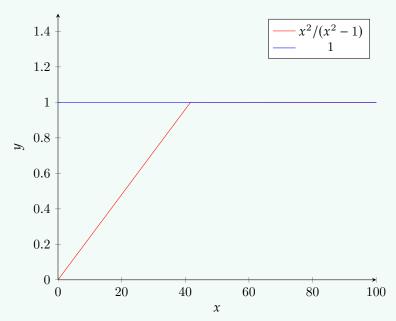
Exempel 0.0.1 (Beräkna arean av det område som ligger mellan kurvorna y=1 och $y=\frac{x^2}{x^2-1}$, för x i intervallet $2\leq x\leq R$, för $R\geq 2$)

Vad händer med arean om vi låter $R \to \infty$? Vi använder att:

$$\frac{1}{x^2 - 1} = \frac{1}{2} \frac{1}{x - 1} - \frac{1}{2} \frac{1}{x + 1}$$



Arean mellan kurvorna ges av:

$$\int_{2}^{R} \frac{x^{2}}{x^{2} - 1} - 1 \, dx = \int_{2}^{R} \frac{1}{x^{2} - 1} \, dx = \frac{1}{2} \int_{2}^{R} \frac{1}{x - 1} - \frac{1}{x + 1} \, dx$$

$$\frac{x^2}{x^2-1} - \frac{x^2-1}{x^2-1} = \frac{1}{x^2-1} \implies \frac{1}{2}[ln(x-1) - ln(x+1)]_2^R = \frac{1}{2}[ln(\frac{x-1}{x+1}]_2^R = -\frac{1}{2}ln(\frac{1}{3}) = \frac{1}{2}ln(3)$$