

# **Vorversuch**

Leonie Dessau & Carla Vermöhlen

August 16, 2025

Contents

<b>1</b>	<b>Voraufgaben</b>	<b>4</b>
1.1	A . . . . .	4
1.2	B . . . . .	4
1.3	C . . . . .	4
1.4	D . . . . .	4

## Vorbemerkungen

Dieses Protokoll wurde gemeinsam von erstellt und (außer uns sind Fehler bei der Versionierung unterlaufen) zwei mal gleich abgegeben. Quellcode (auch  $\text{\LaTeX}$ ) verfügbar auf <https://github.com/byteOfWisdom/the-ep-cant-hurt-you>. Schaltbilder ohne explizite Quelle sind mit Tikz erzeugt, Diagramme ohne explizite Quelle mit Python (Oder gnuplot. Oder Julia.).

# 1 Voraufgaben

## 1.1 A

Mit  $U(t) = U_0 \sin(\omega t)$  ist trivial  $U_{ss} = 2U_0$  und  $U_s = U_0$ . Weiterhin ist:

$$\begin{aligned} U_{eff}^2 &= \langle U_0^2 \sin^2(\omega t) \rangle = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{U_0^2}{T} \int_0^T dt \sin^2(\omega t) \\ &= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{U_0^2 T}{2T} - \frac{\sin(2\omega T)}{2T} = \frac{U_0^2}{2} \\ \Rightarrow U_{eff} &= \frac{U_0}{\sqrt{2}} \end{aligned}$$

## 1.2 B

Sei ein symmetrisches rechtecksignal gegeben durch  $U(t) = U_0(2\Theta(\sin(\omega t)) - 1)$ , dann ist  $U_{eff}$ :

$$U_{eff}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T dt U_0^2 (2\Theta(\sin(\omega t)) - 1)^2$$

Nun wird  $T = \frac{1}{\omega}$  gewählt (also über genau eine Schwingung integriert).

$$\begin{aligned} U_{eff}^2 &= \frac{1}{\omega} \int_0^{\frac{1}{2\omega}} dt U_0^2 + \int_{\frac{1}{2\omega}}^{\frac{1}{\omega}} dt U_0^2 = U_0^2 \\ \Rightarrow U_{eff} &= U_0 \end{aligned}$$

## 1.3 C

Zunächst ist festzuhalten, dass der Strom entlang aller Bauelemente gleich, also  $I_i = I_n$ , ist und das Ohmsche Gesetz hier als  $U = RI$  geschrieben werden kann.

$$\begin{aligned} U_n &= U_0 \frac{R_n}{R_n + R_i} \\ \Leftrightarrow U_0 &= \frac{R_n + R_i}{R_n} U_n = (R_n + R_i) I_n \end{aligned}$$

Da  $U_0$  konstant ist, kann  $U_0$  von zwei verschiedenen Messungen gleichgesetzt werden:

$$\begin{aligned} U_0 &= (R_1 + R_i) I_1 = (R_2 + R_i) I_2 \\ \Leftrightarrow R_1 I_1 + R_i I_1 &= U_1 + R_i I_1 = R_2 I_2 + R_i I_2 = U_2 + R_i I_2 \\ \Leftrightarrow U_1 - U_2 &= R_i I_2 - R_i I_1 = R_i (I_2 - I_1) \\ \Rightarrow R_i &= \frac{U_1 - U_2}{I_2 - I_1} \end{aligned}$$

Es ist für den Funktionsgenerator bekannt, dass für  $I_1 = 0$   $U_{1,ss} = 20V$  ist und bei  $I_2 = 50\Omega$   $U_{2,ss} = 10$  ist. Setzt man dies in die obige Formel ein, erhält man  $R_i = \frac{20V - 10V}{50\Omega} = 0.2\Omega$ .

