$$\hat{H} = \hat{H}_{\rm S} + \hat{H}_{\rm E} + \hat{H}_{\rm SE}, \tag{1}$$

$$\hat{H}_{\rm SE} = \chi(t)\boldsymbol{\alpha}\cdot\hat{\boldsymbol{\sigma}}\otimes\hat{O}. \tag{2}$$