## Vorlesung Multidimensionale und Multimodale Signale, SoSe 2010

Sebastian Rockel (6095961) Vitali Amann (5788408)

15. April 2010

## 2 Übung (Abgabe: 22.04.2010, 8.30 Uhr, schriftlich)

1. Gegeben sei eine periodische Funktion über die Zeit, wie lauten die Fourierkoeffizienten?

a) 
$$f(t) = \sin(t)$$
 für  $t \in (-\pi, \pi)$   
 $a_0 = 0$ ;  $a_k = 0$ ;  $b_k = 1$ ;  $k = 1$ 

b) 
$$f(t) = \cos(t)$$
 für  $t \in (-\pi, \pi)$   
 $a_0 = 0$ ;  $a_k = 1$ ;  $b_k = 0$ ;  $k = 1$ 

c) 
$$f(t) = \cos(2t)$$
 für  $t \in (-\pi, \pi)$   
 $a_0 = 0$ ;  $a_k = 1$ ;  $b_k = 0$ ;  $k = 2$ 

d) 
$$f(t) = 1$$
 für  $t \in (-\pi, \pi)$   
 $a_0 = 2$ ;  $a_k = 0$ ;  $b_k = 0$ ;  $k = (beliebig)$ 

- 2. Gegeben seien die Fourierkoeffizienten einer Funktion über die Zeit. Wie lautet die Funktion?
- 3. Welche der Funktionen entspricht den Dirichletschen Bedingungen im Intervall  $(-\pi,\pi)$

a) 
$$f(t) = sgn(t)$$

Diese Funktion erfüllt nicht die Dirichletschen Bedingungen, da die Regel ii verletzt werden. Es existieren keine links- oder rechtsseitigen Grenzwerte in den Punkt t = 0.

b) 
$$f(t) = 1$$
 falls  $t \in \mathbb{Z}$ , sonst  $f(t) = 0$ 

Diese Funktion erfüllt nicht die Dirichletschen Bedingungen, da die Regel i verletzt wird. Die Funktion stellt einzelne Punkte dar, die weder stetig noch monoton sind.

c) 
$$f(t) = 1$$
 falls  $t \in \mathbb{Q}$ , sonst  $f(t) = 0$ 

Diese Funktion erfüllt nicht die Dirichletschen Bedingungen, da die Regel i verletzt wird. Die Funktion stellt einzelne Punkte dar, die weder stetig noch monoton sind.

d<br/>)  $f(t)=\frac{1}{t}$ Diese Funktion erfüllt die Dirichletschen Bedingungen. Die Funktion lässt sich in zwei Teilintervalle aufteilen, die stetig und monoton sind und für den Punkt  $t_0 = 0$  gilt die Regel ii, für die Funktion f(t) existieren der links- und rechtsseitigen Grenzwert.

e)  $f(t) = \cos(\frac{1}{t})$ 

Diese Funktion erfüllt nicht die Dirichletschen Bedingungen, da die Regel i verletzt wird. Die Funktion kann zwar in Intervalle aufgeteilt werden, die stetig und monoton sind, allerdings ist die Anzahl dieser Intervalle unendlich.

f)  $f(t) = t \mod 1$ 

Diese Funktion erfüllt die Dirichletschen Bedingungen. Diese Funktion liefer immer 0 als Ergebnis. Somit erfüllt sie beide Bedingungen.