В начало Мои курсы МатМод-ПМ Курс Лекций (Василевский К. В.) Итоговый тест

Тест начат Четверг, 19 Декабрь 2024, 16:01

Состояние Завершены

Завершен Четверг, 19 Декабрь 2024, 16:02

Прошло 1 мин. 7 сек.

времени

Баллы 1,00/28,00

Оценка 0,36 из 10,00 (4%)

Вопрос 1

Нет ответа

Балл: 4,00

Решение смешанной задачи нахождения электрического потенциала внутри шара

$$\frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 u_r \right) + \frac{1}{r^2 \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(u_\theta \sin \theta \right) + \frac{u_{\phi\phi}}{r^2 \sin^2 \theta} = 0, \quad u \mid_{r=R} = 20 \, R^3 \sin^3 \theta \, \left(2 \cos \theta + 1 \right) \, \sin^3 \phi, \quad 0 \le r \le R.$$

является функция

Выберите один ответ:

$$u = \left(12 \text{ r R}^2 \sin \theta + \frac{12 \text{ r}^2 \text{ R}}{7} \sin 2 \theta + 2 \text{ r}^3 \text{ P}_3^{(1)} (\cos \theta) - \frac{24 \text{ r}^4}{7 \text{ R}} \text{ P}_4^{(1)} (\cos \theta)\right) \sin \varphi - 10 \text{ r}^3 \sin^3 \theta \left(1 + \frac{6 \text{ r}}{\text{R}} \cos \theta\right) \sin \varphi$$

b.

$$u = \left(12 \text{ r R}^2 \sin \theta + \frac{60 \text{ r}^2 \text{ R}}{7} \sin 2\theta - 2 \text{ r}^3 \text{ P}_3^{(1)} (\cos \theta) - \frac{12 \text{ r}^4}{7 \text{ R}} \text{ P}_4^{(1)} (\cos \theta)\right) \sin \varphi - 5 \text{ r}^3 \sin^3 \theta \left(1 - \frac{2 \text{ r}}{\text{R}} \cos \theta\right) \sin \varphi$$

C.

$$u = \left(12 \text{ r R}^2 \sin \theta + \frac{30 \text{ r}^2 \text{ R}}{7} \sin 2 \theta - 2 \text{ r}^3 \text{ P}_3^{(1)} (\cos \theta) - \frac{6 \text{ r}^4}{7 \text{ R}} \text{ P}_4^{(1)} (\cos \theta)\right) \sin \varphi - 5 \text{ r}^3 \sin^3 \theta \left(1 - \frac{4 \text{ r}}{\text{R}} \cos \theta\right) \sin \varphi$$

d.

$$u = \left(12 \text{ r R}^2 \sin \theta + \frac{60 \text{ r}^2 \text{ R}}{7} \sin 2 \theta - 2 \text{ r}^3 \text{ P}_3^{(1)} (\cos \theta) - \frac{12 \text{ r}^4}{7 \text{ R}^4} \text{ P}_4^{(1)} (\cos \theta)\right) \sin \varphi - 5 \text{ r}^3 \sin^3 \theta \left(1 - \frac{2 \text{ r}}{\text{R}} \cos \theta\right) \sin^3 \theta$$

e.

$$u = \left(12 \, r \, R^2 \sin \theta + \frac{20 \, r^2 \, R}{7} \sin 2 \theta - 2 \, r^3 \, P_3^{(1)} (\cos \theta) - \frac{8 \, r^4}{7 \, R} \, P_4^{(1)} (\cos \theta)\right) \sin \varphi + 5 \, r^3 \sin^3 \theta \left(1 - \frac{2 \, r}{R} \cos \theta\right) \sin^2 \theta$$

Верно

Баллов: 1,00 из 1,00

Объемная плотность электрических зарядов определяется из соотношения:

Выберите один ответ:

$$\ \, \text{\tiny O.} \ \, \rho(\vec{r},\,t) = \lim_{\Delta V \to \Delta V_0} \frac{\Delta Q(\vec{r},\,t)}{\Delta V} \, \text{ \ } \text{\ } \text{\$$

$$\ \, \circ \ \, \vartriangle Q_{t_1t_2} = \Pi$$

$$|\vec{J}(\vec{r}, t)| = \lim_{\substack{\Delta S \to \Delta S_0 \\ \Delta t \to \Delta t_0}} \frac{\Delta Q(\vec{r}, t)}{\Delta S \Delta t}$$

Od.
$$Q(t) = -\int_{\Gamma} (\vec{J}(\xi, t), \vec{n}) dS$$

• e.
$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{J} = 0, \vec{J} = \rho \vec{v}$$

Ваш ответ верный.

