

给你一个由 '1'（陆地）和 '0'（水）组成的二维网格，请你计算网格中岛屿的数量。

岛屿总是被水包围，并且每座岛屿只能由水平方向或垂直方向上相邻的陆地连接形成。

此外，你可以假设该网格的四条边均被水包围。

示例 1:

```
输入：
[
  ['1','1','1','1','0'],
  ['1','1','0','1','0'],
  ['1','1','0','0','0'],
  ['0','0','0','0','0']
]
输出：1
```

示例 2:

```
输入：
[
  ['1','1','0','0','0'],
  ['1','1','0','0','0'],
  ['0','0','1','0','0'],
  ['0','0','0','1','1']
]
输出：3
解释：每座岛屿只能由水平和/或垂直方向上相邻的陆地连接而成。
```

解法：

DFS：

思想是，遍历长宽，如果遇到1，就把岛屿数量+1，  
然后递归将其周围的数都为 0

```
1 def dfs(self, grid, r, c):
2     grid[r][c] = 0
3     nr, nc = len(grid), len(grid[0])
4     for x, y in [(r - 1, c), (r + 1, c), (r, c - 1), (r, c + 1)]:
5         if 0 <= x < nr and 0 <= y < nc and grid[x][y] == "1":
6             self.dfs(grid, x, y)
7 def numIslands(self, grid):
8     """
9     :type grid: List[List[str]]
10    :rtype: int
11    """
12    # 宽
13    nr = len(grid)
14    if nr == 0:
15        return 0
16    # 长
17    nc = len(grid[0])
18
19    # 设置岛屿数量为 0
20    num_islands = 0
21    # 遇到1，就把岛屿数量 +1
```

```

22     # 然后遍历它的周围，都弄成0
23     for r in range(nr):
24         for c in range(nc):
25             if grid[r][c] == "1":
26                 num_islands += 1
27                 self.dfs(grid, r, c)
28
29     return num_islands

```

时间复杂度：O(MN),M N分别是行数和列数

空间复杂度：O(min(M,N))，在最坏的情况下，整个网格均为陆地，深度优先搜索的深度达到MN

## BFS

```

1  def numIslands(self, grid):
2      """
3      :type grid: List[List[str]]
4      :rtype: int
5      """
6      nr = len(grid)
7      if nr == 0:
8          return 0
9      nc = len(grid[0])
10
11     num_islands = 0
12     # 遍历grid, 遇到1, 岛屿数量 + 1, 并将 遍历的位置加1
13     for r in range(nr):
14         for c in range(nc):
15             if grid[r][c] == "1":
16                 num_islands += 1
17                 grid[r][c] = "0"
18                 neighbors = collections.deque([(r, c)])
19                 while neighbors:
20                     row, col = neighbors.popleft()
21                     for x, y in [(row - 1, col), (row + 1, col), (row, col - 1), (row, col + 1)]:
22                         if 0 <= x < nr and 0 <= y < nc and grid[x][y] == "1":
23                             neighbors.append((x, y))
24                             grid[x][y] = "0"
25
26     return num_islands
27

```

时间复杂度：O(MN),M N分别是行数和列数

空间复杂度：O(min(M,N))，在最坏的情况下，整个网格均为陆地，队列大小为min(M,N)

## 并查集

```

1  class UnionFind:
2      # 初始化的过程
3      def __init__(self, grid):
4          m, n = len(grid), len(grid[0])
5          # 记录的是岛屿数量
6          self.count = 0
7          self.parent = [-1] * (m * n)
8          self.rank = [0] * (m * n)
9          for i in range(m):

```

```

10         for j in range(n):
11             if grid[i][j] == "1":
12                 self.parent[i*n + j] = i * n + j
13                 self.count += 1
14     # 查找
15     def find(self, i):
16         if self.parent[i] != i:
17             self.parent[i] = self.find(self.parent[i])
18         return self.parent[i]
19
20     # 合并
21     def union(self, x, y):
22         rootx = self.find(x)
23         rooty = self.find(y)
24         if rootx != rooty:
25             if self.rank[rootx] < self.rank[rooty]:
26                 rootx, rooty = rooty, rootx
27             self.parent[rooty] = rootx
28             if self.rank[rootx] == self.rank[rooty]:
29                 self.rank[rootx] += 1
30             self.count -= 1
31
32     def getCount(self):
33         return self.count
34
35 class Solution(object):
36     def numIslands(self, grid):
37         """
38         :type grid: List[List[str]]
39         :rtype: int
40         """
41         nr = len(grid)
42         if nr == 0:
43             return 0
44         nc = len(grid[0])
45
46         uf = UnionFind(grid)
47         num_island = 0
48         for r in range(nr):
49             for c in range(nc):
50                 if grid[r][c] == "1":
51                     grid[r][c] = "0"
52                     for x, y in [(r-1, c), (r+1, c), (r, c-1), (r, c+1)]:
53                         if 0 <= x < nr and 0 <= y < nc and grid[x][y] == "1":
54                             uf.union(r * nc + c, x * nc + y) # 合并点(r,c)和其上下左右为1的点
55
56         return uf.getCount

```

时间复杂度： $O(MN * \alpha(MN))$ ，M，N是行数和列数

当使用路径压缩（find）和按秩合并（rank）现并查集时，单次操作的时间复杂度为 $\alpha(MN)$ ，其中 $\alpha(x)$ 为反阿克曼函数，当自变量xx的值在人类可观测的范围内（宇宙中粒子的数量）时，函数 $\alpha(x)$ 的值不会超过5，因此也可以看成是常数时间复杂度。

空间复杂度： $O(MN)$

按秩合并：

给每个点一个秩，其实就是树高，每次合并的时候都用秩小的指向秩大的，可以保证树高最高为 $\log_2(n)$ 。操作的时候，一开始所有点的秩都为1

在一次合并后，假设是点x和点y，x的秩小，当然x和y都是原来x和y所在区间的顶点，设点x秩为 $\text{rank}[x]$ ，将 $\text{fa}[x]$ 指向y，然后将 $\text{rank}[y]$ 的与 $\text{rank}[x+1]$ 取 $\max$ 。因为 $\text{rank}[x]$ 为区间x的高，将它连向y之后，y的树高就会是x的树高+1，当然也可能y在另一边树高更高，所以取 $\max$