

ACM暑期集训字符串-KMP算法+序列自动机

序列自动机

$next[i][j]$ 表示在原串 s 第 i 位后面的第一个 j 出现的位置, 设串长为 n , 字符集大小为 a , 预处理时间复杂度为 $O(n * a)$, 代码如下。

例题 2019南昌邀请赛网络赛 M题-Subsequence

Give a string S and N string T_i , determine whether T_i is a subsequence of S .

If t_i is subsequence of S , print **YES**, else print **NO**.

If there is an array $\{K_1, K_2, K_3, \dots, K_m\}$ so that $1 \leq K_1 < K_2 < K_3 < \dots < K_m \leq N$ and $S_{K_i} = T_i$, ($1 \leq i \leq m$), then T_i is a subsequence of SS .

Input

The first line is one string S , $\text{length}(S) \leq 100000$

The second line is one positive integer N , $N \leq 100000$

Then next n lines, every line is a string T_i , $\text{length}(T_i) \leq 1000$

Output

Print N * lines. If the i -th T_i is subsequence of S , print **YES**, else print **NO**.

样例输入

```
abcdefg
3
abc
adg
cba
```

样例输出

```
YES
YES
NO
```

AC代码

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define ll long long
```

```

char s[N],p[N];
int nex[N][30],now[N];
//nex[i][j]:=表示第i个字符后面第一次出现字符j (a-z用0-25表示) 的位置。
//我们从后往前求, now[j]:=字符j从后往前数最晚出现的位置 (now数组初始化为-1)
//序列自动机就是这个nex数组的使用, 很简单, 一下子就可以学会了
void init()
{
    memset(now,-1,sizeof(now));
    int len=strlen(s);
    for(int i=len-1; i>=0; i--)
    {
        for(int j=0; j<26; j++)
        {
            nex[i][j]=now[j];
        }
        now[s[i]-'a']=i;
    }
}

int main()
{
    int n,len,loc,flag;
    scanf("%s",s);
    init();
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1; i<=n; i++)
    {
        scanf("%s",p);
        len=strlen(p);
        loc=now[p[0]-'a'];
        if(loc== -1)
            printf("NO\n");
        else
        {
            flag=0;
            for(int i=1; i<len; i++)
            {
                loc=nex[loc][p[i]-'a'];
                if(loc== -1)
                {
                    flag=1;
                    break;
                }
            }
            if(!flag)
                printf("YES\n");
            else
                printf("NO\n");
        }
    }
}

```

KMP算法

暴力匹配

假设现在我们面临这样一个问题：有一个文本串S，和一个模式串P，现在要查找P在S中的位置，怎么查找呢？

如果用暴力匹配的思路，并假设现在文本串S匹配到i位置，模式串P匹配到j位置，则有：

如果当前字符匹配成功（即 $S[i] == P[j]$ ），则 $i++$ ， $j++$ ，继续匹配下一个字符；如果失配（即 $S[i] != P[j]$ ），令 $i = i - (j - 1)$ ， $j = 0$ 。相当于每次匹配失败时，i回溯，j被置为0。

理清了暴力匹配算法的流程及内在的逻辑，咱们可以写出暴力匹配的代码，如下：

```
//复杂度为 sLen*pLen
int violentMatch(char* s, char* p)
{
    int sLen = strlen(s);
    int pLen = strlen(p);

    int i = 0;
    int j = 0;
    while (i < sLen && j < pLen)
    {
        if (s[i] == p[j])
        {
            //①如果当前字符匹配成功（即 $S[i] == P[j]$ ），则 $i++$ ， $j++$ 
            i++;
            j++;
        }
        else
        {
            //②如果失配（即 $S[i] != P[j]$ ），令 $i = i - (j - 1)$ ， $j = 0$ 
            i = i - j + 1;
            j = 0;
        }
    }
    //匹配成功，返回模式串p在文本串s中的位置，否则返回-1
    if (j == pLen)
        return i - j;
    else
        return -1;
}
```

KMP算法

1.定义

Knuth-Morris-Pratt 字符串查找算法，简称为“KMP算法”，常用于在一个文本串S内查找一个模式串P 的出现位置，这个算法由Donald Knuth、Vaughan Pratt、James H. Morris三人于1977年联合发表，故取这3人的姓氏命名此算法。

博客，视频链接

博客<<https://blog.csdn.net/gao506440410/article/details/81812163>>

B站视频1<<https://www.bilibili.com/video/av11866460?from=search&seid=5943607834453890070>>

B站视频2<<https://www.bilibili.com/video/av16828557?from=search&seid=5943607834453890070>>

//博客图文好多，我懒得做。。。给大家几个链接看看。。。

//课前可以稍微看看博客稍微了解，我上课会结合例子给大家画图讲解

//这个视频讲的是真的好，清晰明白，我都是模仿他讲的，不过还是给大家讲一遍

//可以直接看视频就能懂。。。今天还是很简单的

模板

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;

const int N=1e4+7;

char Find[10100],a[1000100];
int len=strlen(Find);
int llen=strlen(a);
int NEXT[N];

void getNext() {
    int i = 0, j = NEXT[0] = -1;
    while (i<len){
        if (j == -1 || Find[i] == Find[j]) {
            i++;j++;
            NEXT[i] = j;
        }
        else {
            j = NEXT[j];
        }
    }
}

int FirstKmp() { //在a中找到第一个Find的位置
    int i = 0, j = 0;
    while (i < llen) {
        if (j == -1 || a[i] == Find[j]) {
            i++, j++;
            if (j == len) {
```

```

        return i - j;
    }
}
else j = NEXT[j];
}
return -1;
}

int main()
{
    scanf("%s",a)
    scanf("%s",Find);
    len=strlen(Find);
    llen=strlen(a);
    memset(NEXT,0,sizeof(NEXT));
    getNext();
    cout<<FirstKmp()<<endl;
}

return 0;
}

```