Вопрос 3

Нет ответа

Балл: 1,00

Простейшая среда с электромагнитными свойствами описывается с помощью следующих функций (правильных вариантов несколько):

Выберите один или несколько ответов:

- а. Электрическая проницаемость
- b. Удельная проницаемость
- с. Электромагнитная проницаемость
- d. Магнитная проницаемость
- е. Диэлектрическая проницаемость

Нет ответа Балл: 1,00

Точка покоя в модели Лотки-Вольтерра является асимптотически устойчивой, если

Выберите один ответ:

- а. корни характеристического уравнения комплексные с нулевыми вещественными частями и ненулевыми мнимыми частями
- о b. корни характеристического уравнения вещественные и разных знаков
- С. характеристическое уравнение имеет только один корень
- d. корни характеристического уравнения вещественные и положительные
- е. корни характеристического уравнения комплексно-сопряженные с отрицательными вещественными частями

Ваш ответ неправильный.

Вопрос 5

Нет ответа

Балл: 1,00

Выберите то, что не является условием сильной непрерывности одномерного стохастического процесса (правильных ответов может быть несколько)

Выберите один или несколько ответов:

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|\vec{r} - \vec{r}'| < \varepsilon} (y - y') \, \rho(\vec{r}', \, t, \, \vec{r}, \, t + \Delta t) \, d\vec{r} = c_2(\vec{r}', \, t)$$

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|\vec{r} - \vec{r}'| < \varepsilon} (x - x') \rho(\vec{r}', t, \vec{r}, t + \Delta t) d\vec{r} = c_1(\vec{r}', t)$$

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|y-x| > \varepsilon} (y-x) \rho(y, t, x, t + \Delta t) dx = c(y, t)$$

$$\lim_{\Delta t \to 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|y-x|>\varepsilon} \rho(y,\,t,\,x,\,t+\Delta t)\,dx = 0$$

$$\lim_{\epsilon \to \Delta t \to 0} \frac{1}{\Delta t} \int_{|y-x| > \varepsilon} (x-y)^2 \rho(y,t,x,t+\Delta t) dx = b(y,t)$$

Нет ответа

Балл: 3,00

Корректно поставленной является следующая задача для нахождения электрического поля внутри прямоугольного параллелепипеда:

Выберите один ответ:

$$\Delta u = (x^3 - z^3) e^z$$

$$u \mid_{x=0} = -e^z z^3; \ u_x \mid_{x=a} = 3 a^2 e^z; \ u_z \mid_{z=0} = x^3 + 1;$$

$$u_z \mid_{z=c} = e^c (x^3 - c^3) - 3 c^2 e^c;$$

$$u \mid_{z=0} = \sin \frac{7 \pi x}{2 a} \cos \frac{9 \pi z}{c} + e^z (x^3 - z^3);$$

$$u \mid_{z=c} = \sin \frac{7 \pi x}{2 a} \cos \frac{9 \pi z}{c} + e^z (x^3 - z^3).$$

a.

b.

$$\Delta u = (x^{3} - z^{3}) e^{z}$$

$$u \mid_{x=0} = -e^{z} z^{3}; u_{x} \mid_{x=a} = 3 a^{2} e^{z}; u_{z} \mid_{z=0} = x^{3};$$

$$u_{z} \mid_{z=c} = e^{c} (x^{3} - c^{3}) - 3 c^{2} e^{c};$$

$$u \mid_{z=0} = \sin \frac{7 \pi x}{2 a} \cos \frac{9 \pi z}{c} + e^{z} (x^{3} - z^{3});$$

$$u \mid_{z=c} = \sin \frac{5 \pi x}{2 a} \cos \frac{9 \pi z}{c} + e^{z} (x^{3} + z^{3}).$$

