---

# # Front matter lang: ru-RU

title: "Отчёт по лабораторной работе №8"

subtitle: "дисциплина: Математическое моделирование"

author: "Уваров Илья Маркович"

#### # Formatting

toc-title: "Содержание"

toc: true # Table of contents

toc\_depth: 2

lof: true # List of figures
lot: true # List of tables

fontsize: 12pt
linestretch: 1.5
papersize: a4paper
documentclass: scrreprt
polyglossia-lang: russian
polyglossia-otherlangs: english

mainfont: PT Serif
romanfont: PT Serif
sansfont: PT Sans
monofont: PT Mono

mainfontoptions: Ligatures=TeX
romanfontoptions: Ligatures=TeX

sansfontoptions: Ligatures=TeX,Scale=MatchLowercase

monofontoptions: Scale=MatchLowercase

indent: true

pdf-engine: lualatex
header-includes:

- \linepenalty=10 # the penalty added to the badness of each line within a paragraph (no associated penalty node) Increasing the value makes tex try to have fewer lines in the paragraph.
- \interlinepenalty=0 # value of the penalty (node) added after each line of a paragraph.
- \hyphenpenalty=50 # the penalty for line breaking at an automatically inserted hyphen
- \exhyphenpenalty=50 # the penalty for line breaking at an explicit hyphen
- \binoppenalty=700 # the penalty for breaking a line at a binary operator
- \relpenalty=500 # the penalty for breaking a line at a relation
- \clubpenalty=150 # extra penalty for breaking after first line of a paragraph
- \widowpenalty=150 # extra penalty for breaking before last line of a paragraph
- \displaywidowpenalty=50 # extra penalty for breaking before last line before a display math
- brokenpenalty=100 # extra penalty for page breaking after a hyphenated line
- \predisplaypenalty=10000 # penalty for breaking before a display
- \postdisplaypenalty=0 # penalty for breaking after a display
- \floatingpenalty = 20000 # penalty for splitting an insertion (can only be split footnote in standard LaTeX)

- \raggedbottom # or \flushbottom
- \usepackage{float} # keep figures where there are in the text
- $\{H\}$  # keep figures where there are in the text

#### # Цель работы

Ознакомление с моделью конкуренции двух фирм для двух случаев (без учета и с учетом социально-психологического фактора) и их построение с помощью языка программирования Modelica.

#### # Задание

#### \*\*Вариант 16\*\*

Рассмотрим две фирмы, производящие взаимозаменяемые товары одинакового качества и находящиеся в одной рыночной нише. Считаем, что в рамках нашей модели конкурентная борьба ведётся только рыночными методами. То есть, конкуренты могут влиять на противника путем изменения параметров своего производства: себестоимость, время цикла, но не могут прямо вмешиваться в ситуацию на рынке («назначать» цену или влиять на потребителей каким-либо иным способом.) Будем считать, что постоянные издержки пренебрежимо малы, и в модели учитывать не будем. В этом случае динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений ![Рис. 1. Уравнения] (img/1.png) { #fig:001 width=70% }

Рассмотрим модель, когда, помимо экономического фактора влияния (изменение себестоимости, производственного цикла, использование кредита и т.п.), используются еще и социально-психологические факторы — формирование общественного предпочтения одного товара другому, не зависимо от их качества и цены. В этом случае взаимодействие двух фирм будет зависеть друг от друга, соответственно коэффициент перед М М1 2 будет отличаться. Пусть в рамках рассматриваемой модели динамика изменения объемов продаж фирмы 1 и фирмы 2 описывается следующей системой уравнений.

![Puc. 2. Уравнения] (img/2.png) { #fig:002 width=70% } Для обоих случаев рассмотрим задачу со следующими начальными условиями и параметрами

![Рис. 3. Уравнения] (img/3.png) { #fig:003 width=70% }
# Выполнение лабораторной работы

## \*\*1. Теоритические сведения\*\*

Для построения модели конкуренции хотя бы двух фирм необходимо рассмотреть модель одной фирмы. Вначале рассмотрим модель фирмы, производящей продукт долговременного пользования, когда цена его определяется балансом спроса и предложения. Примем, что этот продукт занимает определенную нишу рынка и конкуренты в ней отсутствуют. Обозначим: N — число потребителей производимого продукта. S — доходы потребителей данного продукта. Считаем, что доходы всех потребителей одинаковы. Это предположение справедливо, если речь идет об одной рыночной нише, т.е. производимый продукт ориентирован на определенный слой населения. M — оборотные средства предприятия  $\tau$  — длительность производственного цикла p — рыночная цена товара p — себестоимость продукта, то есть переменные издержки на производство единицы продукции.  $\delta$  — доля оборотных средств, идущая на

покрытие переменных издержек.  $\kappa$  - постоянные издержки, которые не зависят от количества выпускаемой продукции. Q(S/p) - функция спроса, зависящая от отношения дохода S  $\kappa$  цене p. Она равна количеству продукта, потребляемого одним потребителем в единицу времени. Функцию спроса товаров долговременного использования часто представляют в простейшей форме

