Sats 0.0.1 Kedjeregeln i fallet $\mathbb{R} \to \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$

Vi vill derivera sammansättningen z = f(x(t), y(t)) där f(x, y) är en funktion av två variabler och (x(t), y(t)) är en kurva i \mathbb{R}^2 . D.v.s hur ändras z längs kurvan? Då gäller för f med kontinuerliga partiella derivator (differentierbarhet) att kedjeregeln blir:

$$\frac{dz}{dt} = \frac{\partial f}{\partial x}\frac{dx}{dt} + \frac{\partial f}{\partial y}\frac{dy}{dt}$$