C.

$$\begin{split} &\Delta \, u \, = \, \left(x^3 - z^3 \right) \, e^z \\ &u \mid_{x=0} = -e^z \, z^3; \ u_x \mid_{x=a} = 3 \, a^2 \, e^z; \ u_z \mid_{z=0} = x^3; \\ &u_z \mid_{z=c} = e^c \, \left(x^3 - c^3 \right) - 3 \, c^2 \, e^c; \\ &u \mid_{z=0} = \sin \frac{7 \, \pi \, x}{2 \, a} \, \cos \frac{8 \, \pi \, z}{3} + e^z \, \left(x^3 - z^3 \right); \\ &u \mid_{z=c} = \sin \frac{5 \, \pi \, x}{2 \, a} \, \cos \frac{9 \, \pi \, z}{c} + e^z \, \left(x^3 - z^3 \right). \end{split}$$

Вопрос **7** Нет ответа

Балл: 1,00

Уравнения

$$\frac{dN}{dt} = (\alpha_1 - \delta_1 M)N, \quad \frac{dM}{dt} = (\delta_2 N - \beta_2)M$$
 называются

Выберите один ответ:

- 🔾 а. уравнениями Лотки-Вольтерра
- b. Уравнениями для исследования популяций типа Олли
- о с. Дифференциальными логистическими уравнениями
- d. Уравнениями Колмогорова-Петровского-Пискунова
- е. Уравнениями Мальтуса

Ваш ответ неправильный.

Вопрос 8

Нет ответа

Балл: 1,00

Выберите то, что не является условием обобщенной модели Лотки-Вольтерра по Колмогорову

Выберите один ответ:

a.

 dK_2/dN >0, $K_2(0) < 0 < K_2(\infty) < +\infty$. С ростом численности жертв коэ размножения хищников возрастает, переходя от отрицательных зна обстановке, когда нечем питаться), к положительным.

b.

Прирост за малые промежутки времени числа жертв при наличии равен разности между приростом в отсутствии хищников и число истреблённых хищниками.

C.

Предполагается, что хищники «взаимодействуют» друг с друг коэффициент размножения K_2 и число жертв L, истребляемых в единицу одним хищником, зависят от M.

d.

 $dK_1/dN < 0$, $K_1(0) > 0 > K_1(\infty) > -\infty$. Коэффициент размножени отсутствии хищников монотонно убывает с возрастанием численности жертв от положительных значений к отрицательным.

О е.

L(N) > 0 при N > 0. Что касается предельного значения L(N) при рассматриваются случаи, когда L(0) = 0 и L(0) > 0.

Нет ответа

Балл: 5,00

Решением задачи

$$\frac{1}{r^2}\frac{\partial}{\partial r}\left(r^2u_r\right)+\frac{1}{r^2\sin\theta}\frac{\partial}{\partial\theta}\left(u_\theta\sin\theta\right)+\frac{u_{\phi\phi}}{r^2\sin^2\theta}=35\,r^2\sin^3\theta\left(\cos^2-\cos\theta-1\right)\sin3\phi,\ u\mid_{r=R_1}=u\mid_{r=R_2}=0,$$

для нахождения потенциала электрического поля при наличии зарядов является функция

Выберите один ответ:

a.

$$\begin{split} u &= \\ & \left(\frac{4}{15\,r^5}\left(\left(r^7-R_1^7\right)\,R_2-\left(r^8-R_1^8\right)+\frac{r^6\,R_1^7-R_1^{14}}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(R_2^9-R_1^9\right)\,r^{10}\,1n}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2-R_1\,R_2^3+R_2^4\right)\,\left(R_1^4+R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1\,R_2^3+R_2^4\right)}{\left(111\,r^8\,\left(R_1^{10}+R_1^9\,R_2+R_1^8\,R_2^2+R_1^7\,R_2^3+R_1^6\,R_2^4+R_1^5\,R_2^5+R_1^4\,R_2^6+R_1^3\,R_2^7+R_1^2\,R_2^8+R_1\,R_2^9+R_2^{10}\right)} - \frac{r^{10}-R_1^{10}}{111\,r^6}\right)\,P_5^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2-R_1\,R_2^3+R_2^4\right)\,\left(R_1^4+R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1\,R_2^3+R_2^4\right)}{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_2^4\right)\,\left(R_1^4+R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_2^4\right)} - \frac{r^{10}-R_1^{10}}{111\,r^6}\right)\,P_5^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_2^4\right)\,\left(R_1^4+R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_2^4\right)}{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^4\,R_2^4+R_1^3\,R_2^4$$

