisierbarkeit

Die parallele Ausführung einer Menge von TA ist serialisierbar, wenn es eine serielle Ausführung derselben TA-Menge gibt, die *den gleichen DB-Zustand* und *die gleichen Ausgabewerte* wie die ursprüngliche Ausführung erzielt.

- Hintergrund:
 - Serielle Ablaufpläne sind korrekt
 - Jeder Ablaufplan, der denselben Effekt wie ein serieller erzielt, ist akzeptierbar

Motivation (1)

- Ziel dieses Kapitels
 - detailliertere und
 - formale Betrachtung des Serialisierbarkeitsbegriffs
- Klassen (vereinfachter Ausblick)



Motivation (1)

- Anforderungen an akzeptable Klasse von so genannten Schedules (siehe unten)
 - Mindestens *lost update* und *inconsistent read* werden vermieden
 - Zugehörigkeit eines Schedules kann effizient entschieden werden
 - Bei Annahme von Fehlern (Aborts) wird Abhängigkeit von nichtfreigegebenen Änderungen (dirty read) vermieden
- Daher Konzentration auf Konfliktserialisierbarkeit (CSR)
 - CSR ist wichtigste Art der Serialisierbarkeit für die praktische Nutzung

Seiten-Modell (1)

- Modellbildung
 - Seiten-Modell (Grundlage dieses Kapitels)
 - abstraktes Modell, nicht notwendigerweise auf den tatsächlichen Seitenbegriff beschränkt
 - jedoch ist seiten-orientierte Synchronisation und Recovery (im Speichersystem eines DBS) der Hauptanwendungsbereich des Seitenmodells
- Grundlegende Begriffe
 - Menge von unteilbaren, uninterpretierten Datenobjekten (Seiten)
 - $D = \{x, y, z, ...\}$
 - mit atomaren Lese- und Schreiboperationen

Seiten-Modell (2)

- Grundlegende Begriffe (Forts.)
 - Eine Transaktion t wird zunächst als eine endliche Folge von Schritten/Aktionen der Form r(x) oder w(x) betrachtet:
 - $t = p_1 ... p_n$ mit $n < \infty$, $p_i \in \{r(x), w(x)\}$ für $1 \le i \le n$, $x \in D$;
 - r steht für Lesen, w für Schreiben
 - Verschiedene Transaktionen haben keine Schritte gemeinsam; Schritte können eindeutig identifiziert werden:
 - p_{ij} bezeichnet den j-ten Schritt von Transaktion i (Transaktions-Index kann weggelassen werden, falls Kontext klar)

Seiten-Modell (3)

Interpretation einer Transaktion

- $p_j = r(x)$
 - der j-te Schritt der TA ist eine Leseoperation, mit der der aktuelle Wert von x einer lokalen Variablen v_i zugewiesen wird
 - $-V_j := X$
- $p_j = w(x)$
 - der j-te Schritt der TA ist eine Schreiboperation, mit der ein im zugehörigen Programm berechneter Wert x zugewiesen wird
 - jeder Wert, der von einer TA geschrieben wird, ist potentiell abhängig von allen Datenobjekten, die t vorher gelesen hat
 - $x := f_j (v_{j1}, ..., v_{jk})$
 - x ist der Rückgabewert einer beliebigen, unbekannten Funktion f_j mit $\{j_1, ..., j_k\} = \{j_r \mid p_{j_r} \text{ ist Leseoperation } \land j_r < j\}$

Seiten-Modell (4)

- Bisher Annahme einer totalen Ordnung über den Schritten einer TA
 - nicht nötig, solange ACID eingehalten wird
 - nicht sinnvoll, z.B. im Falle einer parallelisierten TA-Ausführung auf einem Mehrprozessorsystem
- Definition Partialordnung
 Sei A beliebige Menge. R ⊆ A × A ist eine Partialordnung auf A, wenn für beliebige Elemente a, b, c ∈ A gilt:

•
$$(a, a) \in R$$
 (Reflexivität)

•
$$(a, b) \in R \land (b, a) \in R \Rightarrow a = b$$
 (Antisymmetrie)

•
$$(a, b) \in R \land (b, c) \in R \Rightarrow (a, c) \in R$$
 (Transitivität)

Beachte: jedes R kann als gerichteter Graph dargestellt werden.

Seiten-Modell (5)

Definition *Transaktion*

- Eine Transaktion t ist eine Partialordnung von Schritten der Form r(x) oder w(x) mit x ∈ D und Lese- und Schreiboperationen sowie mehrfache Schreiboperationen auf demselben Datenobjekt sind geordnet
- Formal: t = (op, <)
 - op ist endliche Menge von Schritten r(x) oder w(x), $x \in D$
 - $< \subseteq \text{ op } \times \text{ op ist Partialordnung über op mit}$
 - falls {p, q} ⊆ op und p und q greifen auf dasselbe Datenobjekt zu und mindestens eine der beiden ist eine Schreiboperationen gilt:

$$p < q \lor q < p$$
.

