

**Definition 0.0.1: Båglängden, arc length**

Båglängden av kurvan  $y = f(x)$ ,  $a \leq x \leq b$  ges av:

$$L = \int_a^b \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$$

Det infinitesimala längden  $ds$  ges av:

$$ds = \sqrt{dx^2 + dy^2} = \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$$

Så totala längden ges av integralen:

$$L = \int_{x=a}^{x=b} ds = \int_a^b \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$$

En bättre motiviering tas fram med Riemannsummor.

$$ds^2 = dx^2 + dy^2 = dx^2 \left(1 + \frac{dy^2}{dx^2}\right) \implies ds = \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2} dx$$