b.

$$\begin{split} & u = \\ & \left(\frac{5}{28\,r^3}\left(\left(r^7-R_1^7\right)\,R_2-\left(r^8-R_1^8\right)+\frac{r^7\,R_1^7-R_1^{14}}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(R_2^{\,9}-R_1^{\,9}\right)\,r^9\,\ln\,r}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^2+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(R_2^{\,9}-R_1^{\,9}\right)\,r^9\,\ln\,r}{R_1^6+$$

O C.

$$\begin{split} & u = \\ & \left(\frac{8}{19\,r^4}\left(\left(r^7-R_1^7\right)\,R_2-\left(r^8-R_1^8\right)+\frac{r^7\,R_1^7-R_1^{14}}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(R_2^{\,9}-R_1^{\,9}\right)\,r^9\,\ln\,r}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\\ & \left(\frac{\left(r^{11}-R_1^{11}\right)\,\left(R_1+R_2\right)\,\left(R_1^4-R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2-R_1\,R_2^3+R_2^4\right)\,\left(R_1^4+R_1^3\,R_2+R_1^2\,R_2^2+R_1\,R_2^3+R_2^4\right)}{98\,r^6\,\left(R_1^{10}+R_1^9\,R_2+R_1^8\,R_2^2+R_1^7\,R_2^3+R_1^6\,R_2^4+R_1^5\,R_2^5+R_1^4\,R_2^6+R_1^3\,R_2^7+R_1^2\,R_2^8+R_1\,R_2^9+R_2^{10}\right)} - \frac{r^{10}-R_1^{10}}{98\,r^6}\right)\,P_5^{(3)}\,\left(\cos\theta\right) + \frac{\left(R_1^{10}-R_1^{10}\right)\,R_1^{10}}{R_1^{10}} + \frac{\left(R_1^{10}-R_1^{10}\right)\,R_1^{10}}{R_1^{10}} + \frac{R_1^{10}-R_1^{10}}{R_1^{10}} + \frac{R_1^{10}-R_1^{10}-R_1^{10}}{R_1^{10}} + \frac{R_1^{10}-R_1^{10}}{R_1^{10}} + \frac{R_1^{10}-R_1^{1$$

d.

$$\begin{split} & = \\ & \left(\frac{7}{27\,r^4}\,\left(\left(r^7-R_1^7\right)\,R_2-\left(r^8-R_1^8\right)+\frac{r^7\,R_1^7-R_1^{14}}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right)\,+\frac{\left(R_2^{\,9}-R_1^{\,9}\right)\,r^9\,\ln\,r^3}{R_1^6+R_1^5\,R_2+R_1^4\,R_2^2+R_1^3\,R_2^3+R_1^2\,R_2^4+R_1\,R_2^5+R_2^6}\right)\,P_3^{(3)}\,\left(\cos\theta\right)\,+\frac{\left(R_2^{\,9}-R_1^{\,9}\right)\,r^9\,\ln\,r^3}{R_1^6+R_1^6+R_1^6+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^2+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^4+R_1^6\,R_2^6+R_1^6$$

e.

