

戳气球

有 n 个气球，编号为 0 到 $n-1$ ，每个气球上都标有一个数字，这些数字存在数组 `nums` 中。

现在要求你戳破所有的气球。如果你戳破气球 i ，就可以获得 `nums[left] * nums[i] * nums[right]` 个硬币。这里的 `left` 和 `right` 代表和 i 相邻的两个气球的序号。注意当你戳破了气球 i 后，气球 `left` 和气球 `right` 就变成了相邻的气球。

求所能获得硬币的最大数量。

说明:

- 你可以假设 `nums[-1] = nums[n] = 1`，但注意它们不是真实存在的所以并不能被戳破。
- $0 \leq n \leq 500, 0 \leq \text{nums}[i] \leq 100$

示例:

输入: [3,1,5,8]

输出: 167

解释: `nums = [3,1,5,8] --> [3,5,8] --> [3,8] --> [8] --> []`
$$\text{coins} = 3 \times 1 \times 5 + 3 \times 5 \times 8 + 1 \times 3 \times 8 + 1 \times 8 \times 1 = 167$$

思路:

动态规划

假设现在就剩下气球 k ，这个是被戳爆的，没球了，只有开区间的首尾 i 和 j 了

现在假设 `dp[i][j]` 是开区间 (i, j) 能够拿到的最多的金币:

$$\text{dp}[i][j] = \text{dp}[i][k] (\text{到 } k \text{ 这个区间能拿到的金币数}) + \text{val}[i] * \text{val}[k] * \text{val}[j] + \text{dp}[k][j] (\text{从 } k \text{ 到这个区间能拿到的金币数})$$

因为在 i 和 j 之间有很多的 k ，所以选择其中最大的

```
1 def maxCoins(self, nums: List[int]) -> int:
2     n = len(nums)
3     %23 n+2, 是因为加了nums[0] 和 nums[n]
4     dp = [[0] * (n + 2) for _ in range(n+2)]
5     val = [1] + nums + [1]
6
7     %23 这里不懂了~~~
```

```
8         for i in range(n - 1, -1, -1):
9             for j in range(i + 2, n + 2):
10                 for k in range(i + 1, j):
11                     total = val[i] * val[j] * val[k]
12                     total += dp[i][k] + dp[k][j]
13                     dp[i][j] = max(dp[i][j], total)
14     return dp[0][n + 1]
```

时间复杂度 $O(N^3)$

空间复杂度 $O(N^2)$