

给定一个数组，它的第 i 个元素是一支给定股票第 i 天的价格。

设计一个算法来计算你能获取的最大利润。你可以尽可能地完成更多的交易（多次买卖一支股票）。

注意：你不能同时参与多笔交易（你必须在再次购买前出售掉之前的股票）。

示例 1:

输入: [7,1,5,3,6,4]
输出: 7
解释: 在第 2 天（股票价格 = 1）的时候买入，在第 3 天（股票价格 = 5）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 = $5 - 1 = 4$ 。
随后，在第 4 天（股票价格 = 3）的时候买入，在第 5 天（股票价格 = 6）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 = $6 - 3 = 3$ 。

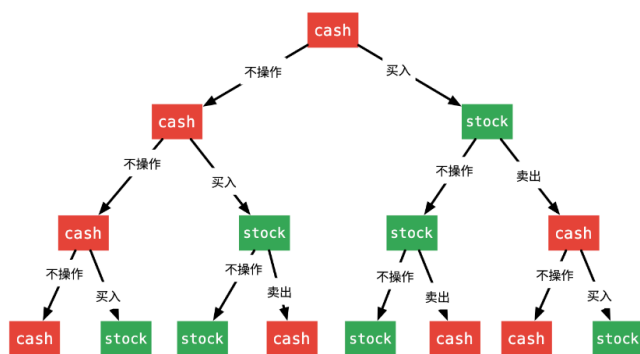
示例 2:

输入: [1,2,3,4,5]
输出: 4
解释: 在第 1 天（股票价格 = 1）的时候买入，在第 5 天（股票价格 = 5）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 = $5 - 1 = 4$ 。
注意你不能在第 1 天和第 2 天接连购买股票，之后再将它们卖出。
因为这样属于同时参与了多笔交易，你必须在再次购买前出售掉之前的股票。

示例 3:

输入: [7,6,4,3,1]
输出: 0
解释: 在这种情况下，没有交易完成，所以最大利润为 0。

1 直接搜索暴力求解



2 贪心算法

贪心算法，每走一步都做出当时看起来最佳的选择，也就是说，总是做出局部最优解，希望这样的选择能导致全局最优解

注：

1 最佳可能是最大也可能是最小，看具体情况

2 只考虑接下来的一步，不考虑前和后，时间复杂度一般是线性，空间复杂的一般是常数

思路：

从第 i 天（这里 $i \geq 1$ ）开始，与第 $i - 1$ 的股价进行比较，如果股价有上升（严格上升），就将升高的股价（ $prices[i] - prices[i - 1]$ ）记入总利润，按照这种算法，得到的结果就是符合题意的最大利润。

今天股价 - 昨天股价 有3种可能：正，负，0，那么只加最好的 正数

为什么这道题贪心算法是最优解：

加 0，那么利润不增不减

加正数，利润会增加

加负数，利润只能减少

```
1 def maxProfit(self, prices):
2     """
3     :type prices: List[int]
4     :rtype: int
5     """
6     res = 0
7     size = len(prices)
8     for i in range(1,size):
9         res += max(prices[i] - prices[i-1], 0)
10    return res
```

时间复杂度： $O(N)$

空间复杂度： $O(1)$

3 动态规划：设置一个二维矩阵

1 定义状态：

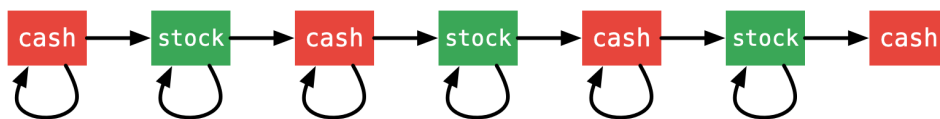
$dp[i][j]$ ：

i ：索引为 i 的那一天能获得最大利润，

j ：索引为 i 的那一天是股票还是现金， 现金为 0， 股价为 1

2 状态转移方程：

- 状态从持有现金（cash）开始，到最后一天我们关心的状态依然是持有现金（cash）；
- 每一天状态可以转移，也可以不动。状态转移用下图表示：



说明：

因为不限制交易次数，除了最后一天，每一天的状态可能不变化，也可能转移；

写代码的时候，可以不用对最后一天单独处理，输出最后一天，状态为 0 的时候的值即可。

3 确定起始：

开始：

什么都不做： $dp[0][0]$

如果买入： $dp[0][1] = -prices[i]$

4 确定终止：

dp[len-1][0]

```
1 def maxProfit(self, prices):
2     """
3     :type prices: List[int]
4     :rtype: int
5     """
6     size = len(prices)
7     if len < 2:
8         return 0
9     # 0: 持有现金
10    # 1: 持有股票
11    # 状态转移: 0->1->0->1->0...
12    dp = [[0,0]] * size
13    dp[0][0] = 0
14    dp[0][1] = -prices[0]
15    for i in range(1,size):
16        #是选择不变, 还是卖出
17        dp[i][0] = max(dp[i-1][0], dp[i-1][1] + prices[i])
18        # 是选择不变, 还是买入
19        dp[i][1] = max(dp[i-1][1], dp[i-1][0] - prices[i])
20    return dp[size-1][0]
```

时间复杂度 O(N)

空间复杂度 O(1)

```
1 def maxProfit(self, prices):
2     """
3     :type prices: List[int]
4     :rtype: int
5     """
6     size = len(prices)
7     if len < 2:
8         return 0
9     # 0: 持有现金
10    # 1: 持有股票
11    # 状态转移: 0->1->0->1->0...
12
13    cash = 0
14    hold = -prices[0]
15
16    precash = cash
17    prehold = hold
18    for i in range(1,size):
```

```
19         cash = max(precash, prehold + prices[i])
20         hold = max(prehold, precash - prices[i])
21         precash = cash
22         prehold = hold
23     return cash
```