$$\left(\frac{6}{29 \, r^4} \left(\left(r^7 - R_1^7 \right) \, R_2 - \left(r^8 - R_1^8 \right) + \frac{r^7 \, R_1^7 - R_1^{14}}{R_1^6 + R_1^5 \, R_2 + R_1^4 \, R_2^2 + R_1^3 \, R_2^3 + R_1^2 \, R_2^4 + R_1 \, R_2^5 + R_2^6} \right) \, P_3^{(3)} \, \left(\cos \theta \right) \, + \, \frac{\left(R_2^{\, 9} - R_1^{\, 9} \right) \, r^9 \, \ln \, r}{R_1^6 + R_1^5 \, R_2 + R_1^4 \, R_2^2 + R_1^4 \, R_2^2 + R_1^3 \, R_2^3 + R_1^2 \, R_2^4 + R_1 \, R_2^5 + R_2^6} \\ \left(\frac{\left(r^{11} - R_1^{11} \right) \, \left(R_1 + R_2 \right) \, \left(R_1^4 - R_1^3 \, R_2 + R_1^2 \, R_2^2 - R_1 \, R_2^3 + R_2^4 \right) \, \left(R_1^4 + R_1^3 \, R_2 + R_1^2 \, R_2^2 + R_1 \, R_2^3 + R_2^4 \right)}{144 \, r^6 \, \left(R_1^{10} + R_1^9 \, R_2 + R_1^8 \, R_2^2 + R_1^7 \, R_2^3 + R_1^6 \, R_2^4 + R_1^5 \, R_2^5 + R_1^4 \, R_2^6 + R_1^3 \, R_2^7 + R_1^2 \, R_2^8 + R_1 \, R_2^9 + R_2^{10} \right)} \, - \, \frac{r^{10} - R_1^{10}}{144 \, r^6} \, \right) \, P_5^{(3)} \, \left(\cos \theta \right) \, r^{10} \, \left(r^{10} - R_1^{10} \right) \, r^{10} \, \left(r^{10} - R_1^{10} \right) \, r^{10} \, r^{1$$

Нет ответа

Балл: 4,00

Решением задачи для нахождения потенциала электрического поля на параллелепипеде при отсутствии зарядов

$$\Delta u = 0$$
; $u_y \mid_{y=0} = u_y \mid_{y=b} = u \mid_{z=0} = u_z \mid_{z=c} = 0$; $u \mid_{x=0} = \cos \frac{4\pi y}{b} \sin \frac{9\pi z}{2c}$; $u \mid_{x=a} = \cos \frac{5\pi y}{b} \cos \frac{7\pi z}{2c}$. является функция:

Выберите один ответ:

$$u = (\sinh \lambda_{44} x - \coth \lambda_{44} a \cdot \cosh \lambda_{44} x) \cos \frac{4 \pi y}{b} \sin \frac{9 \pi z}{2 c} + \frac{\cosh \lambda_{53} x}{\cosh \lambda_{53} a} \cos \frac{5 \pi y}{b} \sin \frac{7 \pi z}{2 c},$$
 где
$$\lambda_{nm}^2 = \frac{\pi^2 n^2}{b^2} + \frac{\pi^2 (2 m + 1)^2}{c^2}$$

b.

$$u = (ch \, \lambda_{44} \, x + cth \, \lambda_{44} \, a \, \cdot sh\lambda_{44} \, x) \, cos \, \frac{4 \, \pi \, y}{b} \, sin \, \frac{9 \, \pi \, z}{2 \, c} + \frac{sh \, \lambda_{53} \, x}{sh \, \lambda_{53} \, a} \, cos \, \frac{5 \, \pi \, y}{b} \, sin \, \frac{7 \, \pi \, z}{2 \, c} \, , \quad \text{где}$$

$$\lambda_{nm}^{\ \ 2} = \frac{\pi^2 \, n^2}{b^2} + \frac{\pi^2 \, (2 \, m + 1)^{\, 2}}{c^2}$$

$$u = (ch \lambda_{44} x - cth \lambda_{44} a \cdot sh\lambda_{44} x) \cos \frac{4 \pi y}{b} \sin \frac{9 \pi z}{2 c} + \frac{sh \lambda_{53} x}{sh \lambda_{53} a} \cos \frac{5 \pi y}{b} \sin \frac{7 \pi z}{2 c}$$
, где

