

**Exempel 0.0.1**

Visa att den generaliserade integralen är konvergent/divergent:

$$\int_e^{\infty} \frac{1}{x^{\frac{3}{2}}(1 + |\ln x| + \sin^5 x)} dx$$

För  $x \geq e$  så gäller  $\ln x \geq \ln e = 1$  eftersom  $\ln x$  är växande. Vi vet också att  $\sin^5 x \in [-1, 1]$ . Alltså  $1 + \ln x + \sin^5 x \geq 1$ . Det betyder att:

$$\frac{1}{x^{\frac{3}{2}}(1 + \ln x + \sin^5 x)} \leq \frac{1}{x^{\frac{3}{2}}}$$

Eftersom  $\int_e^{\infty} x^{-\frac{3}{2}} dx$  är konvergent så är även integralen nedan också konvergent:

$$\int_e^{\infty} \frac{1}{x^{\frac{3}{2}}(1 + \ln x + \sin^5 x)} dx$$