Handout 3 – 수업시간중 부여한 과제 Fall 2022, Differential Geometry II

1. 2차원 좌표평면상의 양의 값을 갖는 실함수 그래프를 x축을 중심으로 하여 회전하여 얻어진 회전면을 생각하자. 이때 회전면의 경선은 항상 측지선임을 보이시오. 회전면의 위선이 측지선이기 위한 필요충분조건을 찾으시오.

2. [2023-B9] 3차원 유클리드 공간 \mathbb{R}^3 에서 두 곡면 M, N을

$$M = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | x^2 - y^2 - z = 0\},$$

$$N = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | x + y + z = 1\}$$

이라 하고, 곡선 γ 를 M과 N의 교선이라 하자. 곡면 M에 놓인 곡선으로서 γ 의 점 $p=\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2},0\right)$ 에서의 측지곡률(geodesic curvature)과 법곡률(normal curvature)을 풀이 과정과 함께 쓰시오.