C.
$$\lambda_{nm}^2 = \frac{\pi^2 n^2}{b^2} + \frac{\pi^2 (2m+1)^2}{c^2}$$

$$u = (ch \lambda_{53} x - cth \lambda_{53} a \cdot sh\lambda_{53} x) cos \frac{5 \pi y}{b} sin \frac{7 \pi z}{2 c} + \frac{sh \lambda_{44} x}{sh \lambda_{44} a} cos \frac{4 \pi y}{b} sin \frac{9 \pi z}{2 c}$$
, где

$$\lambda_{nm}^{2} = \frac{\pi^{2} n^{2}}{b^{2}} + \frac{\pi^{2} (2 m + 1)^{2}}{c^{2}}$$

$$u = (ch \lambda_{44} x - th \lambda_{44} a \cdot sh \lambda_{44} x) \cos \frac{4 \pi y}{b} \sin \frac{9 \pi z}{2 c} + \frac{sh \lambda_{53} x}{sh \lambda_{53} a} \cos \frac{5 \pi y}{b} \sin \frac{7 \pi z}{2 c}$$
, где

e.
$$\lambda_{nm}^2 = \frac{\pi^2 n^2}{h^2} + \frac{\pi^2 (2 m + 1)^2}{c^2}$$

Нет ответа

Балл: 5,00

Для смешанной задачи нахождения электрического потенциала при диэлектрической проницаемости =-1 и наличии

 $\Delta u = xyz + \cos \frac{\pi x}{2a} + \sin \frac{3\pi y}{2b};$

электрических зарядов

$$\mathbf{u}_{x} \mid_{x=0} = \mathbf{u} \mid_{x=a} = \mathbf{u} \mid_{y=0} = \mathbf{u}_{y} \mid_{y=b} = \mathbf{u} \mid_{y=0} = \mathbf{u} \mid_{z=0} = \mathbf{u} \mid_{z=c} = \mathbf{0}$$
.

решением является функция:

Выберите один ответ:

a.

$$u = \sum_{\substack{n,m=0,\\ n\neq 0,\, m\neq 1}}^{\infty} \frac{f_{nm}}{\lambda_{nm}^2} \left(\frac{c \cdot sh\lambda_{nm} \, z}{sh\,\lambda_{nm} \, c} - z \right) \cos\frac{\pi \, (2\,n+1) \, x}{2\,a} \sin\frac{\pi \, (2\,m+1) \, y}{2\,b} + \\ \sin\frac{3\pi \, z}{2\,c} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{g_{n1} \, z}{\lambda_{n1}^2} \, ch\,\lambda_{n1} \, z + \frac{c\, f_{n1} + g_{n1} - c\, g_{n1} \, ch\,\lambda_{n1} \, c}{\lambda_{n1}^2 \, sh\,\lambda_{n1} \, c} \, sh\,\lambda_{n1} \, z - \frac{f_{n1} \, z}{\lambda_{n1}^2} - \frac{g_{n1}}{\lambda_{n1}^2} \right) \cos\frac{\pi \, (2\,n+1) \, x}{2\,a} + \\ \cos\frac{\pi \, x}{2\,a} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{h_{0\,m} \, z}{\lambda_{n1}^2} \, ch\,\lambda_{0\,m} \, z + \frac{c\, f_{0\,m} + h_{0\,m} - c \cdot h_{0\,m} \cdot ch\,\lambda_{0\,m} \, c}{\lambda_{0\,m}^2 \, sh\,\lambda_{0\,m} \, c} \, sh\,\lambda_{0\,m} \, z - \frac{f_{0\,m} \, z}{\lambda_{0\,m}^2} - \frac{g_{0\,m}}{\lambda_{0\,m}^2} \right) \sin\frac{\pi \, (2\,m+1) \, y}{2\,b} ,$$

$$\text{ГДе } f_{nm} = \left(\frac{4\,a\, (-1)^n}{\pi \, (2\,n+1)} - \frac{8\,a}{\pi^2 \, (2\,n+1)^2} \right) \frac{8\,b\, (-1)^m}{\pi^2 \, (2\,m+1)^2} , \quad g_{n1} = \frac{4\, (-1)^n}{\pi \, (2\,n+1)} , \quad h_{0\,m} = \frac{4}{\pi \, (2\,m+1)} \right)$$