Seiten-Modell (6)

- Ordnungsanforderung in der Definition sichert eindeutige Interpretation
 - Würde man beispielsweise eine Lese- und ein Schreiboperation auf demselben Datenobjekt ungeordnet belassen
 - wäre der gelesene Wert nicht eindeutig
 - es könnte der Wert vor dem Schreiben oder der danach sein
- Weitere Annahmen
 - in jeder TA wird jedes Datenobjekt h
 öchstens einmal gelesen oder geschrieben
 - kein Datenobjekt wird (nochmal) gelesen, nach dem es geschrieben wurde

(schließt nicht ,blindes' Schreiben aus!)

Historien und Schedules (1)

Ziel

- Entwickeln eines Korrektheitsbegriffes für parallele TA-Ausführungen
- Scheduler, als Kern der Synchronisationskomponente, braucht Korrektheitskriterien, die effizient angewendet werden können
- (zusätzliche) Terminierungsoperationen
 - c_i: erfolgreiches Ende einer TA t_i, Commit
 - a_i: nicht-erfolgreiches Ende einer TA t_i, Abbruch, Abort

Historien und Schedules (2)

Definition Historien und Schedules

- Es sei $T = \{t_1, ..., t_n\}$ eine (endliche) Menge von TA, wobei jedes $t_i \in T$ die Form $t_i = \{op_i, <_i\}$ besitzt, op_i die Menge der Operationen von t_i und $<_i$ ihre Ordnung $(1 \le i \le n)$ bezeichnen.
- Eine *Historie* für T ist ein Paar $s = (op(s), <_s)$, so dass:

a)
$$op(s) \subseteq \bigcup_{i=1}^{n} op_i \cup \bigcup_{i=1}^{n} \{a_i, c_i\} \text{ und } \bigcup_{i=1}^{n} op_i \subseteq op(s)$$

- b) $(\forall i, 1 \le i \le n) c_i \in op(s) \Leftrightarrow a_i \notin op(s)$
- c) $\bigcup_{i=1}^{n} <_i \subseteq <_s$
- d) $(\forall i, 1 \le i \le n)$ $(\forall p \in op_i) p <_s a_i oder p <_s c_i$
- e) jedes Paar von Operationen p, $q \in op(s)$ von verschiedenen TA, die auf dasselbe Datenelement zugreifen und von denen wenigstens eine davon eine Schreib-Operation ist, sind so geordnet, dass $p <_s q$ oder $q <_s p$ gilt
- Ein Schedule ist ein Präfix einer Historie

Historien und Schedules (3)

- Erläuterungen zur Definition:
 - eine Historie (für partiell geordnete TA)
 - a) enthält alle Operationen aller TA
 - b) benötigt eine bestimmte Terminierungsoperation für jede TA
 - c) bewahrt alle Ordnungen innerhalb der TA
 - d) hat die Terminierungsoperationen als letzte Operationen in jeder TA
 - e) ordnet Konfliktoperationen
 - Wegen (a) und (b) wird eine Historie auch als vollständiger Schedule bezeichnet

Historien und Schedules (4)

Bemerkung

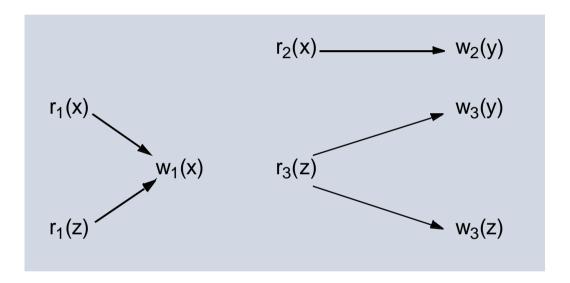
- Ein Präfix einer Historie kann die Historie selbst sein
- Historien lassen sich als Spezialfälle von Schedules betrachten; es genügt deshalb meist, einen gegebenen Schedule zu betrachten

Definition Serielle Historie

Eine Historie s ist seriell, wenn für jeweils zwei TA t_i und t_j
 (i ≠ j) alle Operationen von t_i vor allen Operationen von t_j
 in s auftreten oder umgekehrt.

