

1. Determinar la ecuación de la circunferencia tangente al eje  $Y$ , que pasa por el punto  $P(-2, 0)$  y tiene su centro en la recta  $l : x - y + 1 = 0$

Sol: Sea  $C = (h, k)$  centro de la circunferencia como  $C \in l$  entonces  $h - k + 1 = 0$ . De aquí  $h = k - 1$ . Ahora como la circunferencia es tangente al eje  $Y$  entonces  $r = |h|$

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = h^2$$

Como  $(-2, 0)$  es un punto de la circunferencia entonces  $(-2 - h)^2 + k^2 = h^2$

$$(-2 - h)^2 + y^2 = h^2$$

$$h - k + 1 = 0$$

Luego

$$4 + 4h + h^2 + k^2 = h^2$$

$$k^2 + 4(k - 1) + 4 = 0$$

$$k^2 + 4k = 0$$

$$k(k + 4) = 0.$$

Entonces  $k = 0$  y  $h = -1$  ó  $k = -4$  y  $h = -5$ . Por lo tanto, hay dos circunferencias  $C_1$  y  $C_2$  que cumplen con las condiciones, éstas son:

$$C_1 = (x + 1)^2 + y^2 = 1 \text{ y } C_2 = (x + 5)^2 + (y + 4)^2 = 25$$

2. Grafique la región limitada por  $y = \frac{-4\sqrt{9-x^2}}{3}$  y el eje  $X$  con  $x \in ] - 2, 3]$ .  
sol:

$$y = \frac{-4\sqrt{9-x^2}}{3}$$

$$y^2 = \frac{16(9-x^2)}{9}$$

$$9y^2 = 144 - 16x^2$$

$$16x^2 + 9y^2 = 144$$

$$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{16} = 1$$