0 b

$$\begin{aligned} u &= \sum_{n,m=0,\\n\neq 0,\,m\neq 1}^{\infty} \frac{f_{nm}}{\lambda_{nm}^2} \left(\frac{c \cdot \text{sh}\lambda_{nm}\,z}{\text{sh}\,\lambda_{nm}\,c} - z \right) \cos\frac{\pi \,(2\,n+1)\,\,x}{2\,a} \sin\frac{\pi \,(2\,m+1)\,\,y}{2\,b} + \\ &= \sin\frac{3\,\pi\,z}{2\,c} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{g_{n1}\,z}{\lambda_{n1}^2} \,\text{ch}\,\lambda_{n1}\,z + \frac{c\,f_{n1}+g_{n1}-c\,g_{n1}\,\text{ch}\,\lambda_{n1}\,c}{\lambda_{n1}^2\,\text{sh}\,\lambda_{n1}\,c} \,\text{sh}\,\lambda_{n1}\,c - \frac{f_{n1}\,z}{\lambda_{n1}^2} - \frac{g_{n1}}{\lambda_{n1}^2} \right) \cos\frac{\pi \,(2\,n+1)\,\,x}{2\,a} + \\ &= \cos\frac{\pi\,x}{2\,a} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{h_{0m}\,z}{\lambda_{n1}^2} \,\text{ch}\,\lambda_{0m}\,z + \frac{c\,f_{0m}+h_{0m}-c\cdot h_{0m}\,\cdot\text{ch}\,\lambda_{0m}\,c}{\lambda_{0m}^2\,\text{sh}\,\lambda_{0m}\,c} \,\text{sh}\,\lambda_{0m}\,c - \frac{f_{0m}\,z}{\lambda_{0m}^2} - \frac{g_{0m}}{\lambda_{0m}^2} \right) \sin\frac{\pi \,(2\,m+1)\,\,y}{2\,b} \,, \\ &= r_{\text{Ade}}\,f_{nm} = \left(\frac{4\,a\,(-1)^n}{\pi \,(2\,n+1)} - \frac{8\,a}{\pi^2\,(2\,n+1)^2} \right) \frac{8\,b\,(-1)^m}{\pi^2\,(2\,m+1)^2} \,, \,\, g_{n1} = \frac{4\,(-1)^n}{\pi \,(2\,n+1)} \,, \,\, h_{0m} = \frac{4}{\pi\,(2\,m+1)} \end{aligned}$$

C.

$$\begin{split} u &= \sum_{\substack{n,m=0,\\n\neq 0,\, m\neq 1}}^{\infty} \frac{f_{nm}}{\lambda_{nm}^2} \left(\frac{c \cdot sh\lambda_{nm}\,z}{sh\,\lambda_{nm}\,c} - z \right) \cos\frac{\pi\,\left(2\,n+1\right)\,x}{2\,a} \sin\frac{\pi\,\left(2\,m+1\right)\,y}{2\,b} + \\ &= \sin\frac{3\,\pi\,z}{2\,c} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{g_{n1}\,z}{\lambda_{n1}^2} \,ch\,\lambda_{n1}\,z - \frac{c\,f_{n1}\,+\,g_{n1}\,-\,c\,g_{n1}\,ch\,\lambda_{n1}\,c}{\lambda_{n1}^2\,sh\,\lambda_{n1}\,c} \,sh\,\lambda_{n1}\,c + \frac{f_{n1}\,z}{\lambda_{n1}^2} - \frac{g_{n1}}{\lambda_{n1}^2} \right) \cos\frac{\pi\,\left(2\,n+1\right)\,x}{2\,a} + \\ &= \cos\frac{\pi\,x}{2\,a} \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{h_{0\,m}\,z}{\lambda_{n1}^2} \,ch\,\lambda_{0\,m}\,z + \frac{c\,f_{0\,m}\,+\,h_{0\,m}\,-\,c\,\cdot\,h_{0\,m}\,\cdot\,ch\,\lambda_{0\,m}\,c}{\lambda_{0\,m}^2\,sh\,\lambda_{0\,m}\,c} \,sh\,\lambda_{0\,m}\,c - \frac{f_{0\,m}\,z}{\lambda_{0\,m}^2} - \frac{g_{0\,m}}{\lambda_{0\,m}^2} \right) \sin\frac{\pi\,\left(2\,m+1\right)\,y}{2\,b} \,, \end{split}$$
 где $f_{nm} = \left(\frac{4\,a\,\left(-1\right)^n}{\pi\,\left(2\,n+1\right)} - \frac{4\,a}{\pi^2\,\left(2\,n+1\right)^2} \right) \frac{8\,b\,\left(-1\right)^m}{\pi^2\,\left(2\,m+1\right)^2} \,, \quad g_{n1} = \frac{4\,\left(-1\right)^n}{\pi\,\left(2\,n+1\right)} \,, \quad h_{0\,m} = \frac{4}{\pi\,\left(2\,m+1\right)} \,. \end{split}$