Historien und Schedules (5)

- Beispiel
 - 3 TA als DAG (directed acyclic graph)

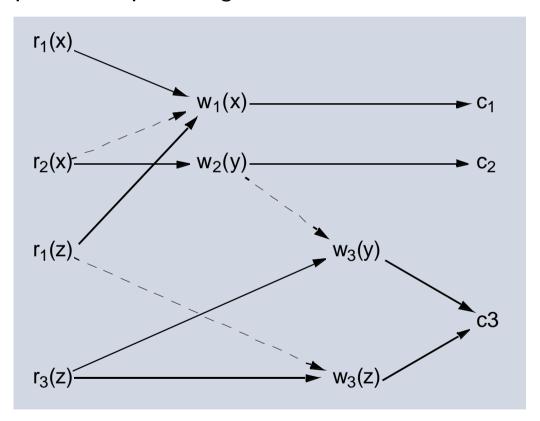


Beispiel einer vollständigen geordneten Historie dieser 3 TA

 $r_1(x)$ $r_2(x)$ $r_1(z)$ $w_1(x)$ $w_2(y)$ $r_3(z)$ $w_3(y)$ c_1 c_2 $w_3(z)$ c_3

Historien und Schedules (6)

- Beispiel (Forts.)
 - Beispiel einer partiell geordneten Historie dieser 3 TA



 Teilordnungen lassen sich stets erweitern zu einer Vielfalt an Vollordnungen (als Spezialfälle)

Historien und Schedules (7)

- Präfix einer partiellen Ordnung
 - wird erreicht durch das Weglassen von Teilen vom Ende der "Erreichbarkeitskette"
 - wenn $s = (op(s), <_s)$, dann hat ein Präfix von s die Form $s' = (op_{s'}, <_{s'})$, so dass gilt:
 - $op_{s'} \subseteq op(s)$
 - $<_{S'} \subseteq <_{S}$
 - $(\forall p \in op_{s'}) (\forall q \in op(s)) q <_s p \Rightarrow q \in op_{s'}$
 - $(\forall p, q \in op_{s'}) p <_{s} q \Rightarrow p <_{s'} q$

Historien und Schedules (8)

- Shuffle-Produkt (Misch-Produkt)
 - sei $T = \{t_1, ..., t_n\}$ eine Menge von vollständig geordneten TA
 - shuffle(T) bezeichnet das Shuffle-Produkt, d.h., die Menge aller Operationsfolgen, in denen jede Folge t_i ∈ T als Teilfolge auftritt und die keine anderen Operationen enthält
- Vollständig geordnete Historien und Schedules
 - eine Historie s für T wird von einer Folge s' ∈ shuffle(T)
 abgeleitet, wobei c_i oder a_i für jedes t_i ∈ T hinzugefügt wird
 (Regel b) und d) von Definition auf Folie 17).
 - ein Schedule ist, wie bisher, ein Präfix einer Historie.
 - eine Historie s ist seriell, wenn $s = t_{i_1}, ..., t_{i_n}$ wobei $i_1, ..., i_n$ eine Permutation von 1, ..., n ist

Historien und Schedules (9)

- Beispiel (Fortführung Folie 20)
 - es können vollständig geordnete TA wie folgt gebildet werden:

$$t_1 = r_1(x) r_1(z) w_1(x)$$

 $t_2 = r_2(x) w_2(y)$
 $t_3 = r_3(z) w_3(y) w_3(z)$

Die Historie

$$r_1(x)$$
 $r_2(x)$ $r_1(z)$ $w_1(x)$ $w_2(y)$ $r_3(z)$ $w_3(y)$ c_1 c_2 $w_3(z)$ c_3 ist vollständig geordnet und hat (unter anderen) $r_1(x)$ $r_2(x)$ $r_1(z)$ $w_1(x)$ $w_2(y)$ $r_3(z)$ $w_3(y)$, $r_1(x)$ $r_2(x)$ $r_1(z)$ $w_1(x)$ $w_2(y)$, und $r_1(x)$ $r_2(x)$ $r_1(z)$ als Präfixe

Historien und Schedules (10)

(Neues) Beispiel

$$\begin{split} \textbf{T} &= \{t_1, \ t_2, \ t_3\} \ \text{mit} \\ t_1 &= r_1(x) \ w_1(x) \ r_1(y) \ w_1(y) \\ t_2 &= r_2(z) \ w_2(x) \ w_2(z) \\ t_3 &= r_3(x) \ r_3(y) \ w_3(z) \\ \textbf{S}_1 &= r_1(x) \ r_2(z) \ r_3(x) \ w_2(x) \ w_1(x) \ r_3(y) \ r_1(y) \ w_1(y) \ w_2(z) \ w_3(z) \\ &\in \text{shuffle}(\textbf{T}); \end{split}$$

 $s_2 = s_1 c_1 c_2 a_3$ ist eine Historie, in der das Shuffle-Produkt von T ergänzt wurde um die Terminierungsschritte;

 $s_3 = r_1(x) r_2(z) r_3(x)$ ist ein Schedule;

 $s_4 = s_1 c_1$ ist ein anderer Schedule;

 $s_5 = t_1 c_1 t_3 a_3 t_2 c_2$ ist eine serielle Historie.

