ÔN THI HSG TỈNH SÁNG 17 THANG 9 NĂM 2020

Exercise 1: Ô tô bay [FLYCAR.*]

Hãng xe ô tô BT đang thử nghiệm môt loai ô tô bay. Mỗi khi gặp một chướng ngai vật có độ cao h, ô tô có thể đi qua chướng ngại vật này bằng cách "nâng" độ cao của mình cách mặt đất môt khoảng $l \geq h$. Tất nhiên "nâng" độ cao càng lớn thì nhiên liệu sử dụng càng nhiều. Do đó BT định nghĩa "độ lãng phí" khi nâng ô tô lên chiều cao l để đi qua chướng ngại vật chiều cao h là l-h.

Trong ngày thử nghiệm loại ô tô mới này, BT cho ô tô đi qua n chướng ngại vật theo thứ tự có chiều cao là h_1, h_2, \dots, h_n . Tất nhiên khi đi qua chướng ngại vật nào ô tô phải duy trì chiều cao tối thiểu bằng chướng ngại vật đó. Do đang là phiên bản thử nghiệm nên trong suốt quá trình đia qua n chướng ngại vật ô tô chỉ có thể thay đổi độ cao không quá k lần.

Yêu cầu: Viết chương trình lên lịch thay đổi độ cao của ô tô sao cho tổng "độ lãng phí" khi đi qua n chướng ngại vật là nhỏ nhất? Ô tô có thể khởi hành với độ cao ban đầu bất kỳ và việc xuất phát đưa ô tô lên độ cao ban đầu này không được tính vào k lần thay đổi độ cao.

Dữ liệu vào: Cho trong tệp văn bản FLYCAR.INP gồm

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương $n, k \ (1 \le k < n \le 400)$
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên $h_1, h_2, ..., h_n$ $(0 \le h_i \le 10^9)$ là độ cao của các chướng ngại vật lần lượt xuất hiện trên hành trình.

Kết quả ra: Ghi ra tệp văn bản FLYCAR.**OUT** - In ra một số nguyên là "tổng độ lãng phí" nhỏ nhất khi thay đổi độ cao của ô tô một cách hợp lý.

Example:

FLYCAR.INP	FLYCAR.OUT
6 2	3
798232	

Giải thích: Ô tô xuất phát với độ cao 7. Sau khi vươt qua chướng ngại vật thứ nhất nó tăng độ cao lên 9, giữ nguyên độ cao này cho đến khi vượt qua chướng ngại vật thứ ba thì giảm xuống độ cao 3 bay cho đến khi vượt qua chướng ngại vật thứ sáu. Tổng "độ lãng phí" là:

$$(7-7)+(9-9)+(9-8)+(3-2)+(3-3)+(3-2)=3$$

Exercise 2: Tô màu [FLOODFILL.*]

Trên một đường thẳng cho n hình vuông xếp thành một hàng đánh số 1, 2, ..., n từ trái qua phải. Hình vuông thứ i có màu là c_i .

Ta nói rằng một dãy hình vuông từ vị trí i đến vị trí j là một mảng màu nếu như $c_i = c_j$ và $c_i = c_k$ với mọi i < k < j. Nói cách khác tất các các hình vuông từ vị trí i đến vị trí j là cùng một màu.

Mỗi thao tác bạn có thể tô lại màu cho các hình vuông trong một mảng màu thành màu mới.

Hỏi rằng số thao tác ít nhất cần thực hiện để đưa tất cả n hình vuông về cùng một màu là bao nhiêu

Dữ liệu vào: Cho trong tệp văn bản FLOODFILL.INP gồm

- Dòng đầu tiên ghi số nguyên dương $n \ (n \le 5000)$ số hình vuông
- Dòng thứ hai ghi n số nguyên dương $c_1, c_2, \ldots, c_n (1 \le c_i \le 5000)$ màu ban đầu của các hình vuông.

Kết quả ra: Ghi ra tệp văn bản FLOODFILL.OUT In ra một số nguyên là số thao tác nhỏ nhất cần thực hiện

Example:

FLOODFILL.INP	FLOODFILL.OUT
4	2
5 2 2 1	
8	4
45221355	

Giải thích: Trong ví dụ thứ nhất biển đổi:

$$[5, 2, 2, 1] \rightarrow [5, 5, 5, 1] \rightarrow [1, 1, 1, 1]$$

Exercise 3: Rút gọn đoạn [CUTSEQ.*]

Cho một dãy gồm N chữ số thuộc đoạn 0..9 (N ≤ 200). Ở mỗi bước, ta có thể lấy ra từ dãy này một đoạn liên tiếp các chữ số giống nhau và nhận được một số tiền bằng bình phương độ dài của đoạn được lấy ra. Nếu sau khi lấy, dãy đã cho bị tách làm 2 dãy con, 2 dãy con này lập tức được sát nhập lại thành 1 (giữ nguyên thứ tự).

Hãy tính số lượng tiền lớn nhất có thể thu được.

Dữ liệu vào: Cho trong tệp văn bản CUTSEQ.INP gồm

- Dòng đầu ghi số N.
- Dòng thứ hai ghi N chữ số thể hiện dãy.

Kết quả ra: Ghi ra tệp văn bản CUTSEQ.OUT - Ghi ra số lượng tiền lớn nhất có thể thu được

Example:

CUTSEQ.INP	CUTSEQ.OUT
6	18
100011	

Exercise 4: Chia keo [CANDY.*]

Hùng và Dũng là hai anh em, Hùng là anh và Dũng là em. Nhân ngày Quốc tế Thiếu nhi, mẹ mua n gói kẹo cho hai anh em. Vấn đề hóc búa là chia các gói kẹo này. Để kiểm tra độ thông minh của hai con, mẹ đưa ra yêu cầu chia theo qui tắc: Hai anh em chọn một số gói kẹo sao cho có thể chia thành hai phần với số lượng kẹo trong mỗi phần bằng nhau và tổng số kẹo trong các gói không được chia là nhỏ nhất có thể. Số kẹo trong các gói không được chia mẹ sẽ dành cho Dũng (em - bé hơn!!!).

Hỏi rằng tổng số kẹo mà Dũng nhận được là bao nhiều?

Dữ liệu vào: Cho trong tệp văn bản

- Dòng đầu tiên ghi số nguyên dương $n \ (n \le 500)$ số gói kẹo mà mẹ mua
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i ghi c_i là số kẹo có trong gói thứ i. Tổng số kẹo trong n gói kẹo không vượt quá 100000.

Kết quả ra: Ghi ra tệp văn bản Số kẹo mà Dũng nhận được.

Example:

CANDY.INP	CANDY.OUT
5	18
2	
3	
5	
8	
13	

Subtasks:

• Subtask 1: $n \le 13$ [50%]

• Subtask 2: $n \le 50$, tổng số kẹo $\le 1000[70\%]$