

<https://leetcode-cn.com/problems/chou-shu-lcof/>

我们把只包含质因子 2、3 和 5 的数称作丑数 (Ugly Number) 。求按从小到大的顺序的第 n 个丑数。

示例:

输入: n = 10  
输出: 12  
解释: 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12 是前 10 个丑数。

说明:

1. 1 是丑数。
2. n 不超过1690。

丑数：只包含因子2，3，5的数称作丑数

一个丑数 乘 2，3，5 之后，一定还是一个丑数。所以就会得到丑数（注意7不是丑数）分别乘 2，3，5的序列

```
1 nums2 = {1*2, 2*2, 3*2, 4*2, 5*2, 6*2, 8*2...}
2 nums3 = {1*3, 2*3, 3*3, 4*3, 5*3, 6*3, 8*3...}
3 nums5 = {1*5, 2*5, 3*5, 4*5, 5*5, 6*5, 8*5...}
```

最终的丑数就是将 nums2, nums3, nums5合并的序列

dp是丑数的序序列，i代表丑数的下标，p2, p3, p5分别对应nums2, nums3, nums5的对应下标，

1

P2=0, p3=0, p5 = 0

n2= dp[0] \* 2

n3= dp[0] \* 3

n5= dp[0] \* 5

Dp [1] = mins(n2, n3, n5) = 2

Dp[1] == n2 : p2++ = 1

| i     | 0 | 1     |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| dp    | 1 | 2     |       |       |       |       |       |       |       |        |
|       |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2 |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3 |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5 |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

|           |   |       |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| <u>i</u>  | 0 | 1     | 2     |       |       |       |       |       |       |        |
| <u>dp</u> | 1 | 2     | 3     |       |       |       |       |       |       |        |
|           |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2     |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3     |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5     |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

|           |   |       |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| <u>i</u>  | 0 | 1     | 2     | 3     |       |       |       |       |       |        |
| <u>dp</u> | 1 | 2     | 3     | 4     |       |       |       |       |       |        |
|           |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2     |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3     |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5     |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

|           |   |       |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| <u>i</u>  | 0 | 1     | 2     | 3     | 4     |       |       |       |       |        |
| <u>dp</u> | 1 | 2     | 3     | 4     | 5     |       |       |       |       |        |
|           |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2     |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3     |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5     |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

|           |   |       |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| <u>i</u>  | 0 | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     |       |       |       |        |
| <u>dp</u> | 1 | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     |       |       |       |        |
|           |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2     |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3     |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5     |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

|           |   |       |       |       |       |       |       |       |       |        |
|-----------|---|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|
| <u>i</u>  | 0 | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     |       |       |        |
| <u>dp</u> | 1 | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 8     |       |       |        |
|           |   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     | 5     | 6     | 7     | 8      |
| nums2     |   | 1 * 2 | 2 * 2 | 3 * 2 | 4 * 2 | 5 * 2 | 6 * 2 | 8 * 2 | 9 * 2 | 10 * 2 |
| nums3     |   | 1 * 3 | 2 * 3 | 3 * 3 | 4 * 3 | 5 * 3 | 6 * 3 | 8 * 3 | 9 * 3 | 10 * 3 |
| nums5     |   | 1 * 5 | 2 * 5 | 3 * 5 | 4 * 5 | 5 * 5 | 6 * 5 | 8 * 5 | 9 * 5 | 10 * 5 |

```

1 def nthUglyNumber(self, n):
2     """
3     :type n: int
4     :rtype: int
5     """
6     dp,p2,p3,p5 = [1] * n, 0, 0, 0
7     for i in range(1,n):
8         n2, n3, n5 = dp[p2]*2, dp[p3] *3, dp[p5] * 5
9         dp[i] = min(n2, n3, n5)
10        if dp[i] == n2 : p2 += 1
11        if dp[i] == n3 : p3 += 1
12        if dp[i] == n5 : p5 += 1
13    return dp[-1]

```

动态规划

```

1 class Ugly:
2     def __init__(self):
3         self.nums = nums = [1, ]
4         i2 = i3 = i5 = 0
5
6         for i in range(1, 1690):
7             ugly = min(nums[i2] * 2, nums[i3] * 3, nums[i5] * 5)
8             nums.append(ugly)
9
10            if ugly == nums[i2] * 2:
11                i2 += 1
12            if ugly == nums[i3] * 3:
13                i3 += 1
14            if ugly == nums[i5] * 5:
15                i5 += 1
16
17 class Solution:
18     u = Ugly()
19     def nthUglyNumber(self, n):
20         return self.u.nums[n - 1]

```

时间复杂度：O(1) 时间检索答案和约 1690 \* 5 = 8450次预计算操作

空间复杂的：常数空间用保存 1690 个丑数。

方法二：

预计算 1690 个丑数：

初始化预计算用到的数组 nums，堆 heap 和哈希表 seen 跟踪在堆中出现过的元素，避免重复。

循环计算丑数，每个步骤：

弹出堆中最小的数字 k 并添加到数组 nums 中。

若  $2k$ ,  $3k$ ,  $5k$  不存在在哈希表中，则将其添加到堆中并更新哈希表。

返回在数组中预先计算好的丑数。

```
1 from heapq import heappop, heappush
2 class Ugly:
3     def __init__(self):
4         seen = {1, }
5         self.nums = nums = []
6         heap = []
7         heappush(heap, 1)
8
9         for _ in range(1690):
10             curr_ugly = heappop(heap)
11             nums.append(curr_ugly)
12             for i in [2, 3, 5]:
13                 new_ugly = curr_ugly * i
14                 if new_ugly not in seen:
15                     seen.add(new_ugly)
16                     heappush(heap, new_ugly)
17
18 class Solution:
19     u = Ugly()
20     def nthUglyNumber(self, n):
21         return self.u.nums[n - 1]
```

作者：LeetCode

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/ugly-number-ii/solution/chou-shu-ii-by-leetcode/>

来源：力扣（LeetCode）

著作权归作者所有。商业转载请联系作者获得授权，非商业转载请注明出处。

这种堆的解法是：

每次从堆里弹出最小值，然后再把  $k*2$ ,  $k*3$ ,  $k*5$  入堆

弹出10次，就是第10丑数，

1 入堆， res = 1

res = heapq.heappop(heap) = 1. 最小值

a,b,c = res \* 2, res \* 3, res \* 5 = 2,3,5

2 2,3,5,入堆

res = heapq.heappop(heap) = 2 最小值

3 4,6,10 入堆, 此时堆里为3, 5, 4, 6, 10

res =heapq.heappop(heap) = 3 最小值

6, 9, 15 入堆, 此时堆里5, 4, 6, 10, 6, 9, 15

```
1 class Solution:
2     def nthUglyNumber(self, n: int) -> int:
3         import heapq
4         heap = [1]
5         heapq.heapify(heap)
6         res = 0
7         for _ in range(n):
8             res = heapq.heappop(heap)
9             while heap and res == heap[0]:
10                 res = heapq.heappop(heap)
11                 a, b, c = res * 2, res * 3, res * 5
12                 for t in [a, b, c]:
13                     heapq.heappush(heap, t)
14         return res
15
16 作者: powcai
17 链接: https://leetcode-cn.com/problems/ugly-number-ii/solution/dui-
18 来源: 力扣 (LeetCode)
19 著作权归作者所有。商业转载请联系作者获得授权, 非商业转载请注明出处。
```