Historien und Schedules (11)

Anmerkung

- die hier erhaltenen Ergebnisse gelten für vollständige wie auch für partielle Ordnungen
- es ist meist einfacher, sie für vollständige Ordnungen herzuleiten
- Definitionen TA-Mengen eines Schedules
 - trans(s) := {t_i | s enthält Schritte von t_i}
 - commit(s) := $\{t_i \in trans(s) \mid c_i \in s\}$
 - abort(s) := $\{t_i \in trans(s) \mid a_i \in s\}$
 - active(s):= trans(s) (commit(s) ∪ abort(s))

Historien und Schedules (12)

Beispiel (Fortführung Folie 25)

•
$$s_1 = r_1(x) r_2(z) r_3(x) w_2(x) w_1(x) r_3(y) r_1(y) w_1(y) w_2(z)$$

 $w_3(z) c_1 c_2 a_3$
 $trans(s_1) = \{t_1, t_2, t_3\}$
 $commit(s_1) = \{t_1, t_2\}$
 $abort(s_1) = \{t_3\}$
 $active(s_1) = \emptyset$

• $s_2 = r_1(x) r_2(z) r_3(x) w_2(x) w_1(x) r_3(y) w_1(y) w_2(z) w_3(z) c_1$ $trans(s_2) = \{t_1, t_2, t_3\}$ $commit(s_2) = \{t_1\}$ $abort(s_2) = \emptyset$ $active(s_2) = \{t_2, t_3\}$

Historien und Schedules (13)

- Für jede Historie s gilt:
 - trans(s) = commit(s) \cup abort(s)
 - $active(s) = \emptyset$

Historien und Schedules (14)

Definition Monotone Klassen von Historien

- Eine Klasse E von Historien heißt monoton, wenn folgendes gilt:
 - Wenn s in E ist, dann ist $\Pi_T(s)$, die Projektion von s auf T genannt, in E für jedes $T \subseteq \text{trans}(s)$
 - Mit anderen Worten, E ist unter beliebigen Projektionen abgeschlossen

Monotonizität

- Monotonizität einer Historienklasse E ist eine wünschenswerte Eigenschaft, da sie E unter beliebigen Projektionen bewahrt
- VSR ist nicht monoton

Korrektheit (1)

- Ein Korrektheitskriterium kann formal betrachtet werden als Abbildung
 - $\sigma: S \to \{0, 1\}$ mit S Menge aller Schedules.
 - correct(S) := {s ∈ S | σ(s)=1 }
- Ein konkretes Korrektheitskriterium sollte mindestens die folgenden Anforderungen erfüllen
 - 1. correct(S) $\neq \emptyset$
 - 2. "s ∈ correct(S)" ist effizient entscheidbar
 - correct(S) ist "ausreichend groß",
 - so dass der Scheduler viele Möglichkeiten hat, korrekte Schedules herbeizuführen
 - je größer die Menge der erlaubten Schedules, desto höher die Nebenläufigkeit, desto höher die Effizienz

Korrektheit (2)

- Fundamentale Idee der Serialisierbarkeit
 - Einzelne TA ist korrekt, da sie die Datenbank konsistent erhält
 - Konsequenz: serielle Historien sind korrekt!
 - Serielle Historien sollen jedoch "nur" als Korrektheitsmaß via geeignet gewählten Äquivalenzrelationen nutzbar gemacht werden
- Vorgehensweise
 - 1. Definition einer Äquivalenzrelation ,≈' auf S (Menge aller Schedules), so dass
 - $[S]_{\approx} = \{[s]_{\approx} \mid s \in S\}$ Menge der Äquivalenzklassen
 - 2. Betrachten solcher Klassen mit seriellen Schedules als repräsentative Vertreter

Klasse CSR (1)

Konflikt-Serialisierbarkeit

wichtigste Art der Serialisierbarkeit für die praktische Nutzung

Ziel

- weitere Einschränkungen im Vergleich zu VSR (nicht monoton und Test auf Mitgliedschaft NP-vollständig)
- Konzept, das einfach zu testen ist und sich für den Einsatz in Schedulern eignet

Definition Konflikte und Konfliktrelationen

- Sei s ein Schedule; t, t' ∈ trans(s), t ≠ t':
- Zwei Datenoperationen $p \in t$ und $q \in t'$ sind in Konflikt in s, wenn sie auf dasselbe Datenelement zugreifen und wenigstens eine von ihnen ein Write ist
- conf(s) := $\{(p, q) \mid p, q \text{ sind in Konflikt in s und } p <_s q\}$ heißt Konfliktrelation von s

Klasse CSR (2)

Bemerkung

 Konflikte bestehen nur zwischen Datenoperationen, unabhängig vom Terminierungsstatus der TA; Operationen von abgebrochenen TA können dennoch ignoriert werden

Motivation

Seiten-Modell

Historien

Korrektheit

CSR

Beispiel

- $s = w_1(x) r_2(x) w_2(y) r_1(y) w_1(y) w_3(x) w_3(y) c_1 a_2$
- conf(s) = { $(w_1(x), w_3(x)), (r_1(y), w_3(y)), (w_1(y), w_3(y))$ }

Definition Konfliktäquivalenz

- Schedules s und s' sind konfliktäquivalent, ausgedrückt durch s \approx_c s', wenn
 - op(s) = op(s')
 - conf(s) = conf(s')

