

编辑距离

题目：

给你两个单词 *word1* 和 *word2*，请你计算出将 *word1* 转换成 *word2* 所使用的最少操作数。

你可以对一个单词进行如下三种操作：

1. 插入一个字符
2. 删除一个字符
3. 替换一个字符

示例 1：

```
输入: word1 = "horse", word2 = "ros"
输出: 3
解释:
horse -> rorse (将 'h' 替换为 'r')
rorse -> rose (删除 'r')
rose -> ros (删除 'e')
```

示例 2：

```
输入: word1 = "intention", word2 = "execution"
输出: 5
解释:
intention -> inention (删除 't')
inention -> enention (将 'i' 替换为 'e')
enention -> exention (将 'n' 替换为 'x')
exention -> exection (将 'n' 替换为 'c')
exection -> execution (插入 'u')
```

思路：

动态规划：

$op[i][j]$ 表示从 *word1* 的 *i* 位置变到 *word2* 的 *j* 位置需要的最小步数。

所以：

$word1[i] == word[j]$ ，不需要操作，所以， $op[i][j] == op[i-1][j-1]$

$word1[i] != word[j]$ ， $op[i][j] = \min(op[i][j-1], op[i-1][j], op[i-1][j-1]) + 1$

$op[i][j-1]$ ：插入操作， $op[i-1][j]$ ：删除操作， $op[i-1][j-1]$ ：替换操作

	'	r	o	s
'	0	1	2	3
h	1			
o	2			
r	3			
s	4			
e	5			

代码：

```

1 def minDistance(self, word1: str, word2: str) -> int:
2     n1 = len(word1)
3     n2 = len(word2)
4     op = [[0] *(n2+1) for _ in range(n1+1)]
5     %23 第一列:
6     for i in range(1, n1 + 1):
7         op[i][0] = op[i-1][0] + 1
8
9     %23 第一行:
10    for j in range(1, n2 + 1):
11        op[0][j] = op[0][j-1] + 1
12
13    for i in range(1, n1 + 1):
14        for j in range(1, n2 + 1):
15            if word1[i-1] == word2[j-1]:
16                op[i][j] = op[i-1][j-1]
17            else:
18                op[i][j] = min(op[i][j-1], op[i-1][j], op[i-1][j-
19    1]) + 1
20
21    return op[-1][-1]
22
23
24
25
26

```

时间复杂度：O(N1 * N2)

空间复杂度：O(N1 * N2)