![Рис. 4. Уравнения] (img/4.png) { #fig:004 width=70% }

```
где q - максимальная потребность одного человека в продукте в единицу
времени. Эта функция падает с ростом цены и при р = pcr (критическая
стоимость продукта) потребители отказываются от приобретения товара.
Величина pcr = Sq/k. Параметр k - мера эластичности функции спроса по
цене. Таким образом, функция спроса в форме (1) является пороговой (то
есть, Q(S/p) = 0 при p \ge pcr) и обладает свойствами насыщения. Уравнения
динамики оборотных средств можно записать в виде
![Рис. 5. Уравнения] (img/5.png) { #fig:005 width=70% }
Уравнение для рыночной цены р представим в виде
![Рис. 6. Уравнения] (img/6.png) { #fig:006 width=70% }
Первый член соответствует количеству поставляемого на рынок товара (то
есть, предложению), а второй член - спросу. Параметр у зависит от скорости
оборота товаров на рынке. Как правило, время торгового оборота существенно
меньше времени производственного цикла т. При заданном М уравнение (3)
описывает быстрое стремление цены к равновесному значению цены, которое
устойчиво. В этом случае уравнение (3) можно заменить алгебраическим
соотношением
![Рис. 7. Уравнения] (img/7.png) { #fig:007 width=70% }
Из этого следует, что равновесное значение цены р равно
![Рис. 8. Уравнения] (img/8.png) { #fig:008 width=70% }
Уравнение с учетом приобретает вид
![Рис. 9. Уравнения] (img/9.png) { #fig:009 width=70% }
Уравнение имеет два стационарных решения, соответствующих условию dM/dt =
![Рис. 10. Уравнения] (imq/10.png) { #fig:0010 width=70% }
![Рис. 11. Уравнения] (img/11.png) { #fig:0011 width=70% }
Из (7) следует, что при больших постоянных издержках (в случае а 2 < 4b)
стационарных состояний нет. Это означает, что в этих условиях фирма не
может функционировать стабильно, то есть, терпит банкротство. Однако, как
правило, постоянные затраты малы по сравнению с переменными (то есть, b <<
а 2 ) и играют роль, только в случае, когда оборотные средства малы. При b
<< а стационарные
![Рис. 12. Уравнения] (img/12.png) { #fig:0012 width=70% }
Первое состояние M\square устойчиво и соответствует стабильному функционированию
предприятия. Второе состояние М\square неустойчиво, так, что при М М\square \square
оборотные средства падают (dM/dt < 0), то есть, фирма идет к банкротству.
По смыслу M\square соответствует начальному капиталу, необходимому для входа в
рынок. В обсуждаемой модели параметр \delta всюду входит в сочетании с \tau. Это
значит, что уменьшение доли оборотных средств, вкладываемых в
производство, эквивалентно удлинению производственного цикла. Поэтому мы в
дальнейшем положим: \delta = 1, а параметр \tau будем считать временем цикла, с
учётом сказанного.
**2. Построение графиков**
```

### 2.1 Написал программу на OpenModelica:

```
model Lab8 1
 parameter Real p_cr = 10.5;
 parameter Real tau1 = 16;
 parameter Real p1 = 7.2;
 parameter Real tau2 = 21;
 parameter Real p2 = 25;
 parameter Real N = 28;
 parameter Real q = 1;
 parameter Real a1 = p_cr/(tau1*tau1*p1*p1*N*q);
 parameter Real a2 = p_cr/(tau2*tau2*p2*p2*N*q);
 parameter Real b = p_cr/(tau1*tau1* tau2*tau2*p1*p1*p2*p2*N*q);
 parameter Real c1 = (p cr-p1)/(tau1*p1);
 parameter Real c2 = (p_cr-p2)/(tau2*p2);
 Real M1 (start=4.4);
 Real M2 (start=4);
equation
 der(M1)=M1-(b/c1)*M1*M2-(a1/c1)*M1*M1;
 der (M2) = (c2/c1)*M2 - (b/c1)*M1*M2 - (a2/c1)*M2*M2;
end Lab8 1;
Получил следующий график (см. рис. -@fig:001).
![Рис. 13. График для 1 слусая](img/13.png){ #fig:0013 width=70% }
2.2 Написал программу на Modelica:
model Lab8_2
 parameter Real p_cr = 10.5;
 parameter Real tau1 = 16;
 parameter Real p1 = 7.2;
 parameter Real tau2 = 21;
 parameter Real p2 = 25;
 parameter Real N = 28;
 parameter Real q = 1;
 parameter Real a1 = p_cr/(tau1*tau1*p1*p1*N*q);
 parameter Real a2 = p_cr/(tau2*tau2*p2*p2*N*q);
 parameter Real b = p_cr/(tau1*tau1*tau2*tau2*p1*p1*p2*p2*N*q);
 parameter Real c1 = (p_cr-p1)/(tau1*p1);
 parameter Real c2 = (p_cr-p2)/(tau2*p2);
 Real M1 (start=4.4);
 Real M2 (start=4);
equation
 der(M1)=M1-(b/(c1+0.0007))*M1*M2-a1/c1*M1*M1;
 der(M2)=c2/c1*M2-b/c1*M1*M2-a2/c1*M2*M2;
end Lab8_2;
Получил следующий график (см. рис. -@fig:002).
```

```
![Рис. 14. График для 2 случая](img/14.png){ #fig:0014 width=70% }
```

## # Выводы

Ознакомился с моделью конкуренции двух фирм для двух случаев. Построил график распространения рекламы.