Klasse CSR (3)

- Beispiel (s \approx_c s')
 - $s = r_1(x) r_1(y) w_2(x) w_1(y) r_2(z) w_1(x) w_2(y)$
 - $s' = r_1(y) r_1(x) w_1(y) w_2(x) w_1(x) r_2(z) w_2(y)$
- Konfliktschritte-Graph D₂(s)
 - Konfliktäquivalenz lässt sich durch einen Graph
 D₂(s) := (V, E) mit V = op(s) und E = conf(s) veranschaulichen
 - D₂(s) heißt Konfliktschritte-Graph (conflicting-step graph) und
 - es gilt: $s \approx_c s' \Leftrightarrow D_2(s) = D_2(s')$
- Definition Konfliktserialisierbarkeit
 - Eine Historie s ist konfliktserialisierbar, wenn eine serielle Historie s' mit s \approx_c s' existiert
 - CSR bezeichnet die Klasse aller konfliktserialisierbaren Historien

Klasse CSR (4)

Beispiele

- $s_1 = r_1(x) r_2(x) r_1(z) w_1(x) w_2(y) r_3(z) w_3(y) c_1 c_2 w_3(z) c_3$ $s_1 \in CSR$
- $s_2 = r_2(x) w_2(x) r_1(x) r_1(y) r_2(y) w_2(y) c_1 c_2$ $s_2 \notin CSR$

Klasse CSR (5)

Lost Update

- $L = r_1(x) r_2(x) w_1(x) w_2(x) c_1 c_2$
- conf(L) = { $(r_1(x), w_2(x)), (r_2(x), w_1(x)), (w_1(x), w_2(x))$ }
- $L \not\approx_c t_1 t_2 \text{ und } L \not\approx_c t_2 t_1$

Inconsistent Read

- $I = r_2(x) w_2(x) r_1(x) r_1(y) r_2(y) w_2(y) c_1 c_2$
- conf(I) = { $(w_2(x), r_1(x)), (r_1(y), w_2(y))$ }
- $\mathbf{I} \not\approx_{\mathsf{c}} \mathsf{t}_1 \mathsf{t}_2 \text{ und } \mathbf{I} \not\approx_{\mathsf{c}} \mathsf{t}_2 \mathsf{t}_1$
- $CSR \subset VSR \subset FSR$

Klasse CSR (6)

Beispiel

- $s = W_1(x) W_2(x) W_2(y) C_2 W_1(y) C_1 W_3(x) W_3(y) C_3$
- $s \not\approx_c t_1 t_2 t_3$ und $s \notin CSR$, aber $s \approx_v t_1 t_2 t_3$ und damit $s \in VSR$

Theorem

- CSR ist monoton
- s ∈ CSR ⇔ Π_T(s) ∈ VSR für alle T ⊆ trans(s)
 (d.h., CSR ist die größte monotone Teilmenge von VSR)

Klasse CSR (7)

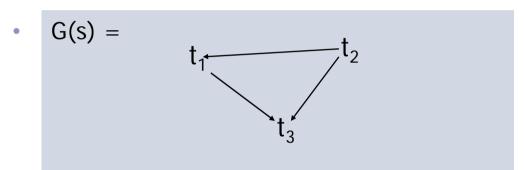
- Definition Konfliktgraph (Serialisierungsgraph)
 - Sei s ein Schedule. Der Konfliktgraph G(s) = (V, E) ist ein gerichteter Graph mit
 - V = commit(s)
 - $(t, t') \in E \Leftrightarrow t \neq t' \land (\exists p \in t) (\exists q \in t') (p, q) \in conf(s)$
- Anmerkung

 Konfliktgraph abstrahiert von individuellen Konflikten zwischen Paaren von TA (conf(s)) und repräsentiert mehrfache Konflikte zwischen denselben (abgeschlossenen) TA durch eine einzige Kante

Klasse CSR (8)

Beispiel

• $s = r_1(x) r_2(x) w_1(x) r_3(x) w_3(x) w_2(y) c_3 c_2 w_1(y) c_1$



Theorem Serialisierbarkeitstheorem

Sei s eine Historie; dann gilt: s ∈ CSR gdw G(s) azyklisch

Aufgabe

 Finden einer seriellen Historie, die konsistent mit allen Kanten in G(s) ist

Klasse CSR (9)

Beispiel

• $s = r_1(y) r_3(w) r_2(y) w_1(y) w_1(x) w_2(x) w_2(z) w_3(x) c_1 c_3 c_2$

$$G(s) = t_1 \qquad t_2 \qquad s \notin CSR$$

• $s' = r_1(x) r_2(x) w_2(y) w_1(x) c_2 c_1$

$$G(s') = t_1 \leftarrow t_2$$
 $s' \in CSR$

Klasse CSR (10)

Korollar

 Mitgliedschaft in CSR lässt sich in polynomialer Zeit in der Menge der am betreffenden Schedule teilnehmenden TA testen

Blindes Schreiben

- Ein blindes Schreiben eines Datenelements x liegt vor, wenn eine TA ein Write(x) ohne ein vorhergehendes Read(x) durchführt
- Wenn wir blindes Schreiben für TA verbieten, verschärft sich die Definition einer TA um die Bedingung:
 - Wenn $w_i(x) \in T_i$, dann gilt $r_i(x) \in T_i$ und $r_i(x) < w_i(x)$
- Dann gilt: eine Historie ist view-serialisierbar (in VSR) gdw sie konfliktserialisierbar (in CSR) ist!