e.

$$\begin{aligned} u &= \sum_{\substack{n,m=0,\\n\neq 0,\,m\neq 1}}^{\infty} \frac{f_{nm}}{\lambda_{nm}^2} \left(\frac{c \cdot sh\lambda_{nm}\,z}{sh\,\lambda_{nm}\,c} - z \right) cos\, \frac{\pi\,\left(2\,n+1\right)\,x}{2\,a} sin\, \frac{\pi\,\left(2\,m+1\right)\,y}{2\,b} + \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{g_{n1}\,z}{\lambda_{n1}^2}\,ch\,\lambda_{n1}\,z + \frac{c\,f_{n1}+g_{n1}-c\,g_{n1}\,ch\,\lambda_{n1}\,c}{\lambda_{n1}^2\,sh\,\lambda_{n1}\,c} \right) \\ &= \sum_{n=0}^{\infty} \left(\frac{h_{0\,m}\,z}{\lambda_{n1}^2}\,ch\,\lambda_{0\,m}\,z + \frac{c\,f_{0\,m}+h_{0\,m}-c\,\cdot\,h_{0\,m}\,\cdot ch\,\lambda_{0\,m}\,c}{\lambda_{0\,m}^2\,sh\,\lambda_{0\,m}\,c} \,sh\,\lambda_{0\,m}\,c - \frac{f_{0\,m}\,z}{\lambda_{0\,m}^2} - \frac{g_{0\,m}}{\lambda_{0\,m}^2} \right) sin\, \frac{\pi\,\left(2\,m+1\right)\,y}{2\,b}\,, \quad \text{rde}\,\,f_{nm} = \left(\frac{4}{\pi}\,\left(2\,m+1\right)\,y \right) \\ &= \frac{4\,\left(-1\right)^n}{\pi\,\left(2\,n+1\right)}\,, \quad h_{0\,m} = \frac{4}{\pi\,\left(2\,m+1\right)}\,, \quad h_{0\,m} = \frac{4}{\pi\,\left(2\,m+1\right)}\,. \end{aligned}$$

Ваш ответ неправильный.

Вопрос 12

Нет ответа

Балл: 1,00

Обезразмеренным уравнением Колмогорова-Петровского-Пискунова является:

Выберите один ответ:

$$\circ \circ \frac{\partial u}{\partial t} = \operatorname{div}(a\nabla u) + \alpha u - \gamma u^2$$

$$\circ$$
 b. $\frac{\partial u}{\partial t} = \Delta u + k \left(1 - u\right) u$

$$\circ$$
 c. $\Delta Q_{t_1t_2}=Q_1+Q_2-Q_3$

$$\circ$$
 a. $rac{\partial\,u}{\partial\,t} = a\,\Delta u + lpha\,u - \gamma\,u^2$

$$\circ$$
 e. $\frac{d^{\,2}\varphi}{d\,y^{2}}-v\frac{d\,\varphi}{d\,y}+k\,\varphi\,(1-\varphi)=0$

ЦИТ БГУ: Независимости, 4, каб. 231, тел. 209-50-99 (вн 6221)

ФПМИ:

- https://fpmi.bsu.by

Политики