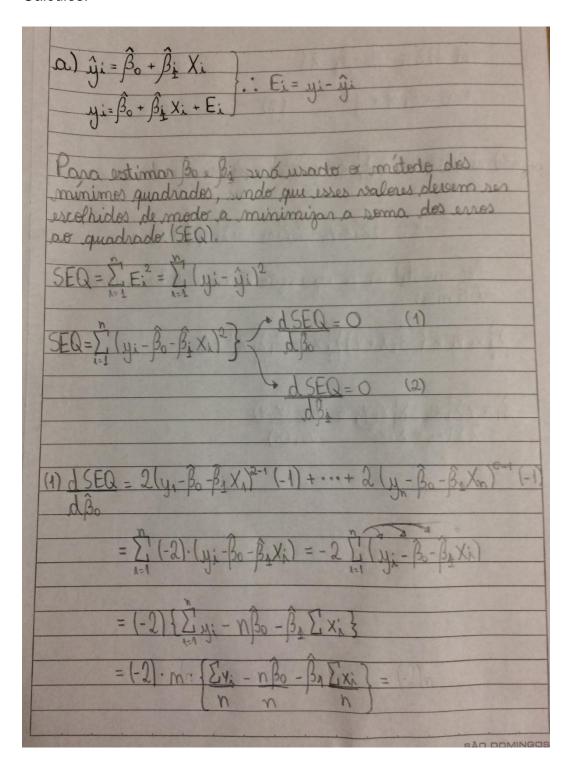
Parte Teórica

a)

Cálculos:



$$= n(-2) \underbrace{\xi}_{y} - \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} \cdot \overline{X}^{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{\beta}_{0} = -\widehat{\beta}_{1} \cdot \overline{X} + \overline{y} \qquad (I)$$

$$(2) \quad dSEQ = -2 \underbrace{\Sigma}_{i=1} X_{i} (Y_{1} - \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} X_{i}) - d\widehat{\beta}_{1}$$

$$= -2 \underbrace{\Sigma}_{i=1} X_{i} (Y_{1} - \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} X_{i}) - d\widehat{\beta}_{1}$$

$$= -2 \underbrace{\Sigma}_{i=1} X_{i} (Y_{1} - \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} X_{i}) - d\widehat{\beta}_{1} \underbrace{\Sigma}_{i=1} X_{i}^{2} \underbrace{S}_{i} = 0$$
As substituin a equação I na obtida a cima obtemes:
$$\underbrace{\sum}_{i=1}^{n} X_{i} Y_{i} - (-\widehat{\beta}_{1} \overline{X} + \overline{Y}) \underbrace{\sum}_{i=1}^{n} X_{i} - \widehat{\beta}_{1} \underbrace{\sum}_{i=1}^{n} X_{i}^{2} = 0$$

$$\widehat{\beta}_{1} = \underbrace{\overline{Y}}_{i} X_{i} - \underbrace{\Sigma}_{i} X_{i} Y_{i} = \underbrace{Cos}_{i} (X, Y) \times (X, Y_{i}) \times (X_{i})$$

Obtemos então que
$$\hat{\beta}_0 = -\hat{\beta}_1 \bar{X} + \bar{Y}$$
 e que $\hat{\beta}_1 = \frac{cov(X,Y)}{Var(X)}$.

Agora então podemos calcular as incógnitas, usando os valores obtidos no trabalho, chegando aos resultados:

Mortalidade infantil por PIB:

 $\hat{\beta}_0 \approx 64.547666689166832$

 $\hat{\beta}_1 \approx \ \text{-0.0012103438689686622}$

Mortalidade Infantil por Porcentagem de Acesso a Saneamento Básico:

 $\hat{\beta}_0 \approx 135.19024447344322$

 $\hat{\beta}_1 \approx -1.2690667803656133$

b) Podemos supor que a distribuição esperada para o erro E é a normal, pois descreveria melhor o comportamento do erro, com a média μ tendo seu valor

esperado igual a 0 e a variância sendo desconhecida e constante $(Var(E_i) = \sigma^2)$, ou seja, $E_i \sim (0, \sigma^2)$.

A adequação dessas suposições pode ser checada na prática pela construção de gráficos e análise destes.

c)

$$\mathbf{H_0} : \hat{\beta}_1 = 0$$

$$\mathbf{H_A}: \hat{\beta}_1 \neq 0$$

A hipótese nula não ser rejeitada significa que não existe uma relação entre as variáveis X (variável independente ou explicativa) e Y (variável dependente ou resposta), pois faz com que $Y = \hat{\beta}_0 + E$.

d) Sim, é possível realizar regressão com mais de uma variável explicativa (regressão múltipla) e a diferença na fórmula principal é que agora, como existe mais de uma variável e cada uma delas possui seu próprio β , fica: $Y = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_1 + \dots + \hat{\beta}_w X_w + E$, onde "w" é o número de variáveis.

Em termos de suposição do modelo, o da regressão múltipla não possui diferenças significativas em relação ao da regressão linear simples.

Já o teste de hipótese tem que ser realizado mais de uma vez, com a quantidade dependendo do número de variáveis que estão sendo analisadas (por exemplo, caso estejam sendo avaliadas cinco variáveis, terão que ser feitos cinco testes de hipótese).