Klasse CSR (11)

- Konflikte und Kommutativität
 - bisher wurde Konfliktserialisierbarkeit über den Konfliktgraph G definiert
 - Ziel
 - s soll mit Hilfe von Kommutativitätsregeln schrittweise so transformiert werden, dass eine serielle Historie entsteht
 - s ist dann äquivalent zu einer seriellen Historie

Klasse CSR (12)

Kommutativitätsregeln

- bedeutet, dass die geordneten Paare von Aktionen gegenseitig ersetzt werden k\u00f6nnen
 - C1: $r_i(x) r_i(y) \sim r_i(y) r_i(x)$ wenn $i \neq j$
 - C2: $r_i(x)$ $w_j(y)$ ~ $w_j(y)$ $r_i(x)$ wenn $i \neq j$, $x \neq y$
 - C3: $w_i(x)$ $w_j(y)$ ~ $w_j(y)$ $w_i(x)$ wenn $i \neq j$, $x \neq y$
- Ordnungsregel bei partiell geordneten Schedules
 - C4: $o_i(x)$, $p_j(y)$ ungeordnet $\Rightarrow o_i(x)$ $p_j(y)$ wenn $x \neq y \lor (o = r \land p = r)$
 - besagt, dass zwei ungeordnete Operationen beliebig geordnet werden können, wenn sie nicht in Konflikt stehen

DIS - SS 2010 - Kapitel 4

Klasse CSR (13)

Beispiel

$$s = w_{1}(x) r_{2}(x) w_{1}(y) w_{1}(z) r_{3}(z) w_{2}(y) w_{3}(y) w_{3}(z)$$

$$\rightarrow (C2) w_{1}(x) w_{1}(y) r_{2}(x) w_{1}(z) w_{2}(y) r_{3}(z) w_{3}(y) w_{3}(z)$$

$$\rightarrow (C2) w_{1}(x) w_{1}(y) w_{1}(z) r_{2}(x) w_{2}(y) r_{3}(z) w_{3}(y) w_{3}(z)$$

$$= t_{1} t_{2} t_{3}$$

- Definition Kommutativitätsbasierte Äquivalenz
 - Zwei Schedules s uns s' mit op(s) = op(s') sind kommutativitätsbasiert äquivalent, ausgedrückt durch s ~* s', wenn s nach s' transformiert werden kann durch eine endliche Anwendung der Regeln C1, C2, C3 und C4.

Klasse CSR (14)

- Theorem
 - s und s' seien Schedules mit op(s) = op(s')
 - Dann gilt s ≈_c s' gdw s ~* s'
- Definition Kommutativitätsbasierte Reduzierbarkeit
 - Historie s ist kommutativitätsbasiert reduzierbar, wenn es eine serielle Historie s' gibt mit s ~* s'
- Korollar

 Eine Historie s ist kommutativitätsbasiert reduzierbar gdw s ∈ CSR

DIS - SS 2010 - Kapitel 4

Klasse CSR (15)

- Verallgemeinerung des Konfliktbegriffs
 - Scheduler muss nicht die Art der Operationen kennen, sondern nur wissen, welche Schritte in Konflikt stehen
 - Beispiel
 - $s = p_1 q_1 p_2 o_1 p_3 q_2 o_2 o_3 p_4 o_4 q_3$ mit den Konfliktschritten $(q_1, p_2), (p_2, o_1), (q_1, o_2)$ und (o_4, q_3)
 - nutzbar für semantische Synchronisation
 - Spezifikation einer Kommutativitäts- bzw. Konflikttabelle für ,neue' (mglw. anwendungsspezifische) Operationen und
 - Ableitung der Konfliktserialisierbarkeit von dieser Tabelle
 - Beispiele für Operationen
 - increment/decrement
 - enqueue/dequeue

-

Klasse OCSR (1)

- Einschränkungen der Konflikt-Serialisierbarkeit
 - Historien/Schedules aus VSR und FSR lassen sich praktisch nicht nutzen!
 - Weitere Einschränkungen von CSR dagegen sind in manchen praktischen Anwendungen sinnvoll!
- Beispiel
 - $s = w_1(x) r_2(x) c_2 w_3(y) c_3 w_1(y) c_1$

