

UNIVERSIDAD AUSTRAL DE CHILE FACULTAD DE CIENCIAS DE LA INGENIERÍA CENTRO DE DOCENCIA DE CIENCIAS BÁSICAS PARA INGENIERÍA.



BAIN036 ÁLGEBRA LINEAL Tutoría 2

Agosto de 2012

- 1) Sea $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 5 \\ 3 & 5 & 6 \end{pmatrix}$. Determine la inversa de AB si la inversa de B es $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$. (Puede ser útil $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$).
- 2) Sea $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$, usando operaciones elementales filas determine A^{-1} . Verifique que obtuvo la inversa.
- 3) Usando las propiedades del determinante calcule det(A), donde $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 & 3 \\ 2 & 2 & 0 & 2 \\ 4 & 1 & -1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 & 0 \end{pmatrix}$.
- 4) Si $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = 5$, calcule usando propiedades, el valor de

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \\ 4a_{11} + 7a_{21} & 4a_{12} + 7a_{22} & 4a_{13} + 7a_{23} \end{vmatrix}$$

5) Resuelva la ecuación:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 - x & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 2 - x & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 3 - x & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 4 - x \end{vmatrix} = 0$$

(Use propiedades del determinante).

6) Sean
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 4 \\ 0 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 4 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix}$.

- a) Determine A^{-1} usando la adjunta de A.
- b) Resuelva la ecuación matricial AX + B = C (Use la inversa de A).