Sats 0.0.1 Jämförelsesatsen

Precis som för serier, kan man ofta avgöra om en generaliserad integral är konvergent eller divergent utan att räkna ut den, till exempel genom att jämföra den med någon av den nämnda p-integralerna.

Sats: Antag f och g är begränsade på [a,c] för varje $c < b, \ 0 \le f(x) \le g(x)$ på $[a,b), \ \mathrm{där} \ b = \infty$ är tillåtet. Då gäller följande:

$$\begin{array}{c}
 b \\
 a \\
 b \\
 f(x) dx \text{ konvergent} & \Longrightarrow \\
 a \\
 f(x) dx \text{ divergent} & \Longrightarrow \\
 a \\
 a \\
 g(x) dx \text{ divergent}
\end{array} \tag{1}$$

$$\int_{a}^{b} f(x) dx \text{ divergent} \implies \int_{a}^{b} g(x) dx \text{ divergent}$$
 (2)