•
$$G(s) = t_3 \longrightarrow t_1 \longrightarrow t_2$$

- Kontrast zwischen Serialisierungs- und tatsächlicher Ausführungsreihenfolge möglicherweise unerwünscht!
- Situation lässt sich durch Ordnungserhaltung vermeiden

Klasse OCSR (2)

- Definition Ordnungserhaltende Konfliktserialisierbarkeit
 - Eine Historie s heißt ordnungserhaltend konfliktserialisierbar, wenn
 - sie konfliktserialisierbar ist, d.h., es existiert ein s', so dass op(s) = op(s') und $s \approx_c s'$ gilt und
 - wenn zusätzlich folgendes für alle t_i , $t_j \in trans(s)$ gilt: Wenn t_i vollständig vor t_i in s auftritt, dann gilt dasselbe auch für s'

Theorem

Beweisskizze

- Aus der Definition folgt: OCSR ⊆ CSR
- s (siehe vorhergehende Folie) zeigt jedoch, dass die Inklusionsbeziehung echt ist: s ∈ CSR - OCSR

Klasse COCSR (1)

- Weitere Einschränkung von CSR
 - nützlich für verteilte und möglicherweise heterogene Anwendungen
 - Beobachtung: Für Konflikt-Serialisierbarkeit ist es hinreichend, wenn in Konflikt stehende TA ihr Commit in Konfliktreihenfolge ausführen
- Definition Einhaltung der Commit-Reihenfolge
 - Eine Historie s hält die Commit-Reihenfolge ein (commit order-preserving conflict serializable), wenn folgendes gilt:
 - Für alle t_i , $t_j \in commit(s)$, $i \neq j$: Wenn $(p, q) \in conf(s)$ für $p \in t_i$, $q \in t_j$, dann $c_i < c_j$ in s
- Die Reihenfolge der Konfliktoperationen bestimmt die Reihenfolge der zugehörigen Commit-Operationen

DIS - SS 2010 - Kapitel 4

Klasse COCSR (2)

Theorem

- COCSR bezeichne die Klasse aller Historien, die "commit order-preserving conflict serializable" sind; es gilt
- COCSR ⊂ CSR
- Beweisskizze
 - $s = r_1(x) w_2(x) c_2 c_1$
 - s ∈ CSR COCSR (die Inklusion ist also echt)

Theorem

- Sei s eine Historie: s ∈ COCSR gdw
 - $s \in CSR$ und
 - es existiert eine serielle Historie s', so dass s' \approx_c s und für alle t_i , $t_j \in trans(s)$, $t_i <_{s'} t_j \Rightarrow c_{t_i} <_s c_{t_j}$
- Theorem: COCSR

 OCSR

Commit Serialisierbarkeit (1)

- Bisher Annahme,
 - dass jede betrachtete TA erfolgreich terminiert
- Anforderungen aufgrund möglicher Fehlerfälle
 - 1. Ein Korrektheitskriterium sollte 'nur' erfolgreich abgeschlossene TA berücksichtigen
 - 2. Für jeden korrekten Schedule sollte jeder seiner Präfixe korrekt sein
- Definition Hülleneigenschaften
 - Sei E eine Klasse von Schedules
 - 1. E ist *präfix-abgeschlossen*, wenn für jeden Schedule s in E jeder Präfix von s auch in E ist
 - 2. E ist *commit-abgeschlossen*, wenn für jeden Schedule s in E auch CP(s), wobei CP(s) = $\Pi_{\text{commit(s)}}$ (s), in E ist

Commit Serialisierbarkeit (2)

- Präfix-Commit-Abgeschlossenheit
 - Erfüllung der beiden vorgenannten Abgeschlossenheitseigenschaften
 - Falls Klasse E präfix-commit-abgeschlossen, dann gilt für jeden Schedule s in E, dass CP(s') in E für jeden Präfix s' von s
- FSR ist nicht präfix-commit-abgeschlossen
 - $S = W_1(x) W_2(x) W_2(y) C_2 W_1(y) C_1 W_3(x) W_3(y) C_3$
 - $s \approx_v t_1 t_2 t_3$ daher $s \in VSR$, daher $s \in FSR$
 - $s' = w_1(x) w_2(x) w_2(y) c_2 w_1(y) c_1 ist Präfix von s$
 - CP(S') = S'
 - $s' \not\approx_f t_1 t_2 \text{ und } s' \not\approx_f t_2 t_1$, daher $s' \not\in FSR$
- VSR ist schon deshalb nicht präfix-commit-abgeschlossen, da VSR nicht monoton

DIS - SS 2010 - Kapitel 4

Commit Serialisierbarkeit (3)

Theorem

- CSR ist präfix-commit-abgeschlossen
- Beweis
 - Sei s ∈ CSR, daher ist G(s) azyklisch
 - Für jede Teilfolge s' von s ist auch G(s') azyklisch
 - Insbesondere G(CP(s')) ist azyklisch
 - Damit $CP(s') \in CSR$

Definition Commit-Serialisierbarkeit

- Ein Schedule s heißt *commit-serialisierbar*, wenn für jeden Präfix s' CP(s') serialisierbar ist.
- Klassen commit-serialisierbarer Schedules
 - CMFSR
 - CMVSR
 - CMCSR

Commit Serialisierbarkeit (4)

Theorem

- 1. CMFSR, CMVSR, CMCSR sind commit-abgeschlossen
- 2. $CMCSR \subset CMVSR \subset CMFSR$
- 3. CMFSR \subset FSR
- 4. $CMVSR \subset VSR$
- 5. CMCSR = CSR

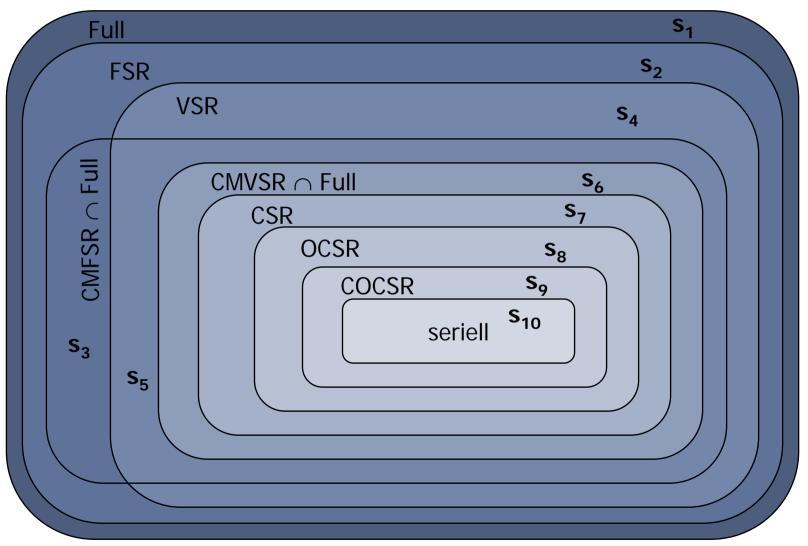
Alle Klassen im Überblick (1)

Historien

- $s_1 = w_1(x) w_2(x) w_2(y) c_2 w_1(y) c_1$
- $s_2 = w_1(x) r_2(x) w_2(y) c_2 r_1(y) w_1(y) c_1 w_3(x) w_3(y) c_3$
- $S_3 = W_1(x) r_2(x) W_2(y) W_1(y) C_1 C_2$
- $S_4 = W_1(x) W_2(x) W_2(y) C_2 W_1(y) C_1 W_3(x) W_3(y) C_3$
- $S_5 = W_1(x) r_2(x) W_2(y) W_1(y) C_1 C_2 W_3(x) W_3(y) C_3$
- $s_6 = w_1(x) w_2(x) w_2(y) c_2 w_1(y) w_3(x) w_3(y) c_3 w_1(z) c_1$
- $s_7 = w_1(x) w_2(x) w_2(y) c_2 w_1(z) c_1$
- $s_8 = w_3(y) c_3 w_1(x) r_2(x) c_2 w_1(y) c_1$
- $s_9 = w_3(y) c_3 w_1(x) r_2(x) w_1(y) c_1 c_2$
- $s_{10} = w_1(x) w_1(y) c_1 w_2(x) w_2(y) c_2$

Alle Klassen im Überblick (2)

Klassen-Übersicht



Zusammenfassung (1)

- Korrektheitskriterium der Synchronisation:
 - (Konflikt-)Serialisierbarkeit
- Theorie der Serialisierbarkeit
 - einfaches Read/Write-Modell (Syntaktische Behandlung)
 - Konfliktoperationen: reihenfolgeabhängige Operationen verschiedener Transaktionen auf denselben DB-Daten
 - Konflikt-Serialisierbarkeit
 - für praktische Anwendungen relevant (im Gegensatz zu Final-State- und View-Serialisierbarkeit)
 - effizient überprüfbar
 - es gilt: $CSR \subset VSR \subset FSR$
 - Serialisierbarkeitstheorem: Eine Historie s ist genau dann konfliktserialisierbar, wenn der zugehörige G(s) azyklisch ist

Zusammenfassung (2)

- Theorie der Serialisierbarkeit (Forts.)
 - CSR, obwohl weniger allgemein als VSR, ist am besten geeignet
 - aus Gründen der Komplexität
 - wegen Monotonizitätseigenschaft
 - wegen Verallgemeinerbarkeit für semantisch reichhaltigere Operationen
 - OCSR und COCSR haben weitere nützliche Eigenschaften
 - Commit-Serialisierbarkeit bezieht mögliche Abbrüche mit ein
- Serialisierbare Abläufe
 - Gewährleisten 'automatisch' Korrektheit des Mehrbenutzerbetriebs
 - Anzahl der möglichen Schedules bestimmt erreichbaren Grad der Parallelität